

Klaus Fricke

Digitaltechnik

Lehr- und Übungsbuch für Elektrotechnik und Informatiker
6. Auflage

STUDIUM



Klaus Fricke

Digitaltechnik

Klaus Fricke

Digitaltechnik

Lehr- und Übungsbuch für Elektrotechniker und Informatiker
6., überarbeitete Auflage

Mit 210 Abbildungen und 103 Tabellen

STUDIUM



VIEWEG+
TEUBNER

Bibliografische Information der Deutschen Nationalbibliothek
Die Deutsche Nationalbibliothek verzeichnet diese Publikation in der
Deutschen Nationalbibliografie; detaillierte bibliografische Daten sind im Internet über
<<http://dnb.d-nb.de>> abrufbar.

Das in diesem Werk enthaltene Programm-Material ist mit keiner Verpflichtung oder Garantie irgendeiner Art verbunden. Der Autor übernimmt infolgedessen keine Verantwortung und wird keine daraus folgende oder sonstige Haftung übernehmen, die auf irgendeine Art aus der Benutzung dieses Programm-Materials oder Teilen davon entsteht.

Höchste inhaltliche und technische Qualität unserer Produkte ist unser Ziel. Bei der Produktion und Auslieferung unserer Bücher wollen wir die Umwelt schonen: Dieses Buch ist auf säurefreiem und chlorfrei gebleichtem Papier gedruckt. Die Einschweißfolie besteht aus Polyäthylen und damit aus organischen Grundstoffen, die weder bei der Herstellung noch bei der Verbrennung Schadstoffe freisetzen.

1. Auflage 1999
- 2., durchgesehene Auflage 2001
- 3., verbesserte Auflage 2002
- 4., aktualisierte Auflage 2005
- 5., verbesserte und aktualisierte Auflage 2007
- 6., überarbeitete Auflage 2009

Alle Rechte vorbehalten
© Vieweg+Teubner | GWV Fachverlage GmbH, Wiesbaden 2009

Lektorat: Reinhard Dapper | Maren Mithöfer

Vieweg+Teubner ist Teil der Fachverlagsgruppe Springer Science+Business Media.
www.viewegteubner.de



Das Werk einschließlich aller seiner Teile ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung außerhalb der engen Grenzen des Urheberrechtsgesetzes ist ohne Zustimmung des Verlags unzulässig und strafbar. Das gilt insbesondere für Vervielfältigungen, Übersetzungen, Mikroverfilmungen und die Einspeicherung und Verarbeitung in elektronischen Systemen.

Die Wiedergabe von Gebrauchsnamen, Handelsnamen, Warenbezeichnungen usw. in diesem Werk berechtigt auch ohne besondere Kennzeichnung nicht zu der Annahme, dass solche Namen im Sinne der Warenzeichen- und Markenschutz-Gesetzgebung als frei zu betrachten wären und daher von jedermann benutzt werden dürften.

Umschlaggestaltung: KünkelLopka Medienentwicklung, Heidelberg
Druck und buchbinderische Verarbeitung: STRAUSS GMBH, Mörlenbach
Gedruckt auf säurefreiem und chlorfrei gebleichtem Papier.
Printed in Germany

ISBN 978-3-8348-0459-4

Vorwort

In vielen technischen Anwendungen sind Kenntnisse der Digitaltechnik unerlässlich. Die Mikrocomputertechnik, digitale Regelungen und viele Einrichtungen der Telekommunikation sind ohne die Methoden der Digitaltechnik nicht mehr zu verstehen, ein Trend, der verstärkt wird durch den Einsatz integrierter mechanisch-elektronischer Systeme. Besondere Bedeutung hat die Digitaltechnik auch in eingebetteten Systemen erlangt. Unter einem eingebetteten System versteht man dabei eine digitaltechnische Schaltung, die in ein technisches System „eingebettet“ ist. Man findet eingebettete Systeme in einer Vielzahl von Anwendungsbereichen, z. B. in Waschmaschinen, Kraftfahrzeugen, Kühlschränken, in der Unterhaltungselektronik, in Mobiltelefonen usw.

Dieses Buch vermittelt einen fundierten Einstieg in die Digitaltechnik, indem es die Grundlagen bis hin zum Aufbau und der Programmierung einfacher Mikroprozessoren lückenlos darstellt. Neben einer soliden theoretischen Grundlage erwirbt der Leser also Kenntnisse, die das Verständnis der meisten digitaltechnischen Schaltungen ermöglichen. Der gute Absatz der ersten 5 Auflagen bestätigt das gewählte Konzept, so dass auf grundsätzliche Änderungen verzichtet wurde.

Das vorliegende Buch richtet sich hauptsächlich an Ingenieure und Informatiker an Fachhochschulen und Universitäten. Da zum Verständnis des Buches keine besonderen Vorkenntnisse benötigt werden, eignet sich das Buch aber auch für den interessierten Laien. Lediglich für das Kapitel „Schaltungstechnik“ muss der Leser Grundkenntnisse in der Elektronik haben. Das Kapitel ist aber zum Verständnis der anderen Kapitel des Buches nicht erforderlich und kann übersprungen werden. Die Darstellung der booleschen Algebra und die verwendeten Symbole entsprechen weitgehend der geltenden DIN-Norm.

Um das Selbststudium zu erleichtern, sind zu jedem Kapitel Übungsaufgaben angegeben, mit denen das Verständnis des behandelten Stoffes überprüft werden kann. Ein Lösungsvorschlag ist jeweils im Anhang zu finden.

Ein Schwerpunkt des Buches liegt in der ausführlichen Darstellung der Grundlagen der Digitaltechnik. Besonders die Synthese von Schaltnetzen wird detailliert erläutert. Häufig verwendete Standard-Schaltnetze wie Multiplexer und Code-Umsetzer werden mit Beispielen behandelt. Da die arithmetischen Schaltnetze für das Verständnis von Prozessoren wichtig sind, werden die Grundlagen der Festkomma-Arithmetik und die Hardware von arithmetisch-logischen Einheiten genauer besprochen.

Im Bereich der Schaltungsentwicklung stehen heute ausgereifte Entwurfswerkzeuge zur Verfügung, die es dem Anwender ermöglichen komplexe digitale Schaltungen zu entwerfen, in Silizium zu implementieren, den Entwurf zu testen und zu verifizieren. Diese Möglichkeit hat dazu geführt, dass in vermehrtem Umfang anwenderspezifische Schaltungen (ASIC) angeboten werden, die der Kunde selbst entwerfen kann. Ein Kapitel ist daher dem Aufbau von anwendungsspezifischen integrierten Schaltungen gewidmet.

Im nächsten Kapitel folgt eine Einführung in VHDL, eine Programmiersprache zur Beschreibung, Synthese und Simulation integrierter digitaler Schaltungen, die sich als Standard herausgebildet hat und häufig zum Entwurf von ASIC verwendet wird. Der Schaltungsentwurf mit derartigen Hardware Description Languages (HDL) setzt sich immer mehr durch, da er insbesondere bei komplexen Entwürfen erhebliche Vorteile gegenüber den bisherigen grafisch orientierten Entwurfsmethoden bietet.

Aufbauend auf den Schaltnetzen werden synchrone und asynchrone Schaltwerke besprochen. Es wird eine Vorgehensweise für die Entwicklung von synchronen und asynchronen Schaltwerken dargestellt. In der neuen Auflage wurde der Fokus stärker auf die synchronen Schaltwerke gerichtet. Der Entwurf synchroner Schaltwerke hat heute eine weit größere Bedeutung als der der asynchronen Schaltwerke. Als Beispiele für asynchrone Schaltwerke werden die gängigen Flipflop-Typen behandelt. Daneben werden Beispiele für die Konstruktion von Zählern und Schieberegistern besprochen, sowie einige kommerzielle Bauelemente vorgestellt.

In einem besonderen Kapitel werden die verschiedenen Technologien und Eigenschaften der Speicherbausteine gegenübergestellt, die die Eigenschaften moderner Rechnersysteme wesentlich mitbestimmen. Es werden typische Zeitdiagramme für verschiedene Speicherbausteine dargestellt, die die Funktion der Bausteine verdeutlichen.

Das letzte Kapitel bietet einen einfachen Einstieg in die Mikroprozessortechnik. Als Einführung in den Aufbau von Rechnern wird das Prinzip des Von-Neumann-Rechners erklärt. Darauf aufbauend werden die Vorgänge bei der Ausführung von Befehlen beschrieben. Als praktisches Beispiel wird der weit verbreitete Mikrocontroller MC68HC11 von Motorola in einem Kapitel vorgestellt. Es beschreibt die Arbeitsweise und den Aufbau des Prozessors. Ausführlich wird auch auf die Programmierung in Assembler eingegangen. Damit werden Kenntnisse vermittelt, die auch bei der Verwendung anderer Prozessortypen nützlich sind.

Fulda im Juni 2009,
Klaus Fricke

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	1
2	Codierung und Zahlensysteme	3
2.1	Codes	3
2.2	Dualcode	4
2.3	Festkomma-Arithmetik im Dualsystem	5
2.3.1	Ganzzahlige Addition im Dualsystem	5
2.3.2	Addition von Festkommazahlen	6
2.3.3	Einerkomplementdarstellung	6
2.3.4	Zweierkomplementdarstellung	7
2.3.5	Subtraktion in Zweierkomplementdarstellung	8
2.3.6	Bereichsüberschreitung	8
2.3.7	Multiplikation	9
2.3.8	Division	10
2.4	Hexadezimalcode	10
2.5	Oktalcode	11
2.6	Graycode	11
2.7	BCD-Code	12
2.8	Alphanumerische Codes	13
2.9	Übungen	13
3	Schaltalgebra	15
3.1	Schaltvariable und Schaltfunktion	15
3.2	Zweistellige Schaltfunktionen	16
3.3	Rechenregeln	20
3.4	Vereinfachte Schreibweise	21
3.5	Kanonische disjunktive Normalform (KDNF)	21
3.6	Kanonische konjunktive Normalform (KKNF)	22
3.7	Darstellung von Funktionen mit der KKNF und KDNF	23
3.8	Minimieren mit Hilfe der Schaltalgebra	25
3.9	Schaltsymbole	26
3.9.1	Grundsätzlicher Aufbau der Symbole	26
3.9.2	Die Abhängigkeitsnotation	27
3.9.3	Die UND-Abhängigkeit (G)	27
3.9.4	Die ODER-Abhängigkeit (V)	28
3.9.5	Die EXOR-Abhängigkeit (N)	29
3.9.6	Die Verbindungs-Abhängigkeit (Z)	29
3.9.7	Die Übertragungs-Abhängigkeit (X)	29
3.10	Übungen	30
4	Verhalten logischer Gatter	31
4.1	Positive und negative Logik	32
4.2	Definition der Schaltzeiten	33
4.3	Übertragungskennlinie, Störabstand	34

4.4 Ausgänge	35
4.4.1 Offener Kollektor (Open Collector)	36
4.4.2 Tri-State-Ausgang	37
4.5 Übungen	38
5 Schaltungstechnik	39
5.1 CMOS	39
5.1.1 Fan-Out	41
5.1.2 Grundsaltungen NAND und NOR	41
5.1.3 Transmission-Gate	43
5.1.4 Tri-State-Ausgang	44
5.1.5 CMOS-Eigenschaften	45
5.2 TTL	45
5.2.1 Belastung der Ausgänge	47
5.3 Emitter-Coupled Logic (ECL)	48
5.4 Integrierte Injektions-Logik (I ² L)	48
5.5 Verlustleistung und Schaltverhalten von Transistorschaltern	50
5.6 Übungen	51
6 Schaltnetze	53
6.1 Minimierung mit Karnaugh-Veitch-Diagrammen	53
6.1.1 Minimierung der KDNF	53
6.1.2 Minimierung der KKNF	56
6.1.3 Karnaugh-Veitch-Diagramme für 2 bis 6 Eingangsvariablen	57
6.1.4 Unvollständig spezifizierte Funktionen	59
6.2 Das Quine-McCluskey-Verfahren	60
6.3 Andere Optimierungsziele	63
6.3.1 Umwandlung UND/ODER-Schaltnetz in NAND-Schaltnetz	64
6.3.2 Umwandlung ODER/UND-Schaltnetz in NOR-Schaltnetz	65
6.4 Laufzeiteffekte in Schaltnetzen	66
6.4.1 Strukturhazards	66
6.4.2 Funktionshazards	67
6.4.3 Klassifizierung von Hazards	68
6.5 Übungen	69
7 Asynchrone Schaltwerke	71
7.1 Prinzipieller Aufbau von Schaltwerken	71
7.2 Analyse asynchroner Schaltwerke	72
7.3 Systematische Analyse	73
7.4 Analyse unter Berücksichtigung der Gatterlaufzeit	75
7.5 Speicherglieder	78
7.5.1 RS-Flipflop	78
7.5.2 RS-Flipflop mit Takteingang	79
7.5.3 Taktpegelgesteuertes D-Flipflop	80
7.5.4 Flankengesteuertes D-Flipflop	83
7.5.5 Zweiflankensteuerung	85
7.5.6 JK-Flipflop	86
7.5.7 T-Flipflop	88
7.5.8 Beispiel	88

7.5.9 Zusammenfassung Flipflops.....	88
7.6 Übungen	90
8 Synchrone Schaltwerke.....	93
8.1 Beispiel 1: Schaltwerk „Binärzähler“	94
8.2 Moore-Schaltwerk	95
8.3 Mealy-Schaltwerk.....	97
8.3.1 Beispiel 2: Mealy-Schaltwerk „Maschinensteuerung“	97
8.3.2 Realisierung der Maschinensteuerung als Moore-Schaltwerk.....	100
8.4 Zustandskodierung	100
8.4.1 Binäre Kodierung	101
8.4.2 Kodierung nach dem Gray-Code.....	101
8.4.3 Ausgangsorientierte Kodierung.....	101
8.4.4 „One-Hot“-Kodierung	104
8.5 Wahl der Flipflops.....	106
8.6 Zeitverhalten von Schaltwerken	107
8.7 Übungen	109
9 Multiplexer und Code-Umsetzer	111
9.1 Multiplexer.....	111
9.1.1 Multiplexer-Realisierung von Funktionen.....	112
9.2 Code-Umsetzer	114
9.2.1 Der BCD/Dezimal-Code-Umsetzer 7442	115
9.2.2 Demultiplexer	116
9.2.3 Erzeugung von Funktionsbündeln	117
9.3 Analoge Multiplexer und Demultiplexer	119
9.4 Übungen	119
10 Digitale Zähler	121
10.1 Asynchrone Zähler	121
10.1.1 Mod-8-Binärzähler	121
10.1.2 Mod-6-Zähler	122
10.1.3 Asynchrone Rückwärtszähler	123
10.1.4 Zeitverhalten asynchroner Zähler.....	124
10.2 Synchrone Zähler.....	124
10.2.1 4-Bit-Dualzähler.....	125
10.2.2 Mod-6-Zähler im Gray-Code.....	127
10.2.3 Der synchrone 4-Bit Aufwärts/Abwärts-Binärzähler 74191	129
10.3 Übungen	130
11 Schieberegister	131
11.1 Zeitverhalten von Schieberegistern	132
11.1.1 Schieberegister 74194	133
11.2 Rückgekoppelte Schieberegister.....	135
11.2.1 Moebius-Zähler, Johnson-Zähler.....	136
11.2.2 Pseudo-Zufallsfolgen.....	138
11.3 Übungen	140

12	Arithmetische Bausteine	141
12.1	Volladdierer	141
12.2	Serienaddierer	141
12.3	Ripple-Carry-Addierer	142
12.4	Carry-Look-Ahead Addierer	143
12.4.1	Kaskadierung von Carry-Look-Ahead-Addierern	145
12.4.2	Vergleich der Addierer	149
12.5	Arithmetisch-logische-Recheneinheiten (ALU)	149
12.5.1	Beispiele für Operationen	152
12.6	Komparatoren	155
12.6.1	2-Bit-Komparator	155
12.6.2	Kaskadierbare Komparatoren	157
12.7	Übungen	158
13	Digitale Speicher	159
13.1	Prinzipieller Aufbau von Speicherbausteinen	160
13.2	ROM	160
13.3	PROM	163
13.4	EPROM	164
13.5	EEPROM	165
13.6	EAROM	165
13.7	NOVRAM	165
13.8	Statisches RAM (SRAM)	166
13.8.1	Aufbau eines SRAM	166
13.8.2	Beispiel SRAM	167
13.9	Dynamisches RAM (DRAM)	171
13.9.1	Aufbau eines DRAM	171
13.9.2	Beispiel DRAM	171
13.10	SDRAM (Synchrones DRAM)	176
13.11	DDR-RAM (Double Data Rate DRAM)	176
13.12	Eimerkettenspeicher	176
13.12.1	Beispiel eines FIFOs	177
13.13	Kaskadierung von Speichern	179
13.14	Erweiterung der Wortlänge	179
13.15	Erweiterung der Speicherkapazität	180
13.15.1	Volldekodierung	181
13.15.2	Teildekodierung	183
13.15.3	Lineare Dekodierung	185
13.16	Übungen	187
14	Programmierbare Logikbausteine	189
14.1	ASIC-Familien	189
14.2	Programmierbare Logik-IC (PLD)	192
14.2.1	PLD-Typen	192
14.3	ROM, EPROM, EEPROM	193
14.4	PLA	194
14.5	PAL	199
14.6	GAL	201

14.7 Programmierung von PLD-Bausteinen.....	204
14.7.1 Test.....	204
14.8 Field Programmable Gate Arrays (FPGA)	205
14.8.1 Aufbau eines FPGA.....	205
14.8.2 Konfigurierbare Logik-Blöcke (CLB).....	207
14.8.3 IO-Block.....	208
14.8.4 Verbindungsleitungen.....	209
14.8.5 Programmierung eines FPGA.....	210
14.9 CPLD.....	210
14.9.1 Aufbau einer CPLD.....	210
14.9.2 Logik-Array Blöcke (LAB).....	211
14.9.3 IO-Steuerung.....	213
14.9.4 Größe der CPLD.....	213
14.10 Gate-Arrays	214
14.10.1 Aufbau von Channelled Gate-Arrays	214
14.11 Standardzellen-ASIC.....	217
14.12 Vollkundendesign-ASICs.....	217
14.13 Übungen	218
15 VHDL	219
15.1 Entwurfsverfahren für digitale Schaltungen.....	219
15.2 Die Struktur von VHDL	220
15.3 Typen.....	220
15.4 Operatoren.....	222
15.5 Entity	223
15.6 Architecture.....	224
15.7 Prozesse.....	225
15.8 Struktureller Entwurf.....	229
15.9 Busse	230
15.10 Übungen	232
16 Mikroprozessoren.....	233
16.1 Prinzip kooperierender Schaltwerke.....	233
16.2 Der Von-Neumann-Rechner.....	233
16.2.1 Operationswerk	235
16.2.2 Leitwerk.....	235
16.2.3 Speicher	236
16.2.4 Ein- und Ausgabe	236
16.2.5 Betrieb	237
16.3 Architektur des 68HC11	237
16.3.1 Anschlüsse des 68HC11	239
16.3.2 Funktionsabläufe bei der Befehlsausführung	240
16.3.3 CPU-Register.....	243
16.3.4 Speicher.....	244
16.4 Assembler-Programmierung.....	246
16.5 Adressierungsarten	246
16.6 Befehlssatz.....	248
16.6.1 Konventionen	248
16.6.2 Transfer-Befehle.....	249

16.6.3 Speicher-Befehle	250
16.6.4 Lade-Befehle	252
16.6.5 Arithmetische Befehle: Negation.....	252
16.6.6 Arithmetische Befehle: Addition	253
16.6.7 Arithmetische Befehle: Subtraktion.....	255
16.6.8 Arithmetische Befehle: Inkrement und Dekrement	256
16.6.9 Arithmetische Befehle: Vergleich	257
16.6.10 Logische Operationen.....	258
16.6.11 Schiebe- und Rotations-Befehle	258
16.6.12 Bitmanipulations-Befehle.....	259
16.6.13 Absolut adressierter Sprung.....	259
16.6.14 Relativ adressierter Sprung.....	260
16.6.15 Bedingte Sprünge	261
16.6.16 Befehle für Unterprogramme.....	263
16.7 Assembleranweisungen	266
16.8 Interrupt-Bearbeitung	268
16.9 Übungen	270
A Anhang.....	271
A.1 Die Abhängigkeitsnotation	271
A.2 Befehlssatz des 68HC11	275
A.3 Lösungen der Aufgaben.....	283
A.4 Literatur	309
A.5 Sachwortregister	313

1 Einleitung

Die Digitaltechnik hat in den letzten Jahren an Bedeutung weiter zugenommen. Dies ist auf die wesentlichen Vorzüge der Digitaltechnik zurückzuführen, die es erlauben, sehr komplexe Systeme aufzubauen. Man erreicht dies, indem man sich auf zwei Signalzustände beschränkt, die in logischen Gattern mit stark nichtlinearem Übertragungsverhalten ohne Fehlerfortpflanzung übertragen werden können. Durch diese Beschränkung gelingt es, eine Halbleiter-Technologie aufzubauen, die eine Realisierung von über 10^7 logischen Gattern auf einem Chip ermöglicht.

Die Voraussetzung für die einwandfreie Funktion ist allerdings eine genaue Dimensionierung der einzelnen Gatter, so dass die Beschränkung auf zwei Signalzustände gerechtfertigt ist. Um diese Vorgehensweise deutlich zu machen, soll im Folgenden der Begriff „Signal“ etwas genauer betrachtet werden, denn die Digitaltechnik hat sich die Verarbeitung von Signalen zum Ziel gesetzt. Signale dienen immer der Übermittlung von Nachrichten. Sie werden durch physikalische Größen wie Spannung, Strom, Druck, Kraft usw. beschrieben. Die Amplituden dieser Größen sind zeitabhängig. Die zu übertragende Information steckt in den sich ändernden Amplitudenwerten.

Es soll zum Beispiel der zeitabhängige Flüssigkeitsstand F in einem Behälter gemessen werden. Das Bild 1-1a zeigt den Flüssigkeitsstand über der Zeit. Wenn der verwendete Sensor ein elektrisches Signal abgibt, dessen Spannung proportional zur Füllhöhe ist, so erhält man einen Zeitverlauf der Spannung U_s wie in Bild 1-1b. Dieses Signal ist wertkontinuierlich, da alle Amplitudenwerte im Messbereich auftreten können. Systeme, die wertkontinuierliche Signale verarbeiten können, werden analoge Systeme genannt.

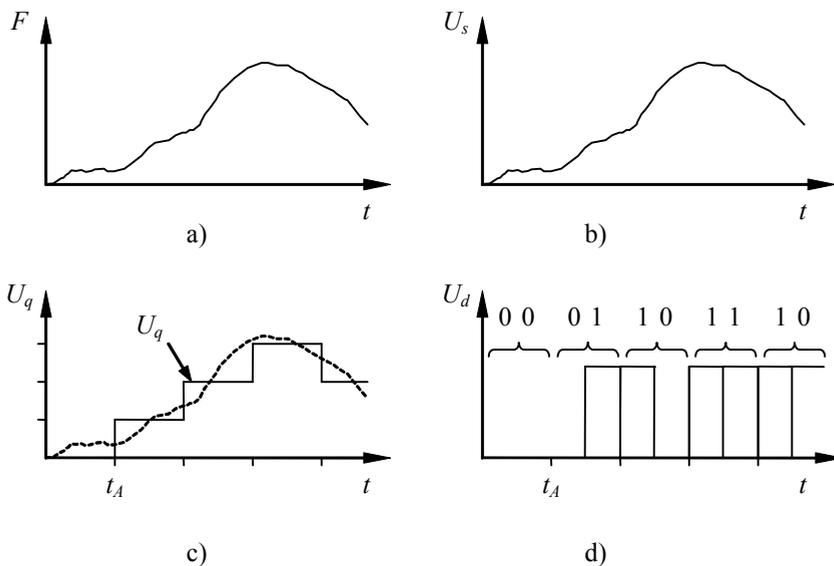


Bild 1-1 Beispiel für die Digitalisierung eines Signals. a) Füllstand F in einem Tank über der Zeit t aufgetragen. b) Zeitverlauf der Ausgangsspannung U_s des Sensors. c) Quantisierter Zeitverlauf der Spannung U_q bei 4 Amplitudenstufen. d) Zuordnung der Amplituden zu den Kodierungen 00, 01, 10 und 11.

Wertdiskrete Signale, die auch digitale Signale genannt werden, können dagegen nur bestimmte diskrete Amplitudenwerte annehmen. Ein Beispiel für ein digitales Signal ist das Signal, welches durch zwei unterschiedliche Spannungspegel anzeigt, ob eine Tür geschlossen oder offen ist. Derartige Signale können direkt von digitalen Systemen verarbeitet werden.

Sollen wertkontinuierliche Signale mit digitalen Systemen übertragen werden, so müssen diese zunächst quantisiert werden. Bei diesem Vorgang wird an bestimmten Zeitpunkten, den Abtastzeitpunkten, die Amplitude des Signals einer diskreten Amplitudenstufe zugeordnet. So ist es im Bild 1-1c für das obige Beispiel des Füllstandssensors geschehen. Man erhält die wertdiskrete Spannung U_q . Bei der Quantisierung muss man einen Rundungsfehler in Kauf nehmen.

Für eine digitale Übertragung muss das Signal zuerst digitalisiert werden. Eine Amplitude wird dann durch eine Folge von Ziffern übertragen. Jede Ziffer ist ein wertdiskretes Signal. Im Bild 1-1d ist ein Beispiel für eine Kodierung mit 2 aufeinander folgenden Ziffern gezeigt. Die Amplitudenstufe 0 wird durch die Ziffern 00 dargestellt. Die Amplituden 1, 2, 3 werden zu 01, 10, 11. Man unterscheidet auch zwischen zeitdiskreten und zeitkontinuierlichen Signalen. Zeitdiskrete Signale können ihre Amplitude nur zu bestimmten Zeiten ändern, während zeitkontinuierliche Signale zu beliebigen Zeiten ihre Amplitude ändern können. Digitale Systeme können zeitdiskret sein, man nennt sie dann synchron. Die Synchronisierung wird über ein Taktsignal hergestellt.

Ein digitales System besitzt durch die Beschränkung auf endliche Amplitudenstufen eine erhöhte Störsicherheit. Gestörte digitale Signale können den ursprünglichen diskreten Amplitudenwerten eindeutig zugeordnet werden. Die Störung darf aber nur maximal die Hälfte des Abstandes zwischen 2 Amplitudenstufen betragen, damit kein Fehler entsteht.

Digitale Systeme haben gegenüber analogen Systemen eine Reihe von Vorteilen:

- Digitale Signale unterliegen keiner Fehlerfortpflanzung, dadurch sind fast beliebig komplexe Systeme wie zum Beispiel Mikroprozessoren realisierbar. Es können beliebig viele Bearbeitungsschritte nacheinander durchgeführt werden, ohne dass systematische Fehler auftauchen. Auch für die Übertragung über weite Strecken ist diese Eigenschaft digitaler Systeme von Vorteil.
- Eine hohe Verarbeitungsgeschwindigkeit kann durch Parallelverarbeitung erzielt werden.
- Digitale Systeme sind leicht zu konstruieren, denn die boolesche Algebra stellt eine sehr einfache Beschreibung dar. Die Entwicklung von komplexen Digitalschaltungen ist heute durch die Verwendung sehr leistungsfähiger Entwicklungswerkzeuge automatisierbar geworden.
- Digitale Systeme sind relativ einfach zu testen.

Der Nachteil digitaler Systeme:

- Digitale Systeme sind viel langsamer als analoge Systeme. Die in der digitalen Signalverarbeitung üblichen Taktfrequenzen liegen etwa bei einem Drittel der möglichen Übertragungsraten analoger Systeme. Deshalb dominiert die Analogtechnik im Hochfrequenzbereich.

2 Codierung und Zahlensysteme

2.1 Codes

Codes werden in der Digitaltechnik häufig verwendet, um ein Signal für einen Anwendungsfall optimal darzustellen. Ein Code bildet die Zeichen eines Zeichenvorrates auf die Zeichen eines zweiten Zeichenvorrates ab. Sinnvollerweise soll auch eine Dekodierung möglich sein, bei der aus dem codierten Zeichen wieder das ursprüngliche gewonnen wird.

Ein bekanntes Beispiel für einen Code ist der Morse-Code. Die Definition eines Codes geschieht durch eine Zuordnungstabelle wie sie in Tabelle 2-1 für den Morse-Code festgehalten ist. Dieser Code ist umkehrbar, da aus dem Buchstaben ein Morsezeichen, und daraus wieder der Buchstabe eindeutig ermittelt werden kann. Das gilt aber nur für einen Text, der in kleinen Buchstaben geschrieben ist, da der Morse-Code nicht zwischen Groß- und Kleinschreibung unterscheidet. Ein Text, der in Groß- und Kleinschreibung verfasst ist, kann daher strenggenommen aus dem Morse-Code nicht wieder dekodiert werden.

Tabelle 2-1 Morse-Code.

Alphabet	Morse-Code	Alphabet	Morse-Code	Alphabet	Morse-Code
a	.-	j	.----	s	...-
b	k	-.--	t	-.--
c	-...-	l	.-...-	u	..--
d	-.--	m	--	v	...-
e	.	n	-. .	w	..--
f	o	---	x	-. .-
g	---	p	-. .-	y	-. .-
h	q	--- .	z	-. .-
i	..	r	.- .		

Für jede Anwendung gibt es mehr oder weniger gut geeignete Codes. So ist für die Zahlenarithmetik in einem Rechner ein anderer Code sinnvoll als für die Übertragung von Zahlen über eine Nachrichtenverbindung. Dieses Kapitel untersucht die Unterschiede der einzelnen Codes und weist auf deren spezifische Anwendungen hin.

Die Kombination mehrerer Zeichen eines Codes nennt man ein Wort. Wir werden uns im Folgenden auf den technisch wichtigen Fall beschränken, dass alle Wörter eines Codes die gleiche Länge n haben. Im Morse-Code ist das nicht der Fall. Hat ein Code einen Zeichenvorrat von N Zeichen, so kann man N^n verschiedene Wörter der Länge n bilden. Werden alle N^n möglichen Wörter eines Codes verwendet, so spricht man von einem Minimalcode. Werden weniger als

N^n Wörter verwendet, so nennt man ihn redundanten Code. Im Folgenden findet man eine Zusammenfassung der geläufigsten Codes, ausführliche Darstellungen findet man in [7-9].

2.2 Dualcode

Der Dualcode ist der wichtigste Code in digitalen Systemen, da er sehr universell ist. Durch die Beschränkung auf die Zeichen 1 und 0 ist eine Verarbeitung mit Bauelementen möglich, die als Schalter arbeiten. Der Dualcode erlaubt auch eine Arithmetik analog der des Dezimalsystems. Das duale Zahlensystem kann als eine Codierung des Dezimalsystems verstanden werden. Eine Dualzahl besteht aus einem Wort, welches aus den Zeichen $c_i \in \{0,1\}$ gebildet wird. Die Zeichen c_i eines Worts werden in der Digitaltechnik Bits genannt. Das Wort z_2 in der Dualdarstellung entsteht durch die Aneinanderreihung der einzelnen Bits wie im Folgenden dargestellt:

$$z_2 = c_{n-1}c_{n-2} \cdots c_1c_0, c_{-1}c_{-2} \cdots c_{-m+2}c_{-m+1}c_{-m} \quad (2.1)$$

Diese Dualzahl hat n Stellen vor dem Komma und m Stellen nach dem Komma. Den einzelnen Bits werden entsprechend ihrer Stellung i im Wort Gewichte 2^i zugeordnet. Damit kann die äquivalente Dezimalzahl z_{10} berechnet werden:

$$z_2 = g(z_{10}) = c_{n-1}2^{n-1} + c_{n-2}2^{n-2} + \dots + c_12^1 + c_02^0 + c_{-1}2^{-1} + \dots + c_{-m}2^{-m} \quad (2.2)$$

Wir betrachten zum Beispiel die Dualzahl $10110,011_2$, die durch den Index 2 als Dualzahl gekennzeichnet ist. Sie wird interpretiert als:

$$\begin{aligned} g(z_2) &= 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} = z_{10} \\ &= 22,375_{10} \end{aligned}$$

Der Dualcode wird als gewichteter Code bezeichnet, da die weiter links im Wort stehenden Bits ein höheres Gewicht besitzen. Gleichung 2.2 liefert eine Vorschrift für die Umwandlung von Dualzahlen in Dezimalzahlen.

Die Umwandlung von Dezimalzahlen in Dualzahlen ist komplizierter. Sie kann durch einen Algorithmus beschrieben werden, der für den ganzzahligen und den gebrochenen Teil der Dezimalzahl unterschiedlich ist. Am obigen Beispiel der Zahl $22,375_{10}$ soll der Algorithmus dargestellt werden:

- Zuerst wird der ganzzahlige Anteil in eine Dualzahl umgesetzt. Dazu wird der ganzzahlige Anteil fortwährend durch 2 geteilt und der Rest notiert, bis sich 0 ergibt.

22:2 = 11	Rest 0	↑ ganzzahliger Anteil der Dualzahl
11:2 = 5	Rest 1	
5:2 = 2	Rest 1	
2:2 = 1	Rest 0	
1:2 = 0	Rest 1	

Die zu 22_{10} gehörende Dualzahl ist also 10110_2 .

- Im zweiten Schritt wird der gebrochene Anteil in den gebrochenen Anteil der Dualzahl umgesetzt. Zuerst wird der gebrochene Anteil mit 2 multipliziert. Der ganzzahlige Anteil wird abgetrennt, er bildet die niedrigstwertige Stelle der Dualzahl.

Das Verfahren wird wiederholt, wie im folgenden Beispiel gezeigt.

$$\begin{array}{rcl}
 0,375 \cdot 2 = 0,75 & + 0 & \downarrow \\
 0,75 \cdot 2 = 0,5 & + 1 & \text{gebrochener Anteil der Dualzahl} \\
 0,5 \cdot 2 = 0 & + 1 &
 \end{array}$$

Man erkennt an dieser Stelle, dass sich der Rest 0 ergibt. Das ist nicht notwendigerweise so. Im Normalfall wird der gebrochene Anteil der äquivalenten Dualzahl unendlich viele Stellen haben. Man muss sich dann mit einer bestimmten Anzahl von Stellen hinter dem Komma begnügen und damit die Genauigkeit einschränken. In unserem Fall entspricht $0,375_{10}$ genau $0,011_2$.

Aus dem ganzzahligen und dem gebrochenen Anteil ergibt sich die gesuchte Dualzahl zu $10110,011_2$.

2.3 Festkomma-Arithmetik im Dualsystem

In diesem Kapitel wird die Arithmetik mit Festkommazahlen beschrieben. Festkomma-Arithmetik bedeutet, dass das Komma immer an einer festen Stelle steht. Die Stelle, an der das Komma steht, orientiert sich dabei an der Stellung im Speicher, in dem die Zahl steht. Das Komma braucht dabei nicht in der Hardware des Rechners implementiert zu sein. Es existiert in diesem Fall nur im Kopf des Programmierers. Wir beschränken uns auf eine konstante Wortlänge n , wie es in Rechnern der Fall ist. Dadurch kann auch das Problem der Bereichsüberschreitung diskutiert werden.

2.3.1 Ganzzahlige Addition im Dualsystem

Die ganzzahlige Addition zweier Zahlen A und B wird im Dualsystem genau wie im Dezimalsystem stellenweise durchgeführt. Wie dort müssen bei jeder Stelle die beiden Dualziffern a_n und b_n und der Übertrag von der vorhergehenden Stelle c_{n-1} addiert werden. Bei der Addition (Tabelle 2-2) entsteht eine Summe s_n und ein neuer Übertrag c_n .

Tabelle 2-2 Addition im Dualsystem mit den Summanden a_n , b_n und dem Übertrag von der vorhergehenden Stelle c_{n-1} . Die Summe ist s_n und der neue Übertrag c_n .

a_n	b_n	c_{n-1}	c_n	s
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

In der folgenden Tabelle ist der Übertrag explizit aufgeführt.

Bsp.:

$$\begin{array}{r}
 \phantom{\text{Übertrag}} \\
 \phantom{\text{Übertrag}} \\
 + \phantom{\text{Übertrag}} \\
 \hline
 \text{Übertrag} \\
 \hline
 = \phantom{\text{Übertrag}}
 \end{array}$$

Man beachte, dass im obigen Beispiel zwei 8 Bit lange Zahlen addiert wurden und das Ergebnis auch 8 Bit lang ist, so dass keine Bereichsüberschreitung stattfindet.

2.3.2 Addition von Festkommazahlen

Sollen zwei Festkommazahlen addiert werden, so ist es analog zum gewohnten Vorgehen im Dezimalsystem wichtig, dass die Kommata übereinander stehen. Daher muss bei der Addition von zwei 8Bit langen Zahlen das Komma bei beiden Zahlen zum Beispiel an der dritten Stelle stehen.

Bsp.:

$$\begin{array}{r}
 \phantom{\text{Übertrag}} \\
 \phantom{\text{Übertrag}} \\
 + \phantom{\text{Übertrag}} \\
 \hline
 \text{Übertrag} \\
 \hline
 = \phantom{\text{Übertrag}}
 \end{array}$$

2.3.3 Einerkomplementdarstellung

Um den Hardware-Aufwand in Rechnern klein zu halten, hat man sich bemüht, Subtraktion und Addition auf einen Algorithmus zurückzuführen. Das gelingt, wenn negative Dualzahlen in ihrer Komplementdarstellung verwendet werden. Man unterscheidet zwischen Einer- und Zweier-Komplement. Das Einerkomplement wird gebildet, indem in einer Dualzahl alle Nullen gegen Einsen vertauscht werden und umgekehrt. Das Einerkomplement von 0001 ist also 1110. Das Einerkomplement einer Dualzahl A wird hier dargestellt als $\neg A$.

Es gilt offenbar bei einer Darstellung in n Bit-Worten :

$$\neg A + A = 2^n - 1 \quad (2.3)$$

Bsp. für eine Darstellung in 8 Bit-Worten:

$$10110011 + 01001100 = 11111111 = 2^8 - 1$$

Man kann Gleichung 2.3 so umformen, dass sie eine Rechenvorschrift für das Einerkomplement ergibt:

$$\neg A = 2^n - 1 - A \quad (2.4)$$

2.3.4 Zweierkomplementdarstellung

Das Zweierkomplement A_{K2} entsteht aus dem Einerkomplement $\neg A$ durch die Addition von 1:

$$A_{K2} = \neg A + 1 \quad (2.5)$$

Also gilt mit Gleichung 2.4:

$$A_{K2} = 2^n - A \quad (2.6)$$

Man erkennt, dass hier eine Darstellung vorliegt, in der $-A$ vorkommt, wodurch sich diese Darstellung für die Subtraktion eignet. Man beachte auch, dass 2^n in der dualen Darstellung $n+1$ Stellen hat. Hier ein Beispiel für das Zweierkomplement aus 10101100:

$$A_{K2} = \neg A + 1 = 01010011 + 1 = 01010100$$

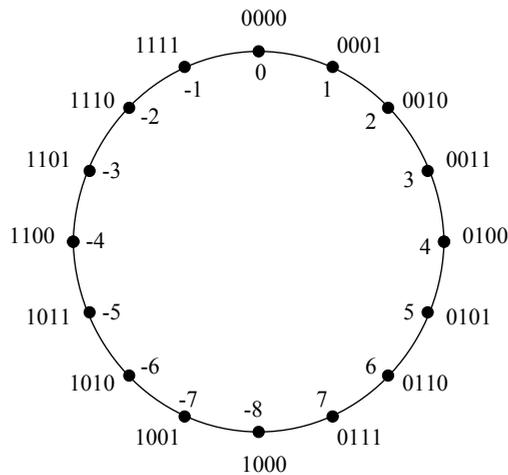


Bild 2-1 Darstellung von 4Bit-Wörtern in Zweierkomplementdarstellung.

Eine kreisförmige Darstellung in Bild 2-1 der 4Bit breiten Dualzahlen verdeutlicht den Zahlenbereich. Die betragsmäßig größte darstellbare positive Zahl ist 7_{10} , die betragsmäßig größte negative Zahl ist -8_{10} . Der Zahlenbereich ist also unsymmetrisch angeordnet, da es eine negative Zahl mehr gibt als positive. Die größte und kleinste darstellbare Zahl ist:

$$Z_{\max} = 2^{n-1} - 1 \quad (2.7)$$

$$Z_{\min} = -2^{n-1} \quad (2.8)$$

Dem Bild 2-1 entnimmt man, dass man betragsmäßig kleine Zweierkomplement-Zahlen daran erkennt, dass sie viele führende Einsen aufweisen, wenn sie negativ sind, und dass sie viele führende Nullen haben, wenn sie positiv sind. Betragsmäßig große Zweierkomplement-Zahlen haben eine weit links stehende Null, wenn sie negativ sind und eine weit links stehende Eins wenn sie positiv sind. Die Zahl 1000_2 (-8_{10}) ist ihr eigenes Zweierkomplement! Es ist auch wichtig festzustellen, dass es nur eine 0 in der Zweierkomplement-Darstellung gibt. Das erleichtert die Abfrage, ob ein Ergebnis 0 ist. In der Einerkomplementdarstellung gibt es dagegen die Dualzahl 0000_2 die der $+0_{10}$ entspricht und die Dualzahl 1111_2 die der -0_{10} entspricht.

2.3.5 Subtraktion in Zweierkomplementdarstellung

Es sollen nun zwei positive Dualzahlen A und B voneinander subtrahiert werden. Man kann die Subtraktion unter Verwendung des Zweierkomplements laut Gleichung 2.6 so durchführen:

$$A - B = A - B + B_{K2} - B_{K2} = A - B + B_{K2} - (2^n - B) \quad (2.9)$$

Zusammenfassen des rechten Ausdrucks ergibt:

$$A - B = A + B_{K2} - 2^n \quad (2.10)$$

Was bedeutet die Subtraktion von 2^n ? Das soll am Beispiel der Subtraktion $7 - 3 = 4$ im 4Bit-Dualsystem dargestellt werden. Die Summe des Dualäquivalents von 7 und des Komplements des Dualäquivalents von 3 ergibt:

Bsp.:

$$\begin{array}{rccccrc}
 & & 0 & 1 & 1 & 1 & & 7_{10} \\
 + & & 1 & 1 & 0 & 1 & & -3_{10} \\
 \hline
 = & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & & \\
 - & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & & \\
 \hline
 = & & 0 & 1 & 0 & 0 & & 4_{10}
 \end{array}$$

Die Subtraktion von 10000_2 entsprechend der Gleichung 2.10 ergibt das richtige Ergebnis 0100_2 . Das kann in einem 4-Bit-Rechner einfach dadurch geschehen, dass die höchste Stelle ignoriert wird. Bei der Subtraktion mit Hilfe des Zweierkomplements ist also der höchste Übertrag c_4 nicht zu berücksichtigen. Vorsicht ist aber geboten in Zusammenhang mit einer Bereichsüberschreitung. Dies soll jetzt untersucht werden.

2.3.6 Bereichsüberschreitung

Es soll daher das Problem der Bereichsüberschreitung (Overflow) in Zusammenhang mit der Zweierkomplement-Darstellung betrachtet werden. Bereichsüberschreitungen können nur in 2 Fällen auftreten. Nämlich dann, wenn zwei positive Zahlen addiert werden oder wenn zwei negative Zahlen addiert werden. In allen anderen Fällen ist eine Bereichsüberschreitung ausgeschlossen. Dazu betrachten wir einige Beispiele in einer 4-Bit Darstellung:

- Beispiel einer Bereichsüberschreitung bei der Addition zweier positiver Zahlen.

Bsp.:

$$\begin{array}{rccccrc}
 & & 0 & 1 & 0 & 1 & & 5_{10} \\
 + & & 0 & 1 & 0 & 1 & & 5_{10} \\
 \hline
 = & 1 & 0 & 1 & 0 & & & -6_{10}
 \end{array}$$

Das Ergebnis ist offensichtlich falsch. Der Fehler entsteht durch den Übertrag von der 3. in die 4. Stelle, wodurch eine negative Zahl vorgetäuscht wird. Dieser Übertrag c_3 wird in einer Darstellung mit n Bits allgemein als c_{n-1} bezeichnet. Der Übertrag c_4 (allgemein c_n) von der 4. Stelle in die 5. Stelle heißt Carry (Cy). Er ist in diesem Beispiel nicht aufgetreten.

- Beispiel einer Bereichsüberschreitung bei der Addition negativer Zahlen :

Bsp.:

$$\begin{array}{rccccrc}
 & & 1 & 0 & 1 & 1 & & -5_{10} \\
 + & & 1 & 0 & 1 & 1 & & -5_{10} \\
 \hline
 = & (1) & 0 & 1 & 1 & 0 & & 6_{10}
 \end{array}$$

Auch in diesem Beispiel entsteht ein falsches Ergebnis. Es gab keinen Übertrag c_{n-1} von der 3. in die 4. Stelle aber einen Übertrag c_n von der 4. in die 5. Stelle.

- Zum Vergleich eine Addition zweier negativer Zahlen ohne Bereichsüberschreitung:

Bsp.:

$$\begin{array}{rccccrc}
 & & 1 & 1 & 1 & 1 & & -1_{10} \\
 + & & 1 & 1 & 0 & 1 & & -3_{10} \\
 \hline
 = & (1) & 1 & 1 & 0 & 0 & & -4_{10}
 \end{array}$$

Es gab die Überträge c_n und c_{n-1} .

Nun sollen diese Ergebnisse zusammen mit weiteren, hier nicht gezeigten Fällen in einer Tabelle zusammengefasst werden. Für zwei positive Dualzahlen A und B kann ein Überlauf bei der Rechnung im Zweierkomplement festgestellt werden, wenn die Überträge c_n und c_{n-1} , wie in der Tabelle 2-3 gezeigt, ausgewertet werden.

Tabelle 2-3 Überlauf bei der Addition in einer n Bit-Zweierkomplement-Darstellung ($A, B \geq 0$).

	Richtiges Ergebnis	Überlauf
$A + B$	$c_n = 0$, $c_{n-1} = 0$	$c_n = 0$, $c_{n-1} = 1$
$A - B$	$c_n = c_{n-1}$	nicht möglich
$-A - B$	$c_n = 1$, $c_{n-1} = 1$	$c_n = 1$, $c_{n-1} = 0$

Zusammenfassend kann festgestellt werden, dass ein richtiges Ergebnis vorliegt, wenn $c_n = c_{n-1}$ gilt, ein falsches, wenn $c_n \neq c_{n-1}$ ist.

2.3.7 Multiplikation

Die Multiplikation wird wie im Dezimalsystem ausgeführt. Hier ein Beispiel für die Multiplikation im Dualsystem $10_{10} \times 11_{10} = 110_{10}$:

Bsp.:

$$\begin{array}{rcccccc}
 & & 1 & 0 & 1 & 0 & \times & 1 & 0 & 1 & 1 \\
 \hline
 & & & & & & & & 1 & 0 & 1 & 0 \\
 & & & & & & & & & 1 & 0 & 1 & 0 \\
 & & & & & & & & & & 1 & 0 & 1 & 0 \\
 \hline
 & & & & & & & & & & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0
 \end{array}$$

Das größte zu erwartende Ergebnis E der Multiplikation zweier n -Bit-Wörter ist:

$$E = (2^n - 1)(2^n - 1) = 2^{2n} - 2^{n+1} + 1 \leq 2^{2n} - 1$$

Das Ergebnis einer Multiplikation zweier n -Bit-Zahlen ist also $2n$ -Bit lang. Es ist aber kleiner als die mit $2n$ Bits maximal darstellbare Dualzahl $2^{2n} - 1$.

Das Gesagte gilt für eine Multiplikation positiver Zahlen. Für das Rechnen in der Zweierkomplement-Darstellung können spezielle Algorithmen verwendet werden [41], oder man muss die Zweierkomplement-Zahlen vor der Multiplikation in ihre Beträge zurückverwandeln und das Ergebnis entsprechend dem Vorzeichen wieder in die gewünschte Darstellung überführen.

Bei der Multiplikation von Fixkommazahlen werden zunächst die Zahlen ohne Berücksichtigung des Kommas multipliziert. Dann wird das Komma entsprechend der Regel gesetzt: Die Multiplikation zweier Zahlen mit n und k Stellen hinter dem Komma ergibt ein Produkt mit $n+k$ Stellen hinter dem Komma.

2.3.8 Division

Die Division kann mit dem gleichen Algorithmus durchgeführt werden, wie er im Dezimalsystem verwendet wird. Das soll am Beispiel $10_{10} : 2_{10} = 5_{10}$ demonstriert werden.

Bsp.:

$$\begin{array}{r} 1010 : 0010 = 101 \\ \underline{10} \\ 010 \\ \underline{10} \\ 0 \end{array}$$

Entsprechend hat bei der Division einer Zahl mit n Stellen hinter dem Komma durch eine Zahl mit k Stellen hinter dem Komma, der Quotient $n-k$ Stellen hinter dem Komma. So ergibt sich entsprechend dem obigen Beispiel:

$$10,10 : 101,1 = 1101,110$$

Auch die Division von Zweierkomplement-Zahlen kann auf Multiplikation und Addition zurückgeführt werden [41].

2.4 Hexadezimalcode

In der Praxis hat sich neben dem Dualcode auch der Hexadezimalcode durchgesetzt, da er gegenüber langen Dualzahlen übersichtlicher ist. Die 16 Hexadezimalziffern sind definiert durch die Tabelle 2-4. Die Hexadezimalziffern größer als 9 werden durch die Buchstaben A-F dargestellt. Für die Umwandlung einer Dualzahl in eine Hexadezimalzahl fasst man jeweils 4 Ziffern der Dualzahl zusammen, die als eine Hexadezimalstelle interpretiert werden. Dadurch hat eine Hexadezimalzahl nur ein Viertel der Stellen wie eine gleichgroße Dualzahl.

Bsp.:

$$\begin{array}{cccc|cccc|cccc} 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ \hline & & & 6 & & & C & & & & F & \end{array}$$

Es gilt also $011011001111_2 = 6CF_{16}$. Zur Kennzeichnung einer Hexadezimalzahl sind auch die Zeichen H und \$ üblich. Die Umwandlung einer Hexadezimalzahl in eine Dezimalzahl und umgekehrt geschieht am einfachsten über die entsprechende Dualzahl. Es ist aber auch möglich, die Umwandlung über einen Algorithmus wie bei der Umwandlung einer Dualzahl in eine Dezimalzahl durchzuführen. Die umgekehrte Umwandlung würde analog zu der Gleichung 2.2 durchzuführen sein.

Tabelle 2-4 Hexadezimalzahlen.

Dezimal	Dual	Hexadezimal	Dezimal	Dual	Hexadezimal
0	0000	0	8	1000	8
1	0001	1	9	1001	9
2	0010	2	10	1010	A
3	0011	3	11	1011	B
4	0100	4	12	1100	C
5	0101	5	13	1101	D
6	0110	6	14	1110	E
7	0111	7	15	1111	F

2.5 Oktalcode

Der Oktalcode wird ähnlich verwendet wie der Hexadezimalcode, nur dass jeweils 3 Stellen einer Dualzahl zusammengefasst werden. Für den Oktalcode werden die Ziffern 0 bis 7 des Dezimalcodes verwendet, er wird oft auch mit dem Index O gekennzeichnet.

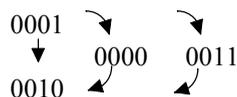
Bsp.:

$$\begin{array}{c|c|c|c} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ \hline & 6 & & 5 & & 4 & & 3 & & & & \end{array}$$

Es gilt also $11010100011_2 = 6543_8$.

2.6 Graycode

Oft benötigt man in der Digitaltechnik eine Codierung für einen Zahlencode, bei dem beim Übergang von einer Zahl zur nächsten sich nur eine Ziffer ändern soll. Diese Bedingung ist notwendig, wenn durch technische Ungenauigkeiten der Zeitpunkt der Umschaltung nicht genau eingehalten werden kann. Bei einer Umschaltung von 2 Ziffern könnten sich daher Fehlschaltungen ergeben. Als Beispiel für einen derartigen Fehler soll die Umschaltung von 1_{10} auf 2_{10} im Dual-Code betrachtet werden:



Bei dieser Umschaltung ändern sich die Bits 0 und 1. Bei gleichzeitigem Umschalten wird die neue Zahl direkt erreicht. Wechselt erst das Bit 0, so erscheint zunächst die Zahl 0000 und erst wenn sich auch Bit 1 ändert, erhält man die richtige Zahl 0010. Ändert sich zuerst das Bit 1 und dann Bit 0, so wird zwischendurch die Zahl 0011 sichtbar. Gray-Codes vermeiden diesen gravierenden Fehler dadurch, dass sich von einem Codewort zum nächsten nur eine Stelle ändert. Die Tabelle 2-5 zeigt einen 4-stelligen Gray-Code. Der gezeigte Code hat zusätzlich die Eigenschaft, dass er zyklisch ist, da sich auch beim Übergang von der höchsten Zahl (15_{10}) zu der niedrigsten (0_{10}) nur eine Stelle ändert. Zyklische Gray-Codes können für alle geraden Periodenlängen konstruiert werden.

Tabelle 2-5 Beispiel für einen 4-stelligen Gray-Code.

Dezimal	Gray-Code	Dezimal	Gray-Code
0	0000	8	1100
1	0001	9	1101
2	0011	10	1111
3	0010	11	1110
4	0110	12	1010
5	0111	13	1011
6	0101	14	1001
7	0100	15	1000

2.7 BCD-Code

Will man zum Beispiel die Dezimal-Ziffern einer Anzeige ansteuern, so eignet sich ein Code, bei dem den einzelnen Dezimal-Ziffern dual codierte Code-Wörter zugeordnet sind. Dieser Code wird als BCD-Code (*Binär-codierte Dezimalzahl*) bezeichnet. Eine Möglichkeit besteht darin, die Dezimal-Ziffern durch jeweils eine 4-stellige Dualzahl darzustellen. Da die einzelnen Stellen die Wertigkeiten 8, 4, 2 und 1 haben, wird der Code 8-4-2-1-Code genannt. Es gibt auch die Möglichkeit, einen BCD-Code mit den Gewichten 2, 4, 2, 1 aufzubauen (Aiken-Code). Andere BCD-Codes sind der 3-Exzess-Code und der BCD-Gray-Code [3].

Tabelle 2-6 BCD-Code.

Dezimalziffer	8-4-2-1-Code	Dezimalziffer	8-4-2-1-Code
0	0000	5	0101
1	0001	6	0110
2	0010	7	0111
3	0011	8	1000
4	0100	9	1001

2.8 Alphanumerische Codes

Es existiert eine Vielzahl von Codes für die Darstellung alphanumerischer Zeichen durch Binärziffern. Ein bekanntes Beispiel ist der ASCII-Code (ASCII = American Standard-Code for Information Interchange), der auch eine Reihe von Steuerzeichen enthält. Hier sind die beiden Hexadezimal-Ziffern und das entsprechende Zeichen gegenübergestellt.

Tabelle 2-7 ASCII-Code (Teil 1 Steuerzeichen).

ASCII	Zeichen	ASCII	Zeichen
00	NUL (Leerstelle)	10	DLE
01	SOH (Start of Heading)	11	DC1 (Device Control 1)
02	STX (Start of Text)	12	DC2 (Device Control 2)
03	ETX (End of Text)	13	DC3 (Device Control 3)
04	EOT (End of Transm.)	14	DC4 (Device Control 4)
05	ENQ (Enquiry)	15	NAK (Negative Acknowledge)
06	ACK (Acknowledge)	16	SYN (Synchronous Idle)
07	BEL (Bell)	17	ETB (End of Transm. Block)
08	BS	18	CAN (Cancel)
09	HT (Horizontal Tabulator)	19	EM (End of Medium)
0A	LF (Line Feed)	1A	SUB (Substitute Character)
0B	VT (Vertical Tabulator)	1B	ESC (Escape)
0C	FF (Form Feed)	1C	FS (File Separator)
0D	CR (Carriage Return)	1D	GS (Group Separator)
0E	SO (Shift-In)	1E	RS (Record-Separator)
0F	SI (Shift-Out)	1F	US (Unit-Separator)

2.9 Übungen

Aufgabe 2.1 Wandeln Sie die folgenden Dualzahlen in Dezimalzahlen um:

- a) 1110,101
- b) 10011,1101

Aufgabe 2.2 Wandeln Sie die folgenden Dezimalzahlen in Dualzahlen um:

- a) 33,125
- b) 45,33

Aufgabe 2.3 Berechnen Sie die untenstehenden Aufgaben mit Hilfe des Zweierkomplements bei einer Wortlänge von 6 Bit. Geben Sie an, ob es eine Bereichsüberschreitung gibt.

a) 010101–001010

b) –010111–011011

Aufgabe 2.4 Berechnen Sie im Dualsystem:

a) 110101 · 010101

b) 1101110 : 110

Aufgabe 2.5 Entwickeln Sie einen zyklischen Graycode mit der Periodenlänge 6.

Aufgabe 2.6 Wandeln die folgenden Zahlen in die jeweils angegebenen Zahlenformate:

120₁₀ → Hexadezimalsystem

324₁₀ → BCD-Code

0100 0111 0110_{BCD} → Dezimalsystem

3A4₁₆ → Dezimalsystem

F32₁₆ → Dualsystem

2A1₁₆ → BCD-Code

Tabelle 2-8 ASCII-Code (Teil 2).

ASCII	Zeichen										
20	SP	30	0	40	@	50	P	60	`	70	p
21	!	31	1	41	A	51	Q	61	a	71	q
22	"	32	2	42	B	52	R	62	b	72	r
23	#	33	3	43	C	53	S	63	c	73	s
24	\$	34	4	44	D	54	T	64	d	74	t
25	%	35	5	45	E	55	U	65	e	75	u
26	&	36	6	46	F	56	V	66	f	76	v
27	'	37	7	47	G	57	W	67	g	77	w
28	(38	8	48	H	58	X	68	h	78	x
29)	39	9	49	I	59	Y	69	i	79	y
2A	*	3A	:	4A	J	5A	Z	6A	j	7A	z
2B	+	3B	;	4B	K	5B	[6B	k	7B	{
2C	,	3C	<	4C	L	5C	\	6C	l	7C	
2D	-	3D	=	4D	M	5D]	6D	m	7D	}
2E	.	3E	>	4E	N	5E	^	6E	n	7E	□
2F	/	3F	?	4F	O	5F	_	6F	o	7F	DEL

3 Schaltalgebra

Die Digitaltechnik hat der Analogtechnik voraus, dass sie auf einer relativ einfachen, aber dennoch mächtigen Theorie beruht, der booleschen Algebra, die auch Schaltalgebra genannt wird. In diesem Kapitel werden diese theoretischen Grundlagen der Digitaltechnik dargestellt. Die boolesche Algebra kann man auf fast alle bei der Entwicklung einer digitalen Schaltung vorkommenden Probleme anwenden, unter der Bedingung, dass einige technologische Voraussetzungen erfüllt sind, die im Kapitel 4 behandelt werden.

3.1 Schaltvariable und Schaltfunktion

In der Digitaltechnik verwendet man spezielle Variablen und Funktionen. Unter einer Schaltvariablen versteht man eine Variable, die nur die Werte 0 oder 1 annehmen kann. Mit Schaltvariablen können Funktionen gebildet werden. Eine Funktion:

$$y = f(x_1, x_2, x_3, \dots, x_n) \quad \text{mit } x_i, y \in \{0,1\} \quad (3.1)$$

nennt man n -stellige Schaltfunktion oder Binärfunktion. Der Wertebereich der Funktionswerte enthält wieder die Elemente 0 und 1. Funktionen können durch Tabellen definiert werden, in denen die Funktionswerte zu den möglichen 2^n Kombinationen der n Eingangsvariablen aufgelistet sind. Derartige Tabellen werden Wahrheitstabellen genannt.

Eine sehr einfache Funktion, die die Eingangsvariable x mit der Ausgangsvariablen y verknüpft, ist durch Tabelle 3-1 gegeben. Man erkennt, dass Schaltfunktionen durch eine Tabelle definiert werden können, in der *alle* Werte der Eingangsvariablen enthalten sind, da ja nur die beiden Elemente 0 und 1 zu berücksichtigen sind.

Tabelle 3-1 Wahrheitstabelle eines Inverters.

x	y
0	1
1	0

Die durch die Tabelle 3-1 definierte Schaltfunktion $y = f(x)$ wird Negation, Komplement, oder NOT genannt. Sie wird im Folgenden durch den Operator \neg gekennzeichnet:

$$y = \neg x \quad (3.2)$$

Spruch: y gleich nicht x

Die Negation ist eine einstellige Schaltfunktion, da sie nur ein Eingangssignal besitzt. In Schaltplänen wird die Realisierung dieser Funktion, der „Inverter“, durch das Schaltsymbol in Bild 3-1 gekennzeichnet.

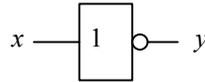


Bild 3-1 Schaltsymbol des Inverters.

Gibt es noch weitere einstellige Schaltfunktionen? Durch systematisches Probieren findet man insgesamt 4, die in Tabelle 3-2 zusammengefasst sind. Andere Kombinationen der Ausgangs-Schaltvariablen y gibt es nicht. Man stellt fest, dass die Funktion $y = x$ eine Durchverbindung darstellt. Die Schaltfunktionen $y = 0$ und $y = 1$ erzeugen Konstanten, die unabhängig vom Eingang sind. Nur die einstellige Binärfunktion $y = \neg x$ ist daher für die Schaltalgebra wichtig.

Tabelle 3-2 Einstellige Binärfunktionen.

Wahrheitstabelle	Funktion	Schaltzeichen	Name						
<table border="1"> <tr><td>x</td><td>y</td></tr> <tr><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td></tr> </table>	x	y	0	0	1	0	$y = 0$		
x	y								
0	0								
1	0								
<table border="1"> <tr><td>x</td><td>y</td></tr> <tr><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td></tr> </table>	x	y	0	0	1	1	$y = x$		
x	y								
0	0								
1	1								
<table border="1"> <tr><td>x</td><td>y</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td></tr> </table>	x	y	0	1	1	0	$y = \neg x$		NOT, Komplement, Negation
x	y								
0	1								
1	0								
<table border="1"> <tr><td>x</td><td>y</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td></tr> </table>	x	y	0	1	1	1	$y = 1$		
x	y								
0	1								
1	1								

3.2 Zweistellige Schaltfunktionen

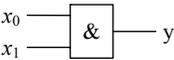
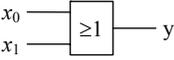
Prinzipiell kann man Binärfunktionen mit beliebig vielen Eingangsvariablen bilden. Es hat sich aber als praktisch erwiesen, zunächst nur Funktionen mit einer oder zwei Eingangsvariablen zu betrachten und Funktionen mit mehr Eingangsvariablen darauf zurückzuführen.

Eine binäre Funktion mit den Eingangsvariablen x_0 und x_1 kann wieder durch eine Tabelle definiert werden. Man kann sich die Kombination der Eingangsvariablen x_0 und x_1 als einen

Vektor $X = [x_1, x_0]$ vorstellen. Bei zwei Eingangsvariablen gibt es 4 mögliche Eingangsvektoren X , die oft mit ihrem Dezimaläquivalent indiziert werden. So bedeutet X_2 , dass $x_1 = 1$ und $x_0 = 0$ gilt, oder anders ausgedrückt, dass $X_2 = [x_1, x_0] = [1, 0]$.

Technisch wichtig sind neben der Negation die Grundverknüpfungen UND und ODER, die durch die Tabelle 3-3 definiert sind. Man bezeichnet UND auch als AND oder Konjunktion, sowie ODER als OR oder Disjunktion.

Tabelle 3-3 Grundverknüpfungen UND und ODER.

Wahrheitstabelle	Funktion	Schaltzeichen	Name															
<table border="1"> <thead> <tr> <th>x_1</th> <th>x_0</th> <th>y</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table>	x_1	x_0	y	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1	$y = x_0 \wedge x_1$		UND, AND, Konjunktion
x_1	x_0	y																
0	0	0																
0	1	0																
1	0	0																
1	1	1																
<table border="1"> <thead> <tr> <th>x_1</th> <th>x_0</th> <th>y</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table>	x_1	x_0	y	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1	$y = x_0 \vee x_1$		ODER, OR, Disjunktion
x_1	x_0	y																
0	0	0																
0	1	1																
1	0	1																
1	1	1																

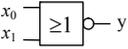
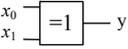
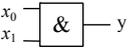
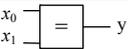
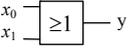
Es stellt sich die Frage nach den anderen möglichen 2-stelligen Binärfunktionen. Um diese Frage systematisch zu beantworten, kann man die Werte der Ausgangsvariablen y permutieren, welche aus den 4 möglichen Eingangsvektoren resultieren. Eine Funktion $y(x_1, x_0)$ kann allgemein durch die Wahrheitstabelle 3-4 definiert werden.

Tabelle 3-4 Wahrheitstabelle für eine 2-stellige Binärfunktion.

x_1	x_0	y
0	0	$y(0,0)$
0	1	$y(0,1)$
1	0	$y(1,0)$
1	1	$y(1,1)$

Man erkennt aus der Tabelle, dass man $2^{2^n} = 16$ verschiedene binäre Funktionen mit $n=2$ Eingangsvariablen bilden kann. Alle möglichen zweistelligen Binärfunktionen sind in Tabelle 3-5 aufgelistet. Die Darstellung der binären Funktionen ist in einer DIN-Norm festgelegt [10].

Tabelle 3-5 2-stellige Binärfunktionen: Wahrheitstabelle, Darstellung durch (AND, NOT, OR), Schaltsymbol und Funktionsname.

Wahrheitstabelle					Funktion	Schaltsymbol	Name
x_0	1	0	1	0			
x_1	1	1	0	0			
y	0	0	0	0	$y = 0$		Null
y	0	0	0	1	$y = \neg(x_0 \vee x_1)$ $y = (x_0 \vee x_1)'$		NOR
y	0	0	1	0	$y = x_0 \wedge \neg x_1$		Inhibition
y	0	0	1	1	$y = \neg x_1$		Komplement
y	0	1	0	0	$y = \neg x_0 \wedge x_1$		Inhibition
y	0	1	0	1	$y = \neg x_0$		Komplement
y	0	1	1	0	$y = (\neg x_0 \wedge x_1) \vee (x_0 \wedge \neg x_1)$ $y = x_0 \leftrightarrow x_1$		EXOR
y	0	1	1	1	$y = \neg(x_0 \wedge x_1)$ $y = (x_0 \wedge x_1)'$		NAND
y	1	0	0	0	$y = x_0 \wedge x_1$		UND, AND
y	1	0	0	1	$y = (x_0 \wedge x_1) \vee (\neg x_0 \wedge \neg x_1)$ $y = x_0 \leftrightarrow x_1$		Äquivalenz
y	1	0	1	0	$y = x_0$		Identität
y	1	0	1	1	$y = x_0 \vee \neg x_1$		Implikation
y	1	1	0	0	$y = x_1$		Identität
y	1	1	0	1	$y = x_1 \vee \neg x_0$		Implikation
y	1	1	1	0	$y = x_0 \vee x_1$		ODER, OR
y	1	1	1	1	$y = 1$		Eins

Die technisch wichtigen Funktionen NAND, NOR, Äquivalenz, und EXOR (auch Exklusiv-Oder, Antivalenz) haben ein eigenes Schaltsymbol. Sie werden in der Praxis oft durch spezielle Schaltungen realisiert.

Es ist in dieser Tabelle auch dargestellt, wie die einzelnen Funktionen nur durch die Verknüpfungen AND, OR und NOT dargestellt werden können. Daher ist jede binäre Funktion durch diese 3 Verknüpfungen darstellbar. Auch allein durch die Funktion NOR, ebenso wie allein durch die Funktion NAND können alle binären Funktionen dargestellt werden. Diese Funktionen nennt man daher „vollständig“.

Der Beweis der Äquivalenzen kann durch das Aufstellen der Wahrheitstabellen geschehen. So soll zum Beispiel die in Tabelle 3-5 dargestellte Äquivalenz für die EXOR-Verknüpfung durch AND, OR und NOT bewiesen werden:

$$x_0 \leftrightarrow x_1 = (\neg x_0 \wedge x_1) \vee (x_0 \wedge \neg x_1) \quad (3.3)$$

In Tabelle 3-6 werden zunächst die beiden Klammerausdrücke ausgewertet. Danach wird das logische OR der beiden Klammerausdrücke gebildet und in die 5. Spalte geschrieben. Da die vorletzte und die letzte Spalte übereinstimmen ist die Gleichheit bewiesen, denn in der letzten Spalte steht die Definition der Exklusiv-Oder-Funktion.

Tabelle 3-6 Beweis durch eine Wahrheitstabelle.

x_1	x_0	$\neg x_0 \wedge x_1$	$x_0 \wedge \neg x_1$	$(\neg x_0 \wedge x_1) \vee (x_0 \wedge \neg x_1)$	$x_0 \leftrightarrow x_1$
0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	1	1
1	0	1	0	1	1
1	1	0	0	0	0

3.3 Rechenregeln

Wichtig für die Vereinfachung komplizierter Funktionen sind die Rechenregeln der booleschen Algebra. Die einzelnen Gesetze können durch die Verwendung von Wahrheitstabellen bewiesen werden.

Die Rechenregeln der booleschen Algebra sind im Folgenden aufgelistet:

Kommutativgesetze:

$$x_0 \wedge x_1 = x_1 \wedge x_0 \quad (3.4)$$

$$x_0 \vee x_1 = x_1 \vee x_0 \quad (3.5)$$

Assoziativgesetze:

$$(x_0 \wedge x_1) \wedge x_2 = x_0 \wedge (x_1 \wedge x_2) \quad (3.6)$$

$$(x_0 \vee x_1) \vee x_2 = x_0 \vee (x_1 \vee x_2) \quad (3.7)$$

Distributivgesetze:

$$x_0 \wedge (x_1 \vee x_2) = (x_0 \wedge x_1) \vee (x_0 \wedge x_2) \quad (3.8)$$

$$x_0 \vee (x_1 \wedge x_2) = (x_0 \vee x_1) \wedge (x_0 \vee x_2) \quad (3.9)$$

Absorptionsgesetze:

$$x_0 \wedge (x_0 \vee x_1) = x_0 \quad (3.10)$$

$$x_0 \vee (x_0 \wedge x_1) = x_0 \quad (3.11)$$

Existenz der neutralen Elemente:

$$x_0 \wedge 1 = x_0 \quad (3.12)$$

$$x_0 \vee 0 = x_0 \quad (3.13)$$

Existenz der komplementären Elemente

$$x_0 \wedge \neg x_0 = 0 \quad (3.14)$$

$$x_0 \vee \neg x_0 = 1 \quad (3.15)$$

De Morgansche Theoreme:

$$x_0 \wedge x_1 = \neg(\neg x_0 \vee \neg x_1) \quad (3.16)$$

$$x_0 \vee x_1 = \neg(\neg x_0 \wedge \neg x_1) \quad (3.17)$$

Aus der Symmetrie der Gesetze erkennt man folgendes:

Gilt ein Gesetz, so gilt auch das Gesetz, welches man erhält, indem man AND mit OR und die Konstanten 0 mit 1 vertauscht. Das so erhaltene Gesetz bezeichnet man als das duale Gesetz. So sind zum Beispiel die Gesetze 3.16 und 3.17 zueinander dual. Analog bezeichnet man eine Funktion F' , die aus der Funktion F durch Vertauschen von AND mit OR und 0 mit 1 entstanden ist, als die zu F duale Funktion.

Wichtig ist es auch festzustellen, dass NAND und NOR nicht assoziativ sind. Es gilt also:

$$(x_0 \overline{\wedge} x_1) \overline{\wedge} x_2 \neq x_0 \overline{\wedge} (x_1 \overline{\wedge} x_2) \quad (3.18)$$

$$(x_0 \overline{\vee} x_1) \overline{\vee} x_2 \neq x_0 \overline{\vee} (x_1 \overline{\vee} x_2) \quad (3.19)$$

3.4 Vereinfachte Schreibweise

Kompliziertere Funktionen sind oft nicht leicht zu lesen:

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = (\neg x_0 \wedge \neg x_2) \vee (x_2 \wedge x_3) \vee (x_0 \wedge \neg x_1 \wedge x_2) \vee (x_1 \wedge x_3) \quad (3.20)$$

In einer vereinfachten Schreibweise, die aber nicht in der Norm festgehalten ist, kann man die Konjunktionszeichen und die Klammern weglassen. Damit vereinbart man auch gleichzeitig, dass die Konjunktionen zuerst gebildet werden und anschließend die Disjunktionen. Man schreibt daher Gleichung 3.20 folgendermaßen:

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = \neg x_0 \neg x_2 \vee x_2 x_3 \vee x_0 \neg x_1 x_2 \vee x_1 x_3 \quad (3.21)$$

3.5 Kanonische disjunktive Normalform (KDNF)

Jede binäre Funktion kann allein durch AND, OR und NOT dargestellt werden. Das kann auf systematische Art und Weise geschehen wie es am Beispiel der in Tabelle 3-7 gegebenen Funktion gezeigt werden soll. Man kann auf zwei verschiedene Arten vorgehen. Wir beginnen mit der kanonischen disjunktiven Normalform (KDNF).

Tabelle 3-7 Wahrheitstabelle für Beispiel zur KDNF.

x_2	x_1	x_0	Dezimal	y
0	0	0	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	2	1
0	1	1	3	1
1	0	0	4	0
1	0	1	5	1
1	1	0	6	1
1	1	1	7	0

Man betrachtet dazu zunächst die Eingangsvektoren X_i , für die die Funktion $y = f(X)$ den Wert 1 annimmt. Es gilt also für diese Eingangsvektoren $f(X_i) = 1$. In unserem Fall sind das X_0 , X_2 , X_3 , X_5 , und X_6 . Nun bildet man für jeden dieser Eingangsvektoren eine Konjunktion der Elemente x_i , die genau für diesen Eingangsvektor den Wert 1 annimmt. Für X_5 wäre das:

$$m_5 = x_2 \neg x_1 x_0 \quad (3.22)$$

Man nennt m_5 auch Minterm. Die Minterme enthalten immer alle Eingangsvariablen, sie werden deshalb auch Vollkonjunktionen genannt. In einem Minterm kommen alle Eingangsvariablen invertiert oder nichtinvertiert vor, je nachdem, ob die entsprechende Eingangsvariable 1 oder 0 ist. Für das Beispiel sind die anderen Minterme:

$$m_0 = \neg x_2 \neg x_1 \neg x_0 \quad (3.23)$$

$$m_2 = \neg x_2 x_1 \neg x_0 \quad (3.24)$$

$$m_3 = \neg x_2 x_1 x_0 \quad (3.25)$$

$$m_6 = x_2 x_1 \neg x_0 \quad (3.26)$$

Ein Minterm hat also für einen bestimmten Fall der Eingangsvariablen den Wert 1.

Die gesamte Funktion muss durch die Disjunktion der Minterme dargestellt werden, denn die Funktion soll den Wert 1 bekommen, wenn einer der Minterme gleich 1 wird. Diese Darstellungsweise heißt kanonische disjunktive Normalform (KDNF). Sie heißt kanonisch, da in jedem Minterm alle Variablen vorkommen. In unserem Fall kann die Funktion dargestellt werden durch:

$$y = \neg x_2 \neg x_1 \neg x_0 \vee \neg x_2 x_1 \neg x_0 \vee \neg x_2 x_1 x_0 \vee x_2 \neg x_1 x_0 \vee x_2 x_1 \neg x_0 \quad (3.27)$$

3.6 Kanonische konjunktive Normalform (KKNF)

Alternativ können für die Darstellung der Funktion die Eingangsvektoren X_i verwendet werden, bei denen die Funktion den Wert 0 annimmt. Dann gilt also $f(X_i) = 0$. Bei der Funktion in Tabelle 3-7 sind das X_1 , X_4 und X_7 .

Es werden die so genannten Maxterme M_i gebildet. Das sind die Disjunktionen, die genau dann gleich 0 sind, wenn der entsprechende Eingangsvektor X_i anliegt:

$$M_1 = x_2 \vee x_1 \vee \neg x_0 \quad (3.28)$$

$$M_4 = \neg x_2 \vee x_1 \vee x_0 \quad (3.29)$$

$$M_7 = \neg x_2 \vee \neg x_1 \vee \neg x_0 \quad (3.30)$$

Es müssen also die Eingangsvariablen, die im Eingangsvektor gleich 1 sind, invertiert im Maxterm auftreten. Die Eingangsvariablen, die im Eingangsvektor gleich 0 sind, erscheinen im Maxterm nichtinvertiert. So wird der Maxterm M_1 nur für $x_2 = 0$, $x_1 = 0$, $x_0 = 1$ gleich 0.

Die gesamte Funktion kann nun durch die Konjunktion der Maxterme dargestellt werden, denn der Funktionswert darf nur 0 sein, wenn mindestens einer der Maxterme gleich 0 ist. Die kanonische konjunktive Normalform (KKNF) genannte Darstellungsform ist für unser Beispiel:

$$y = (x_2 \vee x_1 \vee \neg x_0)(\neg x_2 \vee x_1 \vee x_0)(\neg x_2 \vee \neg x_1 \vee \neg x_0) \quad (3.31)$$

3.7 Darstellung von Funktionen mit der KKNF und KDNF

In der Praxis stellt sich oft die Frage, wie man von einem konkreten Problem zu der dazugehörigen Schaltfunktion kommt. Dazu betrachten wir das Beispiel der Funktion „Gerade Parität“ f_p in Tabelle 3-8. Es soll eine Schaltung mit 3 Eingängen x_2, x_1, x_0 realisiert werden, welche am Ausgang y genau dann eine 1 ausgibt, wenn eine gerade Anzahl der Eingangssignale 1 ist. Dies ist eine Verallgemeinerung der Äquivalenzfunktion auf mehrere Eingangsvariablen, im Beispiel in Tabelle 3-8 werden 3 Eingangsvariablen verwendet. Als Erstes stellen wir die Wahrheitstabelle der Funktion $y = f_p(x_2, x_1, x_0)$ auf. Dazu betrachten wir alle Kombinationen der Eingangssignale, für die der Ausgang 1 sein soll. Es sind dies die Fälle, in denen zwei oder keine 1 an den Eingängen anliegt. Das sind alle vorkommenden Fälle. In Tabelle 3-9 ist zusätzlich das Dezimaläquivalent des Eingangsvektors angegeben.

Tabelle 3-8 Wahrheitstabelle für das Beispiel der Funktion „Gerade Parität“ $y = f_p(x_2, x_1, x_0)$.

x_2	x_1	x_0	Dezimal- äquivalent	y
0	0	0	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	2	0
0	1	1	3	1
1	0	0	4	0
1	0	1	5	1
1	1	0	6	1
1	1	1	7	0

Dann stellen wir die KDNF auf. Wir benötigen die Minterme m_i für die Eingangsvektoren mit den Dezimaläquivalenten 6, 5, 3, 0. Diese Minterme werden durch ein logisches ODER verknüpft. Die KDNF für dieses Beispiel ist also:

$$y = x_2 x_1 \neg x_0 \vee x_2 \neg x_1 x_0 \vee \neg x_2 x_1 x_0 \vee \neg x_2 \neg x_1 \neg x_0 \quad (3.32)$$

Das entsprechende Schaltnetz besitzt 4 UND-Gatter, die ein ODER-Gatter mit 4 Eingängen speisen. In Bild 3-2 sind auch die Inverter eingezeichnet, die die invertierten Eingangsvariablen liefern.

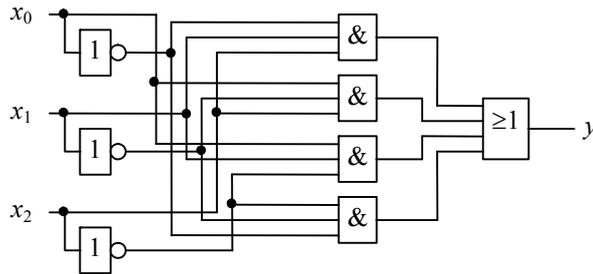


Bild 3-2 Schaltnetz für die Realisierung der KDNF der Funktion „Gerade Parität“.

Die KKNF wird durch die Maxterme mit den Dezimaläquivalenten 1, 2, 4, 7 gebildet. Diese werden logisch UND-verknüpft. Die KKNF für das Beispiel ergibt sich daher zu:

$$y = (x_2 \vee x_1 \vee \neg x_0)(x_2 \vee \neg x_1 \vee x_0)(\neg x_2 \vee x_1 \vee x_0)(\neg x_2 \vee \neg x_1 \vee \neg x_0) \quad (3.33)$$

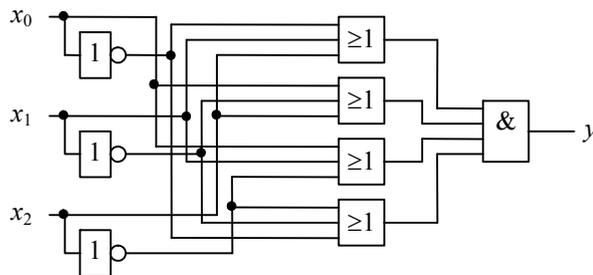


Bild 3-3 Schaltnetz für die Realisierung der KKNF der Funktion „Gerade Parität“.

Die KKNF und die KDNF sind gleichwertige Darstellungsformen für eine Funktion. Sie sind aber oft unterschiedlich komplex, da sich die Anzahl der Minterme nach der Anzahl der Eingangsvektoren richtet, bei der die Funktion den Wert 1 annimmt, während die Zahl der Maxterme durch die Anzahl der Eingangsvektoren bestimmt wird, für die die Funktion 0 ist. Im vorliegenden Fall sind die KKNF und die KDNF aber bezüglich ihres Aufwandes gleich.

Für die Arbeit mit Normalformen ist eine Verallgemeinerung der de Morganschen Gesetze wichtig. Der so genannte Shannonsche Satz lautet:

Für eine beliebige booleschen Funktion $y = f(x_0, x_1, \dots, x_n, \wedge, \vee, \neg, \leftrightarrow, \leftrightarrow, 1, 0)$ gilt

$$\neg y = f(\neg x_0, \neg x_1, \dots, \neg x_n, \vee, \wedge, \leftrightarrow, \leftrightarrow, 0, 1).$$

Das bedeutet, dass die Variablen invertiert werden müssen, und alle Operationen durch ihre dualen ersetzt werden. Gegeben ist zum Beispiel die Funktion:

$$y = (x_2 \vee x_1 \vee \neg x_0)(x_2 \vee \neg x_1 \vee x_0)$$

Dann gilt nach der Shannonschen Regel auch:

$$\neg y = \neg x_2 \neg x_1 x_0 \vee \neg x_2 x_1 \neg x_0$$

Mit dieser Regel kann man die KKNF auch aufstellen, indem man die KDNF der inversen Funktion bestimmt. Wenn man z.B. in der Tabelle 3-8 in der 5. Spalte y durch $\neg y$ und alle Nullen durch Einsen ersetzt, erhält man:

$$\neg y = \neg x_2 \neg x_1 x_0 \vee \neg x_2 x_1 \neg x_0 \vee x_2 \neg x_1 \neg x_0 \vee x_2 x_1 x_0 \quad (3.34)$$

Nun wendet man den Shannonschen Satz an und erhält, wie man durch Vergleich mit Gleichung 3.33 feststellt, direkt die KKNF:

$$y = (x_2 \vee x_1 \vee \neg x_0)(x_2 \vee \neg x_1 \vee x_0)(\neg x_2 \vee x_1 \vee x_0)(\neg x_2 \vee \neg x_1 \vee \neg x_0) \quad (3.35)$$

3.8 Minimieren mit Hilfe der Schaltalgebra

Die KKNF und die KDNF eignen sich hauptsächlich zum Aufstellen der booleschen Gleichungen. Bezüglich des Aufwandes an Gattern sind diese Formen aber nicht ideal. Zum Vereinfachen eignet sich sehr gut eine Identität, die im Folgenden hergeleitet werden soll:

$$\begin{aligned} & x_0 x_1 \vee x_0 \neg x_1 \\ &= x_0 (x_1 \vee \neg x_1) \\ &= x_0 \wedge 1 \\ &= x_0 \end{aligned}$$

Es gilt also:

$$x_0 x_1 \vee x_0 \neg x_1 = x_0 \quad (3.36)$$

Die duale Regel ist:

$$(x_0 \vee x_1)(x_0 \vee \neg x_1) = x_0 \quad (3.37)$$

Bsp.: Es soll die folgende Funktion minimiert werden:

$$y = x_0 \neg x_1 x_2 x_3 \vee x_0 x_1 x_2 x_3 \vee x_0 x_1 \neg x_2 x_3 \vee \neg x_0 x_1 x_2 x_3 \vee \neg x_0 x_1 \neg x_2 x_3$$

Man erkennt, dass man z.B. die Terme 1 und 2, 2 und 3 sowie 4 und 5 zusammenfassen kann. Zuerst fasst man die beiden ersten Terme zusammen, lässt aber den zweiten bestehen, da man ihn noch für die Zusammenfassung mit dem dritten Term benötigt:

$$y = x_0 x_2 x_3 \vee x_0 x_1 x_2 x_3 \vee x_0 x_1 \neg x_2 x_3 \vee \neg x_0 x_1 x_2 x_3 \vee \neg x_0 x_1 \neg x_2 x_3$$

$$y = x_0 x_2 x_3 \vee x_0 x_1 x_3 \vee \neg x_0 x_1 x_3$$

Die letzten beiden Terme können zusammengefasst werden:

$$y = x_0x_2x_3 \vee x_1x_3$$

Diese Darstellung ist minimal. Man benötigt für die Realisierung nur 2 AND-Gatter und ein OR-Gatter. Eine graphische Methode für die Minimierung wird im Kapitel 6 vorgestellt.

3.9 Schaltsymbole

Die verwendeten Schaltsymbole der Digitaltechnik in diesem Buch entsprechen der DIN 40900. In dieser Vorschrift wurden zunächst nur die alten runden Schaltsymbole durch neue rechteckige ersetzt, da man sicher war, dass runde Schaltzeichen von Computern nicht gezeichnet werden können. Inzwischen wurde aber in die Vorschrift auch die Abhängigkeitsnotation aufgenommen, die es erlaubt, das Verhalten von digitalen Schaltungen aus dem Schaltbild ablesen zu können. Hier wird eine kurze Einleitung in die verwendete Systematik gezeigt. In den einzelnen Kapiteln werden die verwendeten Symbole bei ihrem Auftreten in bestimmten Schaltungen erklärt. Im Anhang folgt eine tabellarische Zusammenfassung.

3.9.1 Grundsätzlicher Aufbau der Symbole

Die Symbole haben eine Umrandung, in der sich oben ein Symbol befindet, welches die grundsätzliche Funktion der Schaltung kennzeichnet (Bild 3-4). In den bisher besprochenen Symbolen waren das die Symbole $\&$, ≥ 1 , $=1$, 1 . Eine Tabelle über die möglichen Symbole findet man im Anhang.

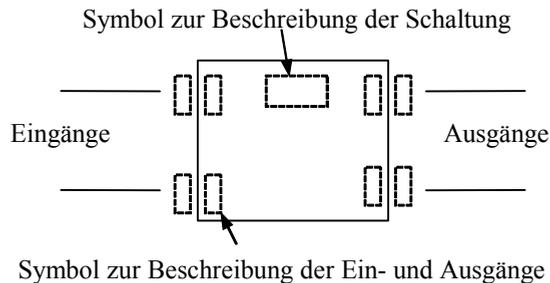


Bild 3-4 Generelle Struktur eines Schaltsymbols.

Die Eingänge werden in der Regel links, die Ausgänge in der Regel rechts des Symbols angeordnet. Wird von dieser Regel abgewichen, so muss die Signalrichtung durch Pfeile gekennzeichnet werden. In Bild 3-4 sind auch die Stellen gekennzeichnet, an denen genauere Angaben über die Eingänge und Ausgänge durch zusätzliche Symbole gemacht werden können. Innerhalb der Umrandungen werden dadurch Aussagen über den inneren logischen Zustand der Schaltung gemacht. Außerhalb stehen Symbole wie die Inversionskreise für logische Zustände, die Inversionsdreiecke für die Pegel (Pegel werden im folgenden Kapitel 4 behandelt), oder Aussagen über die Art des Signals. Tabellen über die möglichen Symbole findet man im Anhang.

Wenn die Schaltung einen gemeinsamen Kontroll-Block beinhaltet, wird dies wie in Bild 3-5a dargestellt. Ein gemeinsamer Ausgangs-Block wird durch zwei Doppellinien wie in Bild 3-5b gekennzeichnet.

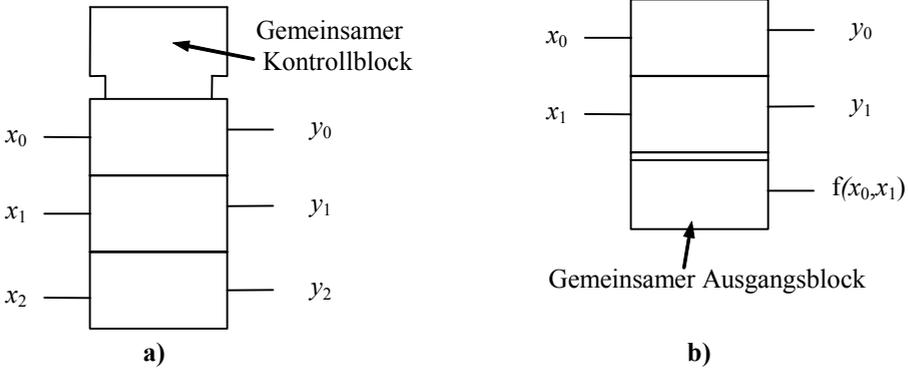


Bild 3-5 Generelle Struktur von Schaltsymbolen. a) Gemeinsamer Kontrollblock, b) Gemeinsamer Ausgangsblock für ein Array gleichartiger Schaltungen.

3.9.2 Die Abhängigkeitsnotation

In der Abhängigkeitsnotation wird der Einfluss eines Eingangs (oder Ausgangs) auf andere Ein- und Ausgänge durch einen Buchstaben beschrieben, der den Einfluss näher beschreibt. Dem Buchstaben folgt eine Zahl zur Identifikation. Die gleiche Zahl findet man bei den Ein- und Ausgängen, auf die dieser Einfluss ausgeübt wird. Dies soll an den folgenden Beispielen genauer erläutert werden.

3.9.3 Die UND-Abhängigkeit (G)

Durch ein G an einem Eingang kann die UND-Abhängigkeit gekennzeichnet werden. In Bild 3-6 ist der Eingang x_1 mit G1 genauer beschrieben. Da der Eingang x_0 mit einer 1 gekennzeichnet ist, wird er mit dem Eingang x_1 logisch UND verknüpft. Der Eingang x_2 ist durch $\neg 1$ gekennzeichnet. Daher wird er mit dem negierten Eingang x_1 logisch UND verknüpft. Die Notation bezieht sich auf die inneren Zustände. Eventuelle Inversionskreise werden erst nachträglich berücksichtigt. Sie legen dann das externe Verhalten fest.

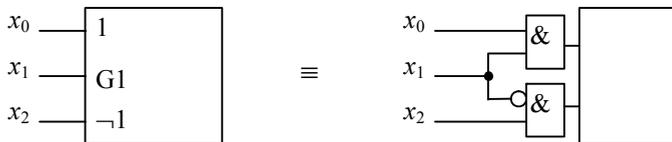


Bild 3-6 Die UND-Abhängigkeit (G).

Wie Bild 3-7 zeigt, kann die Abhängigkeitsnotation auch auf Ausgänge angewendet werden.

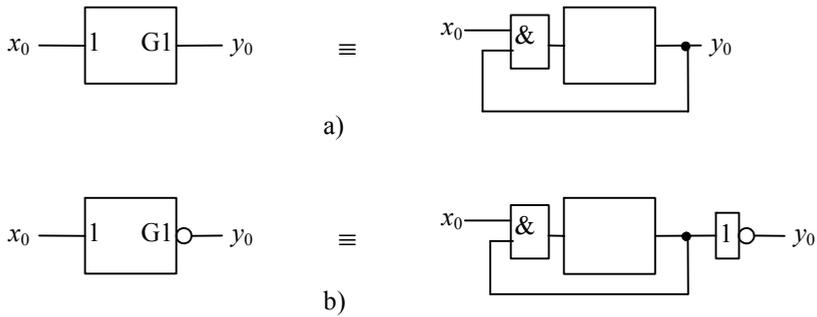


Bild 3-7 Die UND-Abhängigkeit (G), angewendet auf einen Ausgang a) ohne, b) mit Inversion des Ausgangs.

Haben zwei Eingänge die gleiche Bezeichnung (Bild 3-8), werden diese Eingänge logisch ODER verknüpft.

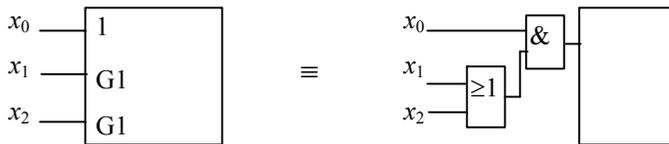


Bild 3-8 Die UND-Abhängigkeit (G) bei zwei Eingängen, die mit G1 bezeichnet sind.

3.9.4 Die ODER-Abhängigkeit (V)

Wenn ein mit Vn gekennzeichnete Eingang oder Ausgang den internen 1-Zustand hat, so haben alle Ein- und Ausgänge, die durch die Zahl n gekennzeichnet sind den Wert 1. Hat der mit Vn gekennzeichnete Ein- oder Ausgang den Wert 0, so haben die von ihm beeinflussten Ein- und Ausgänge ihren normal definierten Wert. Zwei Beispiele findet man in Bild 3-9.

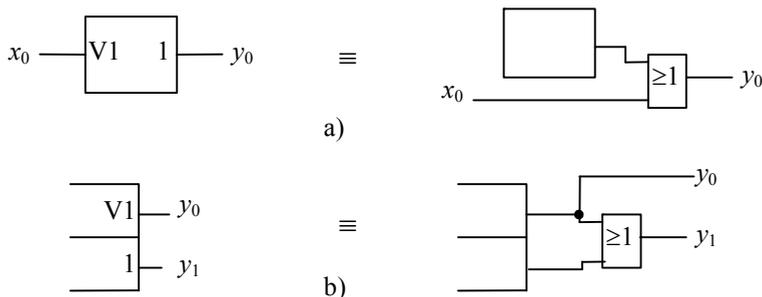


Bild 3-9 Die ODER-Abhängigkeit (V).

3.9.5 Die EXOR-Abhängigkeit (N)

Die mit Nn gekennzeichneten Ein- oder Ausgänge stehen mit den von ihnen beeinflussten Ein- und Ausgängen in einer EXOR-Beziehung. Ist der mit Nn bezeichnete Ein- oder Ausgang auf 1, so werden die mit n gekennzeichneten Ein- und Ausgänge invertiert, andernfalls bleiben sie unbeeinflusst.

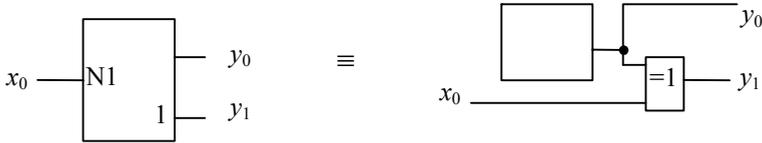


Bild 3-10 Die EXOR-Abhängigkeit (N).

3.9.6 Die Verbindungs-Abhängigkeit (Z)

Ein Ein- oder Ausgang der durch Zn gekennzeichnet ist, wird mit allen Ein- und Ausgängen, die mit einem n gekennzeichnet sind, verbunden gedacht (Bild 3-11).

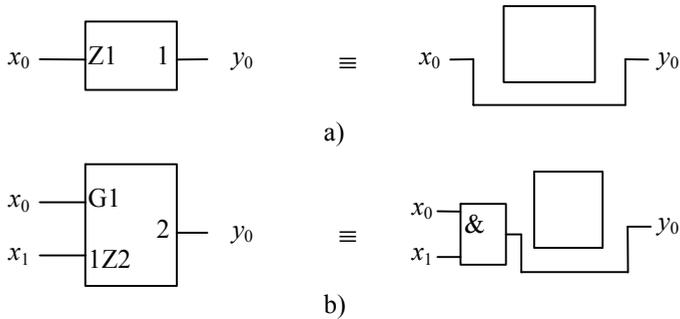


Bild 3-11 Die Verbindungs-Abhängigkeit (Z).

3.9.7 Die Übertragungs-Abhängigkeit (X)

Wenn ein Ein- oder Ausgang, der durch Xn gekennzeichnet ist, auf 1 ist, werden alle Ein- und Ausgänge, die mit n gekennzeichnet sind, bidirektional verbunden (Bild 3-12). Andernfalls sind die mit n gekennzeichneten Ein- und Ausgänge voneinander isoliert.

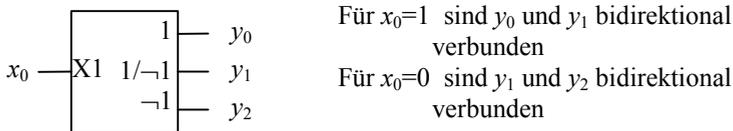


Bild 3-12 Die Übertragungs-Abhängigkeit (X).

Weitere Abhängigkeiten (C, S, R, EN, M, A, D, J, K) werden in den entsprechenden Kapiteln und im Anhang beschrieben.

3.10 Übungen

Aufgabe 3.1

Beweisen Sie die Absorptionsgesetze 3.10 und 3.11 mit Hilfe einer Wahrheitstabelle.

Aufgabe 3.2

Minimieren Sie die folgende Funktion mit Hilfe der booleschen Algebra:

$$y = (x_0 \wedge x_1 \wedge x_2 \wedge \neg x_3) \vee (x_0 \wedge x_1 \wedge x_2 \wedge x_3) \vee (\neg x_0 \wedge \neg x_1 \wedge x_2 \wedge x_3) \\ \vee (\neg x_0 \wedge \neg x_1 \wedge \neg x_2 \wedge x_3) \vee (x_0 \wedge \neg x_1 \wedge x_2 \wedge x_3) \vee (x_0 \wedge \neg x_1 \wedge \neg x_2 \wedge x_3)$$

Aufgabe 3.3

Geben Sie die KKNF und die KDNF für ein System mit den Eingangsvariablen a , b und c an, welches an den Ausgängen s_1 und s_0 die Summe der 3 Eingangsvariablen $a+b+c$ ausgibt. s_1 soll dabei die Wertigkeit 2 und s_0 die Wertigkeit 1 haben.

Aufgabe 3.4

Können die beiden folgenden Gleichungen unter der Voraussetzung vereinfacht werden, dass sie weiterhin ein zweistufiges Schaltnetz ergeben:

a) die KDNF aus Gleichung 3.30

b) die KKNF aus Gleichung 3.31

Aufgabe 3.5

Beweisen Sie:

a) $a \leftrightarrow \neg b = \neg(a \leftrightarrow b)$

b) Wenn gilt: $f = a \leftrightarrow b \leftrightarrow c$ dann gilt auch: $\neg f = \neg a \leftrightarrow \neg b \leftrightarrow \neg c$.

Aufgabe 3.6

Vereinfachen Sie die folgenden booleschen Gleichungen mit Hilfe der booleschen Algebra:

a) $y_1 = x_1 x_2 x_3 \vee \neg x_2 x_3$

b) $y_2 = \neg x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 x_2 x_3 \vee x_1 x_2 x_3 \vee x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 x_2 \neg x_3$

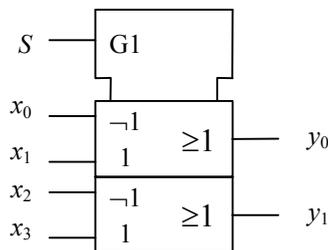
c) $y_3 = \neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg(x_1 \vee x_2) \vee x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 x_3 x_4$

d) $y_4 = \neg(\neg(\neg x_1 \neg x_2 \neg x_4) \neg(\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3))$

e) $y_5 = \neg(\neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg(x_1 \vee x_2 \vee x_3)) (x_1 \vee \neg x_2)$

Aufgabe 3.7

Geben Sie eine äquivalente Schaltung bestehend aus UND, ODER und NOT-Gattern für das untenstehende Schaltsymbol in Abhängigkeitsnotation an.



4 Verhalten logischer Gatter

In diesem Kapitel soll insoweit auf das reale Verhalten logischer Gatter eingegangen werden, wie es zum Verständnis der Dimensionierung digitaler Schaltungen notwendig ist. Im folgenden Kapitel 5 wird das Thema weiter vertieft.

Es wird zunächst der Frage nachgegangen, inwieweit ein binäres System als Modell für ein reales System verwendet werden kann. Das soll am Beispiel eines Inverters geschehen. In Bild 4-1a sind binäre Signale an einem Inverter dargestellt, wie sie in einem realen System typischerweise auftreten. Das Bild 4-1b zeigt $x(t)$, eine Idealisierung des Eingangssignals $u_e(t)$ aus Bild 4-1a. $u_e(t)$ wird durch $y(t)$ idealisiert (Bild 4-1c).

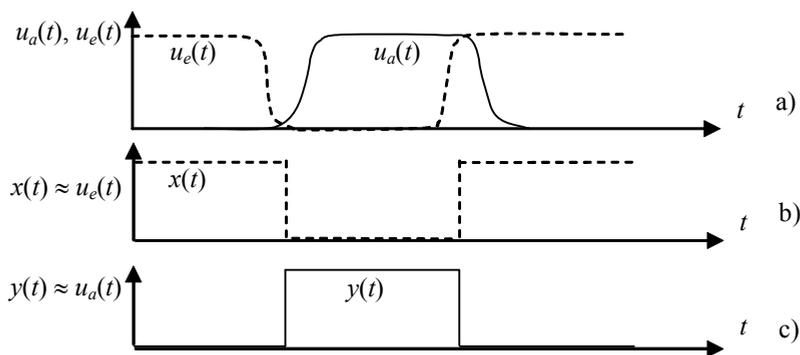


Bild 4-1 a) Reales digitales System mit dem Eingangssignal $u_e(t)$ und dem Ausgangssignal $u_a(t)$. b) idealisiertes Eingangssignal $x(t)$. c) idealisiertes Ausgangssignal $y(t)$.

Dem Bild entnimmt man, dass das reale System in den folgenden Punkten vom idealisierten System abweicht:

- Das reale System zeigt ein wertkontinuierliches Verhalten. Technische Systeme haben von Natur aus Toleranzen und werden durch statistische Prozesse wie das Rauschen gestört, so dass es nicht möglich ist, ein Signal zu erzeugen, welches nur genau 2 Amplitudenwerte annimmt.
- Die Wechsel zwischen den Werten 0 und 1 sind im realen System fließend. Die Flanken werden durch ihre Anstiegs- und Abfallzeit beschrieben.
- Das Ausgangssignal des Inverters reagiert nur verzögert auf das Eingangssignal. Dieser und der im letzten Punkt aufgeführte Effekt sind auf die endliche Reaktionsgeschwindigkeit realer Bauelemente zurückzuführen.

Ein digitaltechnisches System wird so ausgelegt, dass es wie ein wertdiskretes System arbeitet, solange das tatsächliche Signal sich innerhalb von vorgegebenen Amplituden- und Zeitgrenzen bewegt:

- Amplituden: Die Dimensionierung eines digitalen Systems muss zunächst mit den Methoden der Analogtechnik geschehen, um sicherzustellen, dass das Signal innerhalb der vorgegebenen Amplitudenbedingungen bleibt. Ist dies der Fall, so kann eine 0 und eine 1 si-

cher unterschieden werden und das System kann mit den in Kapitel 3 beschriebenen leistungsfähigen Methoden der Digitaltechnik behandelt werden.

- Laufzeiten: Es entstehen aber auch Fehlfunktionen durch die Vernachlässigung der Signallaufzeiten in den Gattern. Durch die Konstruktion der Schaltung muss vermieden werden, dass Signallaufzeiten auf das Verhalten der Schaltung Einfluss nehmen. Geeignete Design-Regeln werden in den entsprechenden Kapiteln angegeben.

4.1 Positive und negative Logik

In der Digitaltechnik arbeitet man mit Schaltern, die nur zwei unterschiedliche Spannungspegel erzeugen können. Ein hoher Spannungspegel wird mit H (=High) ein niedriger mit L (=Low) bezeichnet. In der booleschen Algebra wurden bisher die Zeichen 0 und 1 verwendet. Die beiden Zeichen werden in der Technik den zwei Werten der Spannung zugewiesen. In der elektrischen Digitaltechnik kann zum Beispiel eine hohe Spannung für 1 stehen und eine niedrige für 0, man nennt das positive Logik. Auch die umgekehrten Verhältnisse sind denkbar. Man spricht dann von negativer Logik.

Tabelle 4-1 Zuordnung der Spannungspegel zu den logischen Zuständen.

Spannung	Pegel	Logischer Zustand	
		positive Logik	negative Logik
$\approx 5V$	H	1	0
$\approx 0V$	L	0	1

In Schaltbildern können auch Spannungspegel anstelle von logischen Pegeln verwendet werden. Ein Beispiel ist in Bild 4-2 gezeigt.

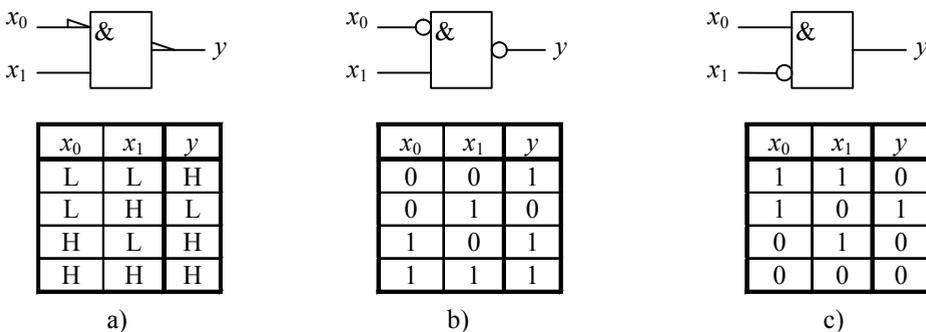


Bild 4-2 Schaltsymbole und Wahrheitstabellen für a) Pegeldarstellung b) positive Logik c) negative Logik.

Man erkennt eine Bezeichnung mit Pegeln daran, dass statt der Invertionskreise Dreiecke gezeichnet werden. Wenn mindestens ein Dreieck in einem Schaltbild erscheint, handelt es sich um eine Pegeldarstellung. Aus dieser kann bei positiver Logik durch das Ersetzen von Drei-

ecken durch die Inversionskreise die gewohnte Darstellung mit logischen Größen gewonnen werden. Alternativ können alle Ein- und Ausgänge, die kein Dreieck aufweisen, mit einem Inversionskreis versehen werden und die Dreiecke weggelassen werden. Man arbeitet dann mit negativer Logik.

4.2 Definition der Schaltzeiten

Elektronische Schalter reagieren mit einer Verzögerung auf einen Wechsel der Eingangssignale. Außerdem sind die Anstiegszeiten von einem Low- zu einem High-Pegel (oder umgekehrt) nicht beliebig kurz. Die Anstiegszeit t_{iLH} (transition time Low-High) und die Abfallzeit t_{iHL} (transition time High-Low) (Bild 4-3) werden zwischen 10% und 90% der maximalen Spannungsamplitude definiert.

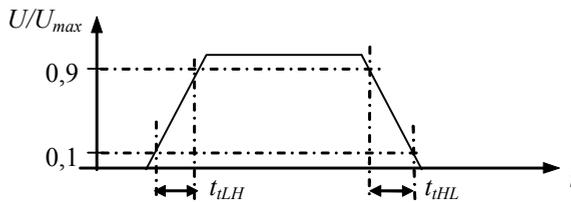


Bild 4-3 Definition der Anstiegszeit t_{iLH} und Abfallzeit t_{iHL} .

Die Verzögerungszeit von Low nach High t_{pLH} (propagation delay time Low-High) und die Verzögerungszeit von High nach Low t_{pHL} (propagation delay time High-Low) werden entsprechend Bild 4-4 durch die Zeiten zwischen 50% der Maximalspannung am Eingang bis zum Erreichen des gleichen Spannungspiegels am Ausgang definiert. Die Signallaufzeit durch ein Gatter ist der Mittelwert dieser Zeiten:

$$t_p = (t_{pHL} + t_{pLH}) / 2 \quad (4.1)$$

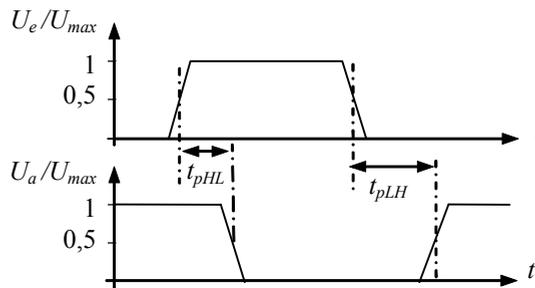


Bild 4-4 Definition der Zeiten t_{pHL} und t_{pLH} .

Außerdem sollen nun die in einem Taktsignal auftretenden Zeiten definiert werden. Taktsignale werden in der Digitaltechnik für die Synchronisation verschiedener Ereignisse verwendet. Die Zeit in der das Taktsignal auf dem hohen Spannungspiegel ist, heißt Pulsdauer t_p , die Taktperiode heißt T_p . Oft wird auch die Taktfrequenz $f_p = 1 / T_p$ verwendet.

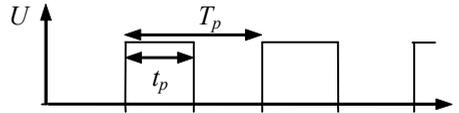


Bild 4-5 Ideales Taktsignal mit der Pulsdauer t_p und der Pulsperiode T_p .

4.3 Übertragungskennlinie, Störabstand

Die Übertragungskennlinie kennzeichnet das Amplitudenverhalten eines digitalen Gatters. Sie wird in der Regel nur für einen Inverter angegeben, da das Verhalten anderer Gatter darauf zurückgeführt werden kann. In Bild 4-6 sind eine ideale und eine reale Kennlinie eines Inverters angegeben. Die ideale Kennlinie wechselt abrupt bei einer bestimmten Eingangsspannung $U_e = U_s$ vom hohen Ausgangspegel U_H zum niedrigen Ausgangspegel U_L . Die reale Kennlinie hat dagegen einen stetigen Übergang. Zusätzlich sind in der Realität die Kennlinien der Gatter temperaturabhängig und sie haben eine fertigungsbedingte Streuung.

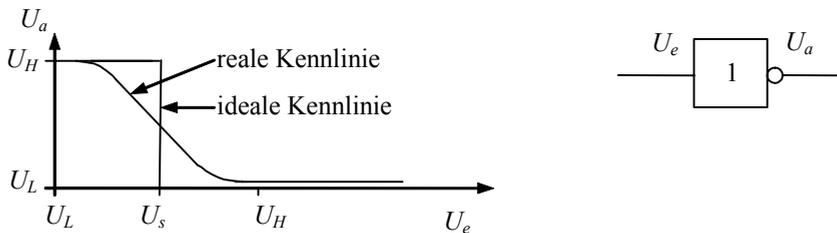


Bild 4-6 Reale und ideale Übertragungskennlinie eines Inverters.

Daher führt man Grenzen ein, innerhalb derer man ein Signal als ein H oder ein L betrachtet (Bild 4-7). Diese Bereiche sind für Ein- und Ausgang unterschiedlich groß. Für ein L am Eingang, welches ein H am Ausgang ergibt, resultiert somit der Bereich 1 in Bild 4-7, in dem die Inverterkennlinie liegen muss. Analog muss die Inverterkennlinie im Bereich 2 liegen, wenn am Eingang ein H anliegt. Im Bild ist eine typische Übertragungskennlinie eingetragen.

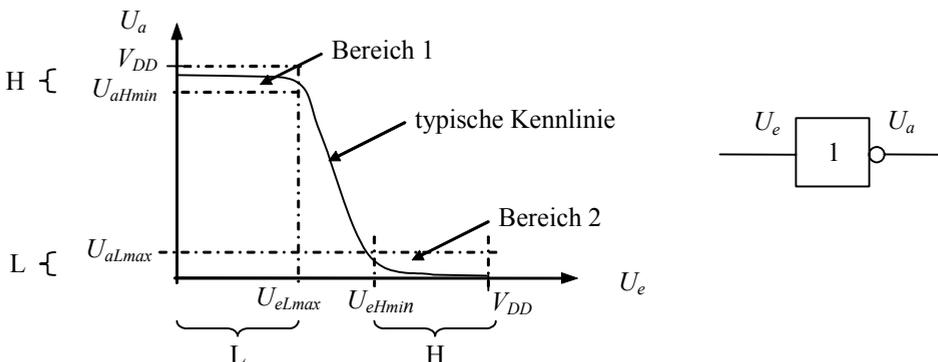


Bild 4-7 Übertragungskennlinie eines Inverters.

In Bild 4-8 sind die eben definierten Grenzen für die Ausgangsspannung U_a eines Gatters und für die Eingangsspannung U_e des folgenden Gatters eingetragen. Die Grenzen müssen folgendermaßen liegen: Der Bereich in dem ein Signal am Eingang des zweiten Gatters als High erkannt wird, muss den Bereich überdecken, in dem das Ausgangssignal ungünstigstenfalls liegen kann. Genau dann wird ein Signal immer richtig erkannt und es gibt keine Fehlerfortpflanzung.

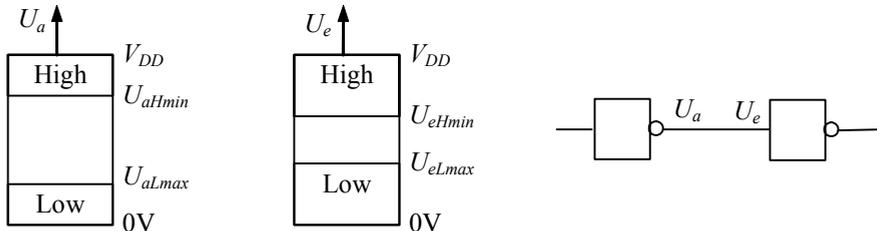


Bild 4-8 Grenzen der Ein- und Ausgangssignale bei zwei aufeinander folgenden Invertern.

Diese Betrachtung ist für die Digitaltechnik von fundamentaler Bedeutung. Wählt man dieses Verhältnis der Ein- und Ausgangspegel bei allen Gattern, so kann man beliebig komplexe Schaltungen aufbauen, ohne sich um die Amplitudenbedingungen kümmern zu müssen. Dabei muss aber noch beachtet werden, dass an ein Gatter nur eine maximale Anzahl von Gattern angeschlossen werden kann, da die Belastung durch mehrere Gatter am Ausgang die Pegel verändern kann.

Aus Bild 4-8 ergeben sich auch die Störabstände. Der Störabstand U_{nH} für den High-Pegel und der für den Low-Pegel U_{nL} sind definiert als die Differenzen der Spannungspegel zwischen dem Ausgang und dem folgenden Eingang:

High-Pegel:

$$U_{nH} = U_{aHmin} - U_{eHmin}$$

Low-Pegel:

$$U_{nL} = U_{eLmax} - U_{aLmax}$$

Die Störabstände sind also die „Sicherheitsabstände“ zwischen den Gattern. Damit durch zusätzliche additive Störimpulse keine Fehler auftreten, müssen sie möglichst groß sein.

4.4 Ausgänge

In der Digitaltechnik arbeitet man mit Transistoren im Schalterbetrieb. Es handelt sich um Schalter, die durch ein Signal gesteuert werden können. In Bild 4-9 sind zwei Symbole für gesteuerte Schalter angegeben. Der linke schließt für $x = H$, der rechte für $x = L$.

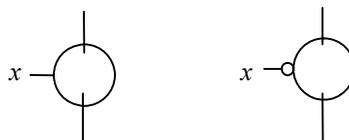


Bild 4-9 Symbole für Schalter. Links für $x = H$ eingeschaltet. Rechts für $x = L$ eingeschaltet.

In der Regel haben logische Gatter, ob bipolar oder unipolar realisiert, einen komplementären Ausgang, damit der Ruhestrom gering ist und die Ruheverlustleistung vernachlässigbar klein bleibt (Bild 4-10). Immer ist einer der Schalter geöffnet und der andere geschlossen. Ist $x = H$, so ist der untere Schalter geschlossen und der Ausgang y mit $0V$ verbunden, also auf L. Ist $x = L$, so ist der Ausgang y mit der Betriebsspannung V_{DD} kurzgeschlossen, also auf H. Wie dieser Inverter haben fast alle Gatter einen derartigen komplementären Ausgang, der auch Totem-Pole-Ausgang genannt wird. Für spezielle Anwendungen werden aber weitere Varianten des Ausgangs angeboten, wie sie im Folgenden dargestellt werden.

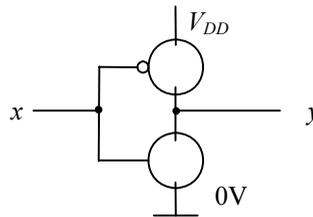


Bild 4-10 Komplementärer Inverter.

4.4.1 Offener Kollektor (Open Collector)

Bei dieser Schaltungsvariante besteht der Gatter-Ausgang nur aus einem Schalter, wie es in den gestrichelten Kästen des Bildes 4-11 angedeutet ist. Der eine Anschluss des Schalters ist nach außen geführt und wird extern über einen Widerstand R_0 an die positive Versorgungsspannung V_{CC} angeschlossen. Diese Schaltungsvariante ist besonders bei den bipolaren Schaltkreisfamilien üblich. Eine größere Anzahl von Ausgängen kann an einen gemeinsamen Widerstand R_0 angeschlossen werden. Bei positiver Logik (hoher Spannungspegel $H = 1$) ergibt sich eine UND-Verknüpfung der Ausgänge, da alle $x_i = 1$ sein müssen, damit alle Schalter offen sind und der Ausgang auf einen hohen Spannungspegel (= High) geht (Tabelle 4-2).

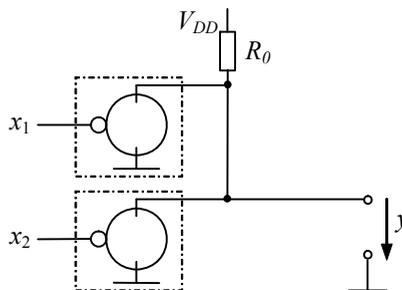


Bild 4-11 Zwei Gatter mit Open-Collector-Ausgängen, verschaltet zu einem virtuellen Gatter.

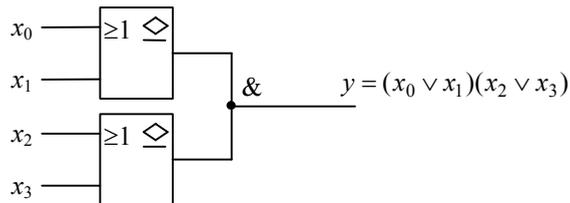
Die Schaltung wird „wired-or“ oder „wired-and“ genannt und dient der Einsparung von Gattern, besonders wenn Gatter mit vielen Eingängen benötigt werden. Ein Beispiel ist in Bild 4-12 gezeigt. Im Schaltzeichen wird der Open-Collector-Ausgang entsprechend Bild 4-11 durch eine unterstrichene Raute gekennzeichnet. Analog dazu ist der Open-Drain-Ausgang möglich, aber nicht üblich.

Tabelle 4-2 Verhalten der Open-Collector-Schaltung (Bild 4-11) bei positiver und negativer Logik.

Spannungspegel		
x_2	x_1	y
L	L	L
L	H	L
H	L	L
H	H	H

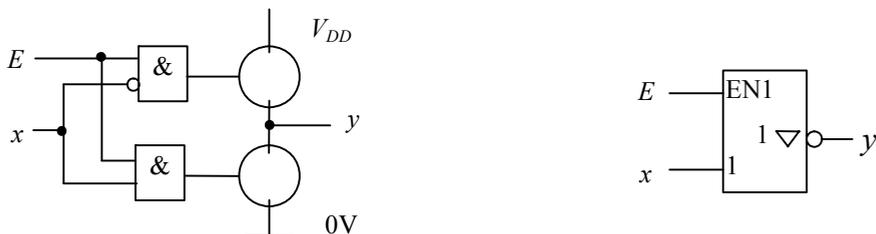
Positive Logik (UND)		
x_2	x_1	y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Negative Logik (ODER)		
x_2	x_1	y
1	1	1
1	0	1
0	1	1
0	0	0

**Bild 4-12** Schaltzeichen für zwei ODER-Gatter mit Open-Collector-Ausgängen.

4.4.2 Tri-State-Ausgang

Wenn ein Kabel aus Ersparnisgründen für die wechselseitige Übertragung zwischen mehreren Sendern und Empfängern genutzt werden soll, so verwendet man oft Bussysteme. Um mehrere Bausteine mit ihrem Ausgang an einen Bus anzuschließen, müssen die nicht aktiven Bausteine am Ausgang hochohmig gemacht werden, also vom Bus abgekoppelt werden. Dies geschieht mit einer besonderen Schaltung, welche Tri-State-Ausgang oder auch Three-State-Ausgang genannt wird (abgekürzt TS). Arbeiten mehrere Tri-State-Ausgänge auf einen Bus, so darf immer nur ein Ausgang eingeschaltet („enable“) sein, die anderen müssen im hochohmigen Zustand verbleiben. In Bild 4-13 ist eine Schaltung gezeigt, mit der beide Ausgangsschalter mit einem „Enable-Signal“ E gleichzeitig hochohmig geschaltet werden können. Das Schaltsymbol ist in der Abhängigkeitsnotation dargestellt, die später noch ausführlicher dargestellt werden soll. Das Kürzel „EN“ mit der nachgestellten 1 deutet an, dass der Ausgang, der durch eine 1 gekennzeichnet ist, durch den EN-Eingang gesteuert wird. Wenn mehrere Ausgänge vorhanden sind, so werden alle mit einer 1 markierten Ausgänge durch den „Enable-Eingang“ gesteuert. Das Dreieck kennzeichnet den Tri-State-Ausgang.

**Bild 4-13** Tri-State-Buffer (Inverter). Links: Prinzipschaltbild mit Enable E und Eingangssignal x . Rechts: Schaltsymbol.

In Bild 4-14 sind als Beispiel drei bidirektionale Schnittstellen gezeigt, die auf einen Bus arbeiten, an den eine Vielzahl derartiger Schnittstellen angeschlossen werden können. Die Schnittstelle n kann mit $E_n = 1$ auf Senden geschaltet werden. Es muss aber sichergestellt werden, dass alle anderen Schnittstellen dann nicht senden. Empfangen kann jede Schnittstelle unabhängig von den anderen, da dann das Potential auf dem Bus durch den einzigen Sender eingepreßt werden kann.

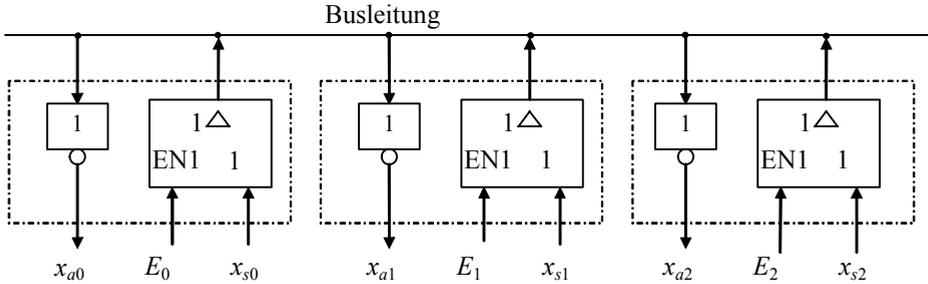


Bild 4-14 3 Bidirektionale Bustreiber mit Tri-State-Ausgängen, die über einen Bus kommunizieren.

4.5 Übungen

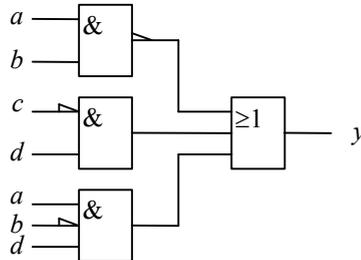
Aufgabe 4.1

4 verschiedene Gatter erzeugen bei positiver Logik die booleschen Funktionen: UND, ODER, Äquivalenz und Exklusiv-ODER. Welche boolesche Funktion erhalten sie bei negativer Logik?

Aufgabe 4.2

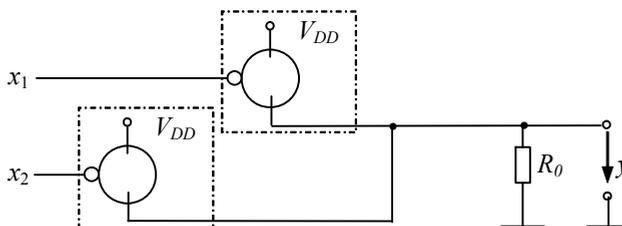
a) Vereinfachen Sie die untenstehende Schaltung.

b) Stellen sie die Schaltbilder der vereinfachten Schaltung für positive und negative Logik dar.



Aufgabe 4.3

Geben Sie das Pegeldiagramm und die Wahrheitstabellen für positive und negative Logik analog zu Tabelle 4-2 für die folgende Schaltung an:



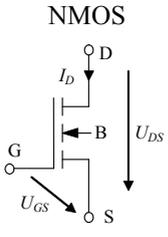
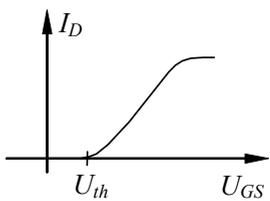
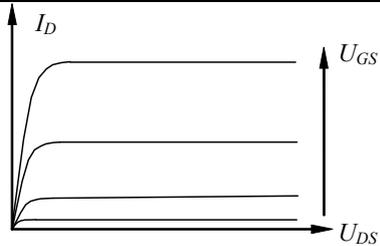
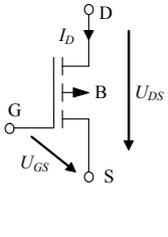
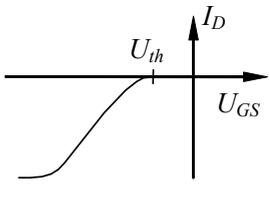
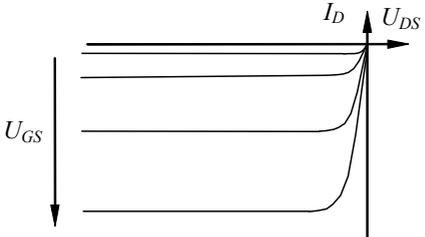
5 Schaltungstechnik

Transistoren werden in digitalen Schaltkreisen als Schalter eingesetzt. Sie haben die Aufgabe, einen Stromkreis zu öffnen oder zu trennen. Idealerweise müssten sie daher von einem Kurzschluss im eingeschalteten Zustand zu einem unendlich hohen Widerstand im ausgeschalteten Zustand umgeschaltet werden können. Auch sollen sie gemäß Bild 4-6 bei einer definierten Schwellenspannung U_s abrupt schalten. Reale Transistoren erfüllen diese Vorgaben jedoch nur unvollständig. In den nächsten Abschnitten werden die gängigen Schaltungstechnologien sowie deren Eigenschaften diskutiert.

5.1 CMOS

Die am häufigsten verwendete digitale Schaltungstechnologie ist die CMOS-Technologie (CMOS = Complementary Metal Oxide Semiconductor). Die verwendeten Feldeffekttransistoren haben den Vorteil, dass das Gate durch ein Oxid isoliert ist, so dass im statischen Fall kein Strom in den Eingang fließt. Die Anschlüsse Gate, Drain und Source sind mit G, D bzw. S im Schaltbild gekennzeichnet. Mit B ist der Substratanschluss bezeichnet, der in der CMOS-Technik auf ein konstantes Potential gelegt wird. In der Regel verwendet man Anreicherungs-MOSFET, die bei 0V am Gate sperren. In Tabelle 5-1 sind das Schaltbild, die Steuerkennlinie und die Ausgangskennlinie eines n-Kanal- und eines p-Kanal-Anreicherungs-MOSFET dargestellt [12]. n-Kanal und p-Kanal-MOSFET werden auch NMOS und PMOS-Transistoren genannt.

Tabelle 5-1 Kennlinien von NMOS und PMOS-Feldeffekttransistoren.

Typ Schaltbild	Steuerkennlinie	Ausgangskennlinie
<p>NMOS</p> 		
<p>PMOS</p> 		

In den Steuerkennlinien ist die Threshold- oder Durchschalt-Spannung U_{th} markiert, die die Spannung angibt, bei der der Transistor zu leiten beginnt. U_{th} ist beim NMOS-Transistor positiv und beim PMOS-Transistor negativ.

Man erkennt aus den Steuerkennlinien, dass der NMOS-Transistor für positive Gate-Source-Spannungen U_{GS} größer als U_{th} anfängt zu leiten. Der PMOS-Transistor ist für Gate-Source-Spannungen U_{GS} eingeschaltet, die negativer sind als die Threshold-Spannung U_{th} . Man sieht aber auch, dass der Übergang zwischen dem ausgeschalteten und dem eingeschalteten Zustand stetig ist.

Der Drainstrom des NMOS-Transistors ist positiv, während der des PMOS-Transistors negativ ist. Man verschaltet die beiden Transistoren daher wie in Bild 5-1 gezeigt, indem man die Drains beider Transistoren verbindet. Die Gates sind miteinander verbunden, so dass $U_{GS(NMOS)} = U_e$ und $U_{GS(PMOS)} = U_e - V_{DD}$ ist. Durch geeignete Wahl von U_{th} und V_{DD} ist dadurch sichergestellt, dass immer ein Transistor ausgeschaltet ist und der andere eingeschaltet. Die so entstandene Schaltung wirkt als Inverter, denn für $U_e = 0V$ ist der NMOS-Transistor ausgeschaltet und der PMOS-Transistor leitet. Daher ist $U_a \approx V_{DD}$. Für $U_e = V_{DD}$ dagegen ist der PMOS-Transistor ausgeschaltet und der NMOS-Transistor leitet, so dass $U_a \approx 0V$ wird. Der Aufbau der Anordnung entspricht daher dem Inverter in Bild 4-10.

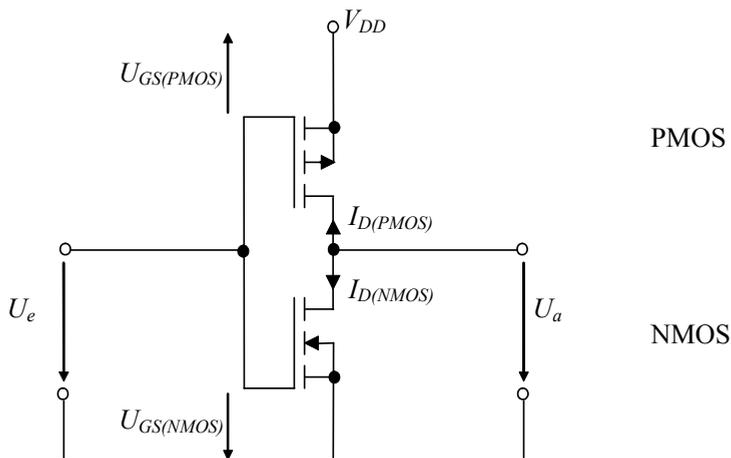


Bild 5-1 CMOS-Inverter.

Die Schaltung wird auch als digitaler Verstärker verwendet. Man bezeichnet sie dann als Buffer. Außerdem bildet sie die Grundlage für die digitalen CMOS-Grundgatter NAND und NOR.

Wichtig zur Beurteilung der Qualität des Gatters ist die Übertragungskennlinie $U_a = f(U_e)$. Die Übertragungskennlinie von CMOS-Gattern ist, wie im Bild 5-2 gezeigt, nahezu ideal, denn sie wechselt sehr abrupt zwischen den beiden Signalzuständen.

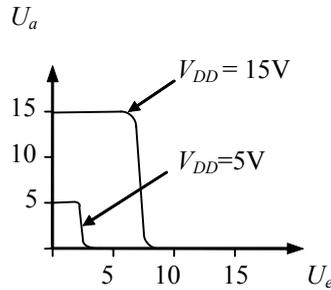


Bild 5-2 Übertragungskennlinie eines CMOS-Inverters bei 5V und 15V Betriebsspannung.

5.1.1 Fan-Out

In der Regel werden an den Ausgang eines Gatters mehrere Eingänge anderer Gatter angeschlossen. An ein CMOS-Standard-Gatter können eine Vielzahl (z.B. 50) Standard-Gattereingänge angeschlossen werden, da der CMOS-Eingang rein kapazitiv ist. Man beschreibt dies, indem man sagt, CMOS habe einen Ausgangslastfaktor oder ein Fan-Out von z.B. 50. Bei einer so hohen kapazitiven Belastung eines Ausgangs erhöhen sich aber die Schaltzeiten, wie unten gezeigt werden wird.

5.1.2 Grundsaltungen NAND und NOR

Die CMOS-Grundsaltungen entstehen aus dem Inverter, indem dem NMOS - und dem PMOS-Transistor jeweils ein weiterer parallel oder in Serie geschaltet wird. Man bekommt dadurch eine NAND- oder eine NOR-Schaltung (Bild 5-3).

In der NOR-Schaltung in Bild 5-3 wird das Ausgangssignal y immer dann L wenn einer der Eingänge auf H liegt, denn dann leitet zumindest einer der n-Kanal-FET und einer der p-Kanal-FET sperrt. In der NAND-Schaltung dagegen geht y nur auf L wenn beide Eingänge auf H liegen. Dann nämlich leiten die n-Kanal-FET und die p-Kanal-FET sperren.

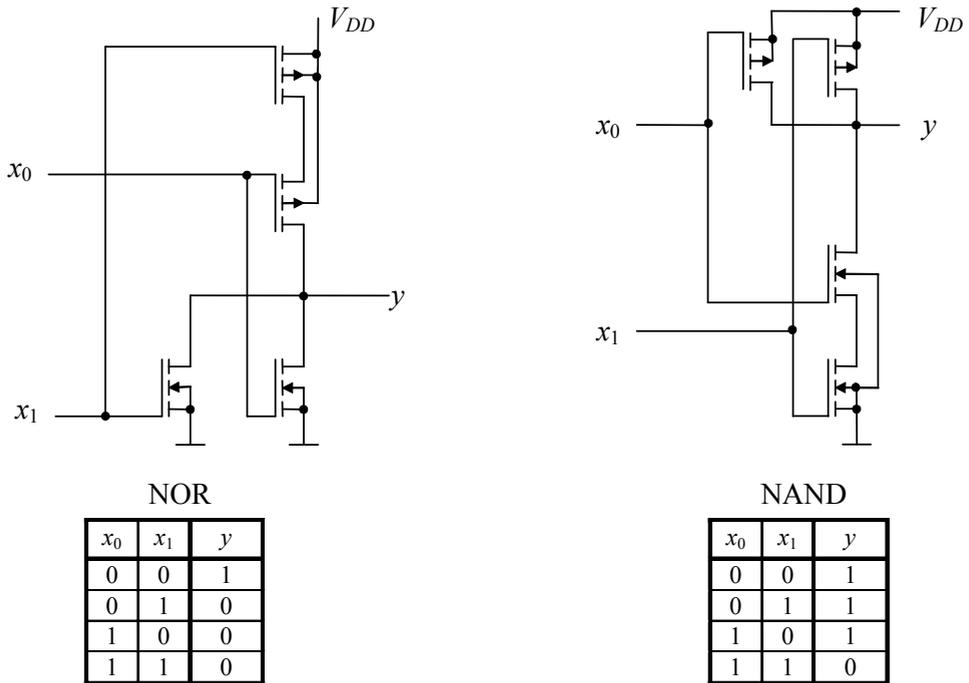


Bild 5-3 CMOS-Grundgatter: links NOR, rechts NAND.

Der Aufbau eines realen CMOS-Gatters ist in Bild 5-4 gezeigt. Die Schaltung gliedert sich in 4 Teile:

1. Eine Eingangsschutzschaltung soll eine Zerstörung des Bausteins durch statische Aufladung verhindern. Die obere der Dioden ist für Spannungen, die größer sind als die Betriebsspannung, in Durchlassrichtung geschaltet, die untere für Spannungen, die kleiner sind als 0V.
2. Der Eingangsbuffer reduziert, besonders bei Gattern mit mehr als 2 Eingängen, die Verschiebung der Eingangsspiegel der in Serie geschalteten FETs des Gatters.
3. Das eigentliche Gatter erzeugt die logische Funktion.
4. Der Ausgangstreiber verbessert die Übertragungskennlinie, reduziert die Rückwirkung vom Ausgang auf den Eingang und erhöht den maximalen Laststrom. Der Treiber ist für den weitaus größten Teil der im Chip umgesetzten Verlustleistung verantwortlich.

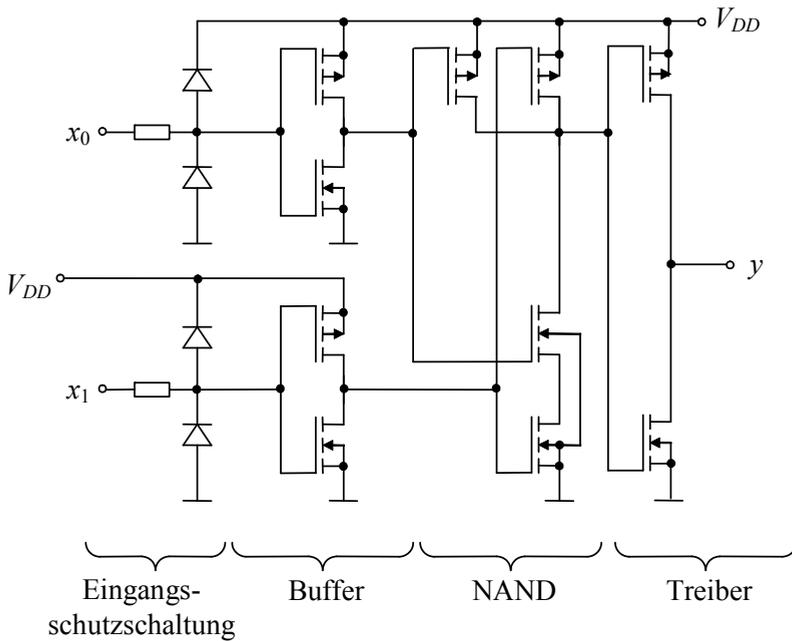


Bild 5-4 CMOS-NOR-Gatter (HEF4001).

5.1.3 Transmission-Gate

Die in Bild 5-5 gezeigte Schaltung ist als Transmission-Gate bekannt. Es handelt sich um einen Analschalter, der vielseitig eingesetzt werden kann. Der Inverter, bestehend aus T_3 und T_4 , erzeugt die Steuersignale für das eigentliche Transmission-Gate, bestehend aus T_1 und T_2 .

Liegt am Eingang s des Inverters ein H, so liegt an T_2 ein hohes Potential und an T_1 ein L. Da T_1 und T_2 symmetrisch bezüglich Drain und Source sind, sind beide Transistoren durchgesteuert und das Transmission-Gate ist durchgeschaltet. Umgekehrt können T_1 und T_2 mit einem Low-Pegel am Eingang des Inverters hochohmig gemacht werden. Durch die Verwendung je eines n- und p-Kanal-FET wird die Schaltung symmetrischer.

Das Transmission-Gate kann zum Beispiel für die Ankopplung an einen Bus als Tristate-Schalter verwendet werden. Es wird auch zur effektiven Realisierung von Gattern eingesetzt [14].

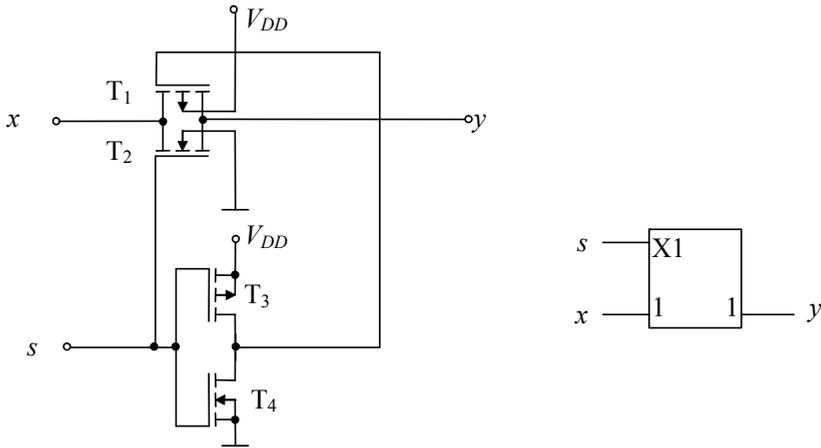


Bild 5-5 CMOS-Transmission-Gate mit Schaltsymbol.

Im Schaltsymbol wird der Steuereingang durch das interne Symbol X1 gekennzeichnet, welches andeuten soll, dass alle Ein- und Ausgänge, die mit 1 gekennzeichnet sind, verbunden werden, wenn der durch X1 gekennzeichnete Eingang auf 1 liegt.

5.1.4 Tri-State-Ausgang

Ein CMOS-Tri-State-Ausgang kann zum Beispiel mit zwei zusätzlichen Transistoren aufgebaut werden, welche im „enable“-Zustand leiten und im hochohmigen Zustand sperren. Bild 5-6 zeigt eine derartige Schaltung.

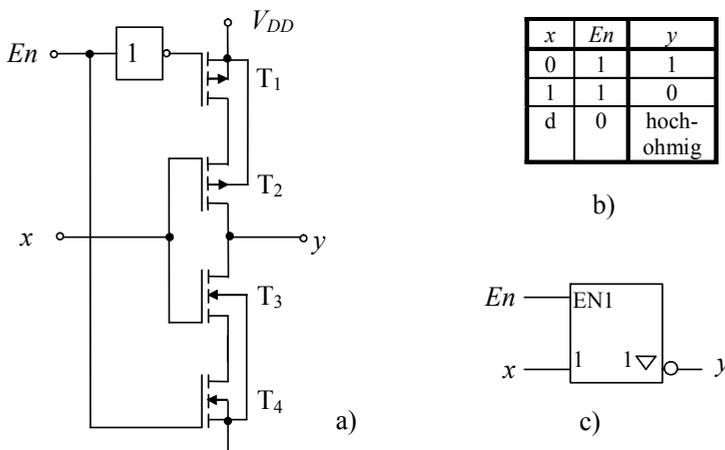


Bild 5-6 CMOS-Tri-State Ausgang a) Schaltung, b) Wahrheitstabelle, c) Schaltsymbol.

5.1.5 CMOS-Eigenschaften

- Unbenutzte Eingänge müssen immer mit Masse, V_{DD} oder einem benutzten Eingang verbunden werden, da das Potential sonst undefiniert ist.
- Der Latch-Up-Effekt kann zu einer thermischen Überlastung des Bausteins führen. Dabei wird ein parasitärer Thyristor im CMOS-Inverter gezündet. Dieser Effekt tritt bei hohen Strömen und besonders bei hoher Umgebungstemperatur auf.
- Die Eingangskapazität beträgt etwa 5pF.
- Die maximale Eingangsspannung darf zwischen -0,5V und $V_{DD}+0,5V$ liegen.
- CMOS-Bausteine sind trotz der Eingangsschutzschaltung sehr empfindlich gegen statische Aufladung.
- CMOS-Gatter können im Gegensatz zu TTL-Gattern eingangsseitig und ausgangsseitig parallelgeschaltet werden. Da mit steigender Temperatur der Drainstrom sinkt, hat bei einer ausgangsseitigen Parallelschaltung der Transistor mit dem größten Laststrom eine Tendenz den Laststrom zu verringern. CMOS-Gatter sind daher thermisch stabil, auch wenn sie parallel geschaltet werden.
- CMOS-Bausteine haben ein sehr hohes Fan-Out, da die Eingänge der Gatter sehr hochohmig sind. Bei hohem Fan-Out steigen die Anstiegszeit und die Abfallzeit stark an, wie unten gezeigt werden wird.
- Die Impulsflanken zur Ansteuerung von CMOS-Gattern müssen eine Mindeststeilheit haben. Bei langsamem Umschalten sind die Ausgangstransistoren zu lange beide leitend, was zu thermischen Problemen führt. Außerdem sind CMOS-Schaltungen im Umschaltzeitpunkt sehr störempfindlich, so dass es zu Fehlschaltungen kommen kann.

5.2 TTL

Die früher am weitesten verbreitete Realisierung von logischen Gattern ist die bipolare Transistor-Transistor-Logik (TTL) (Bild 5-7). Ihre Funktion beruht auf der Verwendung eines Multi-Emitter-Transistors T_1 im Eingang. Sind alle Eingänge auf einem Potential nahe der positiven Betriebsspannung (H), so wirkt der Kollektor des Eingangstransistors T_1 als Emitter. Der Transistor arbeitet im Inversbetrieb. In Bild 5-7 ist dann der folgende Transistor T_2 durchgesteuert, und damit liegt der Ausgang auf L. Damit der Eingangsstrom gering bleibt, muss die Inversstromverstärkung von T_1 nahe bei 1 liegen. Die Kollektordotierung muss daher ungefähr gleich der Basisdotierung sein.

Liegt nur ein Eingang auf L, so stellt der Eingangstransistor T_1 einen durchgesteuerten Transistor im Normalbetrieb (aktiv, vorwärts) dar. Die Kollektor-Emitterspannung ist bis auf eine geringe Restspannung gesunken und der folgende Transistor T_2 sperrt. Der Ausgang liegt dann auf H. Da der Eingangstransistor immer durchgeschaltet ist, entfällt das Ausräumen der Basisladung. Das wirkt sich günstig auf die Schaltgeschwindigkeit aus. Das Schaltverhalten kann weiter verbessert werden, wenn eine Schottky-Diode zwischen Basis und Kollektor geschaltet wird, welche eine Flusspolung der Basis-Kollektor-Diode verhindert. Dann bleibt die Basisladung gering, und Umladungen zwischen Vorwärts- und Rückwärtsbetrieb werden zusätzlich vermieden. TTL-Gatter mit Schottky-Dioden haben ein „S“ in der Typenbezeichnung. Die Transistoren im Schaltbild werden durch einen S-förmigen Balken markiert.

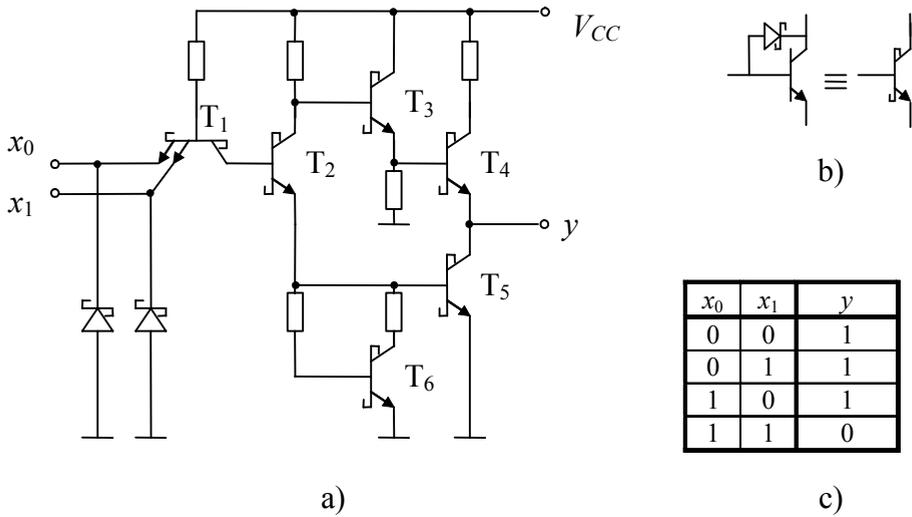


Bild 5-7 a) TTL-NAND-Gatter (74S00). b) Darstellung der Transistoren mit Schottky-Dioden. c) Wahrheitstabelle.

Das TTL-Tri-State-Gatter in Bild 5-8 hat einen Enable-Eingang En mit dem der Ausgang hochohmig geschaltet werden kann.

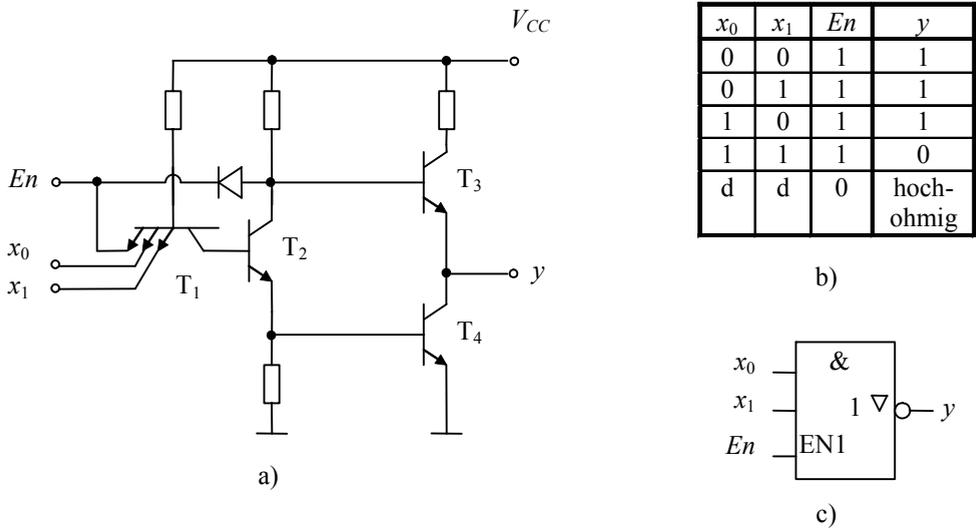


Bild 5-8 a) Prinzip eines TTL-Tri-State-Gatters (NAND), b) Wahrheitstabelle für positive Logik, c) Schaltsymbol.

Wenn der Eingang En auf L liegt, wird der obere Ausgangs-Transistor T_3 gesperrt. Der Enable-Eingang En bewirkt über den Emitter von T_1 , dass der Transistor T_1 im Vorwärtsbetrieb leitet. Daher sperrt T_2 und es gibt keinen Spannungsabfall am Emitterwiderstand von T_2 , so dass auch T_4 sperrt. Da beide Ausgangstransistoren T_3 und T_4 sperren, ist der Ausgang im hochohmigen Tristate-Zustand.

Liegt der Eingang En auf H, so sind der entsprechende Emitter und die Diode stromlos. Die Schaltung arbeitet dann wie eine normale NAND-Schaltung.

5.2.1 Belastung der Ausgänge

Auch bei TTL kann an ein Gatter nur eine begrenzte Anzahl Eingänge von Folgegattern angeschlossen werden. Bei TTL ist der Laststrom der Ausgangsstufe begrenzt. Für Standard TTL-Bausteine gelten die in Tabelle 5-2 festgehaltenen maximalen Lastströme. Außerdem sind die minimalen Eingangsströme angegeben.

Tabelle 5-2 Maximale Ausgangs- und minimale Eingangsströme für Standard-TTL-Bausteine.

	maximaler Last-Strom	minimaler Eingangs-Strom
Low	16mA	1,6mA
High	0,4mA	0,04mA

Daraus folgt, dass bis zu 10 Standard-TTL-Gatter an ein Standard-TTL-Gatter angeschlossen werden können. Das Fan-Out der Standard TTL-Baureihe beträgt 10. Man kann aber auch das Fan-Out betrachten, welches durch gemischte Verwendung der Baureihen entsteht. Alternativ dazu ist auch die Verwendung der Begriffe „Drive-Factor“ und „Load-Factor“ üblich.

Für alle TTL-Baureihen gilt:

- Versorgungsspannung $V_{CC}=5V$
- Nahezu gleiche Ein- und Ausgangspegel („TTL-Pegel“) für alle Baureihen:
 - $U_{0Lmax} = 0,4V$
 - $U_{0Hmin} = 2,4V$
 - $U_{iLmax} = 0,8V$
 - $U_{iHmax} = 2,0V$
- Pin-Kompatibilität besteht zwischen Schaltungen gleichen Typs aber verschiedener Baureihen.
- offene Eingänge entsprechen einem logischen High!
- Ausgänge dürfen nicht parallel geschaltet werden.

5.3 Emitter-Coupled Logic (ECL)

Die Emitter-gekoppelte Logik (ECL) arbeitet mit Differenzverstärkern, welche nicht in die Sättigung gesteuert werden (Bild 5-9). Dadurch sind diese Schaltkreise sehr schnell.

Im Eingangsdifferenzverstärker der Schaltung werden die Spannungen der Eingangssignale x_0 und x_1 mit einem Referenzsignal verglichen. Liegen x_0 und x_1 auf L, dann sperren die Transistoren T_1 und T_2 , dagegen leitet T_3 . Der Ausgang y gibt dann ein L aus. Liegt dagegen x_0 oder x_1 auf H, so leitet T_1 oder T_2 und T_3 sperrt. Das Ausgangssignal Q liegt dann auf H. Es handelt sich also um ein NOR-Gatter. Die Schaltschwelle kann mit dem Spannungsteiler an der Basis von T_2 eingestellt werden.

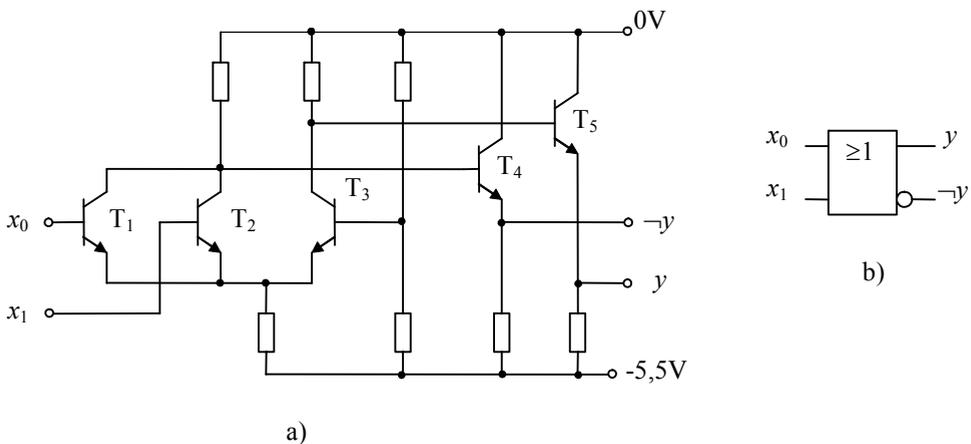


Bild 5-9 ECL-NOR-Gatter: a) Schaltung, b) Schaltsymbol für positive Logik.

Die Eigenschaften von ECL-Gattern lassen sich wie folgt zusammenfassen:

- ECL-Gatter sind gegenüber TTL-Gattern schneller.
- Sie verbrauchen im Ruhezustand mehr, bei hohen Schaltfrequenzen weniger Leistung als CMOS und TTL.
- Bei Low und High-Pegel haben ECL-Gatter die gleiche Verlustleistung.
- ECL-Gatter haben ein hohes Fan-Out
- Die Störsicherheit ist geringer.

5.4 Integrierte Injektions-Logik (I^2L)

Für die Integration eignet sich die integrierte Injektions-Logik I^2L besonders gut, da sie eine sehr geringe Chipfläche erfordert.

In Bild 5-10 ist ein typischer Inverter gezeigt. T_1 wirkt als Stromquelle mit einem relativ konstanten Ausgangsstrom I_0 . Liegt der Eingang x auf High, so fließt der gesamte Strom in die Basis von T_2 , der leitend wird. Die Ausgänge y_1 und y_2 liegen dann auf Low.

Ist der Eingang Low, dann fließt der Strom I_0 in das vorhergehende Gatter und die Ausgänge liegen auf High.

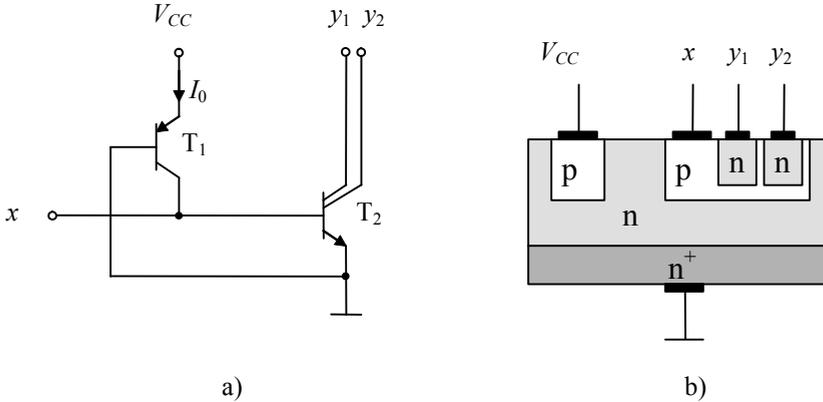


Bild 5-10 a) Schaltbild eines I^2L -Inverters, b) Realisierung.

I^2L -Schaltkreise können mit sehr geringen Betriebsspannungen von unter 1V betrieben werden. Der Störabstand wird dann aber sehr klein. Bild 5-11 zeigt ein NOR-Gatter in I^2L -Technik. Die beiden weiteren offenen Kollektoren können zur Realisierung weiterer logischer Funktionen genutzt werden.

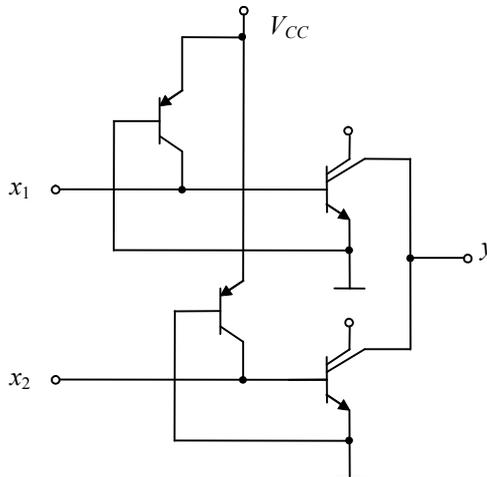


Bild 5-11 NOR-Gatter in I^2L -Technik.

5.5 Verlustleistung und Schaltverhalten von Transistorschaltern

Das Schaltverhalten eines CMOS-Gatters soll im Folgenden an einer CMOS-Ausgangsstufe mit einer CMOS-Last untersucht werden. Dafür ist in Bild 5-12 das Modell eines Transistorschalters dargestellt. In diesem Modell wird ein Transistor nur durch einen Widerstand R_{on} oder R_{off} dargestellt, je nachdem, ob er aus- oder eingeschaltet ist. Die Leitungen, die am Ausgang angeschlossen sind und die folgende Eingangsschaltung werden durch die Kapazität C_i dargestellt.

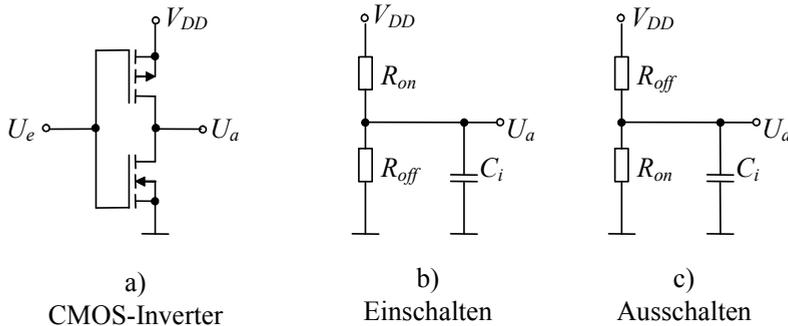


Bild 5-12 a) CMOS-Inverter. b) Modell für den Einschaltvorgang. c) Modell für den Ausschaltvorgang.

Der Kondensator C_i setzt sich aus den Eingangskapazitäten der folgenden Gatter sowie den Leitungskapazitäten und der Ausgangskapazität C_{DS} des Inverters zusammen. Bei einer bipolaren Schaltungstechnik müsste auch der Eingangswiderstand der folgenden Gatter berücksichtigt werden.

In der folgenden Berechnung ist der Widerstand des gesperrten Transistors R_{off} als unendlich groß angenommen. Man beachte, dass der On-Widerstand R_{on} bei gegebener Gate-Länge der Transistoren von der Gate-Weite der Transistoren abhängig ist, da der Drainstrom proportional zum Verhältnis Gateweite zu Gatelänge ist. Kleine Transistoren haben daher einen hohen On-Widerstand. Löst man im Zeitbereich die Differentialgleichungen für die Ausgangsspannung, so erhält man für das Schalten von L nach H:

$$U_a = V_{DD} \left(1 - e^{-t/R_{on}C_i} \right) \quad (5.1)$$

und für das Schalten von H nach L:

$$U_a = V_{DD} e^{-t/R_{on}C_i} \quad (5.2)$$

Die Zeitkonstante dieser Funktionen ist eine Approximation der Schaltzeit des Gatters:

$$t_s \approx R_{on}C_i \quad (5.3)$$

Um eine geringe Schaltzeit zu erzielen, müssen daher der On-Widerstand der Transistoren und die angeschlossenen Kapazitäten klein sein.

Berechnet man aus Gleichung 5.1 und 5.2 die mittlere Verlustleistung P für periodisches Ein- und Ausschalten mit der Frequenz f und addiert die statische Verlustleistung ($V_{DD}^2 / (R_{on} + R_{off})$) so erhält man:

$$P = V_{DD}^2 \left(\frac{1}{R_{on} + R_{off}} + f C_i \right) \quad (5.4)$$

Man zieht daraus die folgenden Schlüsse:

- Schnelle Schaltungen benötigen niedrige On-Widerstände und daher Transistoren mit großer Weite W (wenn FETs verwendet werden)
- Schnelle Schaltungen erfordern geringe Leitungskapazitäten, in schnellen Schaltungen dürfen daher nur relativ wenige Gatter an einen Ausgang angeschlossen werden
- Mit steigender Schaltgeschwindigkeit steigt die Verlustleistung
- Bei schnellen und hochintegrierten Schaltungen muss die Versorgungsspannung reduziert werden (2 oder 3V).

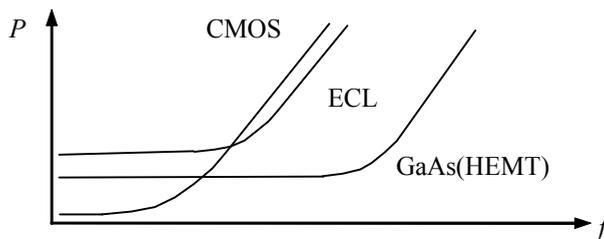


Bild 5-13 Leistungsaufnahme P verschiedener Technologien über der Schaltfrequenz (schematisch).

Bild 5-13 zeigt die Leistungsaufnahme von verschiedenen Logik-Technologien über der Frequenz. Neben der CMOS- und der Silizium-ECL-Technologie sind die Ergebnisse für eine Technologie auf der Basis des Verbindungshalbleiters Gallium-Arsenid (GaAs) dargestellt. Die verwendeten Transistoren, spezielle Feldeffekttransistoren, sind High-Electron-Mobility-Transistoren (HEMT). Das Bild zeigt, dass entsprechend Gleichung 5.4, ein statischer Anteil der Verlustleistung und ein frequenzproportionaler Anteil vorliegen. Bei niedrigen Frequenzen schneidet die CMOS-Technologie und bei hohen die GaAs-Technologie am besten ab.

5.6 Übungen

Aufgabe 5.1

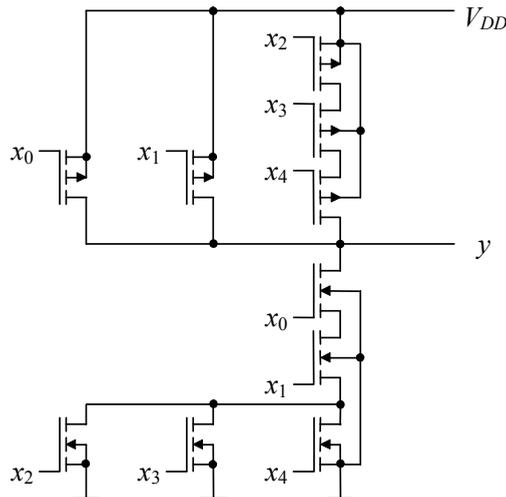
- a) Konstruieren Sie ein CMOS-NAND-Gatter mit 3 Eingängen.
- b) Konstruieren Sie ein CMOS-NOR-Gatter mit 3 Eingängen.

Aufgabe 5.2

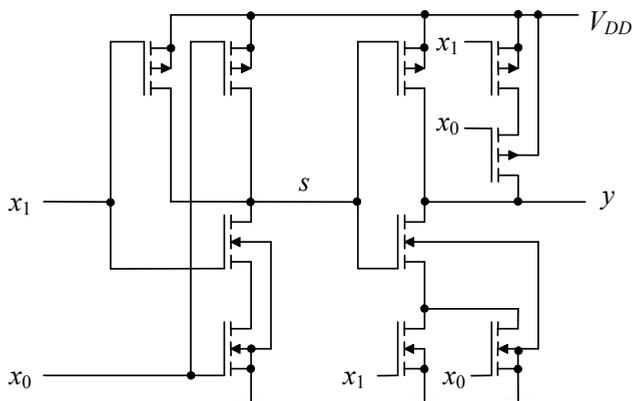
Geben Sie die Wahrheitstabelle und das Schaltbild des TTL-Gatters in Bild 5-8 an, wenn eine negative Logik zugrunde gelegt wird.

Aufgabe 5.3

Geben Sie an, welche logische Funktion $y = f(x_4, x_3, x_2, x_1, x_0)$ durch das dargestellte Gatter realisiert wird, wenn man eine positive Logik zugrunde legt.

**Aufgabe 5.4**

Geben Sie an, welche logische Funktion $y = f(x_1, x_0)$ durch das dargestellte Gatter realisiert wird, wenn man eine positive Logik zugrunde legt.



6 Schaltnetze

Ein Schaltnetz ist eine Funktionseinheit, die einen Ausgangswert erzeugt, der nur von den Werten der Eingangsvariablen zum gleichen Zeitpunkt abhängt. Es wird durch eine Schaltfunktion beschrieben. In der Praxis stellt sich oft die Aufgabe, zu einer gegebenen Schaltfunktion die einfachste Realisierung zu finden. Hier werden Verfahren vorgestellt, die eine Minimierung mit graphischen Methoden oder mit Hilfe von Tabellen ermöglichen. Die minimierte KDNF wird minimale disjunktive Normalform (DNF), die minimierte KKNF wird minimale konjunktive Normalform (KNF) genannt.

6.1 Minimierung mit Karnaugh-Veitch-Diagrammen

6.1.1 Minimierung der KDNF

Die Methode der Minimierung von Schaltnetzen mit Karnaugh-Veitch-Diagrammen eignet sich gut für den Entwurf von Hand. Sie wird hier an Hand eines Beispiels erläutert. Die zu minimierende Schaltfunktion sei durch die Tabelle 6-1 definiert.

Tabelle 6-1 Beispiel einer Schaltfunktion.

Dez.	x_3	x_2	x_1	x_0	y
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	0
7	0	1	1	1	0

Dez.	x_3	x_2	x_1	x_0	y
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	0
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	1

Für die Minimierung werden Matrix-Diagramme verwendet, in denen jedes Feld genau einer Disjunktion der Eingangsvariablen, also einem Minterm entspricht. Diese Diagramme werden Karnaugh-Veitch-Diagramme (KV-Diagramm) genannt. Im Bild 6-1 sind zwei KV-Diagramme gezeigt, in denen die Felder mit ihren Mintermen bzw. mit dem Funktionswert der zugehörigen Eingangsvariablenkombination bezeichnet sind. Das Diagramm ist so konstruiert, dass sich beim Übergang von einem Feld in das nächste nur eine Variable ändert.

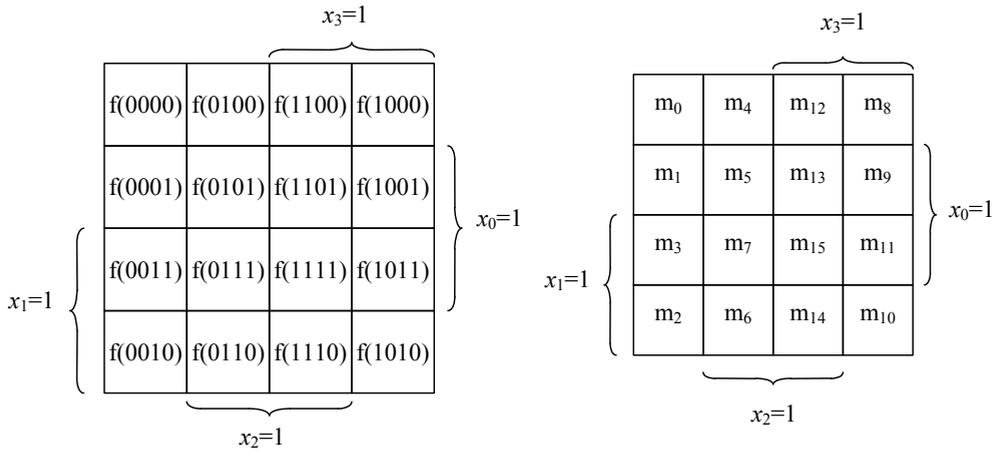


Bild 6-1 Karnaugh-Veitch-Diagramme für 4 Eingangsvariable a) mit binärer Bezeichnung der Felder, b) mit Bezeichnung der Minterme.

In diesem Diagramm werden zur Minimierung der KDNF die Minterme der Schaltfunktion markiert. Dabei ist die Verwendung der Dezimaläquivalente hilfreich. Für das Beispiel erhält man:

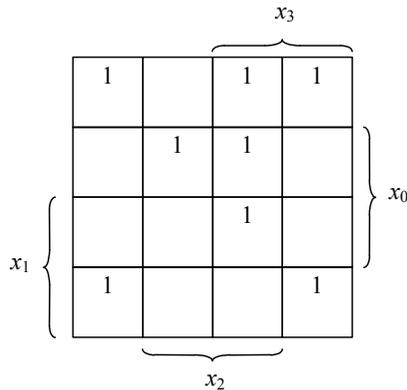


Bild 6-2 Karnaugh-Veitch-Diagramm mit den Mintermen der Funktion aus Bild 6-1.

Jetzt können benachbarte Felder, da sie sich immer nur in einer Variablen unterscheiden, nach der Regel (Gleichung 3.34)

$$x_0 x_1 \vee x_0 \neg x_1 = x_0 \quad (6.1)$$

zusammengefasst werden.

Daher werden möglichst große Gebiete von Feldern mit einer 1 gebildet. Es sind aber nur zusammenhängende, konvexe Gebiete mit 1,2,4,8 usw. Feldern möglich. Diese Felder werden durch eine Konjunktion der Eingangsvariablen beschrieben, die Implikant genannt wird. Man denkt sich dabei die linke Seite des Diagramms anschließend an die rechte, ebenso wie die

obere Seite mit der unteren gedanklich verbunden. Ein Implikant, der aus 4 Eingangsvariablen aufgebaut ist, besteht aus einem Feld (bei einer Funktion mit 4 Variablen). Hat der Implikant eine Variable weniger, so verdoppelt sich jeweils die Anzahl der Felder. Um den Aufwand an Gattern zu minimieren, werden daher möglichst große Felder gebildet.

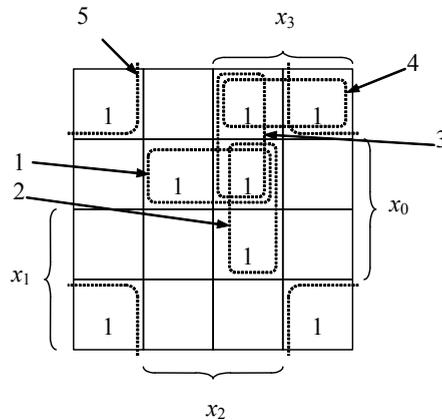


Bild 6-3 Karnaugh-Veitch-Diagramm mit den Mintermen der Funktion aus Tabelle 6-1.

Für das Gebiet 1 findet man den Implikanten I_1 :

$$\text{Gebiet 1: } I_1 = x_0 \neg x_1 x_2$$

Man findet keinen anderen Implikanten der I_1 vollständig überdeckt. Der Implikant I_1 der Funktion wird Primimplikant genannt, wenn es keinen Implikanten I_x gibt derart, dass I_1 von I_x vollständig überdeckt wird. Die Implikanten der DNF werden auch Produktterme genannt.

Die im Beispiel vorhandenen Primimplikanten sind mit den Zahlen 1 bis 5 markiert. Weitere Primimplikanten findet man nicht. Für die anderen markierten Primimplikanten kann man mit Hilfe der Variablen am Rand des Diagramms die Konjunktionen bestimmen, die die Gebiete eindeutig bezeichnen:

$$\text{Gebiet 2: } I_2 = x_0 x_2 x_3$$

$$\text{Gebiet 3: } I_3 = \neg x_1 x_2 x_3$$

$$\text{Gebiet 4: } I_4 = \neg x_0 \neg x_1 x_3$$

$$\text{Gebiet 5: } I_5 = \neg x_0 \neg x_2$$

In einem Diagramm für 4 Eingangsvariable entspricht ein Gebiet von 4 Feldern einem Implikanten mit 2 Variablen, wie es hier für den Implikanten I_5 der Fall ist. Dieser Implikant liegt in den 4 Ecken des Diagramms, die verbunden gedacht werden.

Man unterscheidet zwischen:

- Kern-Primimplikanten P_K :

Ein Primimplikant ist ein Kern-Primimplikant, falls er durch die Disjunktion aller übrigen Primimplikanten nicht überdeckt wird. Die Kern-Primimplikanten haben also eine 1, die nur sie allein abdecken. Die Kern-Primimplikanten tauchen in der minimierten Form der DNF auf jeden Fall auf.

- Absolut eliminierbare Primimplikanten P_A :

Ein Primimplikant ist absolut eliminierbar, falls er durch die Kern-Primimplikanten vollständig überdeckt wird. Er ist überflüssig.

- Relativ eliminierbare Primimplikanten P_R :

alle weiteren Primimplikanten heißen relativ eliminierbare Primimplikanten. Eine Auswahl der relativ eliminierbaren Primimplikanten taucht in der minimierten Form der DNF auf.

Im Beispiel ergeben sich die Mengen:

$$P_K = \{I_1, I_2, I_5\}$$

$$P_A = \{\emptyset\}$$

$$P_R = \{I_3, I_4\}$$

Die minimierte Schaltfunktion setzt sich aus den Kern-Primimplikanten und einer Auswahl der relativ eliminierbaren Primimplikanten zusammen, so dass alle Minterme abgedeckt sind. Die vereinfachte Schaltfunktion lautet also, wenn man den relativ eliminierbaren Primimplikanten 4 eliminiert:

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = x_0 \neg x_1 x_2 \vee x_0 x_2 x_3 \vee \neg x_1 x_2 x_3 \vee \neg x_0 \neg x_2 \quad (6.2)$$

und wenn man den Primimplikanten 3 eliminiert:

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = x_0 \neg x_1 x_2 \vee x_0 x_2 x_3 \vee \neg x_0 \neg x_1 x_3 \vee \neg x_0 \neg x_2 \quad (6.3)$$

6.1.2 Minimierung der KKNF

Das Verfahren zur Minimierung der KKNF beruht auf den Maxtermen. An Stelle der Einsen werden nun die Nullen betrachtet. Für das gleiche Beispiel werden nun die Maxterme in das Diagramm eingetragen.

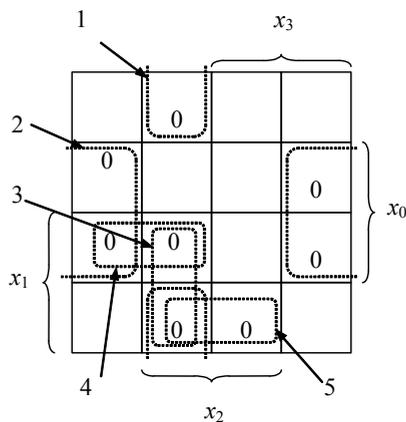


Bild 6-4 Karnaugh-Veitch-Diagramm mit den Maxtermen der Funktion aus Tabelle 6-1.

Es werden wieder möglichst große Gebiete eingezeichnet, wobei nach den gleichen Regeln verfahren wird wie bei der Ermittlung der DNF. Die in Bild 6-4 eingezeichneten Gebiete sind die Primimplikanten der KNF. Sie werden durch Disjunktionen der Eingangsvariablen dargestellt, die außerhalb des jeweiligen Gebietes den Funktionswert 1 erzeugen:

Gebiet 1: $I_1 = x_0 \vee \neg x_2 \vee x_3$

Gebiet 2: $I_2 = \neg x_0 \vee x_2$

Gebiet 3: $I_3 = \neg x_1 \vee \neg x_2 \vee x_3$

Gebiet 4: $I_4 = \neg x_0 \vee \neg x_1 \vee x_3$

Gebiet 5: $I_5 = x_0 \vee \neg x_1 \vee \neg x_2$

Im Beispiel ergeben sich also die Mengen:

$$P_K = \{I_1, I_2, I_5\}$$

$$P_A = \{\emptyset\}$$

$$P_R = \{I_3, I_4\}$$

Eine minimale Realisierung erhält man durch die Verwendung der Kern-Primimplikanten und des Implikanten I_3 :

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = (x_0 \vee \neg x_2 \vee x_3)(\neg x_0 \vee x_2)(\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee x_3)(x_0 \vee \neg x_1 \vee \neg x_2) \tag{6.4}$$

Die zweite mögliche minimale KNF erhält man durch die Verwendung der Kern-Primimplikanten und des Implikanten I_4 :

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = (x_0 \vee \neg x_2 \vee x_3)(\neg x_0 \vee x_2)(\neg x_0 \vee \neg x_1 \vee x_3)(x_0 \vee \neg x_1 \vee \neg x_2) \tag{6.5}$$

6.1.3 Karnaugh-Veitch-Diagramme für 2 bis 6 Eingangsvariablen

Hier finden Sie eine Zusammenstellung der verschiedenen KV-Diagramme mit den eingetragenen Dezimaläquivalenten. Karnaugh-Veitch-Diagramme mit mehr als 6 Variablen werden selten verwendet, da sie sehr unübersichtlich sind.

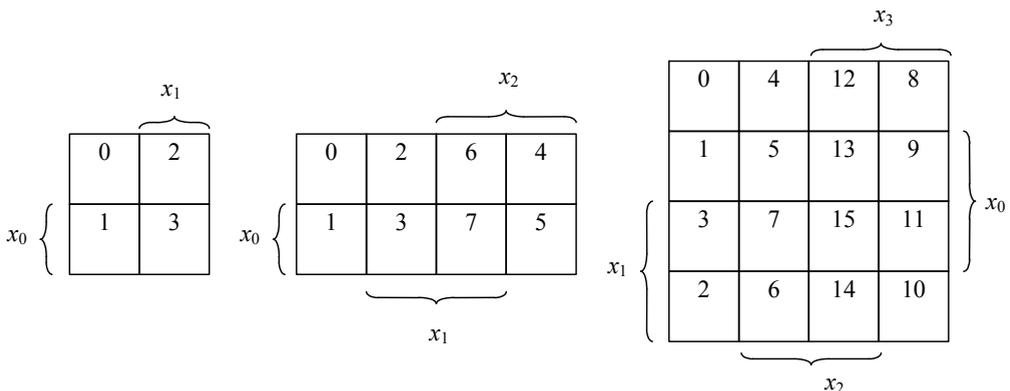


Bild 6-5 Karnaugh-Veitch-Diagramme für 2, 3 und 4 Eingangsvariable.

	x_3				x_4			
	0	4	12	8	24	28	20	16
	1	5	13	9	25	29	21	17
x_1	3	7	15	11	27	31	23	19
	2	6	14	10	26	30	22	18
	x_2				x_2			

Bild 6-6 Karnaugh-Veitch-Diagramm für 5 Eingangsvariable.

	x_4				x_5			
	0	8	24	16	48	56	40	32
	1	9	25	17	49	57	41	33
	3	11	27	19	51	59	43	35
	2	10	26	18	50	58	42	34
x_2	6	14	30	22	54	62	46	38
	7	15	31	23	55	63	47	39
	5	13	29	21	53	61	45	37
	4	12	28	20	52	60	44	36
	x_3				x_3			

Bild 6-7 Karnaugh-Veitch-Diagramm für 6 Eingangsvariable.

6.1.4 Unvollständig spezifizierte Funktionen

Mitunter ist eine Funktion nicht vollständig spezifiziert. Dann können manche Funktionswerte beliebig gewählt werden. Sie werden im KV-Diagramm mit einem d (don't care) markiert. Die don't care-Minterme können zur Minimierung der Funktion benutzt werden. Im folgenden Beispiel (Bild 6-8) ist eine Funktion durch ihr KV-Diagramm gegeben.

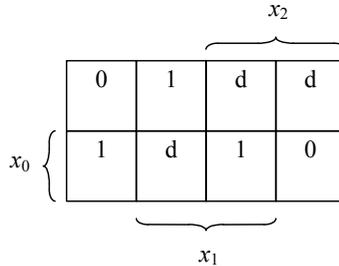


Bild 6-8 Beispiel für eine unvollständig spezifizierte Funktion.

Nun können die Primimplikanten unter Einbeziehung der don't care-Felder so eingezeichnet werden, dass sie möglichst groß werden. Die don't care-Felder können dabei 0 oder 1 gesetzt werden.

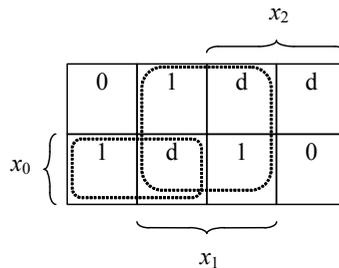


Bild 6-9 Primimplikanten für das Beispiel aus Bild 6-8.

Man findet für die minimierte Form daher:

$$f(x_2, x_1, x_0) = x_0 \neg x_2 \vee x_1 \quad (6.6)$$

Ohne die Verwendung der don't care-Terme (d.h. mit $d = 0$) hätte man folgende minimierte Form gefunden:

$$f(x_2, x_1, x_0) = x_0 \neg x_1 \neg x_2 \vee \neg x_0 x_1 \neg x_2 \vee x_0 x_1 x_2 \quad (6.7)$$

Die Funktion kann also mit Hilfe der don't care-Terme einfacher dargestellt werden.

6.2 Das Quine-McCluskey-Verfahren

Ein Verfahren zur Minimierung von Schaltnetzen, welches sich für die Implementierung auf dem Rechner eignet, ist das Verfahren von Quine-McClusky. Es beruht auf Tabellen, in denen wieder nach dem Prinzip der Gleichung 3.34 vorgegangen wird:

$$(x_0 \wedge x_1) \vee (x_0 \wedge \neg x_1) = x_0 \quad (6.8)$$

Die Darstellung der Funktion geschieht durch ihre Minterme im Binäräquivalent. Für eine im Minterm vorkommende Variable wird eine 1 gesetzt, für eine negierte Variable eine 0 und für eine nicht vorkommende ein Strich (-). Ein Beispiel:

$x_3 \neg x_2 x_0$ wird geschrieben als: 10-1

Das Verfahren soll im Folgenden an Hand des Beispiels aus Tabelle 6-1 dargestellt werden. Die Minterme der Schaltfunktion werden in eine Tabelle (Tabelle 6-2) eingetragen, in der sie zu Gruppen von Mintermen mit der gleichen Anzahl von 1-Elementen zusammengefasst werden. In den Spalten stehen: das Dezimaläquivalent, die binäre Darstellung und die Gruppe (d.h. die Anzahl der Eins-Elemente des Binäräquivalents).

Tabelle 6-2 Ordnung der Minterme nach Gruppen mit gleich vielen 1-Elementen.

Dezimal	x_3	x_2	x_1	x_0	Gruppe	
0	0	0	0	0	0	✓
2	0	0	1	0	1	✓
8	1	0	0	0	1	✓
5	0	1	0	1	2	✓
10	1	0	1	0	2	✓
12	1	1	0	0	2	✓
13	1	1	0	1	3	✓
15	1	1	1	1	4	✓

In der folgenden Tabelle 6-3 werden dann die Terme aufeinander folgender Gruppen, die sich nur in einer Stelle unterscheiden, in einer Zeile zusammengefasst. Dies ist die Anwendung der Gleichung 6.8. Die Stelle, in der sich die Elemente unterscheiden, wird durch einen Strich (-) gekennzeichnet. Für das Dezimaläquivalent werden die Dezimalzahlen der Minterme eingetragen, aus denen sich der neue Term zusammensetzt.

Tabelle 6-3 1. Zusammenfassung der Minterme nach Gruppen mit gleicher Anzahl von 1-Elementen.

Dezimal	x_3	x_2	x_1	x_0	Gruppe	
0,2	0	0	-	0	0	✓
0,8	-	0	0	0	0	✓
2,10	-	0	1	0	1	✓
8,10	1	0	-	0	1	✓
8,12	1	-	0	0	1	
5,13	-	1	0	1	2	
12,13	1	1	0	-	2	
13,15	1	1	-	1	3	

Im Beispiel können die Minterme 0 und 1 zusammengefasst werden, da sie sich nur in der Stelle x_1 unterscheiden.

Alle Terme, die sich zusammenfassen lassen, werden in der vorhergehenden Tabelle 6-2 mit einem ✓ markiert. (Da z.B. die Minterme 0 und 1 verschmolzen wurden, werden sie in Tabelle 6-2 beide mit einem ✓ markiert). Nicht markierte Terme sind Primimplikanten, sie erscheinen in der minimierten Schaltfunktion (im Beispiel bisher nicht der Fall).

In der folgenden Tabelle 6-4 wird das Verfahren wiederholt. Es werden wieder die Elemente aufeinander folgender Gruppen aus Tabelle 6-3 zusammengefasst. Wieder werden nur Terme zusammengefasst, die sich nur um eine Binärstelle unterscheiden.

Sind die Binäräquivalente mehrerer Terme gleich, so werden die Terme alle bis auf einen gestrichen.

Tabelle 6-4 2. Zusammenfassung der Minterme nach Gruppen mit gleicher Anzahl von 1-Elementen.

Dezimal	x_3	x_2	x_1	x_0	Gruppe	
0,2,8,10	-	0	-	0	0	
0,8,2,10	-	0	-	0	0	Gestrichen (= Zeile 1)

Das Verfahren wird fortgeführt, bis sich keine Terme mehr verschmelzen lassen. Die nicht abgehakten Terme sind Primimplikanten. Also sind

8,12

5,13

12,13

13,15 und

0,2,8,10 Primimplikanten

Nun müssen die Primimplikanten klassifiziert werden nach: Kern-Primimplikanten, absolut eliminierbaren Primimplikanten und relativ eliminierbaren Primimplikanten. Das wird mit einer weiteren Tabelle, der Primimplikantentafel, erreicht.

Auf der Abszisse werden die Minterme der Schaltfunktion aufgetragen, auf der Ordinate die Primimplikanten. Die Minterme, die in einem Primimplikanten enthalten sind, werden mit einem \times markiert.

Tabelle 6-5 Primimplikantentafel für das Beispiel.

Primimplikanten	Minterme							
	0	2	5	8	10	12	13	15
8,12				×		×		
5,13			×				×	
12,13						×	×	
13,15							×	×
0,2,8,10	×	×		×	×			

Befindet sich in einer Spalte nur ein \times , so ist der dazugehörige Primimplikant ein Kern-Primimplikant. Die durch ihn abgedeckten Minterme werden durch einen Kreis \otimes gekennzeichnet. Im Beispiel werden die Minterme 0, 2, 10 nur durch den Kern-Primimplikanten 0,2,8,10 abgedeckt, er erscheint in der minimierten DNF. Die durch ihn abgedeckten Minterme 0,2,8,10 werden, auch in den anderen Zeilen, gekennzeichnet (\otimes).

Tabelle 6-6 Primimplikantentafel für das Beispiel mit gestrichenen Termen (\otimes).

Primimplikanten	Minterme							
	0	2	5	8	10	12	13	15
8,12				\otimes		×		
5,13			\otimes				\otimes	
12,13						×	\otimes	
13,15							\otimes	\otimes
0,2,8,10	\otimes	\otimes		\otimes	\otimes			

Auch die Implikanten 5,13 und 13,15 sind Kern-Primimplikanten, da nur sie einen der Minterme 5 bzw. 15 abdecken. Die abgedeckten Minterme 5,13,15 werden gekennzeichnet (\otimes).

Aus den verbleibenden Primimplikanten, das sind die relativ eliminierbaren Primimplikanten wird eine minimale Anzahl ausgesucht, um die verbleibenden Minterme abzudecken. Diese bilden dann zusammen mit den Kern-Primimplikanten die Minimalform der Schaltfunktion. Im

Beispiel kann für den verbleibenden Minterm 12 entweder der Primimplikant 8,12 oder 12,13 ausgewählt werden.

Tabelle 6-7 Zuordnung der Implikanten.

Dezimal	x_3	x_2	x_1	x_0	Implikant
8,12	1	-	0	0	$x_3\neg x_1\neg x_0$
5,13	-	1	0	1	$x_2\neg x_1x_0$
12,13	1	1	0	-	$x_3x_2\neg x_1$
13,15	1	1	-	1	$x_3x_2x_0$
0,2,8,10	-	0	-	0	$\neg x_2\neg x_0$

Man erhält also wenn man den Primimplikanten 12,13 verwendet:

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = x_2\neg x_1x_0 \vee x_3x_2x_0 \vee x_3x_2\neg x_1 \vee \neg x_2\neg x_0 \quad (6.9)$$

oder wenn man den Primimplikanten 8,12 verwendet:

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = x_2\neg x_1x_0 \vee x_3x_2x_0 \vee x_3\neg x_1\neg x_0 \vee \neg x_2\neg x_0 \quad (6.10)$$

Diese Gleichungen sind identisch zu den mit Hilfe der Karnaugh-Veitch-Diagramme gefundenen minimierten Formen.

6.3 Andere Optimierungsziele

Ein Schaltnetz, das durch seine KDNF oder KKNF beschrieben ist oder durch die minimierten Formen DNF und KNF, lässt sich direkt durch ein zweistufiges Schaltwerk realisieren. Für ein zweistufiges Schaltwerk muss man zwei Gatterlaufzeiten veranschlagen, wenn man die Laufzeit durch die Inverter vernachlässigt, oder wenn die Eingangsvariablen auch invertiert zur Verfügung stehen.

In der Regel hat man aber bei der Realisierung auch weitere Randbedingungen zu beachten:

- Oft soll das Schaltwerk mit nur einem Gattertyp aufgebaut werden, so zum Beispiel nur mit NOR oder NAND.
- Die maximale Laufzeit ist oft vorgegeben, so dass nur ein zweistufiges Schaltwerk in Frage kommt.
- Es sollen mehrere Funktionen gemeinsam minimiert werden.
- Die maximale Anzahl der Produktterme ist in programmierbaren Bausteinen in der Regel vorgegeben.

Es sollen im Folgenden einige dieser Besonderheiten bei der Realisierung von Schaltnetzen aufgezeigt werden.

6.3.1 Umwandlung UND/ODER-Schaltnetz in NAND-Schaltnetz

Es soll das in Bild 6-10a gezeigte Schaltnetz, das aus der DNF gewonnen werden kann, in ein Schaltnetz umgewandelt werden, welches nur aus NAND-Gattern aufgebaut ist. Mit der de Morganschen Regel wandelt man zunächst das ODER-Gatter in ein UND-Gatter um (Bild 6-10b). Dann verschiebt man die Inversionskreise vom Eingang dieses UND-Gatters an die Ausgänge der an den Eingängen liegenden UND-Gatter und hat dann ein reines NAND-Netz (Bild 6-10c). Die einmalige Anwendung der de Morganschen Regel ergibt die Formel:

$$\begin{aligned}
 y &= x_0x_2x_3 \vee x_0\neg x_2\neg x_3 \vee x_0x_1\neg x_3 \vee x_1x_2\neg x_3 \\
 &= \neg(\neg(x_0x_2x_3)\neg(x_0\neg x_2\neg x_3)\neg(x_0x_1\neg x_3)\neg(x_1x_2\neg x_3))
 \end{aligned}
 \tag{6.11}$$

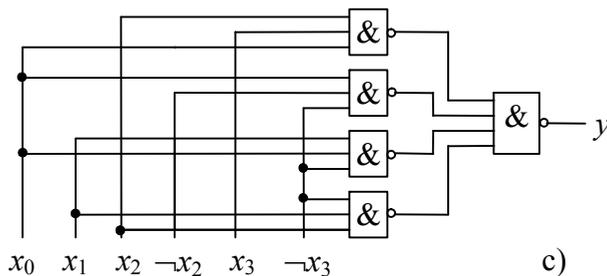
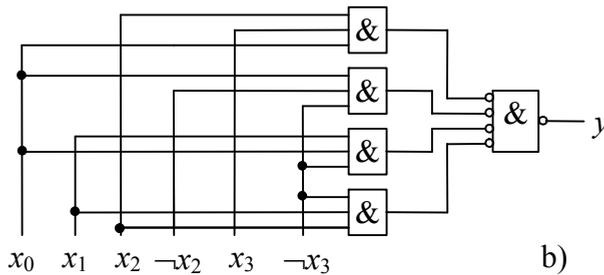
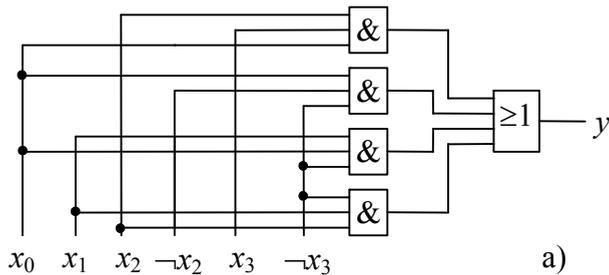


Bild 6-10 a) Schaltnetz einer DNF b) Umwandlung des ODER-Gatters c) Verschieben der Inversionskreise.

6.3.2 Umwandlung ODER/UND-Schaltnetz in NOR-Schaltnetz

Bei der Umwandlung eines ODER/UND-Schaltnetzes in ein Schaltnetz nur aus NOR-Gattern geht man entsprechend vor. In Bild 6-11 ist gezeigt, dass durch die Umwandlung des UND-Gatters am Ausgang (Bild 6-11b) und die Verschiebung der Inversionskreise (Bild 6-11c) ein reines NOR-Netz entsteht. Die Formel erhält man durch einmalige Anwendung der de Morganschen Regel:

$$\begin{aligned}
 y &= (x_0 \vee x_2 \vee x_3)(x_0 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3)(x_0 \vee x_1 \vee \neg x_3)(x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3) \\
 &= \neg(\neg(x_0 \vee x_2 \vee x_3) \vee \neg(x_0 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3) \vee \neg(x_0 \vee x_1 \vee \neg x_3) \vee \neg(x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3))
 \end{aligned}
 \quad (6.12)$$

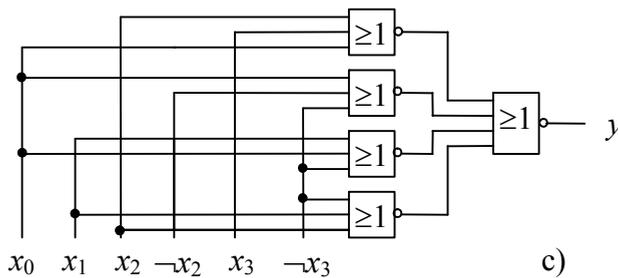
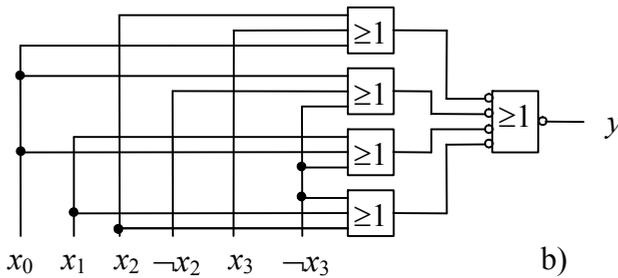
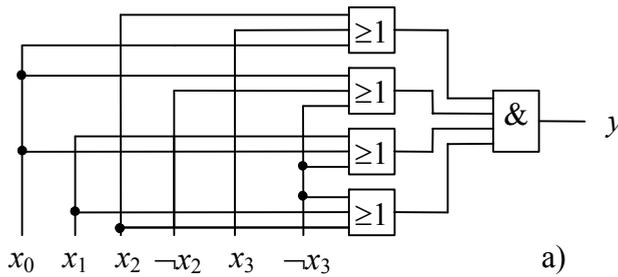


Bild 6-11 a) Schaltnetz einer KNF b) Umwandlung des UND-Gatters c) Verschieben der Inversionskreise.

6.4 Laufzeiteffekte in Schaltnetzen

6.4.1 Strukturhazards

Bisher wurde das Laufzeitverhalten von Schaltnetzen als ideal angenommen, das heißt, dass die Ausgangssignale sofort anliegen. In der Praxis ist diese Annahme zu optimistisch. Wenn man eine endliche Gatterlaufzeit annimmt, können am Ausgang von Schaltnetzen vorübergehend falsche Ausgangssignale anliegen. Diese Effekte werden Strukturhazards genannt. Es ist im Bild 6-12 ein Gatter gezeigt, welches die Funktion:

$$y = x_1x_0 \vee x_2\neg x_0 \quad (6.13)$$

ausführt. Im Inverter habe das Signal die Laufzeit t_0 . Die Laufzeiten in den UND- und ODER-Gattern sind für die Betrachtung der Laufzeitunterschiede nicht zu berücksichtigen, wenn die Laufzeiten der UND-Gatter gleich sind.

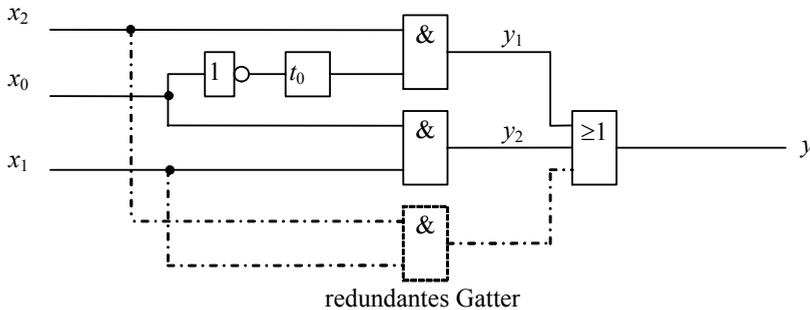


Bild 6-12 Schaltnetz mit Strukturhazard.

Der Zeitverlauf der Signale $x_0(t)$, $y_1(t)$, $y_2(t)$ und $y(t)$ ist in Bild 6-13 gezeigt. Das Ausgangssignal $y(t)$ zeigt einen Einbruch der Dauer t_0 , der durch die Zeitverschiebung im Inverter entsteht. Bei einer idealen Schaltung würde er nicht auftreten.

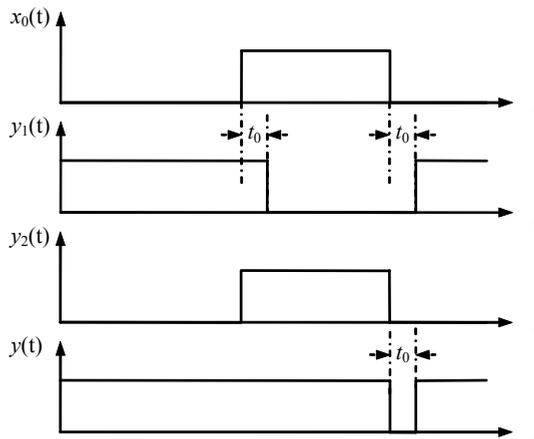


Bild 6-13 Zeitlicher Verlauf beim Umschalten von x_0 in der Schaltung aus Bild 6-12 ($x_1=x_2=1$).

Betrachtet man den Vorgang im KV-Diagramm (Bild 6-14), so stellt man fest, dass ein Übergang zwischen zwei Primimplikanten vorliegt. Eine Korrektur des Fehlers ist mit einem Gatter möglich, das den Term x_1x_2 realisiert.

Das Schaltnetz wird dann durch die folgende Funktion beschrieben:

$$y = x_1x_0 \vee x_2\bar{x}_0 \vee x_1x_2 \tag{6.14}$$

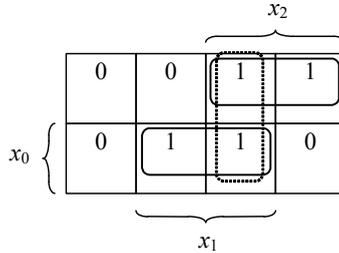


Bild 6-14 KV-Diagramm des Schaltnetzes aus Bild 6-12 mit Korrekturgatter (gestrichelt).

Das Problem taucht immer dann auf, wenn zwei Implikanten in der DNF stehen, von denen der eine Implikant eine Variable in der negierten und der andere Implikant in der nicht negierten Form besitzt und wenn gleichzeitig der Wert der Implikanten gleich ist. Das ist in Gleichung 6.11 für $x_1=x_2=1$ der Fall. Eine Abhilfe ist möglich durch die Einführung eines Implikanten, der die Schnittstelle zwischen den beiden Implikanten überdeckt.

6.4.2 Funktionshazards

Funktionshazards entstehen z.B., wenn zwei Eingangsvariablen sich ändern, der Ausgangszustand des Schaltnetzes aber auf 1 bleiben sollte. Das Phänomen soll an einem Beispiel erläutert werden, welches durch sein KV-Diagramm gegeben ist (Bild 6-15).

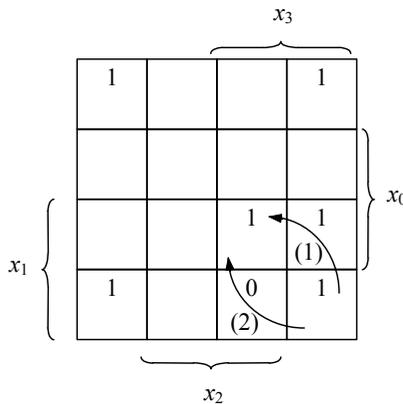


Bild 6-15 KV-Diagramm eines Schaltnetzes mit Funktionshazard. Es sind die beiden möglichen Schaltwege (1) und (2) eingetragen.

Beim Übergang von $(x_3, x_2, x_1, x_0) = (1, 0, 1, 0)$ nach $(x_3, x_2, x_1, x_0) = (1, 1, 1, 1)$ können, je nach den Verzögerungszeiten der verwendeten Gatter, zwei verschiedene Schaltverhalten auftreten. Wenn die Wirkung von x_0 zuerst erfolgt bleibt der Ausgang dauernd auf 1, wie es richtig ist (Weg 1 in Bild 6-15). Wirkt sich erst die Änderung von x_2 aus, so tritt ein Hazard auf (Weg 2).

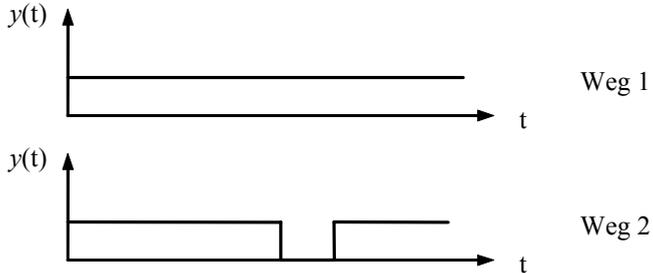


Bild 6-16 Zeitverlauf des Ausgangssignals des Schaltnetzes entsprechend Bild 6-15 für die beiden möglichen Schaltwege (1) und (2).

6.4.3 Klassifizierung von Hazards

Man unterscheidet zwischen den folgenden Hazard-Typen:

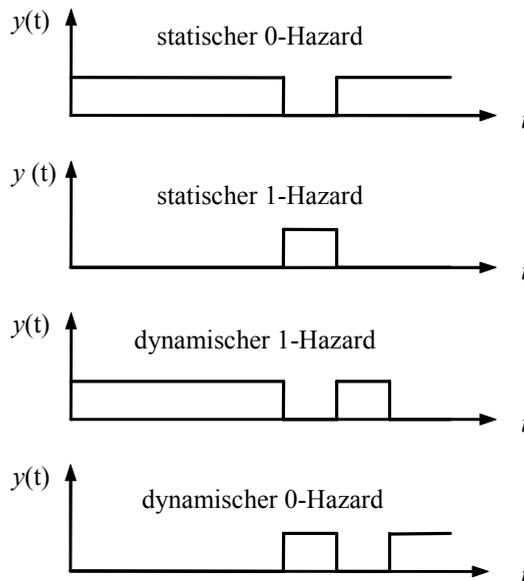


Bild 6-17 Klassifizierung von Hazards.

6.5 Übungen

Aufgabe 6.1 Eine boolesche Funktion $f(x_3, x_2, x_1, x_0)$ ist gegeben durch ihre Funktionstabelle:

x_3	x_2	x_1	x_0	$f(x_3, x_2, x_1, x_0)$
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

- Tragen Sie die Werte der Funktion f in ein KV-Diagramm ein.
- Bestimmen Sie alle Primimplikanten der KDNF von f .
- Geben Sie die Kern-Primimplikanten, absolut eliminierbaren Primimplikanten und relativ eliminierbaren Primimplikanten an.
- Bestimmen Sie eine minimale disjunktive Normalform von f .
- Ermitteln Sie die minimale DNF mit Hilfe des Verfahrens von Quine-McCluskey.

Aufgabe 6.2

Eine unvollständig spezifizierte boolesche Funktion soll durch ihre Minterme und Maxterme gegeben sein. Die nicht spezifizierten Werte sind don't care. Die Funktion $f(x_4, x_3, x_2, x_1, x_0)$ hat die Minterme (x_4 : MSB, x_0 : LSB):

$$m_0, m_2, m_4, m_7, m_{16}, m_{21}, m_{24}, m_{25}, m_{28},$$

und die Maxterme:

$$M_1, M_9, M_{11}, M_{13}, M_{15}, M_{18}, M_{19}, M_{26}, M_{27}, M_{30}, M_{31}$$

- Zeichnen Sie das KV-Diagramm und tragen Sie Minterme und die Maxterme ein.
- Bestimmen Sie eine möglichst einfache disjunktive sowie eine möglichst einfache konjunktive Normalform, wobei die don't care-Felder optimal genutzt werden sollen.

Aufgabe 6.3

Durch ihre Minterme m_i sind die folgenden drei Schaltfunktionen (x_3 : MSB, x_0 : LSB) gegeben:

$$f_1(x_3, x_2, x_1, x_0) = m_0, m_4, m_5$$

$$f_2(x_3, x_2, x_1, x_0) = m_4, m_5, m_7$$

$$f_3(x_3, x_2, x_1, x_0) = m_3, m_5, m_7, m_{11}, m_{15}$$

- Geben Sie für jede Funktion getrennt eine minimale DNF an, indem Sie ein KV-Diagramm für jede Funktion aufstellen.
- Zeigen Sie anhand der drei KV-Diagramme, dass die drei Funktionen gemeinsame Terme haben und geben Sie ein möglichst einfaches Schaltnetz an, in dem gemeinsame Terme nur einmal realisiert werden.
- Zeichnen Sie das optimale Schaltnetz.

Aufgabe 6.4

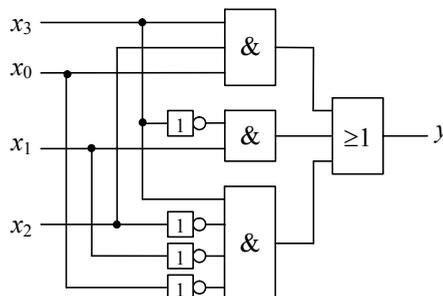
Eine Schaltfunktionen (x_3 : MSB, x_0 : LSB) ist durch ihre Minterme m_i gegeben:

$$f(x_3, x_2, x_1, x_0) = m_1, m_4, m_5, m_6, m_7, m_9, m_{13}, m_{15}$$

Zeigen Sie wie die Funktion nur mit NAND-Gattern realisiert werden kann. Versuchen Sie mit möglichst wenigen Gattern auszukommen. Nehmen Sie an, dass die Eingangsvariablen x_3, x_2, x_1, x_0 auch invertiert zur Verfügung stehen.

Aufgabe 6.5

Im Bild ist eine Digitalschaltung gezeigt, in der ein Strukturhazard auftritt. Die Laufzeit durch ein Gatter (UND, ODER, NOT) soll jeweils gleich t_0 sein.



- Geben Sie die boolesche Funktion $y = f(x_3, x_2, x_1, x_0)$ an.
- Tragen Sie die Funktion in ein KV-Diagramm ein.
- Markieren Sie im KV-Diagramm die Stelle, an der ein Hazard auftritt.
- Schlagen Sie eine Schaltung mit der gleichen Funktion vor, in der kein Strukturhazard auftritt.

7 Asynchrone Schaltwerke

Ein asynchrones Schaltwerk kann man sich aus einem Schaltnetz entstanden denken, bei dem zumindest ein Ausgang auf den Eingang zurückgeführt wurde. Dieses Schaltnetz wird im Folgenden mit SN1 bezeichnet. Schaltwerke werden auch sequentielle Schaltungen oder endliche Automaten genannt. Das Verhalten eines Schaltwerks hängt neben den aktuell anliegenden Eingangsvariablen auch von den Eingangsvariablen x_i vorhergegangener Zeiten ab. Es ist daher in der Lage Information zu speichern. Die gespeicherten Größen heißen Zustandsgrößen, die hier mit z_i bezeichnet werden.

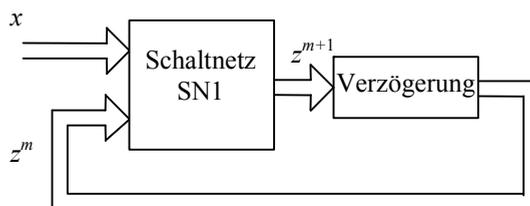


Bild 7-1 Asynchrones Schaltwerk: Schaltnetz mit Rückkopplung und dem Eingangsvektor x , dem Rückkopplungsvektor z zu den Zeitpunkten m und $m+1$.

Zur Entkopplung der Ein- und Ausgänge benötigen asynchrone Schaltwerke eine Verzögerung in der Rückkopplung. Schaltwerke, bei denen ein Taktsignal entkoppelnde Pufferspeicher in der Rückkopplung kontrolliert, heißen synchrone Schaltwerke. Sie werden im nächsten Kapitel behandelt. Durch die Verzögerung zwischen Ein- und Ausgang ist es sinnvoll, die Zustandsgrößen zu zwei verschiedenen Zeitpunkten zu betrachten, die mit den Indizes m und $m+1$ bezeichnet werden.

Es sollen nur Eingangssignale x_i betrachtet werden, die zu diskreten Zeiten ihre Werte ändern. Der Abstand zwischen zwei Änderungen der Eingangssignale soll so groß sein, dass sich in-between auf allen Verbindungsleitungen feste Werte eingestellt haben. Man nennt dies Betrieb im Grundmodus.

7.1 Prinzipieller Aufbau von Schaltwerken

Ein Schaltwerk enthält immer ein Schaltnetz, hier SN1 genannt, welches über eine Verzögerungsstrecke zurückgekoppelt ist. Ein Schaltwerk hat aber auch Ausgänge, die auf zwei verschiedene Arten in einem zweiten Schaltnetz SN2 ermittelt werden können (Bild 7-2):

- Im Moore-Schaltwerk (Moore-Automat) werden die Ausgangsvariablen y nur aus den Zustandsgrößen z^m berechnet.
- Der Mealy-Automat verwendet dagegen im Schaltnetz SN2 nicht nur die Zustandsgrößen z^m , sondern auch die Eingangsvariablen x als Eingangsgrößen.

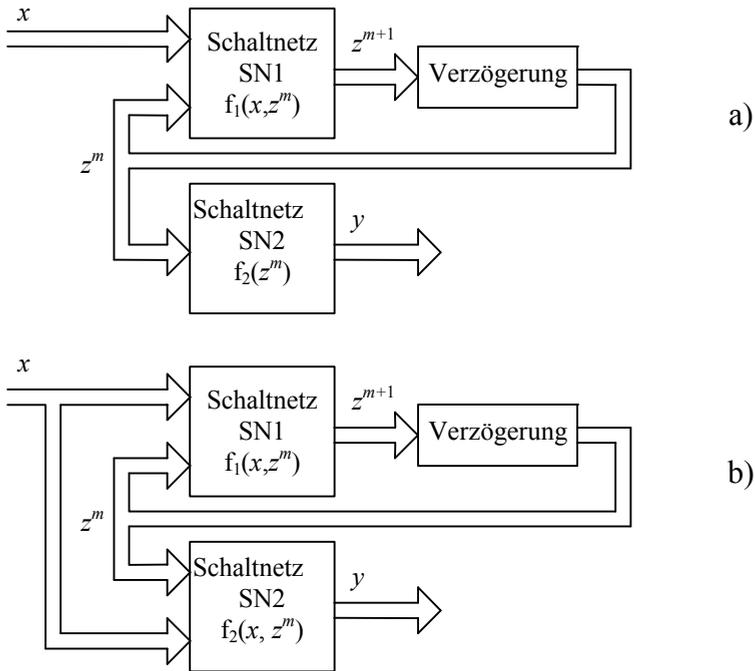


Bild 7-2 a) Moore-Schaltwerk, b) Mealy-Schaltwerk.

7.2 Analyse asynchroner Schaltwerke

Als Beispiel sei die Analyse eines NOR-Flipflops durchgeführt. Es besteht aus einem idealen rückgekoppelten Verknüpfungsnetz (Bild 7-3). Mit dieser Schaltung können Daten gespeichert werden. Die Abkürzungen S und R für die Eingangssignale bedeuten „Setzen“ bzw. „Rücksetzen“. Der Ausgang wird hier mit Q_1 bezeichnet, alternativ ist auch Q üblich. Ein zweiter Ausgang Q_2 wird auch als invertierender Ausgang $\neg Q$ bezeichnet. Die invertierende Funktion des zweiten Ausgangs ist allerdings nicht immer gegeben, wie wir unten sehen werden.

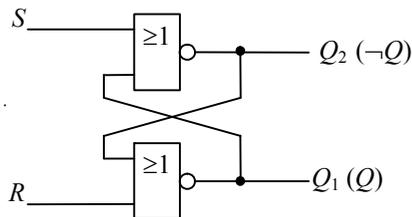


Bild 7-3 NOR-Flipflop (in Klammern: andere übliche Bezeichnung der Ausgänge).

Man kann diese einfache Schaltung bereits durch die Anwendung der bei der Analyse der Schaltnetze gemachten Erfahrungen verstehen.

1. Wir beginnen mit dem Fall $S = 1, R = 0$. Der Ausgang des oberen NOR-Gatters in Bild 7-3 liegt dann auf $Q_2=0$. Beide Eingänge des unteren NOR-Gatters sind dann auf 0, so dass $Q_1=1$ gilt. Das Flipflop ist gesetzt. Dieses Ergebnis tragen wir in die Wahrheitstabelle 7-1 ein. Zwei mögliche Darstellungsformen der Wahrheitstabelle sind dort gezeigt.
2. Im umgekehrten Fall $S = 0, R = 1$ wird aus Symmetriegründen der Ausgang $Q_1 = 0$ und $Q_2 = 1$. Das Flipflop ist zurückgesetzt.
3. Nun soll der Fall $S = 0, R = 0$ betrachtet werden. Dann wird das Verhalten des Flipflops von der Vorgeschichte abhängig.

War der Ausgang $Q_1 = 1$, so ist ein Eingang des oberen NOR-Gatters in Bild 7-3 gleich 1 und es bleibt auf $Q_2 = 0$. Es bleibt auch $Q_1 = 1$, da beide Eingänge dieses Gatters auf 0 liegen. Dieser Zustand ist stabil und bleibt daher erhalten.

War dagegen der Ausgang $Q_2 = 1$, so folgt aus Symmetriegründen, dass $Q_1 = 0$ und $Q_2 = 1$ erhalten bleiben.

In die Tabelle 7-1 wird daher eingetragen, dass der Vorzustand gespeichert wird ($Q^m=Q^{m+1}$). Die beiden Darstellungsformen der Tabelle 7-1 unterscheiden sich durch die Darstellung der Werte der Ausgänge Q und $\neg Q$ zu den Zeiten m und $m+1$.

4. Der letzte verbleibende Fall ist $S = 1, R = 1$. Dann gehen beide Ausgänge auf 0. Dieser Fall wird ausgeschlossen, da die Ausgänge nicht mehr invers zueinander sind.

Tabelle 7-1 Zwei Formen der Wahrheitstabelle eines RS-NOR-Flipflops.

S	R	Q^{m+1}
0	0	Q^m
0	1	0
1	0	1
1	1	verboten

S	R	Q^m	Q^{m+1}
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	verboten
1	1	1	verboten

7.3 Systematische Analyse

Eine systematische Analyse kann mit dem Aufstellen der booleschen Funktionen f_1 und f_2 (vergl. Bild 7-2) für die Schaltnetze SN1 und SN2 durchgeführt werden. Wir zeichnen dazu das Schaltbild entsprechend Bild 7-4 um und führen die pauschale Verzögerungszeit t_1 für die Schaltung ein.

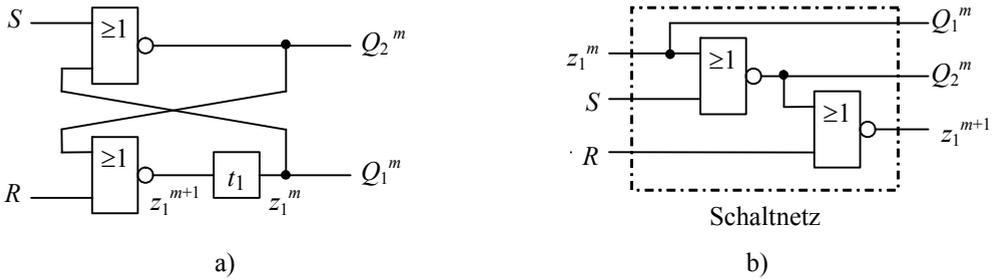


Bild 7-4 a) Verknüpfungsnetz mit Rückkopplung (RS-NOR-Flipflop), b) Rückkopplung aufgetrennt.

Die Übergangsfunktion beschreibt den Ausgang z_1^{m+1} des idealen Schaltnetzes SN1 als Funktion der Eingangsgrößen S, R, z_1^m :

$$z_1^{m+1} = -(\neg(S \vee z_1^m) \vee R) = \neg RS \vee \neg Rz_1^m \tag{7.1}$$

Die Ausgabefunktionen beschreiben das Verhalten des Schaltnetzes SN2, welches in der Realisierung teilweise identisch mit dem Schaltnetz SN1 ist, da auch das obere NOR-Gatter verwendet wird:

$$Q_1^m = z_1^m \tag{7.2}$$

$$Q_2^m = \neg(S \vee z_1^m) = \neg S \neg z_1^m \tag{7.3}$$

Q_2^m in Gleichung 7.3 ist eine Funktion der Eingangsgröße S , daher handelt es sich um ein Mealy-Schaltwerk. Aus den Zustandsgleichungen könnten die Tabellen 7-1 erstellt werden. Man kann die Zustandsgleichungen aber auch in die so genannte Zustandsfolgetabelle eintragen (Tabelle 7-2).

Tabelle 7-2 Zustandsfolgetabelle in Form eines KV-Diagramms.

	z_1^{m+1}				Q_1^m, Q_2^m			
z_1^m	$\neg S \neg R$	$S \neg R$	SR	$\neg SR$	$\neg S \neg R$	$S \neg R$	SR	$\neg SR$
0	⊙	1	⊙	⊙	01	00	00	01
1	⊙	⊙	0	0	10	10	10	10

In das erste Diagramm wird der neue Zustand z_1^{m+1} eingetragen. Diese Größe beeinflusst nach ihrer Wertänderung am Ausgang über die Rückkopplung den Eingang.

In das zweite Diagramm werden die Ausgabegrößen eingetragen, in diesem Fall Q_1^m und Q_2^m .

In der Zustandsfolgetabelle werden als nächstes die stabilen Zustände durch Kreise markiert. Sie sind durch die Gleichung $z_1^m = z_1^{m+1}$ gekennzeichnet. In diesen Fällen wird sich das Netzwerk nach dem Einstellen des Ausgangszustandes stabil verhalten. Ein Beispiel wäre die Eingangskombination $R = 0, S = 1$, wenn gleichzeitig $z_1^m = 1$ ist. Dann ergibt sich aus der Zustandsfolgetabelle nach der Laufzeit t_1 am Ausgang des Netzwerkes stabil $z_1^{m+1} = 1$.

Eine weitere Art der Darstellung ist das Zustandsdiagramm (Bild 7-5). Im Zustandsdiagramm, hier in der für ein Mealy-Schaltwerk üblichen Form, sind die inneren Zustände, in diesem Fall z_1^m , durch Kreise (sog. Knoten) gekennzeichnet. Die möglichen Übergänge sind durch Pfeile (sog. Kanten) dargestellt. Die dafür nötigen Bedingungen der Eingangsvariablen sind an den Pfeilen vermerkt. Durch einen Schrägstrich sind die Werte der Ausgangsvariablen davon getrennt. Es geht aus diesem Diagramm zum Beispiel hervor, dass der Übergang von $z_1^m = 0$ nach $z_1^m = 1$ mit $S = 1, R = 0$ bewirkt werden kann. Ein so genannter reflexiver Übergang ist bei $z_1^m = 0$ für $R = S = 1$. Der Zustand $z_1^m = 1$ ist reflexiv für $\neg R$, unabhängig von S .

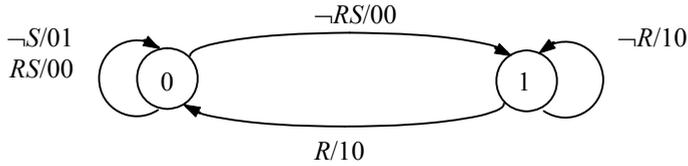


Bild 7-5 Zustandsdiagramm, in den Kreisen steht z_1^m , nach dem Querstrich: Q_1Q_2 .

Die in diesem Abschnitt vorgestellte systematische Form der Analyse liefert die gleichen Ergebnisse wie die in Abschnitt 7.2 mit der einfachen Betrachtungsweise gewonnenen.

7.4 Analyse unter Berücksichtigung der Gatterlaufzeit

Im Folgenden soll gezeigt werden, dass die obige Analyse zu stark vereinfacht ist, da das Verzögerungsverhalten der Gatter nicht vollständig berücksichtigt wird. Sie gibt einige der auftretenden Probleme nicht wieder. Am Beispiel des NOR-Flipflops soll nun demonstriert werden, wie auch das Verhalten einer Schaltung analysiert werden kann, in der beide NOR-Gatter eine endliche Verzögerungszeit haben (Bild 7-6).

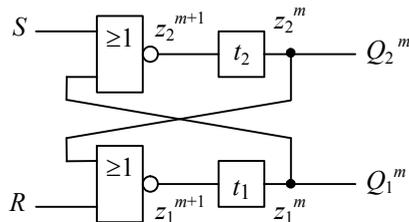


Bild 7-6 Verknüpfungszug mit Rückkopplung (RS-NOR-Flipflop) unter Berücksichtigung der Gatterlaufzeiten t_1 und t_2 .

Man erkennt, dass nun zwei Zustandsvariablen vorliegen und liest aus Bild 7-6 die Übergangsfunktionen:

$$z_1^{m+1} = \neg(R \vee z_2^m) = \neg R \neg z_2^m \quad (7.4)$$

$$z_2^{m+1} = \neg(S \vee z_1^m) = \neg S \neg z_1^m \quad (7.5)$$

und die Ausgabefunktionen:

$$Q_1^m = z_1^m \quad (7.6)$$

$$Q_2^m = z_2^m \quad (7.7)$$

ab. Aus den Zustandsgleichungen kann wieder ein KV-Diagramm gewonnen werden. Es gibt die Signale z_1^{m+1} und z_2^{m+1} als Funktion der Größen am Eingang R, S, z_1^m und z_2^m an (Tabelle 7-3). Die stabilen Zustände sind durch einen Kreis gekennzeichnet.

Ist $z_1^{m+1} \neq z_1^m$ oder $z_2^{m+1} \neq z_2^m$, so erfolgt ein Übergang zu einer anderen Kombination von Eingangssignalen. Diese instabilen Ausgangszustände sind durch Unterstreichen hervorgehoben.

Tabelle 7-3 Zustandsfolgetabelle in Form eines KV-Diagramms.

	$z_2^{m+1} \ z_1^{m+1}$			
$z_2^m \ z_1^m$	$\neg R \neg S$	$\neg R S$	$R S$	$R \neg S$
00	<u>11</u>	<u>01</u>	(00)	<u>10</u>
01	(01)	(01)	<u>00</u>	<u>00</u>
11	<u>00</u>	<u>00</u>	<u>00</u>	<u>00</u>
10	(10)	<u>00</u>	<u>00</u>	(10)

Sind für eine Kombination von Eingangsvariablen beide Zustandsvariablen unterstrichen, ändern sich beide Zustandsgrößen. Man spricht von einem Zweikomponentenübergang. In diesem Fall ist es entscheidend, welche der beiden Gatterlaufzeiten kürzer ist. Diese bestimmt dann den nächsten Zustand, da der Übergang mit der kürzeren Gatterlaufzeit sich zuerst am Ausgang auswirkt.

Nun soll aus Tabelle 7-3 das Zustandsdiagramm konstruiert werden. Das soll an einem Beispiel erläutert werden. Wir nehmen an, dass sich das Schaltwerk mit den Eingangsvariablen $R=1, S=1$ stabil im Zustand $z_2^m z_1^m = 00$ befindet. In Tabelle 7-3 finden wir den stabilen Zustand $z_2^{m+1} z_1^{m+1} = 00$ in der ersten Zeile der Tabelle.

Nun sollen die Eingänge auf $R=0, S=0$ schalten. Die Zustände, die sich einstellen können, sind also in der ersten Spalte der Tabelle zu finden. Da die Zustandsvariablen $z_2^m z_1^m = 00$ zunächst bleiben, müssen wir in der ersten Zeile der Tabelle unter der neuen Eingangsvariablenkombination die neuen Zustandsvariablen ablesen. Wir finden $z_2^{m+1} z_1^{m+1} = 11$. Das bedeutet, dass sich beide Zustandsvariablen ändern wollen. Wir können 3 Fälle unterscheiden:

1. Ist die Verzögerungszeit des ersten Gatters geringer ($t_1 < t_2$), so geht das Schaltwerk nach der Laufzeit t_1 zunächst in den Zustand $z_2^{m+1} z_1^{m+1} = 01$. Das weitere Verhalten richtet sich nach dem Größenverhältnis der Laufzeiten. Es ist eine Vielzahl von Abläufen möglich, die recht kompliziert sein können.
2. Ist $t_1 > t_2$, so geht das Schaltwerk in den Zustand $z_2^{m+1} z_1^{m+1} = 10$. Danach ergibt sich prinzipiell die gleiche Problematik wie unter 1.
3. Gilt $t_1 = t_2$, so geht es nach $z_2^{m+1} z_1^{m+1} = 11$. Es liegt wieder ein Zweikomponentenübergang vor. Das Schaltwerk wird also wieder zurück nach $z_2^{m+1} z_1^{m+1} = 00$ schwingen, um den Vorgang periodisch zu wiederholen.

Man erkennt, dass das Verhalten des Schaltwerks von den Verzögerungszeiten der Gatter abhängig wird. Man nennt diesen Vorgang Lauf oder „Race“, wobei man zwischen kritischen und unkritischen Läufen unterscheidet, je nachdem, ob die Endzustände verschieden oder gleich sind. Im vorliegenden Fall ist der Lauf, der beim Schalten von $RS=11$ nach $RS=00$ auftritt, ein kritischer Lauf, da das Schaltwerk dabei 3 verschiedene Verhaltensweisen zeigen kann.

Dies ist in Bild 7-7a verdeutlicht. Die ersten Zustandsübergänge beim Wechsel von $RS=11$ (im Zustand $z_2^m z_1^m = 00$) zu $RS=00$ sind entsprechend den verschiedenen Gatterlaufzeiten aufgeschlüsselt. Dies ist der einzige kritische Lauf im RS-NOR-Flipflop. Man kann ihn z.B. vermeiden, indem man die Eingangskombination $RS=11$ verbietet.

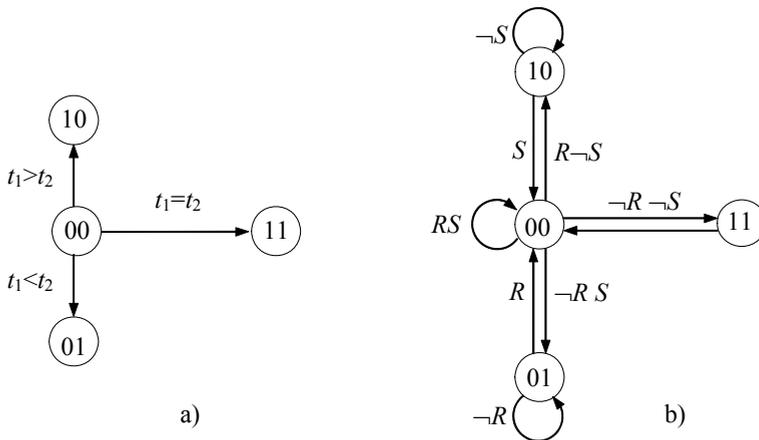


Bild 7-7 a) Zustandsübergänge des RS-NOR-Flipflops, die dem Übergang $RS=11$ (im Zustand $z_2^m z_1^m = 00$) nach $RS=00$ folgen, aufgeschlüsselt nach den Gatterverzögerungszeiten. Weitere Übergänge sind möglich b) Zustandsdiagramm mit allen Übergängen ($t_1 = t_2$).

In Bild 7-7b ist das Zustandsdiagramm mit allen möglichen Übergängen für $t_1 = t_2$ gezeigt. Man stellt fest, dass der Zustand 00 zentral liegt, so dass er bei jedem Übergang durchlaufen wird. Wenn man die Eingangskombination $RS=11$ verbietet, kann das Schaltwerk nicht im Zustand 00 stabil verbleiben, dieser Zustand wird dann nur noch schnell durchlaufen. Es gibt es keine kritischen Läufe mehr, da es nur noch Einkomponentenübergänge gibt.

Wenn sich das Flipflop im Zustand 10 befindet, ist es stabil für $S=0$. Das Flipflop ist dann zurückgesetzt. Wechseln dann die Eingänge auf $SR=10$, so geht es über den Zustand 00 zum Zustand 01, ohne im Zustand 00 zu verweilen.

Zusammenfassend kann festgestellt werden:

- Der Eingangsvariablenkombination $R=S=1$ beim RS-NOR-Flipflop führt zu nicht-komplementären Ausgängen.
- Wenn nach dem verbotenen Eingangswertepaar $RS = 11$ das Eingangswertepaar $RS = 00$ folgt, können nach Bild 7-7 drei verschiedene Verhalten resultieren: Schwingen zwischen 00 und 11, Stabilität in 10 oder Stabilität in 01. Dies ist der einzige kritische Lauf, der im Schaltwerk vorkommt. Er kann vermieden werden, wenn nach der verbotenen Eingangsvariablenkombination nicht sofort $RS = 00$ folgt.
- Probleme entstehen in asynchronen Schaltungen wenn die Übergangsfunktionen nicht hazardfrei realisiert werden. Dann können kurze Störsignale an die Eingänge des Schaltnetzes SN1 gelangen und ein falsches oder unvorhergesagtes Verhalten des Schaltwerks bewirken.
- Zweikomponentenübergänge der Zustandsvariablen sollten möglichst vermieden werden. Es besteht die Möglichkeit eines Laufes.

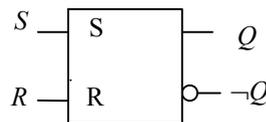
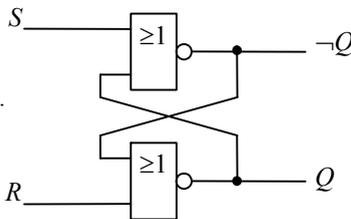
7.5 Speicherglieder

Im letzten Abschnitt wurde deutlich, dass die Verwendung asynchroner Schaltwerke problematisch ist. Es werden daher nur Schaltungen verwendet, deren Verhalten gut bekannt ist. Dazu gehören die Flipflops (abgekürzt: FF), die in diesem Abschnitt zusammengefasst dargestellt werden. Alle Bausteine sind auch integriert erhältlich.

7.5.1 RS-Flipflop

Ein RS-Flipflop kann aus NAND- oder NOR-Gattern aufgebaut werden (Bilder 8-7 und 8-8). Das RS-Flipflop mit NAND-Gattern arbeitet mit negativer Logik, denn die Eingänge sind gegenüber dem Flipflop mit NOR-Gattern invertiert.

Problematisch am RS-Flipflop ist, dass bereits kurze Störimpulse auf den Eingängen R und S zu fehlerhaftem Setzen oder Rücksetzen des Flipflops führen. Als Verbesserung dieses Flipflops wird daher unten ein Takt eingeführt, der die Zeit festlegt, in der die Eingänge aktiv sind.



S	R	Q^{m+1}	$\neg Q^{m+1}$
0	0	Q^m	$\neg Q^m$
1	0	1	0
0	1	0	1
1	1	verboten	

$$Q^{m+1} = \neg(R \vee \neg(S \vee Q^m)) = \neg RS \vee \neg RQ^m$$

Bild 7-8 RS-Flipflop mit NOR-Gattern. Von oben nach unten: Schaltbild, Schaltsymbol, Wahrheitstabelle und Übergangsfunktion.

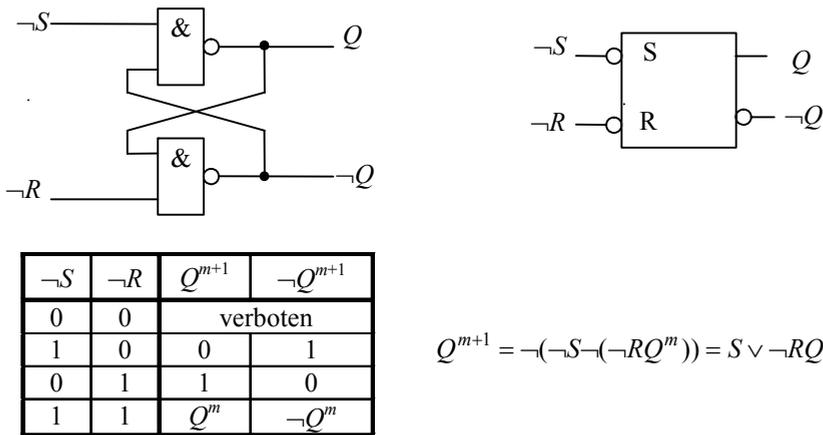


Bild 7-9 RS-Flipflop mit NAND-Gattern. Von oben nach unten: Schaltbild, Schaltsymbol, Wahrheitstabelle und Übergangsfunktion.

7.5.2 RS-Flipflop mit Takteingang

Mit einem Takt C kann die Zeit begrenzt werden, in der das Flipflop für Eingangssignale sensitiv ist. Das RS-Flipflop mit Takteingang wird auch als RS-Latch bezeichnet (Bild 7-10). Obwohl das Flipflop aus NAND-Gattern aufgebaut ist, arbeitet es mit positiver Logik.

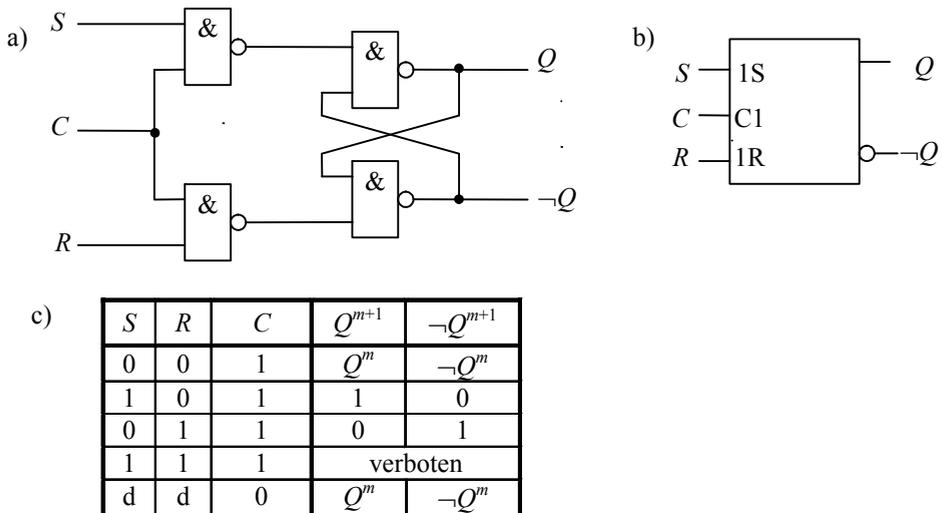


Bild 7-10 RS-Flipflop mit Takteingang. a) Schaltbild, b) Schaltsymbol, c) Wahrheitstabelle.

Die Übergangsfunktion für das zustandsgesteuerte RS-Flipflop erhält man, indem man sie aus dem Schaltbild 7-10a abliest:

$$\begin{aligned}
 Q^{m+1} &= \neg(\neg(SC)(\neg(\neg(RC)Q^m))) = SC \vee (\neg(RC)Q^m) \\
 &= SC \vee \neg RQ^m \vee \neg CQ^m
 \end{aligned}
 \tag{7.8}$$

Die Übergangsfunktion sagt aus, dass das Flipflop gesetzt wird, wenn $S \wedge C = 1$ gilt oder wenn der vorherige Zustand $Q^m = 1$ war und $\neg R = 1$ oder $\neg C = 1$ sind. Aus der Übergangsfunktion kann man die Zustandsfolgetabelle konstruieren.

Bild 7-10c zeigt, dass der verbotene Zustand mit diesem Flipflop nicht vermieden worden ist. Allerdings werden nun Störungen auf den Eingängen S und R während der Zeit vermieden, in der der Takt C auf 0 ist. Nur bei hohem Taktpegel kann das Flipflop angesteuert werden. Man nennt diese Art der Steuerung taktpegelgesteuert oder zustandsgesteuert.

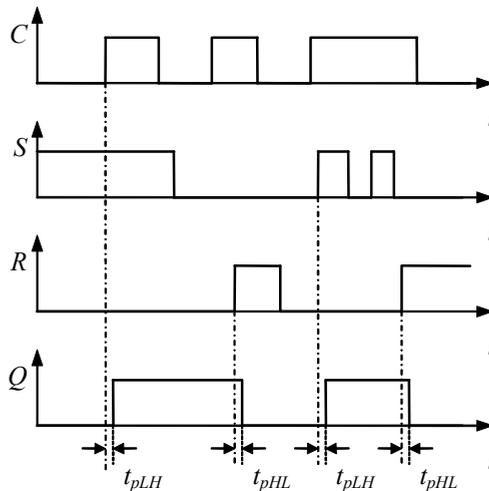


Bild 7-11 Typisches Verhalten eines taktpegelgesteuerten RS-Flipflops, $C = \text{Takt}$.

Bild 7-11 zeigt das Verhalten eines RS-Flipflops. Es wird deutlich, dass das Flipflop während der Zeit, in der der Takt auf 1 ist, alle Eingangssignale durchlässt. So können Störimpulse, selbst bei festen Werten der Eingangsgrößen, das Flipflop unbeabsichtigt setzen oder rücksetzen. Im Bild 7-11 sind auch die Signallaufzeiten von High nach Low und umgekehrt angegeben.

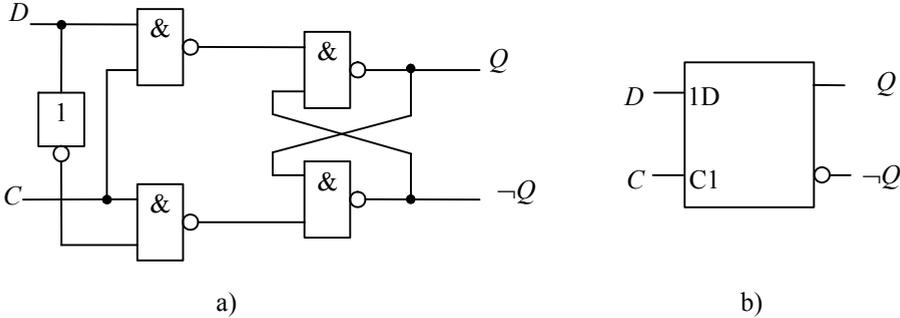
Alle im Weiteren behandelten Flipflops haben einen Takteingang.

7.5.3 Taktpegelgesteuertes D-Flipflop

Um den verbotenen Eingangszustand des RS-Flipflops zu vermeiden verwendet man in der Regel andere Flipflops. Das wichtigste ist das D-Flipflop (Bild 7-12). Das D-Flipflop entsteht aus dem taktpegelgesteuerten RS-Flipflop, indem für den neuen Eingang $D = S = \neg R$ gesetzt wird. Dadurch verschwindet der verbotene Zustand. Die Übergangsfunktion kann man ermitteln, indem man in Gleichung 7.8 $S = D$ und $R = \neg D$ einsetzt. Man erhält:

$$Q^{m+1} = DC \vee \neg CQ^m \tag{7.9}$$

Die Übergangsfunktion des D-Flipflops sagt aus, dass es für $C = 1$ den Dateneingang D durchschaltet und dass es für $C = 0$ den alten Zustand speichert.



D	C	Q^{m+1}	$\neg Q^{m+1}$
0	1	0	1
1	1	1	0
d	0	Q^m	$\neg Q^m$

c)

Bild 7-12 Pegelgesteuertes D-Flipflop. a) Schaltbild, b) Schaltsymbol, c) Wahrheitstabelle.

Bild 7-13 zeigt einen typischen Zeitverlauf der Signale an einem taktpegelgesteuerten D-Flipflop. Man erkennt, dass das D-Flipflop Änderungen des Eingangssignals während des hohen Taktpegels direkt an den Ausgang weitergibt. Es erscheint in diesem Zustand wie ein reines Verzögerungsglied (D von engl. delay). Man sagt auch, es ist transparent. Daher ist im Englischen auch der Name „transparent latch“ gebräuchlich.

Der Zeitraum in dem die Entscheidung fällt, welche Information in einem Flipflop gespeichert wird, nennt man Wirkintervall t_w . Ist das Eingangssignal innerhalb des Wirkintervalls nicht konstant, ist der gespeicherte Wert vom Zufall abhängig und daher undefiniert. Daher muss das Eingangssignal eine gewisse Zeit vor und nach der negativen Taktflanke konstant sein. Der Anteil des Wirkintervalls vor der Taktflanke heißt Setup-Zeit t_s , der Anteil nach der Taktflanke heißt Hold-Zeit t_h .

Die Verhältnisse sind in (Bild 7-14) für das ungepufferte D-Flipflop gezeigt. Zeiten, in denen sich das Eingangssignal ändern darf kann, sind durch die Jägerzaun-ähnliche Darstellung markiert. Das Wirkintervall liegt am Ende der High-Phase des Taktintervalls.

Der Zeitraum, in dem sich das Ausgangssignal ändern kann, nennt man Kippintervall t_K , es ist auch durch die Jägerzaun-Darstellung markiert. Beim ungepufferten D-Flipflop überlappt sich das Kippintervall mit dem Wirkintervall, nämlich während der transparenten Phase.

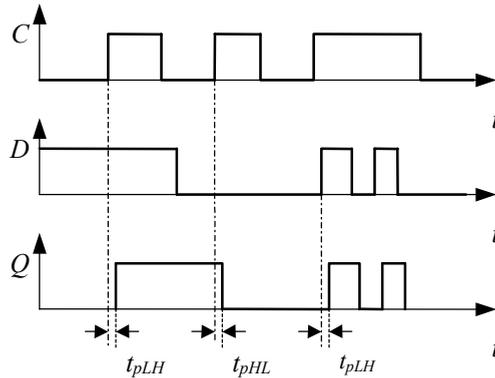


Bild 7-13 Typisches Verhalten eines taktpegelgesteuerten D-Flipflops.

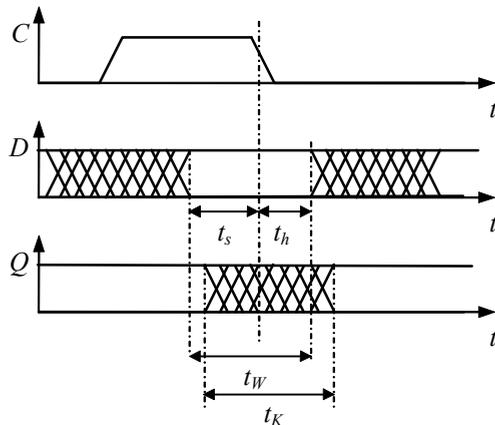


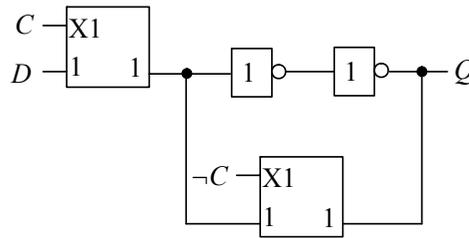
Bild 7-14 Definition der Setup-Zeit t_s , der Hold-Zeit t_h , des Wirkintervalls t_W und des Kippintervalls t_K .

Eine Realisierung des D-Flipflops mit der CMOS-Technologie ist in Bild 7-15 gezeigt. Das linke Transmission-Gate wird mit dem Takt C , das rechte mit dem invertierten Takt $\neg C$ angesteuert.

- Das linke Transmission-Gate ist bei hohem Taktpegel durchgeschaltet und lässt das Eingangssignal D über die beiden Inverter zum Ausgang durch. Dies ist die transparente Phase. Das rechte Transmission-Gate sperrt.
- Wenn der Takt auf den niedrigen Taktpegel wechselt, wird das linke Transmission-Gate gesperrt und das rechte leitet. Dadurch wird der Eingang D abgekoppelt und durch das rechte Transmission-Gate der Speicherkreis geschlossen. Gespeichert wird der Wert des Eingangssignals D , welcher am Ende des hohen Taktpegels anlag. Im Speicherkreis wird die Information durch den Kreis gespeichert, der durch die beiden Inverter gebildet wird, ähnlich wie im oben beschriebenen NOR-Flipflop, wenn für beide Eingänge $R = S = 0$ gilt.

Wichtig für die Funktion ist die Kontrolle der Flanken des Taktes und des invertierten Taktes.

a)



b)

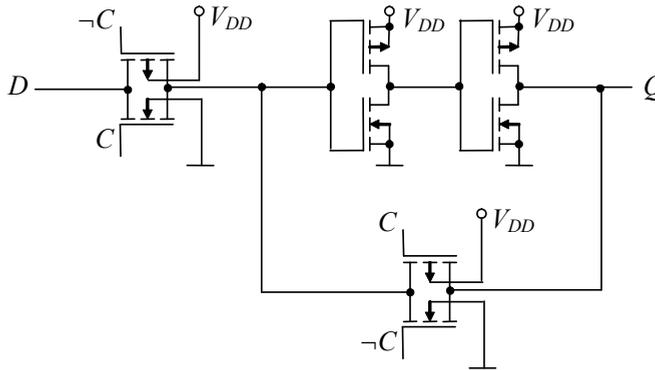


Bild 7-15 Realisierung des taktpegelgesteuerten D-Flipflops: a) Prinzip b) Schaltung in CMOS-Technologie.

7.5.4 Flankengesteuertes D-Flipflop

Bei taktpegelgesteuerten D-Flipflops stört oft das transparente Verhalten. Bei der Weitergabe von einzelnen Bits in Schieberegistern kann es dazu führen, dass sie über mehrere Stufen des Schieberegisters weitergegeben werden. Auch ist das Wirkintervall relativ lang. Im Wirkintervall können Störungen oder Änderungen des Eingangssignals Einfluss auf die gespeicherte Information nehmen. Um diese Probleme zu vermeiden, verwendet man taktflankengesteuerte Flipflops. Bei einem taktflankengesteuerten Flipflop muss das Eingangssignal im Idealfall nur während der Taktflanke konstant sein. Bei diesem Flipflop spielt es keine Rolle, wie lang der Takt auf dem hohen Pegel ist. Für die Taktflanke wird bei einigen Technologien eine Mindeststeilheit gefordert.

In der Wahrheitstabelle des vorderflankengesteuerten D-Flipflops in Bild 7-16 sind die ansteigenden Taktflanken durch Pfeile gekennzeichnet. Das durch die Tabelle beschriebene Flipflop hat zusätzlich einen asynchronen, invertierten Setzeingang $\neg S$ und einen asynchronen, invertierten Rücksetzeingang $\neg R$. Mit diesen Eingängen kann das Flipflop z.B. beim Einschalten unabhängig vom Takt in einen definierten Zustand gebracht werden. In der Regel verwendet man nur den Setzeingang oder nur den Rücksetzeingang. Dadurch vermeidet man, dass $\neg S = \neg R = 0$ wird, was laut Tabelle zu undefiniertem Verhalten führt. Im Schaltsymbol (Bild 7-16b) ist die Vorderflankensteuerung durch das Dreieck am Takteingang dargestellt.

a)

D	C	$\neg S$	$\neg R$	Q^{m+1}
d	d	0	1	1
d	d	1	0	0
d	d	0	0	undefiniert
1	↑	1	1	1
0	↑	1	1	0
d	0	1	1	Q^m
d	1	1	1	Q^m

b)

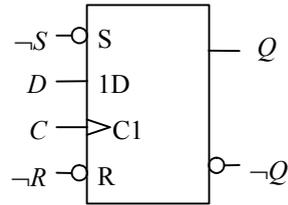


Bild 7-16 a) Wahrheitstabelle des vorderflankengesteuerten D-Flipflops 7474 mit asynchronem Setz- und Rücksetzeingängen. Die ansteigende Flanke des Taktes ist durch \uparrow dargestellt. b) Schaltsymbol.

In der CMOS-Technologie wird die Flankensteuerung in der Regel durch die Schaltung in Bild 7-17 realisiert. Es werden zwei Flipflops verwendet, wobei das linke (das Master-Flipflop) mit dem invertierten Takt und das rechte (das Slave-Flipflop) mit dem nichtinvertierten Takt angesteuert wird. Derartige Schaltungen werden Master-Slave-Flipflops genannt.

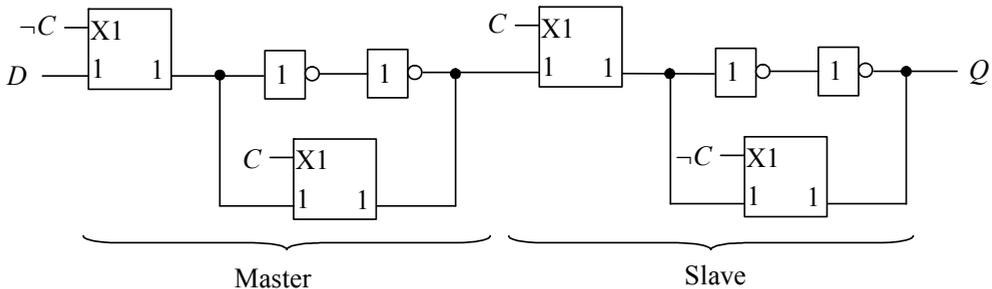


Bild 7-17 Schaltung des vorderflankengesteuerten D-Flipflops in CMOS-Technologie.

- Wenn die steigende Flanke des Taktsignals kommt, beginnt der Master zu speichern. Es speichert das Eingangssignal D , so wie es am Ende des niedrigen Taktpegels anlag. Das Slave-Flipflop wird dann transparent und der Ausgang Q zeigt das gespeicherte Eingangssignal.
- Wenn nun der niedrige Taktpegel kommt, wird die Speicherfunktion durch das Slave-Flipflop übernommen, welches weiterhin das Ausgangssignal Q ausgibt. Das Master-Flipflop ist transparent und leitet das jetzt anliegende Eingangssignal D an den Eingang des Slaves weiter. Bei der dann folgenden steigenden Flanke beginnt der Zyklus von neuem.

Da immer eines der beiden Flipflops speichert, zeigt das flankengesteuerte Flipflop keine transparente Eigenschaften.

In Bild 7-18 ist das Zeitverhalten eines vorderflankengesteuerten D-Flipflops gezeigt. Das Wirkintervall ist deutlich kürzer als beim taktpiegelgesteuerten D-Flipflop und liegt bei der ansteigenden Flanke. Man erkennt am Zeitdiagramm, dass der Ausgang erst nach dem Wirkintervall seinen Wert ändert. Dieses Verhalten, welches durch ein nicht überlappendes Wirk- und Kippintervall gekennzeichnet ist, nennt man Pufferung. Man charakterisiert dieses Flipflop daher als gepuffertes, vorderflankengesteuertes D-Flipflop.

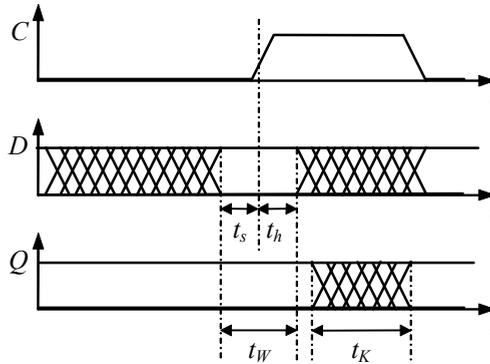


Bild 7-18 Zeitdiagramm des Verhaltens eines gepufferten, vorderflankengesteuerten D-Flipflops.

7.5.5 Zweiflankensteuerung

Ein Schieberegister besteht aus mehreren nacheinander geschalteten Flipflops, in denen Daten wie in einer Eimerkette weitergegeben werden sollen (Bild 7-19). In einer Schieberegisterkette dürfen nie Eingang und Ausgang der verwendeten Flipflops durchgeschaltet sein, damit die Daten nicht durch eine Stufe „hindurchfallen“. Daher sind für diesen Anwendungsfall nur Flipflops geeignet, bei denen das Wirk- und das Kippintervall genügend weit auseinander liegen. Es können zum Beispiel die oben genannten gepufferten, vorderflankengesteuerten D-Flipflops verwendet werden. Solange kein Taktversatz t_0 (clock-skew) auftritt, wird die Information richtig weitergegeben, da sich Wirk- und Kippintervall nicht überlappen. Da die beiden Intervalle aber nur wenig entkoppelt sind, kann es bei einem Taktversatz t_0 , der größer ist als der Abstand zwischen Wirk- und Kippintervall, zu Fehlschaltungen kommen.

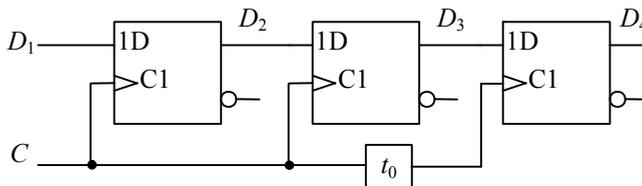


Bild 7-19 Schieberegister mit vorderflankengesteuerten D-Flipflops.

Besser sind für diese Anwendung zweiflankengesteuerte Flipflops geeignet, welche die Information erst mit der fallenden Taktflanke an den Ausgang weitergeben (Bild 7-20). Derartige Flipflops nennt man zweiflankengesteuertes D-Flipflop. Man kann sich aus zwei vorderflan-

kengesteuerten D-Flipflops zusammengesetzt denken, bei denen das zweite Flipflop durch Inversion des Taktes an der abfallenden Flanke getriggert wird. Auch diese Flipflops sind Master-Slave-Flipflops oder Zwischenspeicherflipflops.

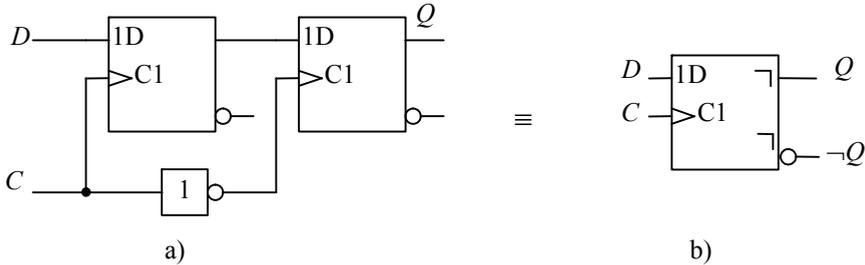


Bild 7-20 Zweiflankengesteuertes D-Flipflop: a) Prinzip, b) Schaltsymbol.

7.5.6 JK-Flipflop

Das JK-Flipflop kann man sich aus dem RS-Master-Slave-Flipflop durch die Rückkopplung der Ausgänge Q und $\neg Q$ auf die Eingänge R und S entstanden denken (Bild 7-21). Wenn der Takt auf dem hohen Pegel ist, gelten die folgenden Formeln:

$$S = J\neg Q^m \quad (7.14)$$

$$R = KQ^m \quad (7.15)$$

Es kann also nur gesetzt werden, wenn es rückgesetzt war und nur rückgesetzt werden, wenn es gesetzt war. Damit ist auch sichergestellt, dass R und S nicht gleichzeitig 1 sein können, da ja entweder $Q = 1$ oder $\neg Q = 1$ gilt.

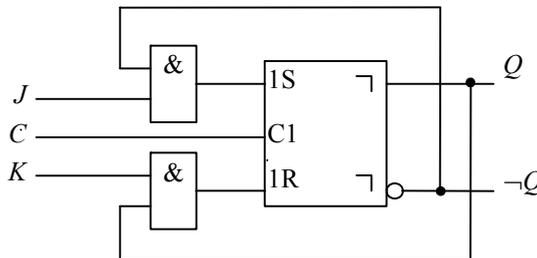


Bild 7-21 Aus einem RS-Flipflop entwickeltes JK-Flipflop.

Das JK-Flipflop entwickelt man aus der Übergangsfunktion des RS-Flipflops unter Verwendung der Gleichungen 7.8, 7.14 und 7.15:

$$Q^{m+1} = SC \vee (\neg R \vee \neg C)Q^m \quad (7.16)$$

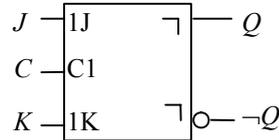
$$Q^{m+1} = CJ\neg Q^m \vee (\neg(KQ^m) \vee \neg C)Q^m \quad (7.17)$$

$$Q^{m+1} = CJ\neg Q^m \vee \neg KQ^m \vee \neg CQ^m \quad (7.18)$$

Aus der Übergangsfunktion ergibt sich die Zustandsfolgetabelle in Bild 7-22.

C	J	K	Q^{n+1}
1	0	0	\underline{Q}^n
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	$\neg Q^n$
0	d	d	\underline{Q}^n

a)



b)

Bild 7-22 a) Wahrheitstabelle und b) Schaltsymbol des JK-Flipflops.

Das JK-Flipflop verhält sich also, solange J und K nicht gleichzeitig 1 sind, wie ein RS-Master-Slave-Flipflop. Ist aber $J = K = 1$, so wechselt der Ausgang bei jedem Taktimpuls. Dies macht es sehr einfach, mit dem JK-Flipflop Frequenzteiler und Digitalzähler aufzubauen. Es muss ein Master-Slave-Flipflop verwendet werden, damit das Flipflop bei $J = K = 1$ und $C = 1$ nicht schwingt. Im Bild 7-23 ist das Verhalten eines zweiflankengesteuerten Flipflops an 4 Taktimpulsen gezeigt. Das Flipflop wird im ersten Taktimpuls gesetzt, im zweiten rückgesetzt und in den beiden folgenden Taktimpulsen wird gewechselt.

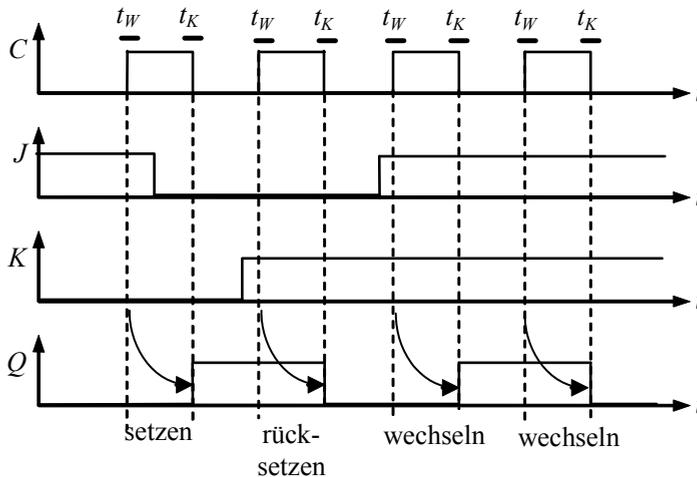


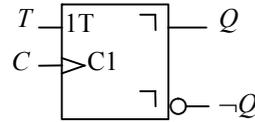
Bild 7-23 Zeitverhalten des JK-Flipflops mit Zweiflankensteuerung.

7.5.7 T-Flipflop

Das T-Flipflop (Bild 7-24) entsteht aus dem JK-Flipflop indem ein neuer Eingang T eingeführt wird, der mit beiden Eingängen des JK-Flipflops verbunden wird: $T = J = K$. Im Englischen wird es Toggle-Flipflop genannt.

T	C	Q^{m+1}
0	0	Q^m
0	\uparrow	Q^m
1	\uparrow	$\neg Q^m$

a)



b)

Bild 7-24 a) Wahrheitstabelle und b) Schaltsymbol eines vorderflankengesteuerten T-Flipflops.

7.5.8 Beispiel

Ein typisches Beispiel für ein integriertes Flipflop ist das D-Flipflop 74175. In diesem IC sind 4 gleiche vorderflankengesteuerte D-Flipflops enthalten, die alle vom gleichen Takt gesteuert werden. Alle Flipflops sind an den gleichen Rücksetzeingang R angeschlossen. Man nennt einen derartigen Baustein auch Register.

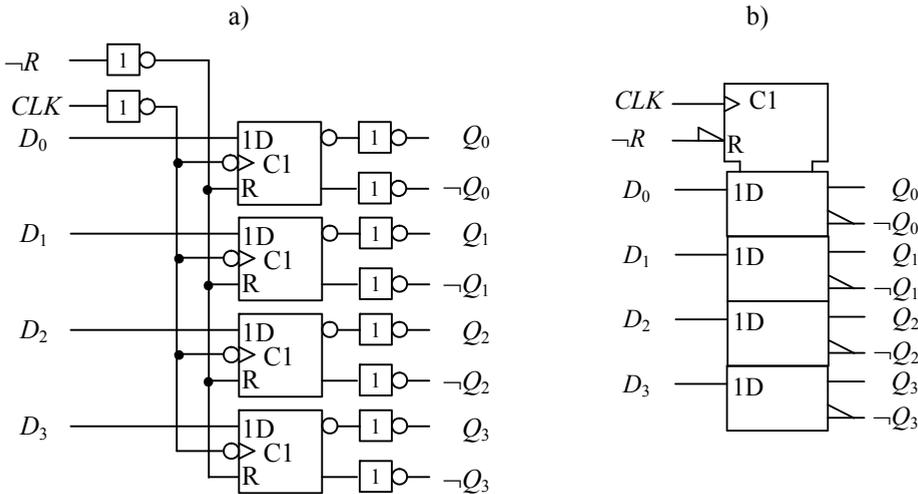


Bild 7-25 a) Schaltbild und b) Schaltsymbol integrierter Baustein 74175 mit 4 vorderflankengesteuerten D-Flipflops.

7.5.9 Zusammenfassung Flipflops

In der Tabelle 7-6 sind die gebräuchlichsten Flipflop-Typen zusammengefasst. Es fällt auf, dass einige der Flipflops nicht existieren. So ist zum Beispiel ein T-Flipflop ohne Takteingang instabil und das D-Flipflop degeneriert zu einer bloßen Durchverbindung.

Alle Flipflops in Tabelle 7-6 können noch zusätzliche asynchrone Setz- und Rücksetzeingänge haben.

Tabelle 7-6 Tabellarische Zusammenfassung der wichtigsten Flipflops.

	Ohne Taktsteuerung	Zustands-Steuerung	2-Zustands-Steuerung	1-Flanken-Steuerung	2-Flanken-Steuerung
RS					
D	Verzögerung				
JK	instabil	instabil			
T	instabil	instabil			

Tabelle 7-7 zeigt die Lage des Kipp- und Wirkintervalls bei den verschiedenen Flipflop-Typen relativ zur Lage der Taktflanken.

Tabelle 7-7 Lage des Kipp- und Wirkintervalls bei den verschiedenen Flipflop-Typen.

	ohne Taktsteuerung	Zustands-Steuerung	2-Zustands-Steuerung	1-Flanken-Steuerung	2-Flanken-Steuerung

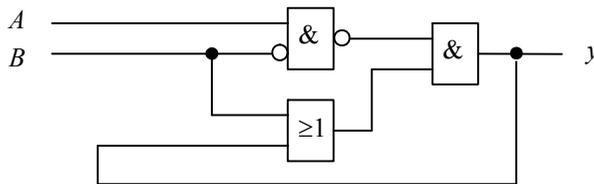
- Liegt keine Taktsteuerung vor, so umfassen Wirk- und Kippintervall die gesamte Taktperiode. Dies ist nur für das RS-Flipflop sinnvoll.

- Bei einer Takt-Zustandssteuerung ist das Wirkintervall mit dem hohen Taktpegel identisch (bei positiver Ansteuerung). Das Kippintervall überlappt sich mit dem Wirkintervall.
- Bei der Zweizustandssteuerung wird zusätzlich die Lage des Wirkintervalls durch den Takt kontrolliert. Wirk- und Kippintervall folgen dicht aufeinander.
- Die Zweiflankensteuerung legt Wirk- und Kippintervall an die positive bzw. an die negative Flanke des Taktsignals. Wichtig ist bei der Zweiflankensteuerung, dass sich durch die Wahl des Tastverhältnisses des Taktes, also des Verhältnisses der Dauer des hohen Pegels zu der des niedrigen Pegels, die Lage des Wirk- und Kippintervalls verschieben lässt. Wirk- und Kippintervall überlappen sich nicht.
- Pufferung bedeutet, dass sich Wirk- und Kippintervall nicht überlappen. Der Abstand beträgt in der Regel etwa eine Gatterlaufzeit. Pufferung ist oft mit einer 1-Flankensteuerung verbunden, wie es im Kapitel 7.5.4 für das D-Flipflop in CMOS-Technologie dargestellt ist.

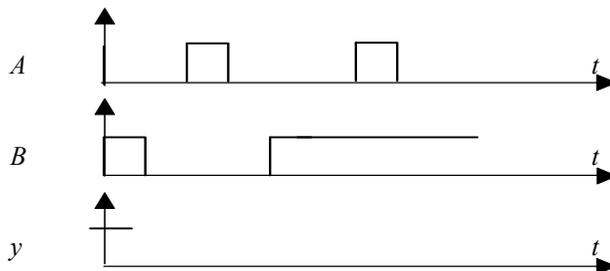
7.6 Übungen

Aufgabe 7.1

Das asynchrone Schaltwerk mit einer Rückkopplung im untenstehenden Bild soll analysiert werden.

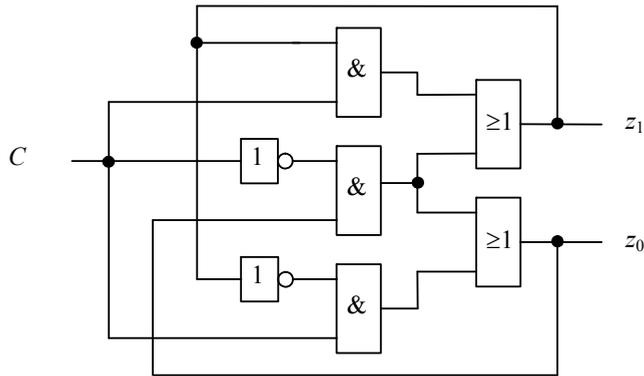


1. Ermitteln Sie die Übergangs- und Ausgabefunktionen. Stellen Sie die Zustandstabelle auf und tragen Sie alle stabilen Zustände ein.
2. Handelt es sich um ein Moore- oder ein Mealy-Schaltwerk?
3. Handelt es sich um eine bistabile Schaltung?
4. Zeichnen Sie das Zustandsdiagramm.
5. Tragen Sie den Verlauf des Ausgangssignals y in das unten gezeigte Impulsdiagramm ein.



Aufgabe 7.2

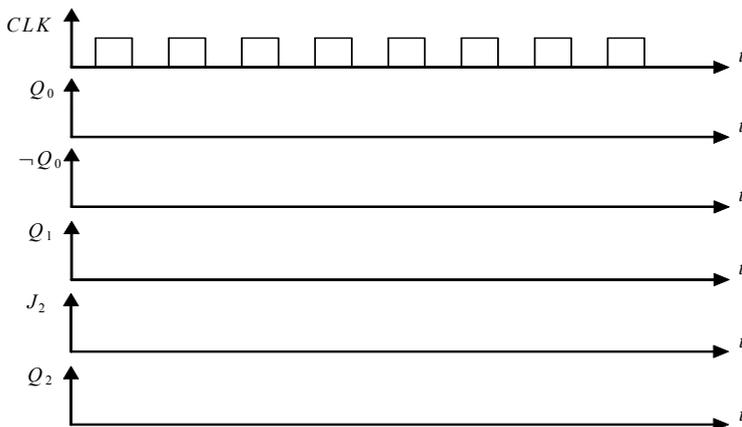
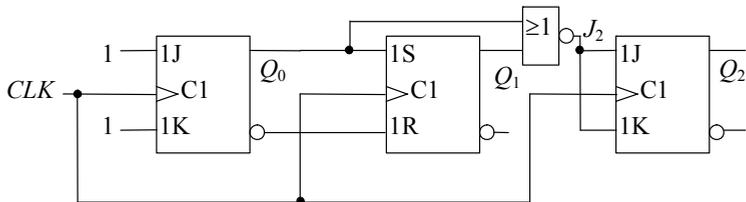
Im untenstehenden Bild ist ein asynchrones Schaltwerk mit zwei Rückkopplungen gezeigt. Analysieren Sie diese Schaltung, in dem sie folgendermaßen vorgehen:



1. Stellen Sie die Zustandstabelle auf und tragen Sie alle stabilen Zustände ein.
2. Zeichnen Sie das Zustandsdiagramm.
3. Welche Probleme können in der Schaltung auftreten? Geben Sie eine Verbesserung der Schaltung an, mit der diese Probleme vermieden werden können.
4. Beschreiben Sie die Funktion der Schaltung.

Aufgabe 7.3

Im Bild unten ist eine Schaltung mit 3 Flipflops gezeigt. Diese Schaltung soll im Folgenden analysiert werden. Gehen Sie davon aus, dass die Flipflops am Ausgang eine halbe Taktperiode Verzögerung haben, während das NOR-Gatter keine Verzögerung aufweisen soll. Skizzieren Sie im untenstehenden Zeit-Diagramm die Verläufe der Signale Q_0 , Q_1 und Q_2 . Kennzeichnen Sie die Wirk- und Kippintervalle der Flipflops im Zeitdiagramm. Alle Flipflops seien zu Beginn zurückgesetzt.

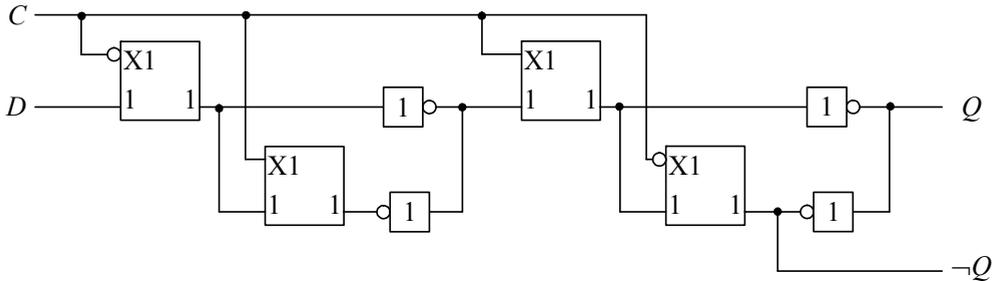


Aufgabe 7.4

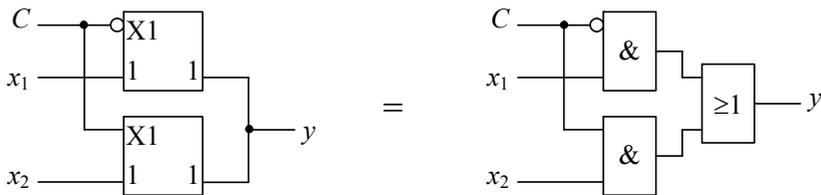
Ändern Sie das Zeitdiagramm in Bild 7-13 für ein vorderflankengesteuertes D-Flipflop ab.

Aufgabe 7.5

Im Bild ist eine übliche Realisierung eines taktflankengesteuerten D-Flipflops in CMOS-Technologie dargestellt. Dieses Flipflop soll im Folgenden analysiert werden.



Jeweils zwei der Transmission-Gates können in dieser Schaltung zu einer UND-ODER-Schaltung nach folgendem Muster umgewandelt werden (Signalflussrichtung nur von links nach rechts):



Gehen Sie bei der Analyse folgendermaßen vor:

- Wie viele Transistoren werden für die Schaltung benötigt, wenn man davon ausgeht, dass der Takt auch invertiert vorliegt.
- Zeichnen Sie die Gesamtschaltung unter Berücksichtigung der vorgegebenen Umwandlung. Markieren Sie, wo die Schaltung aufgetrennt werden muss, damit Sie rückkopplungsfrei wird.
- Geben Sie die Übergangsfunktion(en) und die Ausgabefunktion(-en) an.
- Stellen Sie die Zustandstabelle auf.
- Zeichnen Sie das Zustandsdiagramm. Erklären Sie an Hand des Zustandsdiagramms die Funktion der Schaltung.

8 Synchrone Schaltwerke

Ein Schaltwerk (auch endlicher Automat, Finite State Machine oder sequentielle Schaltung genannt) unterscheidet sich von einem Schaltnetz dadurch, dass es für mindestens eine Kombination von Eingangsvariablen mehrere Kombinationen der Ausgangsvariablen gibt. Die Ausgangsvariablen werden in diesem Fall von der Vergangenheit der Eingangswerte bestimmt. Diese Vergangenheit manifestiert sich in den Zustandsvariablen. Eine Kombination der Zustandsvariablen wird Zustand genannt. Ein System mit N Zustandsvariablen kann daher 2^N unterschiedliche Zustände einnehmen. Diese Tatsachen treffen für asynchrone und synchrone Schaltwerke gleichermaßen zu. Im Gegensatz zu asynchronen Schaltwerken werden die Zustandsvariablen bei synchronen Schaltwerken aber in Flipflops gespeichert.

Ein synchrones Schaltwerk besteht aus einem Schaltnetz (hier SN1 genannt), welches aus den Zustandsvariablen z^m zum Zeitpunkt m und den in der Regel mehreren Eingängen x die Zustandsvariablen z^{m+1} erzeugt (Bild 8-1). Die Indizes m und $m+1$ kennzeichnen aufeinander folgende Perioden des Taktes CLK . Die Gleichungen, die dieses Schaltnetz beschreiben, werden den Übergangsfunktionen genannt:

$$z^{m+1} = f_1(x, z^m) \quad (8.1)$$

Die neuen Zustandsvariablen z^{m+1} werden mit der steigenden Taktflanke in die Flipflops eingelesen und werden während des Kippintervalls über die Rückkopplung am Eingang des Schaltnetzes sichtbar. Dann beginnt der Zyklus von neuem.

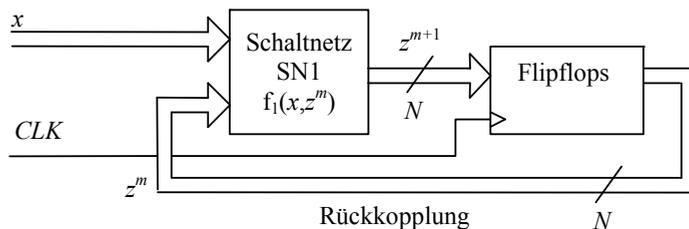


Bild 8-1 Synchrones Mealy-Schaltwerk mit Takteingang CLK .

Die Flipflops entkoppeln den geschlossenen Kreis, der durch die Rückkopplung entsteht. Der Vorteil des synchronen Schaltwerks liegt darin, dass das Ausgangssignal des Verknüpfungsnetzes nur im eingeschwungenen Zustand auf das Verhalten des Schaltwerks Einfluss hat. Hazards spielen keine Rolle, solange sie bis zum Wirkintervall der Speicher abgeklungen sind. Auch können keine Läufe (Races) auftreten, da Eingang und Ausgang des Verknüpfungsnetzes durch die Speicherglieder entkoppelt sind.

Ein wesentlicher Unterschied zu asynchronen Schaltwerken besteht darin, dass nun die Wechsel zwischen den Zuständen immer synchron zum Takt stattfinden, denn die Zustandsvariablen z^{m+1} werden immer synchron zum Takt in die Speicher geladen. Oft werden zweiflankengesteuerte Flipflops als Speicher verwendet, so dass auch die Ausgänge der Speicher synchron schalten. Dadurch hat man eine sehr gute Kontrolle über die zeitlichen Abläufe im Schaltwerk.

8.1 Beispiel 1: Schaltwerk „Binärzähler“

Wir betrachten das im Bild 8-2 gezeigte Beispiel. Es handelt sich um ein Schaltwerk mit zwei Zustandsvariablen z_0^m und z_1^m . Für jede der Zustandsvariablen wird ein D-Flipflop verwendet. Der einzige Eingang ist x . Dieses synchrone Schaltwerk soll nun analysiert werden.

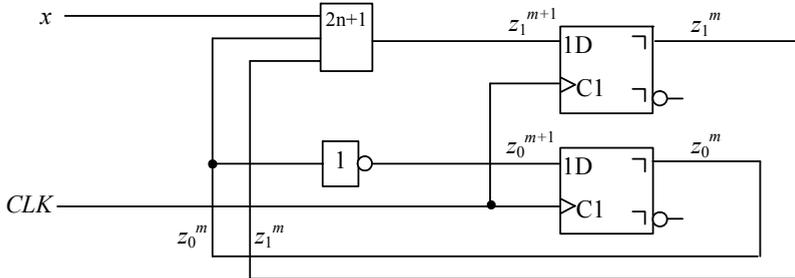


Bild 8-2 Beispiel 1 für ein synchrones Schaltwerk.

Schritt 1: Aufstellen der Übergangsfunktionen $z^{m+1} = f(x, z^m)$

Da es zwei Zustandsvariablen und damit 2 Rückkopplungen gibt, werden 2 Übergangsfunktionen aufgestellt. Das Gatter mit der Beschriftung $2n+1$ ist die Erweiterung der Exklusiv-Oder-Funktion auf mehr als 2 Eingänge. Der Ausgang wird gleich 1, wenn eine ungerade Zahl von Eingängen auf 1 liegt.

$$z_0^{m+1} = \neg z_0^m \tag{8.2}$$

$$z_1^{m+1} = x \leftrightarrow z_0^m \leftrightarrow z_1^m = \neg x \neg z_0^m z_1^m \vee \neg x z_0^m \neg z_1^m \vee x \neg z_0^m \neg z_1^m \vee x z_0^m z_1^m \tag{8.3}$$

Schritt 2: Aufstellen der Zustandsfolgetabelle (auch Übergangstabelle).

Aus den beiden Übergangsfunktionen wird die Zustandsfolgetabelle 8-1a aufgestellt. Sie hat als Eingänge die Zustandsvariablen z_0^m und z_1^m und den Eingang x . Ausgang sind die neuen Zustandsvariablen z_0^{m+1} und z_1^{m+1} . Die Reihenfolge der Zeilen ist beliebig. Sinnvoll ist eine Anordnung im Binärcode oder wie hier in einem Gray-Code, so dass die Zustandsfolgetabelle die Form eines KV-Diagramms hat. Oft werden die Zustandsvariablen durch die dezimale Kodierung dargestellt. Dadurch erhält man die 4 dezimal kodierten Zustände Z^m in Tabelle 8-1b.

Tabelle 8-1 Zustandsfolgetabelle für das Beispiel a) mit binär dargestellten b) mit dezimal dargestellten Zuständen.

a)

z_1^m	z_0^m	$z_1^{m+1} \ z_0^{m+1}$	
		$x = 0$	$x = 1$
0	0	0	1
0	1	1	0
1	1	0	0
1	0	1	1

b)

Z^m	Z^{m+1}	
	$x = 0$	$x = 1$
0	1	3
1	2	0
3	0	2
2	3	1

Schritt 3: Zeichnen des Zustandsdiagramms.

Der Inhalt der Tabelle kann auch in Form eines Diagramms dargestellt werden. Die Zustände werden als Knoten (Kreise) dargestellt. In sie wird die binäre oder dezimale Kodierung des Zustandes eingetragen. Alternativ kann auch der Zustand symbolisch beschrieben werden. Die Übergänge zwischen den Zuständen werden als Kanten (Pfeile) bezeichnet. An den Kanten stehen die Bedingungen für den Eingang x , für die der Übergang stattfindet. Keine Bedingung an einer Kante bedeutet, dass der Übergang immer stattfindet. Alternativ sind auch andere Beschriftungen der Kanten üblich. So kann z.B. statt 0 auch $\neg x$ stehen und für 1 steht x .

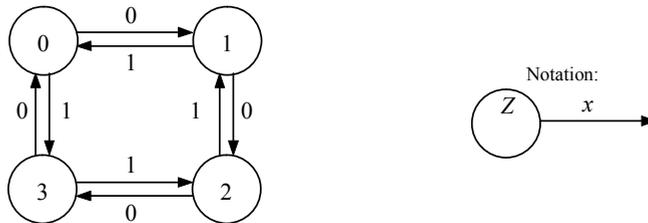


Bild 8-3 Zustandsdiagramm für das Beispiel 1 in Bild 8-2.

Aus dem Zustandsdiagramm lässt sich das Verhalten gut ablesen: Das Schaltwerk durchläuft für $x = 0$ die vier Zustände zyklisch in der Reihenfolge 0,1,2,3,0 usw., während es für $x = 1$ die umgekehrte Reihenfolge durchläuft 0,3,2,1,0 usw. Es handelt sich daher um einen Vorwärts-Rückwärts-Zähler, wobei mit dem Eingang x die Zählrichtung gesteuert werden kann.

8.2 Moore-Schaltwerk

In der Regel hat ein Schaltwerk auch Ausgänge. Sind die Ausgänge y nur von den Zustandsvariablen abhängig, so nennt man dieses Schaltwerk Moore-Schaltwerk (Bild 8-4). Die Ausgänge werden in einem zweiten Schaltnetz SN2 erzeugt. Die Gleichungen, die das Schaltnetz SN2 beschreiben, heißen Ausgabefunktionen oder Ausgangsfunktionen:

$$y = f_2(z^m) \quad (8.4)$$

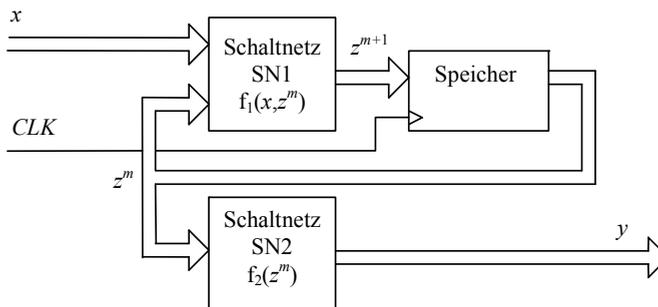


Bild 8-4 Prinzip des synchronen Moore-Schaltwerks.

Als Beispiel soll hier der Fall behandelt werden, dass 4 Ausgänge 4 Leuchtdioden ansteuern, und zwar so, dass im Zustand 0 eine, im Zustand 1 zwei, im Zustand 2 drei und im Zustand 3 alle Leuchtdioden brennen. Die Ausgänge heißen y_i ($0 \leq i \leq 3$). Im Zustandsdiagramm des Mooreschaltwerks (Bild 8-5) ist es üblich, die Werte der Ausgänge in die Kreise für die Zustände einzutragen, da die Zuordnung eindeutig ist. Die Zustandsfolgetabelle 8-2 wird durch eine zusätzliche Spalte für die Ausgänge ergänzt. Dieser Teil der Tabelle heißt Ausgabetablelle.

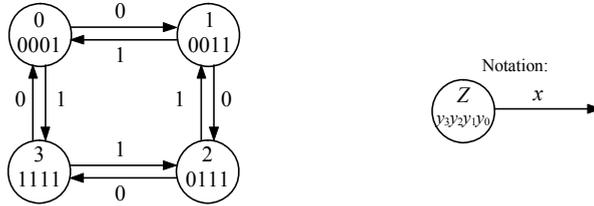


Bild 8-5 Zustandsdiagramm des Moore-Schaltwerks mit den Werten für die Ausgänge y_i .

Tabelle 8-2 Zustandsfolgetabelle mit Ausgabetablelle für das Mooreschaltwerk.

$z_1^m \ z_0^m$	$z_1^{m+1} \ z_0^{m+1}$		$y_3 \ y_2 \ y_1 \ y_0$
	$x = 0$	$x = 1$	
0 0	0 1	1 1	0 0 0 1
0 1	1 0	0 0	0 0 1 1
1 1	0 0	1 0	1 1 1 1
1 0	1 1	0 1	0 1 1 1

Da die Ausgänge für jeden Zustand eindeutig bestimmt sind, ist es möglich, die Ausgabefunktionen als Funktion der Zustandsvariablen darzustellen. Bei einem Moore-Schaltwerk sind die Ausgabefunktionen nur Funktionen der Zustandsvariablen z_i^m :

$$y_0 = 1 \quad (8.5)$$

$$y_1 = z_0^m \vee z_1^m \quad (8.6)$$

$$y_2 = z_1^m \quad (8.7)$$

$$y_3 = z_0^m \wedge z_1^m \quad (8.8)$$

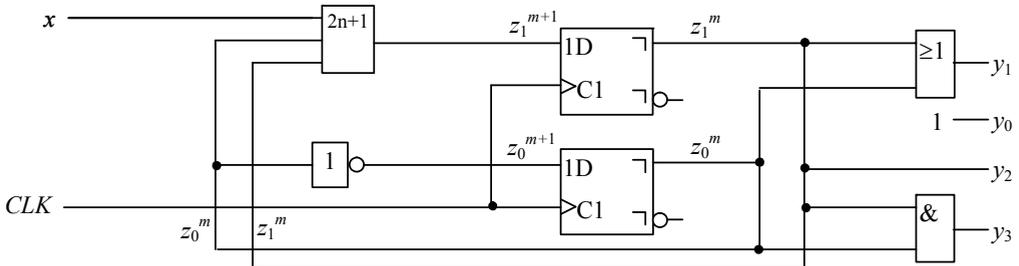


Bild 8-6 Moore-Schaltwerk (Ergänzung der Ausgänge zum Beispiel 1).

8.3 Mealy-Schaltwerk

In einem Mealy-Schaltwerk sind die Ausgänge y nicht nur von den Zustandsvariablen z^m , sondern zusätzlich auch von den Eingängen x abhängig. Daher sind die Ausgabefunktionen auch Funktionen der Eingangsvariablen x :

$$y = f_2(z^m, x) \tag{8.9}$$

Das Blockschaltbild des synchronen Mealy-Schaltwerks zeigt Bild 8-7. Es unterscheidet sich vom Moore-Schaltwerk nur durch die zusätzlichen Eingänge x am Schaltnetz SN2.

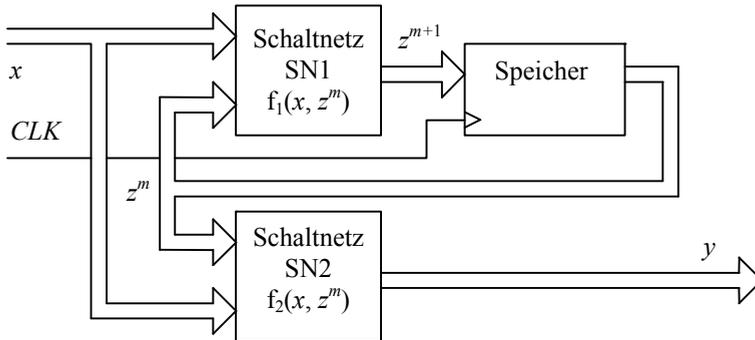


Bild 8-7 Synchrones Mealy-Schaltwerk mit Takteingang CLK .

8.3.1 Beispiel 2: Mealy-Schaltwerk „Maschinensteuerung“

An einem Beispiel soll die Entwicklung eines synchronen Mealy-Schaltwerks exemplarisch durchgeführt werden. Es soll ein Schaltwerk mit 4 Zuständen entworfen werden, welches 3 Maschinen über den Ausgangsvektor $Y = (y_1, y_2, y_3)$ ein- und ausschaltet. Das Verhalten soll abhängig vom Eingang r sein:

Für $r = 0$ sollen die 4 Zustände zyklisch der Reihe nach durchlaufen werden. Die 3 Maschinen sollen entsprechend der Tabelle 8-3 in den vier möglichen Zuständen eingeschaltet sein.

Wenn der Eingang $r = 1$ ist, soll das Schaltwerk in den Zustand 1 gehen. Das Schaltwerk soll in diesem Zustand bleiben, solange $r = 1$ ist. Die Maschinen sollen in allen Zuständen so schnell wie möglich ausgeschaltet werden. r ist also ein Not-Ausschalter.

Tabelle 8-3 Ansteuerung der Maschinen $Y = (y_1, y_2, y_3)$ in den 4 Zuständen.

Zustand	y_1 y_2 y_3					
	$r = 0$			$r = 1$		
1	ein	ein	ein	aus	aus	aus
2	aus	ein	ein	aus	aus	aus
3	aus	ein	aus	aus	aus	aus
4	ein	ein	aus	aus	aus	aus

Aufstellen des Zustandsdiagramms

Im Zustandsdiagramm eines Mealy-Schaltwerks werden die Werte der Ausgänge nicht in den Kreisen für die Zustände notiert, sondern an den Kanten. Sie werden oft durch einen Querstrich von den Bedingungen für die Übergänge getrennt.

Das Zustandsdiagramm (Bild 8-8) kann ausgehend vom Zustand 1 entworfen werden. Für $r = 0$ durchläuft das Schaltwerk die vier Zustände der Reihe nach, wobei wir die 3 Ausgänge entsprechend der Tabelle durch einen Schrägstrich vom Wert für r trennen. Wird $r = 1$, so geht das Schaltnetz in den Zustand 1 und bleibt dort solange $r = 1$ ist. Die drei Ausgänge bleiben auf 000. Dass die Werte der Ausgangsvariablen vom Wert der Eingangsvariablen r abhängen, wird im Zustandsdiagramm durch die zwei verschiedenen Wege für $r = 0$ und $r = 1$ deutlich, die mit den Ausgangswerten $Y = 110$ bzw. $Y = 000$ vom Zustand 4 zum Zustand 1 führen

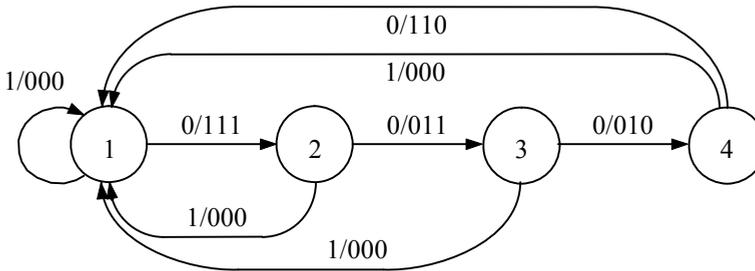


Bild 8-8 Zustandsdiagramm eines Mealy-Schaltwerks Beispiel 2 (Notation an den Kanten: $r / y_1, y_2, y_3$). In den Kreisen stehen die symbolischen Bezeichnungen der Zustände.

Da 4 Zustände durchlaufen werden, kommt man mit zwei Flipflops für die beiden Zustandsvariablen z_1^m und z_0^m aus. Die in den zwei Flipflops gespeicherten Werte müssen jetzt den 4 Zuständen zugeordnet werden. Wir wählen in diesem Fall einen Gray-Kode für die Zustandskodierung, wie sie in Tabelle 8-4 angegeben ist. Eine andere Kodierung kann unter Umständen eine einfachere Schaltung ergeben.

Tabelle 8-4 Kodierung der 4 Zustände.

Zustand	z_1	z_0
1	0	0
2	0	1
3	1	1
4	1	0

Aufstellen der Zustandsfolgetabelle

Die Zustandsfolgetabelle kann aus dem Zustandsdiagramm in Bild 8-8 abgelesen werden. Die einzelnen Zustände mit dem Index m und dem Index $m+1$ unterscheiden sich bei synchronen Schaltwerken um eine Taktperiode. Abhängig von den Eingangswerten r, z_1^m, z_0^m werden die Folgezustände z_1^{m+1}, z_0^{m+1} und die Ausgänge für die 3 Maschinen y_1, y_2, y_3 in die Tabelle eingetragen.

Tabelle 8-5 Zustandsfolgetabelle und Ausgabetabelle der Maschinensteuerung (Beispiel 2).

$z_1^m \ z_0^m$	$z_1^{m+1} \ z_0^{m+1}$		$y_1 \ y_2 \ y_3$		
	$r=0$	$r=1$	$r=0$		$r=1$
0 0	0 1	0 0	1 1 1	0 0 0	
0 1	1 1	0 0	0 1 1	0 0 0	
1 1	1 0	0 0	0 1 0	0 0 0	
1 0	0 0	0 0	1 1 0	0 0 0	

Nun müssen die Übergangsgleichungen für die Ansteuerung der Eingänge der Flipflops aufgestellt werden. Da bei D-Flipflops die am D-Eingang anliegenden Werte bei der steigenden Flanke des Taktes in das Flipflop eingelesen werden, sind die Ansteuerfunktionen $D_i = z_i^{m+1}$. Die Werte aus der Zustandsfolgetabelle 8-5 werden in zwei KV-Diagramme (Tabelle 8-6) eingetragen.

Tabelle 8-6 KV-Diagramme für die Ansteuerfunktionen der D-Flipflops und für die Ausgangsfunktionen.

$D_1 D_0$	$\overbrace{D_1 D_0}^r$	$y_1 y_2 y_3$	$\overbrace{y_1 y_2 y_3}^r$
0 1	0 0	111	000
1 1	0 0	011	000
1 0	0 0	010	000
0 0	0 0	110	000

$\left. \begin{matrix} \text{ } \\ \text{ } \\ \text{ } \\ \text{ } \end{matrix} \right\} z_0^m$
 $\left. \begin{matrix} \text{ } \\ \text{ } \\ \text{ } \\ \text{ } \end{matrix} \right\} z_1^m$

Für die Ansteuerfunktionen der JK-Flipflops, die das Schaltnetz SN1 beschreiben, liest man aus dem linken KV-Diagramm (Tabelle 8-6) unter Ausnutzung der don't care-Terme ab:

$$D_0 = \neg r \neg z_1^m \tag{8.10}$$

$$D_1 = \neg r z_0^m \tag{8.11}$$

Die Ausgangsfunktionen, die im Schaltnetz SN2 realisiert sind, können aus dem rechten KV-Diagramm ermittelt werden:

$$y_1 = \neg r \neg z_0^m \tag{8.12}$$

$$y_2 = \neg r \tag{8.13}$$

$$y_3 = \neg r \neg z_1^m = D_0 \tag{8.14}$$

An den Gleichungen 8.12 bis 8.14 kann man direkt erkennen, dass es sich um ein Mealy-Schaltwerk handelt, da sie alle Funktionen der Eingangsvariablen r sind. Dadurch werden bei einem Not-Aus die Motoren ohne Zustandswechsel sofort ausgeschaltet.

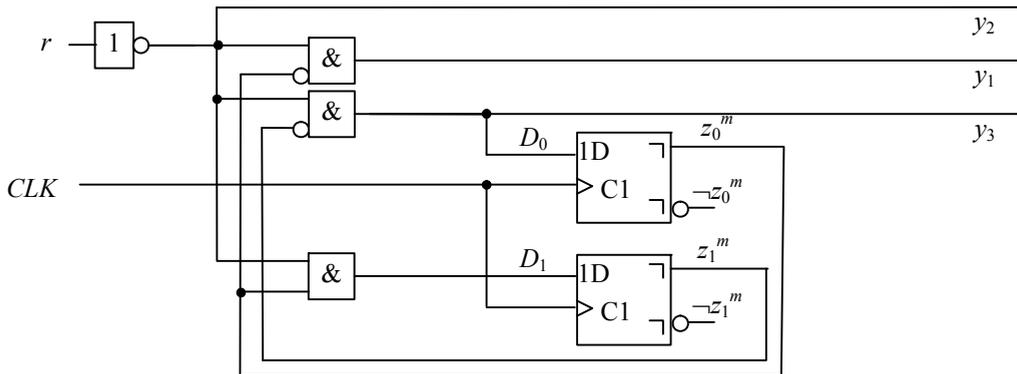


Bild 8-9 Schaltbild der Maschinensteuerung (Beispiel 2).

8.3.2 Realisierung der Maschinensteuerung als Moore-Schaltwerk

Hätte man bei der Entwicklung der Schaltung ein Moore-Schaltwerk zugrunde gelegt, so hätte man einen zusätzlichen Zustand 5 benötigt, in den das Schaltwerk geht, wenn der Not-Ausschalter betätigt wird (Bild 8-10). Bei einem Moore-Schaltwerk kann man die Werte der Ausgänge in die Kreise für die Zustände eintragen. Es sind für die Kodierung der Zustände mindestens 3 Zustandsvariable erforderlich. Nachteilig kann sein, dass bei einem Not-Aus erst nach einem Zustandswechsel die Motoren ausgeschaltet werden. Das Moore-Schaltwerk reagiert also langsamer. Dieser Nachteil ist umso bedeutsamer, je langsamer der Takt CLK ist.

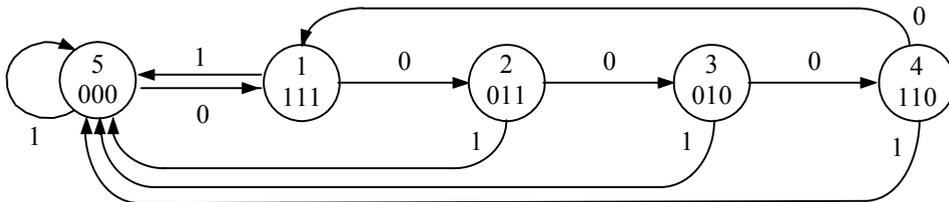


Bild 8-10 Alternatives Zustandsdiagramm der Maschinensteuerung (Beispiel 2) als Moore-Schaltwerk. In den Kreisen stehen jeweils der symbolische Zustand und die Ausgänge $y_1 y_2 y_3$.

8.4 Zustandskodierung

Wir haben oben gesehen, dass es mehrere Alternativen für die Kodierung der Zustände gibt. Die Auswahl der Kodierung hat einen entscheidenden Einfluss auf den Aufwand. Wichtig ist natürlich, dass alle Zustände unterscheidbar sind. Die Auswirkungen sollen am folgenden Beispiel diskutiert werden:

Beispiel 3: Ampelsteuerung

Es soll eine Ampelsteuerung entworfen werden, die zyklisch die Signale *rot - rot* und *gelb - grün - gelb - rot ...* auf 1 setzt. Die Weiterschaltung soll durch den Takt erfolgen. Die Schaltung hat keinen Eingang außer dem Takt CLK . Man kann das untenstehende Zustandsdia-

gramm angeben. Die Zustände werden, ohne Steuerung durch einen Eingang kreisförmig durchlaufen. Die Weiterschaltung erfolgt bei jedem Takt unabhängig von einem Eingang. Man nennt dies einen autonomen Automaten. Es handelt sich um ein Moore-Schaltwerk.

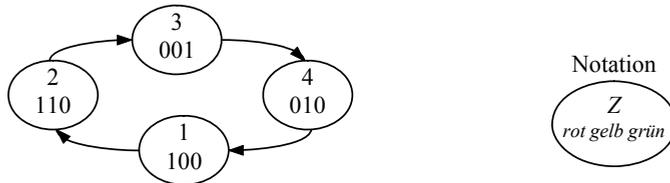


Bild 8-11 Zustandsdiagramm der Ampelsteuerung (Beispiel 3) mit den Zuständen 1,2,3,4 und den Werten für die Ausgänge *rot, gelb, grün*.

In der Praxis haben sich u.a. [19] die folgenden Strategien für die Kodierung von Zuständen bewährt, die in der Regel nacheinander durchlaufen werden: Binäre-Kodierung, Gray-Kode, ausgangsorientierte Kodierung und „One-Hot“-Kodierung. Sie sind in der folgenden Tabelle zusammengefasst und sollen im Folgenden verglichen werden.

Tabelle 8-7 Zustandskodierung: Binäre-Kodierung, Gray-Kode, ausgangsorientierte Kodierung, „One-Hot“-Kodierung für das Beispiel 3 Ampelsteuerung.

Zustand	Binär		Gray-Kode		Ausgangsorientierte Kodierung			One-Hot-Kodierung			
	z_1	z_0	z_1	z_0	z_2	z_1	z_0	z_3	z_2	z_1	z_0
1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1
2	0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	0
3	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0
4	1	1	1	0	0	1	0	1	0	0	0

8.4.1 Binäre Kodierung

Diese Möglichkeit findet man im Beispiel in Kapitel 8.1 „Binärzähler“ beschrieben. Man benötigt zwei Zustandsvariablen und zwei Flipflops.

8.4.2 Kodierung nach dem Gray-Kode

Diese Möglichkeit wurde bei der Schaltung der Maschinensteuerung verwendet: Man benötigt zwei Zustandsvariablen und zwei Flipflops. Wenn die Zustände der Reihe nach durchlaufen werden ergibt dies oft einen geringeren Aufwand bei der Realisierung als die binäre Kodierung.

8.4.3 Ausgangsorientierte Kodierung

In dieser Kodierung wird jedem Ausgang ein Flipflop zugeordnet. Daher steuert je ein D-Flipflop entsprechend Bild 8-12 eine der Lampen direkt an. Man benötigt drei Flipflops, obwohl für die Realisierung der vier Zustände zwei Flipflops ausgereicht hätten. Das Schaltnetz

SN2 ist zu Durchverbindungen degeneriert und fällt daher weg. Das ist der Vorteil dieser Kodierung.

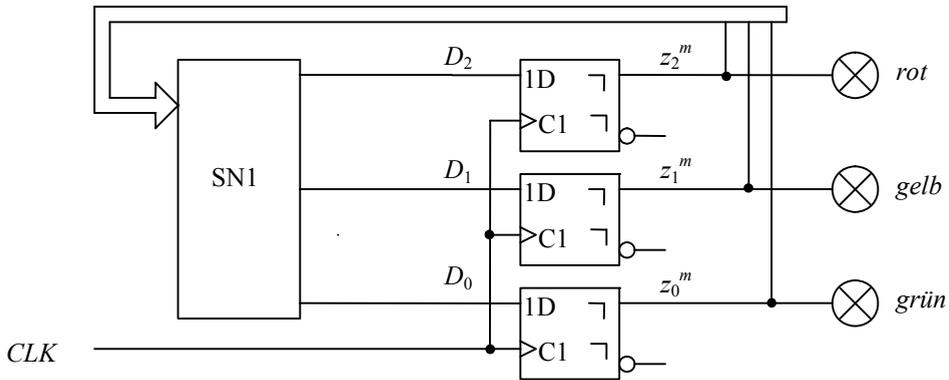


Bild 8-12 Struktur des Schaltwerks für die Ampelsteuerung mit ausgangsorientierter Kodierung.

Das Zustandsdiagramm der Ampelsteuerung mit dieser Kodierung ist in Bild 8-13 angegeben. Die drei Ausgänge sind im Zustandsdiagramm nicht angegeben, da ja die einfache Beziehung: $rot = z_2^m$, $gelb = z_1^m$ und $grün = z_0^m$ gilt. Aus dem Zustandsdiagramm wird die Zustandsfolgetabelle (Tabelle 8-8) abgeleitet. Wichtig ist es festzustellen, dass nur 4 der möglichen $2^3 = 8$ Zustände verwendet werden.

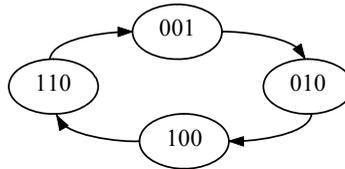


Bild 8-13 Zustandsdiagramm für die Ampelsteuerung (in den Zuständen z_2^m, z_1^m, z_0^m).

Tabelle 8-8 Zustandsfolgetabelle für die Ampelsteuerung mit ausgangsorientierter Kodierung.

z_2^m	z_1^m	z_0^m	z_2^{m+1}	z_1^{m+1}	z_0^{m+1}
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	0	1
0	0	1	0	1	0
0	1	0	1	0	0

Es wurden nur die vier Zustände eingetragen, die im Zyklus durchlaufen werden. Die vier nicht benutzten Zustände werden zunächst nicht berücksichtigt. Es soll aber sichergestellt werden, dass das Schaltwerk nach dem Einschalten, wobei es in einen beliebigen Zustand geht, nach einigen Takten in den normalen Zyklus übergeht. Das muss später kontrolliert werden. Für die

Entwicklung des Schaltnetzes für die Ansteuersignale der drei D-Flipflops werden drei KV-Diagramme aus der Zustandsfolgetabelle entwickelt. Das ist einfach, da ein D-Flipflop den Wert, der am D-Eingang anliegt, als nächsten Zustand speichert: $D_i = z_i^{m+1}$. Die Werte für die nicht benötigten Zustände werden beliebig angesetzt (d).

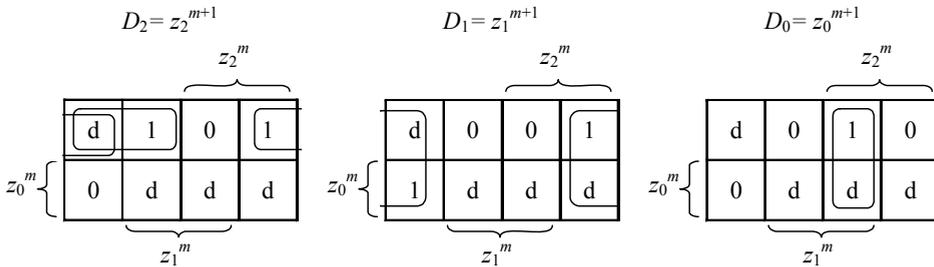


Bild 8-14 KV-Diagramme zur Minimierung der Ansteueretze für die D-Flipflops.

Aus Bild 8-14 leitet man die folgenden Ansteuergleichungen ab:

$$D_2 = z_2^{m+1} = \neg z_1^m \neg z_0^m \vee \neg z_2^m \neg z_0^m = \neg z_0^m (\neg z_1^m \vee \neg z_2^m) = \neg(z_0^m \vee z_1^m z_2^m) \tag{8.15}$$

$$D_1 = z_1^{m+1} = \neg z_1^m \tag{8.16}$$

$$D_0 = z_0^{m+1} = z_1^m z_2^m \tag{8.17}$$

Mit den Ansteuergleichungen liegen nun auch die Folgezustände der zunächst nicht benötigten Zustände 000, 011, 101 und 111 fest. Die vollständige Zustandstabelle (Tabelle 8-9) wird durch Ergänzen dieser Zustände in Tabelle 8-8 unter Verwendung der Gleichungen 8.15 bis 8.17 zusammengestellt.

Tabelle 8-9 Vollständige Zustandsfolgetabelle für Ampelsteuerung mit ausgangsorientierter Kodierung.

z_2^m	z_1^m	z_0^m	z_2^{m+1}	z_1^{m+1}	z_0^{m+1}
0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0
1	0	1	0	1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	0	0	1

Tabelle 8-9 liefert das Zustandsdiagramm in Bild 8-15. Aus dem nun vollständigen Zustandsdiagramm geht hervor, dass alle Zustände, in die das Netzwerk zufällig beim Einschalten kommen kann, letztendlich in den Zyklus führen. Dazu sind maximal 2 Takte nötig. Man beachte, dass eine andere Wahl der don't care-Terme im KV-Diagramm (Bild 8-14) zu einem

anderen Zustandsdiagramm geführt hätte. Es kann passieren, dass die Zustände, die nicht zum Kreis-Zyklus des Schaltwerkes gehören, nicht automatisch nach einigen Takten in diesen Kreis führen. Dann kann es vorkommen, dass das Schaltwerk beim Einschalten nicht in den gewünschten Zyklus geht, sondern in einem anderen Zyklus hängen bleibt. Will man das verhindern, so muss man die don't care-Terme anders festlegen. Der kreisförmige Zyklus aus den Zuständen 001, 010, 100 und 110 ist, unabhängig von den don't cares, immer vorhanden.

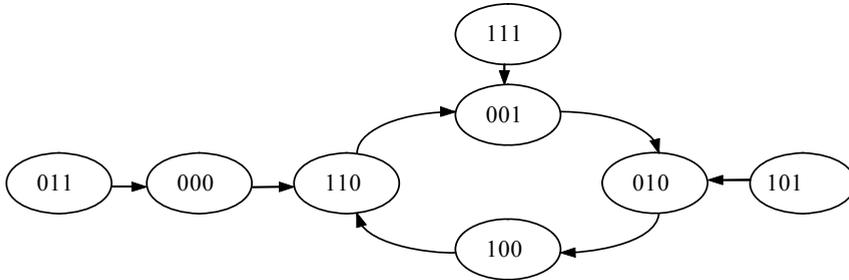


Bild 8-15 Zustandsdiagramm für die Ampelsteuerung mit allen Zuständen.

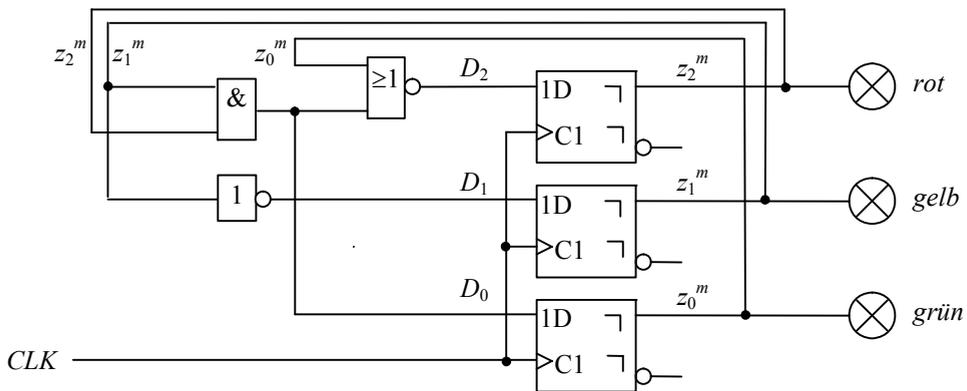


Bild 8-16 Schaltbild der Ampelsteuerung mit ausgangsorientierter Kodierung.

8.4.4 „One-Hot“-Kodierung

Üblich ist auch die so genannte „One-Hot“-Kodierung. Man benötigt nun 4 Zustandsvariablen $z_3^m, z_2^m, z_1^m, z_0^m$ von denen nur immer eine gleich 1 ist, während die anderen 0 sind. Man benötigt dann 4 Flipflops. Allerdings wird das Ansteuernetzwerk SN1 sehr einfach. Die Kodierung der Zustände ist in Tabelle 8-7 dargestellt.

Man erhält, unter Zuhilfenahme der Tabelle 8-7 die Zustandsfolgetabelle 8-10. Es gibt sehr viele nicht benötigte Zustände (14).

Tabelle 8-10 Zustandsfolgetabelle der Ampelsteuerung mit „One-Hot“-Kodierung.

z_3^m z_2^m z_1^m z_0^m	z_3^{m+1} z_2^{m+1} z_1^{m+1} z_0^{m+1}	<i>rot</i> <i>gelb</i> <i>grün</i>
0 0 0 1	0 0 1 0	1 0 0
0 0 1 0	0 1 0 0	1 1 0
0 1 0 0	1 0 0 0	0 0 1
1 0 0 0	0 0 0 1	0 1 0

Aus der Zustandsfolgetabelle gewinnt man die KV-Diagramme in Bild 8-17 für die Minimierung des Schaltnetzes SN1. Aus den KV-Diagrammen liest man die Gleichungen ab:

$$z_3^{m+1} = z_2^m ; z_2^{m+1} = z_1^m ; z_1^{m+1} = z_0^m ; z_0^{m+1} = z_3^m \tag{8.18}$$

Daher ist kein Schaltnetz SN1 nötig und die D-Flipflops sind im Kreis angeordnet. Das ist typisch für die „One-Hot“-Kodierung. Durch die vielen don't cares wird das Schaltnetz SN1 in der Regel sehr einfach. Allerdings benötigt man viele Flipflops, da man mehr Zustandsvariable benötigt.

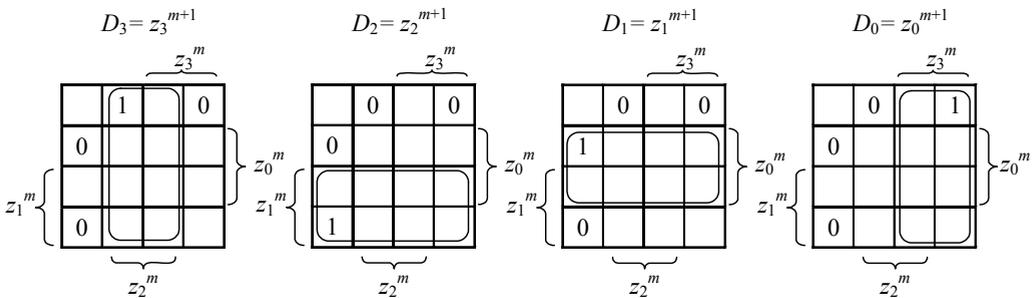


Bild 8-17 KV-Diagramme für die Ansteuernetzwerke der D-Flipflops (Kein Eintrag = don't care).

Für das Schaltnetz SN2 erhält man $rot = z_0^m \vee z_1^m$, $gelb = z_1^m \vee z_3^m$ und $grün = z_2^m$. Die Schaltung (Bild 8-18) benötigt ein Initialisierungssignal *Init*, um einen Anfangszustand z.B. 0001 einzustellen.

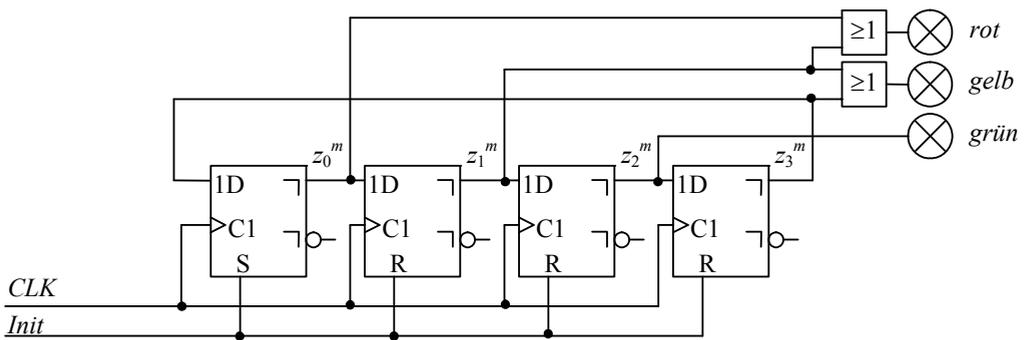


Bild 8-18 Struktur der Ampelsteuerung mit „One-Hot“-Kodierung.

8.5 Wahl der Flipflops

Es kann vorkommen, dass z.B. nur JK-Flipflops verfügbar sind. Auch ist der Aufwand unterschiedlich, je nachdem welcher Flipflop-Typ verwendet wird. Wir greifen dazu das Beispiel 1 aus Kapitel 8.1 auf, den Binärzähler, und realisieren es diesmal mit JK-Flipflops.

Tabelle 8-11 Zustandsfolgetabelle

$z_1^m \ z_0^m$	$z_1^{m+1} \ z_0^{m+1}$	
	$x = 0$	$x = 1$
0 0 →	0 1	1 1
0 1	1 0	0 0
1 1	0 0	1 0
1 0	1 1	0 1

Es müssen die Gleichungen für die Ansteuerung der Eingänge der JK-Flipflops, nämlich für J_1 , K_1 , J_0 und K_0 aufgestellt werden. Dazu ist es hilfreich, sich die Werte für J und K zu notieren, die bei einem gegebenen Wert der Zustandsvariablen z^m für einen gewünschten Folgezustand z^{m+1} erforderlich sind. Wenn zum Beispiel der Zustand $z^m = 0$ erhalten bleiben soll (in Tab. 8-11 markiert), kann dies durch $J = 0$ bei beliebigem K erreicht werden. $K = 1$ würde „Rücksetzen“ bedeuten und $K = 0$ „Speichern“. Beides führt zum Erhalt von $z^m = 0$. Ähnliche Überlegungen führen zu den anderen Tabellenwerten (Tabelle 8-12), die immer einen Freiheitsgrad enthalten.

Tabelle 8-12 Ansteuerung eines JK-Flipflops abhängig von den alten und neuen Zuständen.

z^m	z^{m+1}	J	K	Beschreibung
0	0	0	d	Speichern oder Rücksetzen
0	1	1	d	Wechseln oder Setzen
1	0	d	1	Wechseln oder Rücksetzen
1	1	d	0	Speichern oder Setzen

Tabelle 8-13 KV-Diagramm für die Ansteuerfunktionen der JK-Flipflops.

$z_1^m \ z_0^m$	$J_1 K_1 \ J_0 K_0$			
	$x = 0$		$x = 1$	
0 0 →	0d	1d	1d	1d
0 1	1d	d1	0d	d1
1 1	d1	d1	d0	d1
1 0	d0	1d	d1	1d

Mit Hilfe der Tabelle 8-12 wird aus der Zustandsfolgetabelle 8-11 das KV-Diagramm 8-13 entwickelt. (markiert ist der gleiche Übergang wie in Tabelle 8-11)

Für die Ansteuerfunktionen der JK-Flipflops, die das Schaltnetz SN1 beschreiben, liest man aus dem KV-Diagramm (Tabelle 8-13) unter Ausnutzung der don't care-Terme ab:

$$J_0 = 1 \quad (8.19)$$

$$K_0 = 1 \quad (8.20)$$

$$J_1 = \neg x z_0^m \vee x \neg z_0^m = x \leftrightarrow z_0^m \quad (8.21)$$

$$K_1 = J_1 \quad (8.22)$$

Die Ausgangsfunktionen, die im Schaltnetz SN2 realisiert sind, bleiben natürlich gleich.

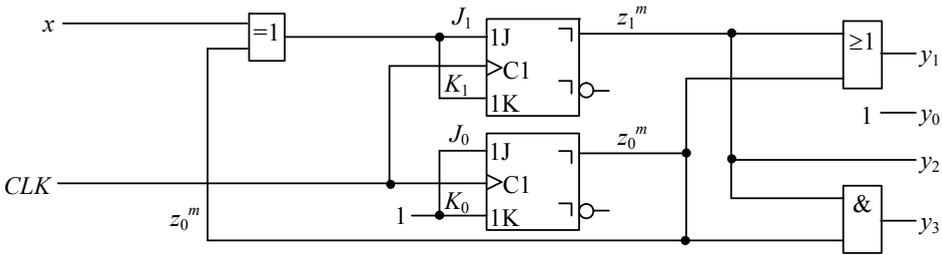


Bild 8-19 Moore-Schaltwerk (Beispiel 1) mit JK-Flipflops.

8.6 Zeitverhalten von Schaltwerken

Damit ein Schaltwerk (Bild 8-20) so funktioniert, wie es im letzten Abschnitt berechnet wurde, müssen einige Zeitbedingungen eingehalten werden. Diese Zeitbedingungen sollen nun genauer untersucht werden. Dazu zeichnen wir die Wirk- und Kippintervalle der Flipflops in der Rückkopplung relativ zum Takt *CLK* auf (Bild 8-21).

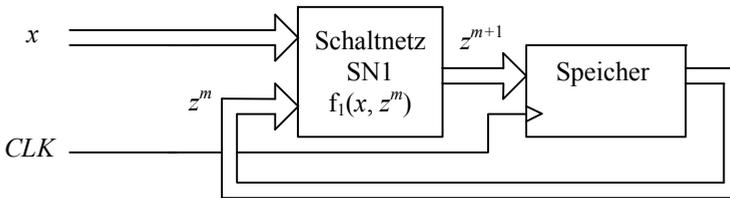


Bild 8-20 Synchrones Schaltwerk.

Im Bild ist eine Überlappung t_{krit} von Wirk- und Kippintervall eingezeichnet. Werden bei einem Schaltwerk mehrere Flipflops verwendet, so ergibt sich durch die Verschiebung des Taktes (clock skew) eine Verbreiterung der Wirk- und Kipp-Intervalle. Das kann dazu führen, dass sich auch bei einflankengesteuerten D-Flipflops die Wirk- und Kippintervalle überlappen. Bei zweiflankengesteuerten Flipflops überlappen sich die Wirk- und Kippintervalle nicht, so dass t_{krit} negativ wird.

In Bild 8-20 sind auch die Ausgänge z^m der Flipflops eingezeichnet. Sie sind außerhalb der Kippintervalle stabil. In den Kippintervallen können sie sich dauernd ändern. Mögliche Signaländerungen sind, wie es üblich ist, durch einen „Jägerzaun“ dargestellt. Die Eingangssignale x^m wurden im Bild so eingezeichnet, dass sie zu den gleichen Zeiten wie die Ausgänge der Flipflops stabil sind.

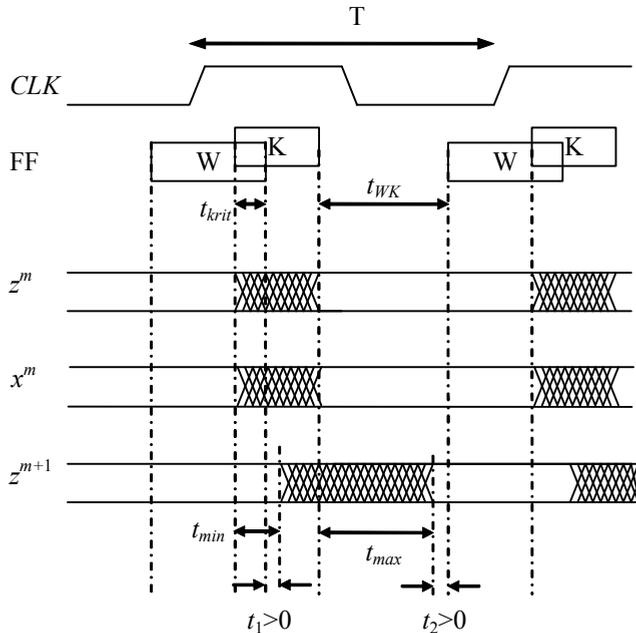


Bild 8-21 Zeitverhalten eines Schaltwerks.

Nun können die Ausgänge des Schaltnetzes SN1 betrachtet werden. Dazu soll kurz das generelle Verhalten eines Schaltnetzes analysiert werden.

- Wenn sich die Eingangsgrößen eines Schaltnetzes ändern, so ändert sich der Ausgang für eine gewisse Zeit t_{min} nicht. Diese Zeit t_{min} ist eine Totzeit. Sie wird zum Teil durch die Laufzeit der Gatter hervorgerufen. Der andere Teil ergibt sich durch die Laufzeit der Signale auf den Leitungen zwischen Speichern und dem Schaltnetz.
- Dann beginnen sich die Ausgangsgrößen zu ändern. Nach einer gewissen Zeit t_{max} sind auch alle Einschwingvorgänge (Hazards) abgeklungen. Dann ist das Ausgangssignal stabil.

Die Zustandsvariablen z^{m+1} des Schaltwerks ändern sich also frühestens nach Ablauf der Zeit t_{min} nach Beginn des Kippintervalls. Stabil sind die Ausgänge z^{m+1} des Schaltwerks nach der Zeit t_{max} nach dem Ende des Kippintervalls (Bild 8-21). Aus dem Bild lassen sich nun die Bedingungen für das Funktionieren des Schaltwerks ablesen. Eine wesentliche Bedingung für das Funktionieren eines Schaltwerkes ist, dass die Eingangsvariablen der Flipflops während deren Wirkintervall stabil sein müssen.

- Die Zustandsvariablen z^{m+1} dürfen sich daher erst nach dem Ende des Wirkintervalls ändern. Die Zeit t_1 muss also größer als 0 sein.

$$t_1 = t_{min} - t_{krit} > 0 \quad (8.23)$$

Ohne Taktversatz sagt diese Bedingung, dass sich Wirk- und Kippintervall maximal um die minimale Laufzeit t_{min} des Schaltnetzes überlappen dürfen. Bei großem Taktversatz ist die Bedingung nur mit zweiflankengesteuerten Flipflops zu erfüllen. Durch die Wahl des Tastverhältnisses des Taktes können die Zeiten in einem weiten Rahmen variiert werden.

- Nach dem Ende des Kippintervalls muss das Schaltnetz die neuen Eingangsvariablen für die Speicher berechnen. Dies muss, inklusive aller Einschwingvorgänge, abgeschlossen sein, wenn das nächste Wirkintervall beginnt.

Die zweite Rückkopplungsbedingung lautet daher

$$t_2 = t_{WK} - t_{max} > 0 \quad (8.24)$$

Nun wollen wir die Verhältnisse im Schaltnetz SN2 für die Berechnung der Ausgangsfunktionen y betrachten. Ist die Laufzeit dieses Schaltnetzes gleich der von SN1, so sind die Ausgänge y zur gleichen Zeit gültig wie die z^{m+1} . Diese Tatsache kann ausgenutzt werden, um am Ausgang y Pufferspeicher anzubringen, die dafür sorgen, dass die Ausgangsgrößen synchron zu den x^m und z^m stabil zur Verfügung stehen (Bild 8-22). Die Bedingungen lassen sich noch genauer fassen, wenn man zwischen den Laufzeiten der Signale durch die Schaltnetze SN1 und SN2 unterscheidet.

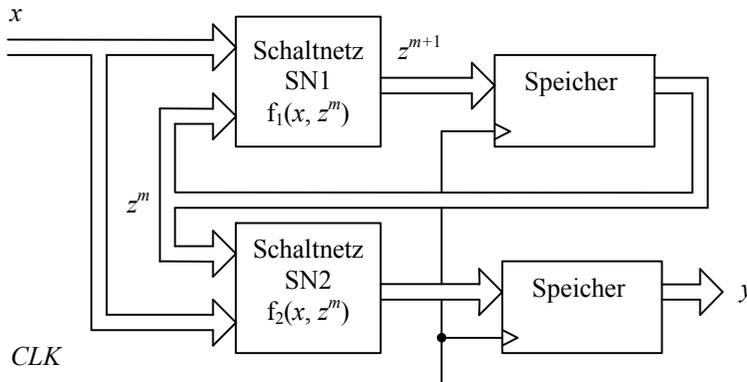


Bild 8-22 Synchrones Mealy-Schaltwerk mit Pufferspeichern am Ausgang.

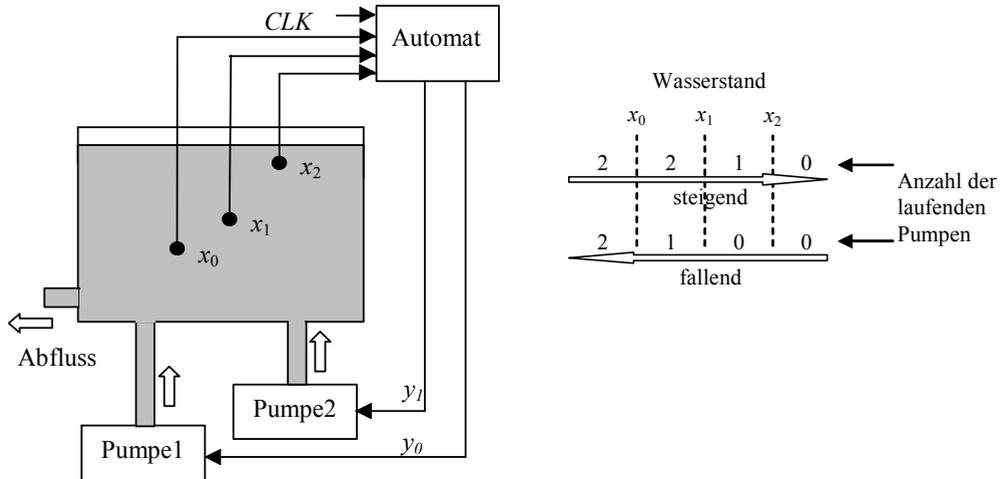
8.7 Übungen

Aufgabe 8.1

Es soll ein Schaltwerk für eine Pumpensteuerung entworfen werden, welche den Wasserstand in einem Behälter kontrollieren soll (Bild unten links). Die Anordnung besteht aus einem Wasserbehälter, der einen unregelmäßigen Abfluss hat. Gefüllt wird der Behälter mit zwei Pumpen, deren gemeinsame Förderleistung größer ist als der maximal mögliche Abfluss. Drei Sensoren mit den Ausgangssignalen x_0 , x_1 und x_2 zeigen mit dem Wert 1 an, dass der Wasserstand höher ist als der entsprechende Sensor angebracht ist.

Das geforderte Verhalten der Pumpen ist im rechten Bild dargestellt. Beide Pumpen sollen laufen, wenn der Wasserstand geringer ist als x_1 . Wenn der Wasserstand weiter steigt, soll eine Pumpe beim Erreichen von x_1 abgeschaltet werden. Beim Erreichen von x_2 wird auch die letzte Pumpe abgeschaltet. Im Falle eines fallenden Wasserstandes soll bei x_1 die erste und bei x_0 die

zweite Pumpe eingeschaltet werden. Damit soll eine Hysterese erreicht werden, die ein dauerndes Ein- und Ausschalten der Pumpen verhindert, welches den Pumpen schaden könnte.



Aufgabe 8.2

Entwerfen Sie die in Kapitel 8.3.1 vorgestellte Maschinensteuerung, indem Sie an Stelle der D-Flipflops a) RS-Flipflops oder b) JK-Flipflops verwenden. Vergleichen Sie den Aufwand bei den drei Realisierungen.

Aufgabe 8.3

Es soll ein synchrones Moore-Schaltwerk entworfen werden, welches einen Parkautomaten realisiert, der Parkscheine für € 1,50 ausgibt. Die Münzen können in beliebiger Reihenfolge eingeworfen werden. Ist der Betrag von € 1,50 erreicht oder überschritten, so soll ein Parkschein ausgegeben werden und gegebenenfalls Wechselgeld zurückgezahlt werden.

Der Parkautomat hat einen Münzprüfer, der nur 50Cent und 1Euro-Stücke akzeptiert. Der Ausgang des Münzprüfers gibt nach jedem Taktsignal entsprechend der folgenden Wahrheitstabelle an, was eingeworfen wurde. Es ist ausgeschlossen, dass der Münzprüfer $M = (1,1)$ ausgibt und dass mehr als eine Münze innerhalb einer Taktperiode eingeworfen wird. Falsche Münzen werden automatisch zurückgegeben

Einwurf	Ausgang des Münzprüfers $M = (x_1, x_0)$
Keine oder falsche Münze	00
50Cent-Stück	01
1Euro-Stück	10

Ein Parkschein wird mit dem Ausgangssignal $S = 1$ ausgegeben, gleichzeitig wird der Münzeinwurf mechanisch gesperrt, andernfalls ist der Münzeinwurf möglich. Mit dem Signal $R = 1$ wird ein 50Cent-Stück zurückgegeben.

- Geben Sie das Zustandsdiagramm und die dazugehörige Zustandsfolgetabelle an.
- Ermitteln Sie die Übergangsfunktionen und die Ausgabefunktionen.

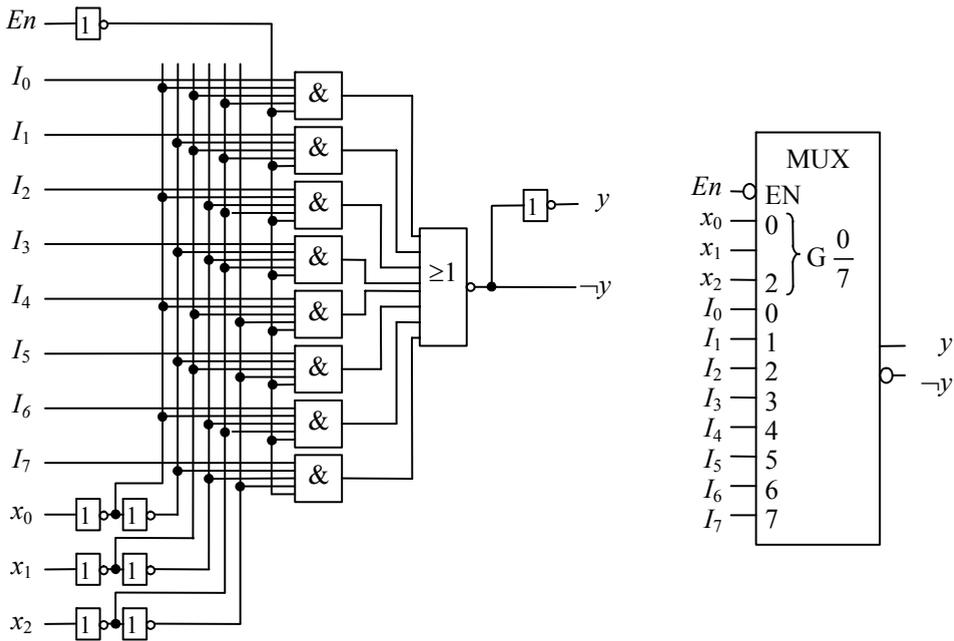


Bild 9-1 8:1-Multiplexer 74151 mit Schaltsymbol.

Das Schaltsymbol in Bild 9-1 des 8:1-Multiplexers 74151 ist durch die Überschrift MUX gekennzeichnet. Die Funktion des Multiplexers wird durch eine UND-Abhängigkeit (G) der Selektionseingänge x_i und der Dateneingänge I_i beschrieben. Die Selektionseingänge x_i werden von 0 für x_0 bis 2 für x_2 nummeriert.

9.1.1 Multiplexer-Realisierung von Funktionen

Ein Multiplexer kann verwendet werden, um ein Schaltnetz zu realisieren. Dies soll an einem Beispiel gezeigt werden. Das zu realisierende Verknüpfungsnetz wird durch sein Karnaugh-Diagramm in Bild 9-2 vorgegeben. Es soll ein 8:1-Multiplexer verwendet werden.

Ein 8:1-Multiplexer hat 3 Selektionseingänge, an die 3 der 4 Variablen angeschlossen werden können. Man hat für die Wahl dieser 3 Variablen 4 Möglichkeiten. Die jeweils nicht berücksichtigte Variable wird so an die Dateneingänge I_i angelegt, dass der vorgegebene Funktionswert der Funktion am Ausgang des Multiplexers erscheint. Das Vorgehen dafür soll nun erläutert werden. Zunächst muss festgelegt werden, welche Variablen an den Selektionseingängen anliegen sollen. Hier wurden x_3 , x_2 , x_1 ausgewählt. Mit diesen drei Variablen an den Selektionseingängen werden in einem KV-Diagramm jeweils Bereiche von 2 Mintermen ausgewählt. In Bild 9-2 sind die Bereiche I_i angegeben, die einem Eingangsvektor mit dem Dezimaläquivalent i zuzuordnen sind. Bei der Ermittlung des Dezimaläquivalents muss auf die Wertigkeit der Selektionseingänge geachtet werden. x_3 hat hier die Wertigkeit 2^2 , x_2 die Wertigkeit 2^1 und x_1 die Wertigkeit 2^0 .

An die Dateneingänge des MUX müssen dann nur noch die entsprechenden Restfunktionen $f(x_0)$ angelegt werden. Enthält ein Bereich keine 1, so muss an den entsprechenden Datenein-

gang eine 0 angelegt werden. Sind zwei Einsen in einem Bereich, so wird der Dateneingang mit 1 beschaltet. Ist in dem Bereich nur eine 1, so kommt es auf die Position der 1 an, ob der Dateneingang mit der Variablen (x_0) oder der invertierten Variablen ($\neg x_0$) beschaltet wird.

Zum Beispiel lässt sich aus Bild 9-2b ablesen, dass I_0 mit 1 beschaltet werden muss, denn der Bereich I_0 enthält nur Einsen. Dagegen muss I_1 mit $\neg x_0$ beschaltet werden, denn der Bereich I_1 hat nur eine 1 an der Position, die von der Randbezeichnung x_0 nicht überdeckt wird. Diese Beschaltung des Multiplexers ist in Bild 9-3 gezeigt.

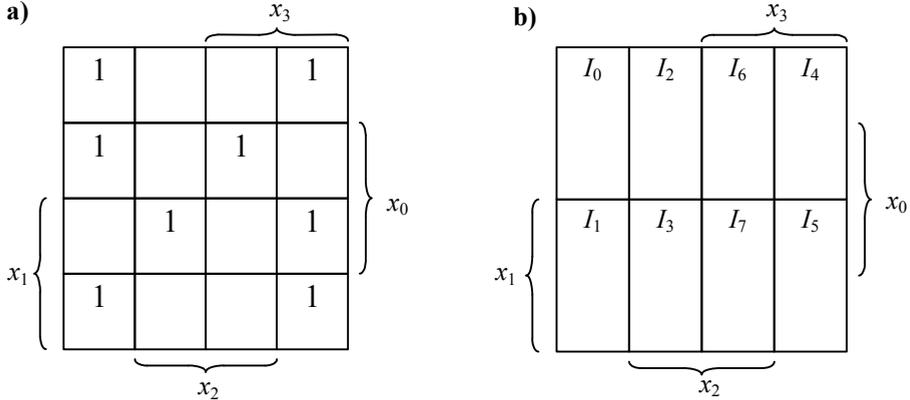


Bild 9-2 a) Karnaugh-Veitch-Diagramm der Beispielfunktion b) Definition der Bereiche I_i , die einem Eingangsvektor (x_3, x_2, x_1) mit dem Dezimaläquivalent i zuzuordnen sind.

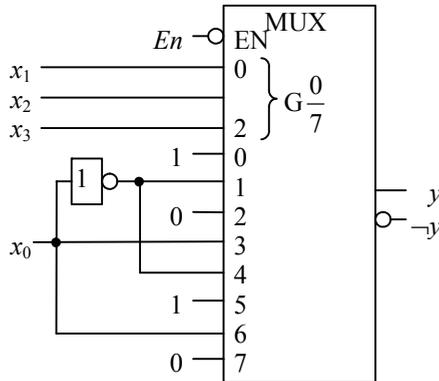


Bild 9-3 Beschaltung des Multiplexers für die in Bild 9-2 definierte Funktion.

Alternativ kann auch ein 16:1-Multiplexer verwendet werden. Dessen Dateneingänge müssen dann nur noch mit 0 und 1 beschaltet werden. Diese Variante bringt aber bezüglich des Aufwandes keinen Vorteil gegenüber einem 8:1-Multiplexer. Wird ein 4:1-Multiplexer verwendet, so liegen an den beiden Selektionseingängen 2 der Variablen an, an den 4 Dateneingängen liegt jeweils eine DNF (oder KNF) aus den anderen beiden Variablen an. Ein Beispiel ist in Bild 9-4 gezeigt. Beschaltet man die Selektionseingänge des Multiplexers mit x_3 und x_2 , so wird die Beschaltung an den Dateneingängen besonders einfach. In diesem Fall kommt man mit einem

4:1-Multiplexer ohne weitere Gatter aus (Bild 9-5). Legt man x_1 und x_0 an die Selektionseingänge, so muss man die Dateneingänge mit zusätzlichen Gattern beschalten.

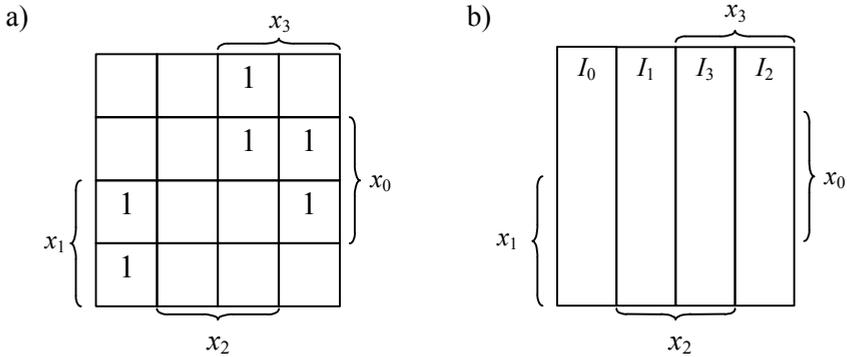


Bild 9-4 a) Karnaugh-Veitch-Diagramm der Beispielfunktion b) Definition der Eingangsfelder.

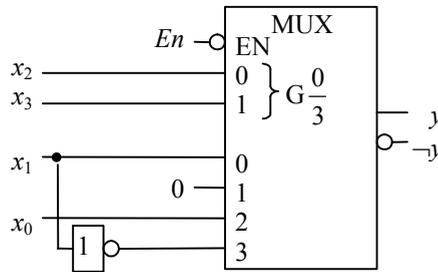


Bild 9-5 Beschaltung des Multiplexers für die in Bild 9-4 definierte Funktion.

9.2 Code-Umsetzer

Ein Code-Umsetzer ist eine Schaltung, die das Codewort aus einem Code 1, welches an den m Eingängen anliegt, in ein Wort aus einem anderen Code 2 umsetzt. Das Codewort am Ausgang hat in diesem Fall eine Wortlänge von n Bits. Im Schaltsymbol in Bild 9-6 sind die beiden Codes in der Überschrift angegeben.

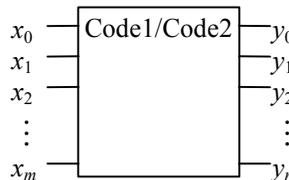


Bild 9-6 Schaltsymbol eines Code-Umsetzers.

Code-Umsetzer findet man in den folgenden Anwendungen:

- Integrierte Code-Umsetzer können zur Wandlung von Codes verwendet werden. Üblich sind zum Beispiel Umsetzer vom BCD-Code zum Hexadezimal-Code.
- Sie eignen sich zur Erzeugung von Funktionsbündeln.
- Spezielle Code-Umsetzer können als Demultiplexer eingesetzt werden. Der Demultiplexer ist, wie unten erläutert werden wird, das Gegenstück zu einem Multiplexer. Er dient zum Verteilen eines Nachrichtenkanals auf mehrere Leitungen.

9.2.1 Der BCD/Dezimal-Code-Umsetzer 7442

Hier soll als Beispiel der Code-Umsetzer 7442 vorgestellt werden (Bild 9-7). Er wandelt vom BCD-Code in den 1 aus 10-Code. Der hier verwendete 1 aus 10-Code ist ein Code, dessen Wörter die Eigenschaft haben, dass alle 10 Bit bis auf eins den Wert 1 haben. Der Code-Umsetzer hat 4 Eingänge und 10 Ausgangsleitungen. Die Ausgänge liegen normalerweise auf 1 und werden im Falle der Auswahl auf 0 geschaltet. Jeder Ausgang y_i realisiert den entsprechenden Maxterm:

$$y_i = M_i \text{ mit } i = 0, 1, \dots, 9 \tag{9.2}$$

Die Funktion kann auch so interpretiert werden, dass jeder Ausgang den entsprechenden invertierten Minterm realisiert:

$$y_6 = M_6 = x_3 \vee \neg x_2 \vee \neg x_1 \vee x_0 = \neg(\neg x_3 x_2 x_1 \neg x_0) = \neg m_6 \tag{9.3}$$

Im Schaltsymbol des Code-Umsetzers 7442 werden die beiden Codes angegeben, zwischen denen gewandelt wird. In diesem Fall BCD/DEC, das heißt vom BCD-Code in den Dezimalcode. Die Wertigkeiten des BCD-Codes sind innerhalb der linken Berandung des Symbols angegeben. Auf der rechten Seite ist die Wertigkeit des dazugehörigen Ausganges angegeben.

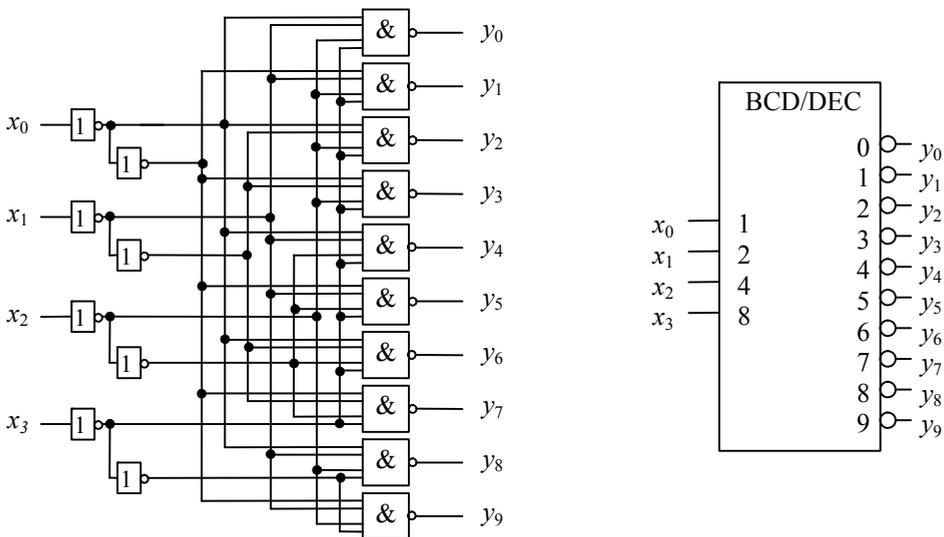


Bild 9-7 Schaltbild und Schaltsymbol des BCD/Dezimal-Code-Umsetzers 7442.

Tabelle 9-2 Wahrheitstabelle des BCD/Dezimal-Code-Umsetzers 7442.

Dezimal	x_3 x_2 x_1 x_0	y_9 y_8 y_7 y_6 y_5 y_4 y_3 y_2 y_1 y_0
0	0 0 0 0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 0
1	0 0 0 1	1 1 1 1 1 1 1 1 0 1
2	0 0 1 0	1 1 1 1 1 1 1 0 1 1
3	0 0 1 1	1 1 1 1 1 1 0 1 1 1
4	0 1 0 0	1 1 1 1 1 0 1 1 1 1
5	0 1 0 1	1 1 1 1 0 1 1 1 1 1
6	0 1 1 0	1 1 1 0 1 1 1 1 1 1
7	0 1 1 1	1 1 0 1 1 1 1 1 1 1
8	1 0 0 0	1 0 1 1 1 1 1 1 1 1
9	1 0 0 1	0 1 1 1 1 1 1 1 1 1
10	1 0 1 0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
11	1 0 1 1	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
12	1 1 0 0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
13	1 1 0 1	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
14	1 1 1 0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
15	1 1 1 1	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

9.2.2 Demultiplexer

Code-Umwandler, die von einem binären in einen 1 aus n-Code umsetzen, können als Demultiplexer verwendet werden. Der Demultiplexer soll die reziproke Aufgabe eines Multiplexers übernehmen. Ein Demultiplexer soll einen Eingang E auf mehrere Ausgänge verteilen, die mit Adressleitungen ausgewählt werden können.

Als Beispiel soll der oben angegebene BCD/Dezimal-Code-Umsetzer verwendet werden. Dazu wird der höchstwertige Eingang als Dateneingang E verwendet (Bild 9-8). Die Eingänge x_2 , x_1 , x_0 werden zu den Adresseingängen des Demultiplexers. Sie wählen den Ausgang aus. Als Ausgänge werden nur die Leitungen 0 bis 7 verwendet.

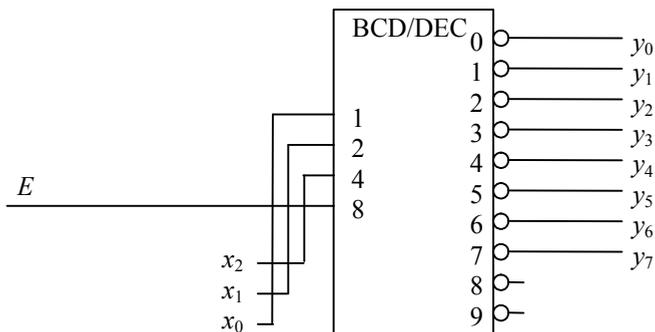


Bild 9-8 Verwendung eines Dezimal-Code-Umsetzers als Demultiplexer.

Die Funktion wird durch die Wahrheitstabelle 9-2 deutlich. Der höchstwertige Eingang x_3 entscheidet nämlich, ob der durch x_2, x_1, x_0 ausgewählte Ausgang auf 0 oder 1 liegt. In diesem Fall hätte man auch einen Binär nach Octal-Code-Wandler mit 8 Ausgängen verwenden können. Ein Multiplexer und ein Demultiplexer können zusammen eine Datenübertragungsstrecke bilden, die die Übertragung von n parallelen Datenströmen über eine einzige Leitung ermöglicht. Bild 9-9 zeigt das Prinzip.

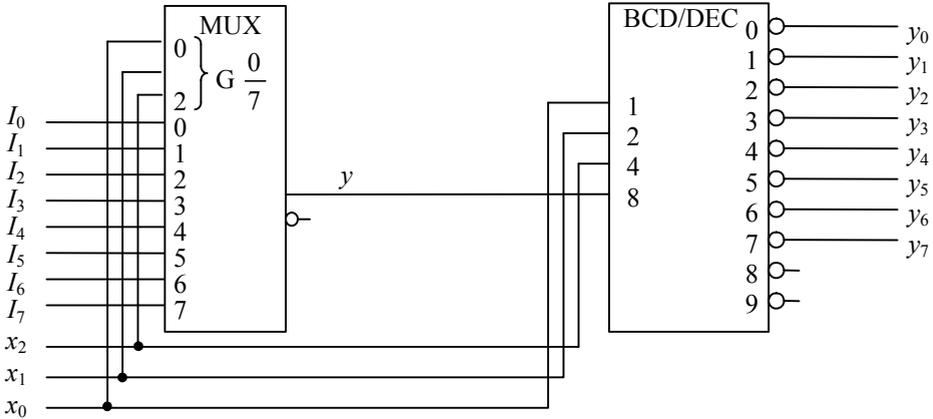


Bild 9-9 Prinzip einer Datenübertragungsstrecke mit Multiplexer und Demultiplexer.

An die Adressleitungen des Multiplexers und des Demultiplexers werden die Adressen 0 bis 7 periodisch angelegt. Dadurch wird jeder Eingang I_i in einem Achtel der Zeit auf den Ausgang y_i übertragen. So wird jeder Leitung durch das System ein Zeitschlitz zugeteilt. Das Verfahren heißt auch Zeitmultiplex (Time Division Multiple Access = TDMA).

9.2.3 Erzeugung von Funktionsbündeln

Mit einem Code-Umsetzer, der in einen 1 aus n-Code wandelt, können Funktionsbündel erzeugt werden. Als Beispiel sollen 3 boolesche Funktionen y_3, y_2, y_1 und y_0 mit den 3 Eingängen x_2, x_1, x_0 realisiert werden. Sie sind in der Wahrheitstabelle 9-3 gegeben.

Tabelle 9-3 Wahrheitstabelle für 4 Beispielfunktionen y_3, y_2, y_1, y_0 .

Dezimal	$x_2 x_1 x_0$	$y_3 y_2 y_1 y_0$
0	0 0 0	0 0 0 0
1	0 0 1	0 0 1 1
2	0 1 0	1 0 0 0
3	0 1 1	1 1 1 1
4	1 0 0	0 1 0 0
5	1 0 1	0 1 0 1
6	1 1 0	1 1 0 1
7	1 1 1	1 0 1 0

Man verwendet einen Umsetzer vom Binärcode zum Octal-Code, wie er im Baustein 74138 enthalten ist, denn dieser Code-Umsetzer hat 3 Eingänge und 8 Ausgänge. Jeder Ausgang geht auf 0, wenn der entsprechende Eingangsvektor an den Eingängen anliegt. Man kann daher sagen, dass die Ausgänge den invertierten Mintermen entsprechen. Alternativ kann man die Ausgänge als die Maxterme der Funktionen interpretieren.

Es sind zwei verschiedene Realisierungen möglich, je nachdem, ob die Ausgänge als die invertierten Minterme oder die Maxterme interpretiert werden. Im ersten Fall wird die DNF, im zweiten die KNF gebildet. Geht man von den invertierten Mintermen aus, so muss man folgendermaßen vorgehen: Der Ausgang der zu einem Eingangsvektor gehört, für den der Funktionswert 1 sein soll, muss an ein NAND-Gatter angeschlossen werden (Bild 9-10). Durch die Inversion der Ausgänge des 74138 und die Inversion des Funktionswertes durch das NAND ergibt sich ein logisches ODER, wie es für die Bildung der DNF erforderlich ist.

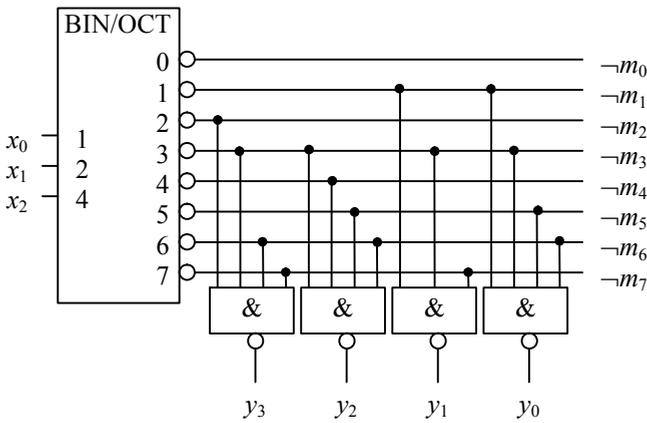


Bild 9-10 Realisierung der DNF von Funktionsbündeln mit einem Code-Umsetzer.

Für die Bildung der KNF werden die Ausgänge als Maxterme interpretiert. Wir schließen also die Ausgänge, die zu den Eingangsvektoren gehören, deren Funktionswerte 0 sein sollen, an ein UND-Gatter an (Bild 9-11), da die Maxterme in der KNF UND-verknüpft werden.

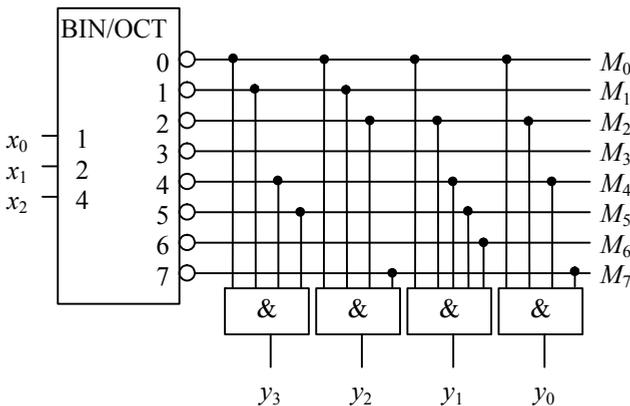


Bild 9-11 Realisierung der KNF von Funktionsbündeln mit einem Code-Umsetzer.

9.3 Analoge Multiplexer und Demultiplexer

Wenn analoge Signale gemultiplext werden sollen, können Transmission-Gates zum Schalten verwendet werden. Zur Ansteuerung der Transmission-Gates wird ein Multiplexer benötigt. Da die Transmission-Gates einen invertierten Steuereingang haben, muss der Multiplexer invertierende Ausgänge haben. Die Schaltung ist in Bild 9.12 gezeigt. Weil sie in beiden Richtungen verwendet werden kann, ist sie sowohl als Multiplexer als auch als Demultiplexer für analoge und digitale Signale verwendbar. Allerdings wird das zu übertragende Signal beim Durchlaufen des Schaltkreises gedämpft. Es müssen also externe Buffer angeschlossen werden.

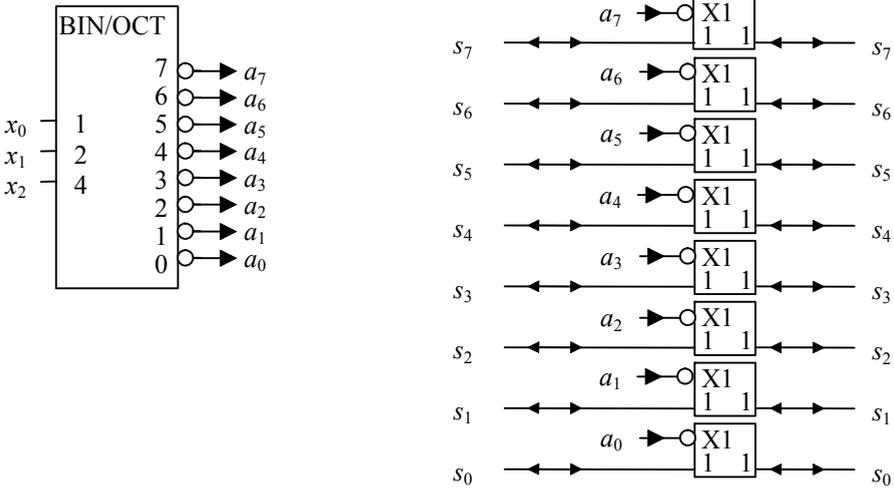


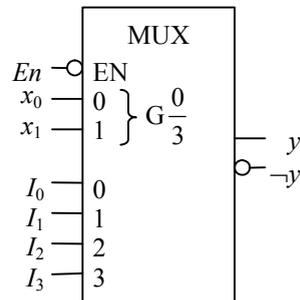
Bild 9-12 Analoges Multiplexer (Signalflussrichtung s_i von rechts nach links) und Demultiplexer (Signalflussrichtung s_i von links nach rechts).

9.4 Übungen

Aufgabe 9.1

Eine Schaltfunktion $f(a_2, a_1, a_0)$ nach untenstehender Tabelle soll mit dem gezeigten Multiplexer realisiert werden. Geben Sie die Beschaltung der Eingänge I_i und x_i des Multiplexers an.

a_2	a_1	a_0	f
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

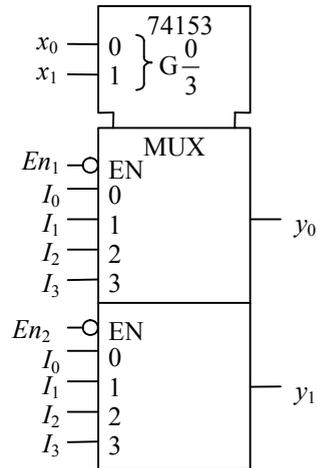


Aufgabe 9.2

Es soll ein Verknüpfungsnetz für die Funktionen $F_0(a_1, a_2, a_3)$ und $F_1(a_1, a_2, a_3)$ mit einem Multiplexer bzw. mit einem Code-Umsetzer realisiert werden. Die Funktionen sind durch untenstehende Wahrheitstabelle definiert.

- a) Realisieren Sie die Funktionen mit dem Baustein 74153, welcher zwei 4:1 Multiplexer enthält. Das Schaltsymbol des 74153 ist unten rechts dargestellt.
- b) Verwenden Sie den Code-Umsetzer 74138 (siehe S. 119), um die Funktionen zu realisieren.

a_1	a_2	a_3	F_0	F_1
0	0	0	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

**Aufgabe 9.3**

Konstruieren Sie einen Code-Umsetzer für die Umwandlung vom Octal-Code in einen Gray-Code nach folgender Tabelle:

Eingang	Ausgang
$x_2 x_1 x_0$	$y_2 y_1 y_0$
0 0 0	0 0 0
0 0 1	0 0 1
0 1 0	0 1 1
0 1 1	0 1 0

Eingang	Ausgang
$x_2 x_1 x_0$	$y_2 y_1 y_0$
1 0 0	1 1 0
1 0 1	1 1 1
1 1 0	1 0 1
1 1 1	1 0 0

10 Digitale Zähler

Digitale Zähler sind asynchrone oder synchrone Schaltwerke, die in der Regel aus kettenförmig angeordneten Registern bestehen. Der Registerinhalt wird als der Zählstand des Zählers interpretiert.

10.1 Asynchrone Zähler

Asynchrone Zähler sind asynchrone Schaltwerke. Das Eingangssignal ist die zu zählende Impulsfolge. Sie wird direkt auf den Takteingang des ersten Flipflops gelegt. Die Takteingänge der folgenden Flipflops sind an die Ausgänge der vorhergehenden Flipflops angeschlossen. Im Gegensatz dazu werden beim synchronen Zähler, der weiter unten besprochen wird, alle Flipflops vom gleichen Eingangssignal angesteuert. Im Folgenden sollen zwei einfache Schaltungen als Beispiel für asynchrone Zähler vorgestellt werden.

10.1.1 Mod-8-Binärzähler

Ein mod-8-Binärzähler kann aus negativ flankengesteuerten JK-Flipflops aufgebaut werden, wie es in Bild 10-1 gezeigt ist. Die J- und K-Eingänge der JK-Flipflops sind auf 1 gesetzt. Der Ausgang des ersten Flipflops Q_0 wird also bei jeder negativen Flanke des Eingangs seinen Zustand wechseln. Genauso verhält es sich mit den Ausgängen der weiteren Flipflops.

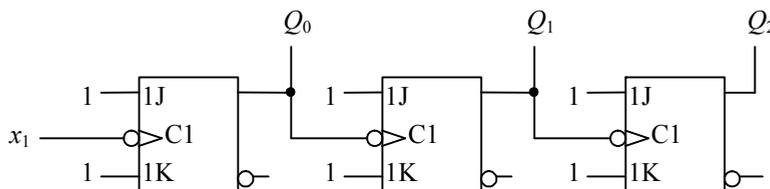


Bild 10-1 Mod-8-Binärzähler aus drei JK-Flipflops.

Daraus resultiert ein Impulsdigramm, wie es in Bild 10-2 gezeigt wird. Nach dem Zählerstand 111 kehrt der Zähler wieder zu 000 zurück. Man nennt ihn mod-8-Zähler, da er 8 verschiedene Zählerstände aufweisen kann, die periodisch durchlaufen werden (mod = modulo).

Die Schaltung kann auch als Frequenzteiler verwendet werden. Wie man in Bild 10-2 erkennt, hat das Ausgangssignal einer jeden Stufe die halbe Frequenz der vorherigen Stufe.

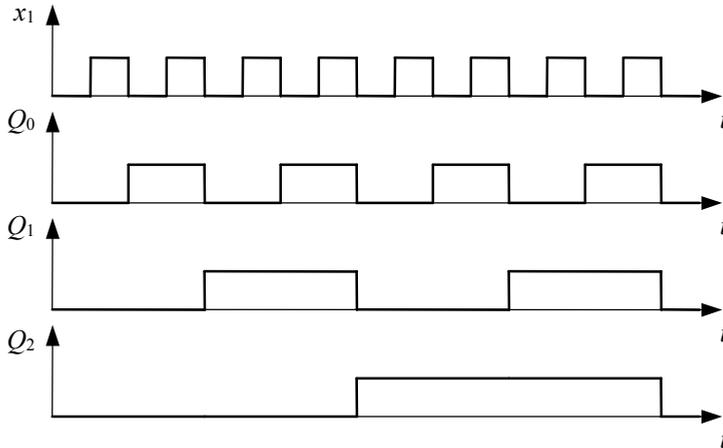


Bild 10-2 Zeitdiagramm des mod-8-Binärzählers aus Bild 10-1.

10.1.2 Mod-6-Zähler

Den asynchronen mod-6-Zähler kann man durch Erweiterung eines mod-8-Zählers erhalten. Man benötigt dazu JK-Flipflops mit einem Rücksetzeingang R. Man setzt die Flipflops zurück, wenn der Zählerstand 6 (110) erreicht ist. Die Abfrage wird mit einem UND-Gatter an den Ausgängen Q_1 und Q_2 durchgeführt (Bild 10-3). In einem mod-6-Zähler darf der Zählerstand 110 nicht auftauchen. Wie das Impulsdiagramm in Bild 10-3 zeigt, ist das aber für die Dauer des Rücksetzvorganges der Fall. Es entsteht also ein kurzer Störimpuls, der für manche Anwendungen nicht tolerierbar ist.

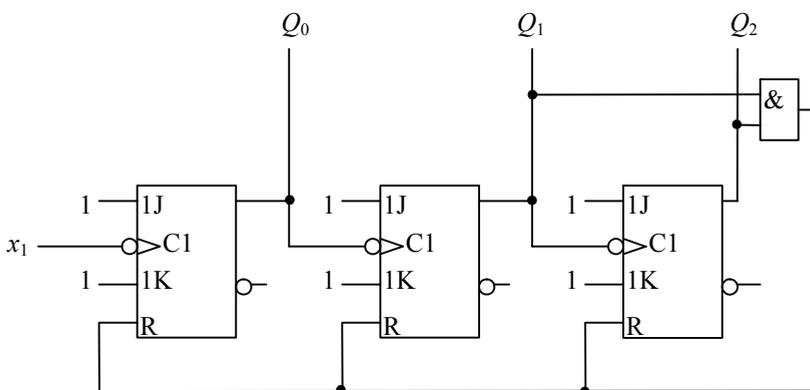


Bild 10-3 Mod-6-Binärzähler aus drei JK-Flipflops.

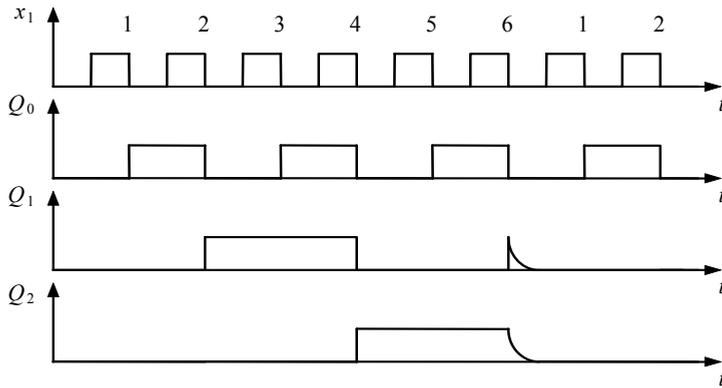


Bild 10-4 Zeitdiagramm des mod-6-Binärzählers aus Bild 10-3.

10.1.3 Asynchrone Rückwärtszähler

Soll ein asynchroner Zähler rückwärts zählen, so müssen nicht die Ausgänge Q_i der Flipflops an die Eingänge der nächsten Stufe angeschlossen werden, sondern die invertierten Ausgänge $\neg Q_i$ (Bild 10-5). Dadurch schalten die JK-Flipflops immer an der positiven Flanke und man erhält ein Impulsdiaagramm wie es in Bild 10-6 gezeigt ist.

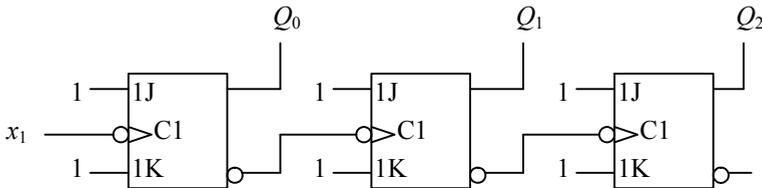


Bild 10-5 Mod-8-Abwärtszähler aus drei JK-Flipflops.

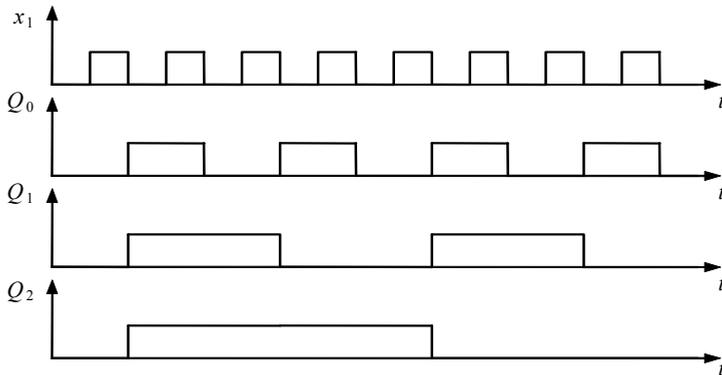


Bild 10-6 Zeitdiagramm des mod-8-Abwärtszählers aus Bild 10-5.

An der fallenden Flanke des Eingangssignals schaltet das erste Flipflop und dessen Ausgang geht auf H. Die folgenden Flipflops schalten im Idealfall alle gleichzeitig.

10.1.4 Zeitverhalten asynchroner Zähler

Asynchrone Zähler verhalten sich bei Taktperioden T_p nicht mehr ideal, die in der Größenordnung der Gatterverzögerung t_{pd} der Flipflops liegen. Bild 10-7 zeigt die Ausgänge der Flipflops eines asynchronen Zählers mit einer Gatterverzögerungszeit, die ungefähr einer halben Taktperiode entspricht. Man erkennt, dass zwischen den richtigen Zählerständen zusätzliche Zählerstände liegen. Bei etwas größerer Verzögerungszeit der Flipflops würde der Zählerstand 100 nicht mehr auftreten. Damit ist auch eine Abfrage von Zählerständen nicht mehr möglich. Die maximale Taktfrequenz f_{max} eines asynchronen Zählers mit n Stufen, die alle die gleiche Gatterverzögerung t_{pd} haben, ist durch die Gleichung (10.1) gegeben. Reale Zähler erreichen diesen Wert aber bei weitem nicht.

$$f_{max} = \frac{1}{n t_{pd}} \quad (10.1)$$

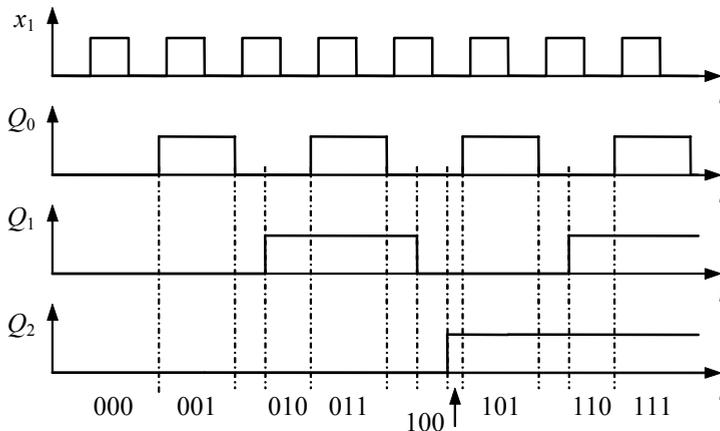


Bild 10-7 Zeitdiagramm des mod-8-Binärzählers aus Bild 10-1 mit endlicher Verzögerungszeit.

Asynchrone Zähler sind relativ einfach aufgebaut. Durch ihre Probleme bei höheren Frequenzen tritt dieser Vorteil aber in den Hintergrund. Die im Folgenden vorgestellten synchronen Zähler vermeiden durch einen Takt die Verschiebung der Schaltvorgänge in den hinteren Stufen.

10.2 Synchrone Zähler

Ein synchroner Zähler ist ein synchrones Schaltwerk. Es unterliegt den in Kapitel 8 formulierten Zeitbedingungen. In Bild 10-8 ist das Prinzip eines synchronen Zählers mit D-Flipflops dargestellt. Es können aber auch RS- oder JK-Flipflops verwendet werden. In synchronen Zählern hat jedes Register einen Takteingang, so dass alle Register fast gleichzeitig schalten. Die in den Registern gespeicherten Zustände werden in jeder Taktperiode aus den alten Zuständen in einem Schaltnetz erzeugt.

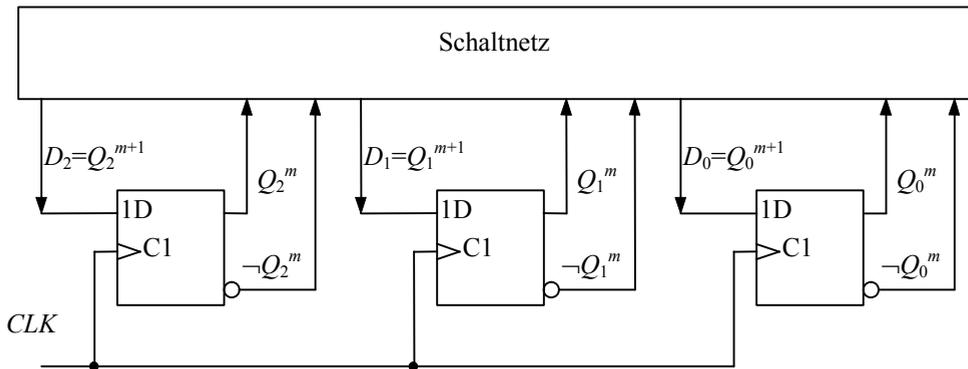


Bild 10-8 Prinzip eines synchronen Zählers.

Die Konstruktion eines synchronen Zählers kann daher mit den im Kapitel 8 dargestellten Methoden geschehen. Es werden im Folgenden zwei Beispiele vorgestellt.

10.2.1 4-Bit-Dualzähler

Die Aufgabenstellung: Es soll ein 4-Bit-Dualzähler mit vier JK-Flipflops aufgebaut werden. Er soll ein Übertragungssignal c_4 liefern, wenn er von 1111 nach 0000 schaltet. Zunächst stellen wir die Zustandsfolgetabelle auf (Tabelle 10-1).

Aus der Zustandsfolgetabelle müssen dann die Ansteuergleichungen für die 4 JK-Flipflops entwickelt werden. Wir verwenden dafür wieder die Tabelle 8-4, in der die Ansteuergleichungen für einen Wechsel von einem Zustand zum Folgezustand festgehalten sind. Wir erhalten vier KV-Diagramme (Bild 10-9), in die wir die Paare der Funktionswerte J_iK_i eintragen.

Tabelle 10-1 Zustandsfolgetabelle eines 4-Bit-Dualzählers.

Q_3^m	Q_2^m	Q_1^m	Q_0^m	Q_3^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_1^{m+1}	Q_0^{m+1}	Q_3^m	Q_2^m	Q_1^m	Q_0^m	Q_3^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_1^{m+1}	Q_0^{m+1}
0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	1	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1	1	0	1	0	1	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0	1	0	1	1	1	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1	1	1	0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0

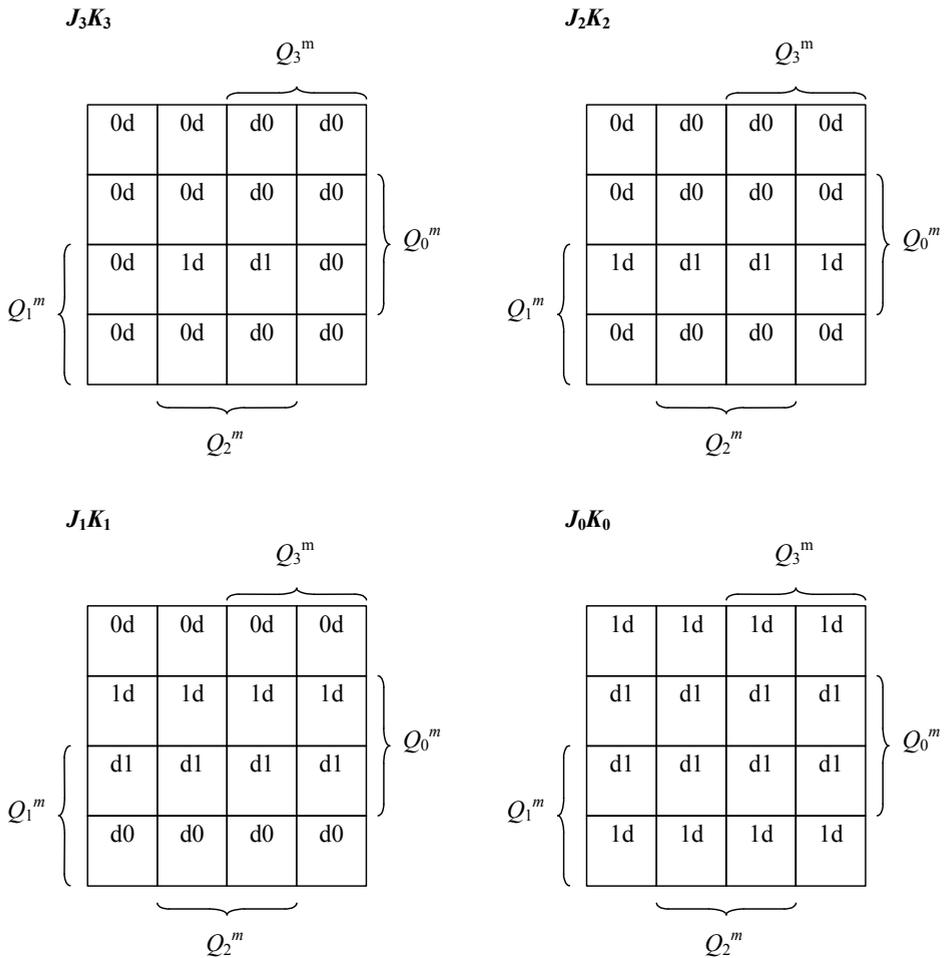


Bild 10-9 KV-Diagramme für die Ansteuerfunktionen der JK-Flipflops.

Man liest die folgenden Ansteuergleichungen für die JK-Flipflops ab:

$$J_0 = K_0 = 1 \quad (10.2)$$

$$J_1 = K_1 = Q_0^m \quad (10.3)$$

$$J_2 = K_2 = Q_0^m Q_1^m \quad (10.4)$$

$$J_3 = K_3 = Q_0^m Q_1^m Q_2^m \quad (10.5)$$

Die Gleichungen wurden mit Hilfe der KV-Diagramme abgeleitet, um die Systematik aufzuzeigen. Man kann die Gleichungen aber auch direkt anschreiben, wenn man in der Wahrheitstabelle erkennt, dass das Flipflop i immer genau dann wechselt, wenn die Ausgänge aller vorhergehenden Flipflops 1 sind.

Der Übertrag ist in der Tabelle c_4 nicht angegeben. Er berechnet sich analog zu obiger Überlegung einfach nach der Formel:

$$c_4 = Q_3^m Q_2^m Q_1^m Q_0^m \tag{10.6}$$

Das Schaltbild des gesamten Zählers ist in Bild 10-10 dargestellt.

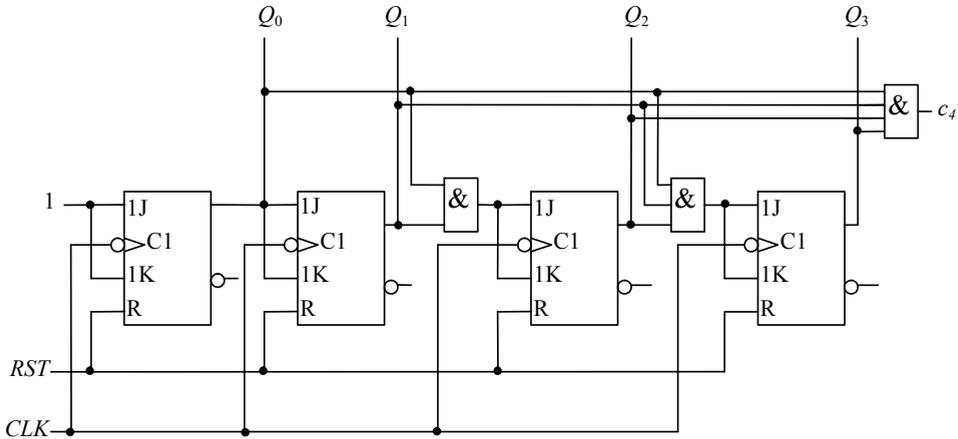


Bild 10-10 Schaltbild des synchronen 4Bit-Dualzählers.

10.2.2 Mod-6-Zähler im Gray-Code

Als zweites Beispiel soll die Konstruktion eines mod-6-Zählers im Gray-Code dargestellt werden. Er soll 6 Zahlen im Gray-Code durchzählen und beim Zählerhöchststand einen Übertrag liefern. Wir wollen für den Zähler drei D-Flipflops verwenden. Wir beginnen mit der Konstruktion der Zustandsfolgetabelle (Tabelle 10-2). Dazu stellen wir einen zyklischen Gray-Code für 6 Zustände auf. Beim Höchststand 100 wird das Übertragungssignal c_{ii} gleich eins.

Tabelle 10-2 Zustandsfolgetabelle des mod-6-Zählers im Gray-Code.

Q_2^m	Q_1^m	Q_0^m	Q_2^{m+1}	Q_1^{m+1}	Q_0^{m+1}	c_{ii}
0	0	0	0	0	1	0
0	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	1	1	0	0
1	1	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	1	1	d	d	d	0
1	0	1	d	d	d	0

Aus der Zustandsfolgetabelle können die drei KV-Diagramme der drei D-Flipflops entworfen werden:

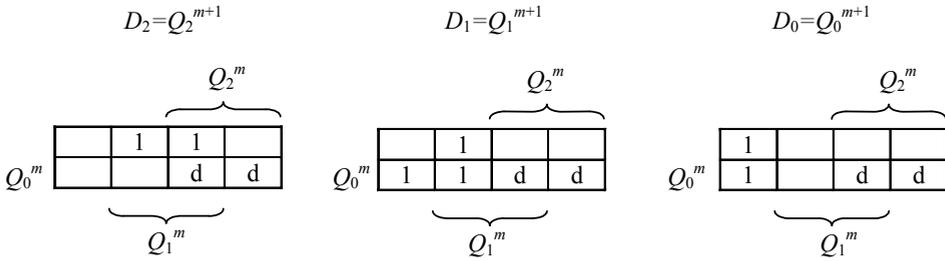


Bild 10-11 KV-Diagramme für die Ansteuerung der D-Flipflops des mod-6-Zählers im Gray-Code.

Daraus erhält man die Ansteuerfunktionen der D-Flipflops:

$$D_2 = Q_2^{m+1} = Q_1^m \neg Q_0^m \tag{10.7}$$

$$D_1 = Q_1^{m+1} = Q_0^m \vee Q_1^m \neg Q_2^m \tag{10.8}$$

$$D_0 = Q_0^{m+1} = \neg Q_1^m \neg Q_2^m \tag{10.9}$$

Die don't care-Terme für D_1 wurden immer als 1 interpretiert, während alle anderen don't care-Terme 0 gesetzt wurden. Daher geht der Zähler aus den unbenutzten Zählerständen im nächsten Takt zum Zählerstand 010. Der Übertrag c_{ii} kann ohne KV-Diagramm angegeben werden:

$$c_{ii} = \neg Q_0^m \neg Q_1^m Q_2^m \tag{10.10}$$

Die fertige Schaltung ist in Bild 10-12 zu sehen. Das Zustandsdiagramm für die Schaltung mit den beiden nicht verwendeten Zuständen in Bild 10-13 zeigt, dass die Schaltung nach dem Einschalten auch aus diesen Zuständen den Zählzyklus im folgenden Takt beginnt.

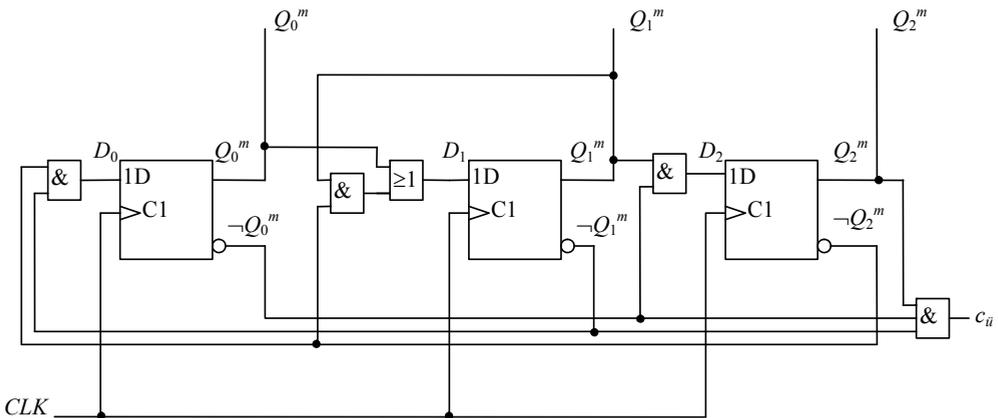


Bild 10-12 Schaltung des mod-6-Zählers im Gray-Code.

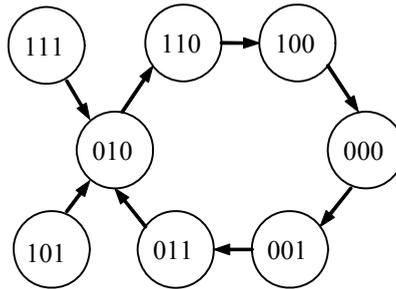


Bild 10-13 Zustandsdiagramm des mod-6-Zählers im Gray-Code.

10.2.3 Der synchrone 4-Bit Aufwärts/Abwärts-Binärzähler 74191

In diesem Abschnitt wird ein synchrone 4-Bit Aufwärts/Abwärts-Binärzähler exemplarisch vorgestellt. Der Baustein ist typisch für diese Art von Zählern. Das Schaltsymbol ist in Bild 10-14 gezeigt.

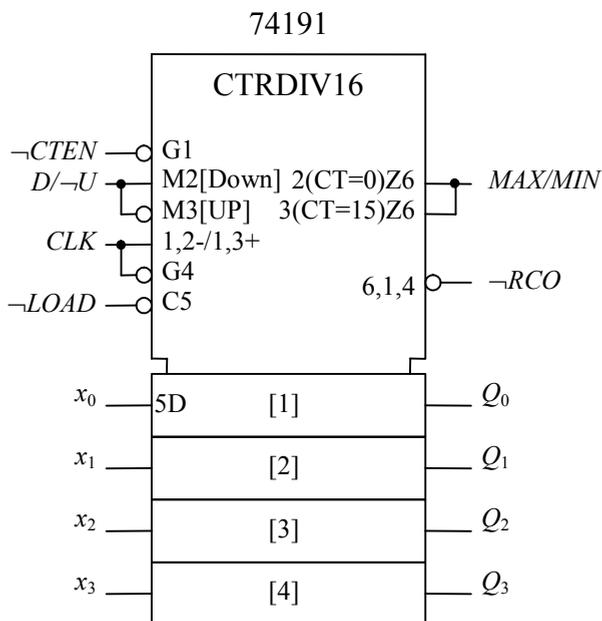


Bild 10-14 Schaltsymbol des synchronen 4-Bit Aufwärts/Abwärts-Binärzählers 74191.

Die Bezeichnung CTRDIV16 (counter dividing by 16) bedeutet, dass der Zähler ein mod-16-Zähler ist. Mit dem Signal \neg CTEN (Counter Enable) wird der Zähler aktiviert. Mit D/ \neg U kann die Zählrichtung von Aufwärts auf Abwärts umgeschaltet werden.

Es wird mit jeder ansteigenden Flanke des Taktes CLK weitergezählt. Am Schaltsymbol sind die Zeichen 1,2- und 1,3+ angegeben. Das bedeutet, dass der Takt mit dem Anschluss \neg CTEN (an dem G1 steht) UND verknüpft wird. Es gibt eine Betriebsartenumschaltung (Mode-Abhängigkeit M), die mit M2 für Abwärtszählen und M3 für Aufwärtszählen an den D/ \neg U-

Eingängen definiert wird. Außerdem ist der invertierte Takt mit dem Anschluss $\neg RCO$ UND-verknüpft, was durch die Bezeichnung G4 festgelegt wird.

Der Ausgang MAX/MIN hat verschiedene Funktionen für Aufwärtszählen (Ziffer 3) und Abwärtszählen (Ziffer 2). Es liegt also wieder eine M-Abhängigkeit vor. Beim Abwärtszählen geht der Ausgang MAX/MIN auf 1 wenn der Zählerstand 0 ist, was durch $CT=0$ gekennzeichnet ist. Entsprechend wird beim Aufwärtszählen der maximale Zählerstand $CT=15$ angezeigt. Der Ausgang MAX/MIN besitzt außerdem eine Z-Abhängigkeit (Z6) mit dem Ausgang $\neg RCO$.

Der Ausgang $\neg RCO$ ist also mit dem Ausgang MAX/MIN verbunden, wenn gleichzeitig der Takt $CLK = 0$ ist (wegen G4) und der Anschluss $\neg CTEN = 0$ ist (wegen G1). Dies wird durch die Ziffernfolge 6,1,4 am Anschluss $\neg RCO$ festgelegt, die die Z- und die beiden G-Abhängigkeiten definiert. Der Ausgang $\neg RCO$ ist daher ein synchroner Ausgang, während MAX/MIN asynchron arbeitet.

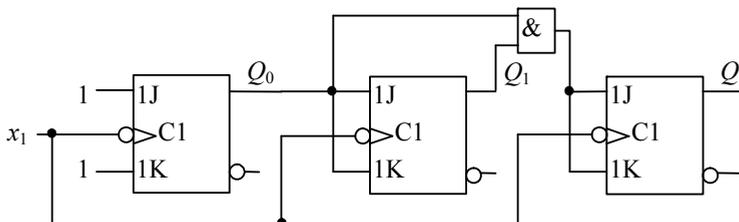
Der Zähler ist über die Eingänge x_3, x_2, x_1, x_0 parallel ladbar. Dafür muss der Eingang $\neg LOAD$ auf 0 gesetzt werden. Diese Funktion ist asynchron. Der Zähler wird durch die parallele Ladbarkeit programmierbar. Legt man zum Beispiel beim Aufwärtszählen an die Eingänge $(x_3, x_2, x_1, x_0) = 1000$, so zählt der Zähler nur 7 Stufen bis 1111. Dann sendet er das Übertragungssignal $\neg RCO = 0$. Wird dieses mit $\neg LOAD$ verbunden, so wird der Zähler mit 1000 geladen und beginnt den Zyklus von neuem.

Der Zähler kann natürlich auch als Frequenzteiler durch 16 verwendet werden, denn er liefert beim kontinuierlichen Zählen nach jeweils 16 Taktimpulsen einen Übertrag $\neg RCO$.

10.3 Übungen

Aufgabe 10.1

1. Ist die unten abgebildete Zählerschaltung ein synchroner oder asynchroner Zähler?
2. Ist es ein Auf- oder Abwärtszähler?
3. Welches Teilverhältnis weist der Ausgang Q_2 bezüglich des Eingangs x_1 auf?



Aufgabe 10.2

Konstruieren Sie einen asynchronen Abwärtszähler, der die Folge 000, 111, 110, 101, 100, 011, 000, usw. durchläuft.

Aufgabe 10.3

Konstruieren Sie einen Dualzähler mit 3 D-Flipflops, der für $V = 1$ die Folge 000, 001, 010, 011, 100, 000 ... aufwärts zählt. Für $V = 0$ soll der Zähler die gleiche Folge rückwärts zählen.

Aufgabe 10.4

Wie muss der Binärzählerbaustein 74191 beschaltet werden, damit er als Dezimalteiler verwendet werden kann?

11 Schieberegister

Schieberegister bestehen aus einer Kette von mehreren Registern, in denen der Informationstransport wie in einer Eimerkette weitergegeben wird. Sie können z.B. aus D-Flipflops oder JK-Flipflops aufgebaut sein. Ein Beispiel mit 4 JK-Flipflops ist in Bild 11-1 gezeigt. Damit die Information gleichzeitig über die Kette übertragen wird, werden flankengesteuerte Flipflops verwendet.

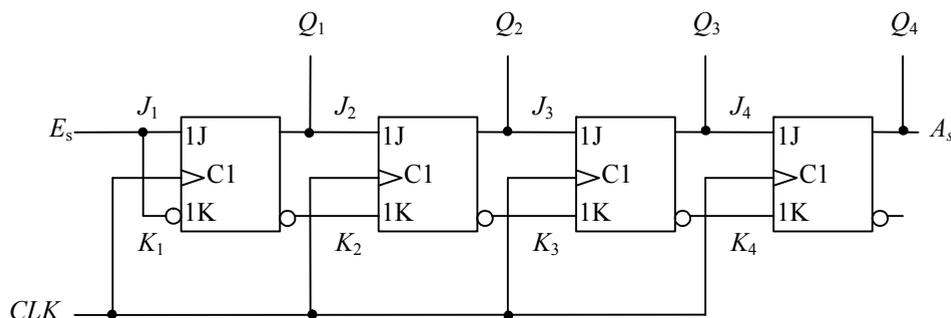


Bild 11-1 Schieberegisterkette aus vier JK-Flipflops.

Das dargestellte Schieberegister hat einen seriellen Eingang E_s und einen seriellen Ausgang A_s . Die parallelen Ausgänge heißen Q_i . Die Funktion dieses nach rechts schiebenden Schieberegisters wird durch die folgenden Gleichungen beschrieben:

$$Q_0^{m+1} = E_s^m \quad (11.1)$$

$$Q_i^{m+1} = Q_{i-1}^m \quad \text{für } 0 < i \leq 4 \quad (11.2)$$

$$A_s^m = Q_4^m \quad (11.3)$$

Schieberegister finden universelle Anwendung in der CPU von Rechnern für die Multiplikation und Division. Sie werden aber auch für die Serien-Parallel-Wandlung und die Parallel-Serien-Wandlung verwendet. Außerdem dienen sie als Eimerketten-Speicher (first in - first out, FIFO).

Schieberegister können die folgenden Eigenschaften aufweisen:

- Umschaltung zwischen Links- und Rechts-Schieben
- Parallele Eingänge zum gleichzeitigen Laden der Registerkette
- Parallele Ausgänge
- Serielle Ein- und Ausgänge.

11.1 Zeitverhalten von Schieberegistern

Problematisch kann das Auftreten eines Taktversatzes (clock skew) sein, wenn Register mit geringem Abstand zwischen Wirk- und Kippintervall verwendet werden, wie das bei ungepufferten Flipflops der Fall ist. Ein Taktversatz kann dazu führen, dass die Information bei einem Taktimpuls über mehrere Stufen übertragen wird oder verloren geht. Das ist darauf zurückzuführen, dass der Taktversatz zu einer Überlappung von Wirk- und Kippintervall führt.

Dieser Fall soll nun an Hand einer Registerkette aus zwei einflankengesteuerten, gepufferten D-Flipflops gezeigt werden (Bild 11-2). Das zweite D-Flipflop wird mit einem Taktversatz t_0 angesteuert.

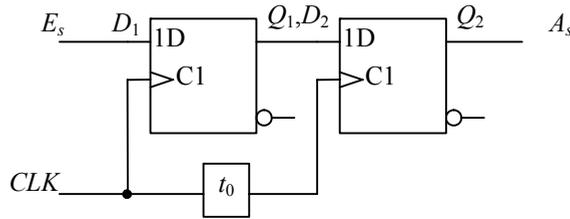


Bild 11-2 Schieberegister mit vorderflankengesteuerten D-FF.

In Bild 11-3a sind zunächst die Verhältnisse ohne Taktversatz gezeigt ($t_0 = 0$). Die Wirk- und Kippintervalle der beiden Flipflops liegen gleichzeitig. Das Bild zeigt, dass die Information richtig von einem Flipflop zum nächsten weitergegeben wird.

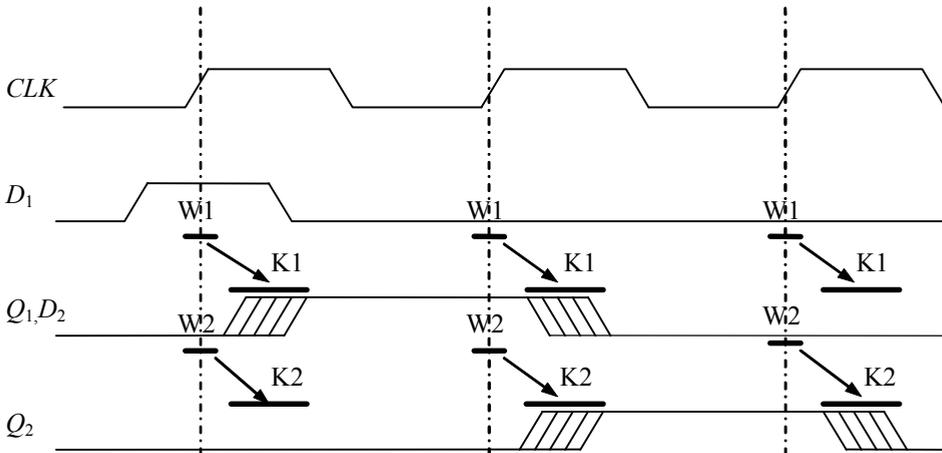


Bild 11-3a Zeitdiagramm der Schieberegisterkette aus Bild 11-2 ohne Taktversatz ($t_0=0$).

In Bild 11-3b ist der Takt des zweiten Flipflops gegenüber dem ersten um t_0 verzögert. Dadurch rückt das Wirkintervall W2 des zweiten Flipflops in das Kippintervall des ersten Flipflops K1, so dass es dem Zufall überlassen bleibt, was im zweiten Flipflop gespeichert ist.

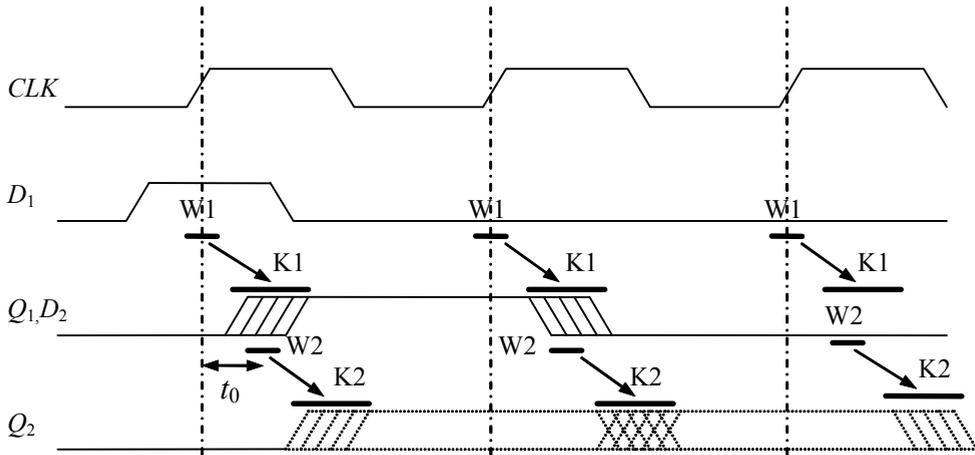


Bild 11-3b Zeitdiagramm der Schieberegisterkette aus Bild 11-2 mit Taktversatz t_0 .

Bei einer etwas größeren Verschiebung t_0 würde der Ausgang Q_2 des zweiten Flipflops das gleiche Ausgangssignal liefern wie der Ausgang Q_1 des ersten Flipflops. Dann „fällt“ das Bit ohne Speicherung durch das zweite Flipflop.

Wenn man einen großen Taktversatz tolerieren muss, wählt man deshalb oft zweiflankengesteuerte Flipflops. Wenn man zweiflankengesteuerte Flipflops verwendet, kann man einen Taktversatz fast bis zur halben Taktperiode zulassen.

11.1.1 Schieberegister 74194

Das Schieberegister 74194 wird hier als Beispiel in Bild 11-4 für ein 4-Bit-Schieberegister vorgestellt. Es ist ein flankengesteuertes Schieberegister mit mehreren Betriebszuständen, die mit den Signalen S_0 und S_1 eingestellt werden können (Tabelle 11-1). Die Betriebszustände werden im Schaltsymbol mit der Mode-Abhängigkeit beschrieben.

Tabelle 11-1 Betriebsarten des Schieberegisters 74194.

Betriebsart	S_0	S_1	CLK	E_{SR}	E_{SL}	$A B C D$	$Q_A Q_B Q_C Q_D$
Parallel Laden	1	1	↑	d	d	$A B C D$	$A B C D$
Rechts Schieben	0	1	↑	d	1	d d d d	$1 Q_A Q_B Q_C$
			↑	d	0	d d d d	$0 Q_A Q_B Q_C$
Links Schieben	1	0	↑	1	d	d d d d	$Q_B Q_C Q_D 1$
			↑	0	d	d d d d	$Q_B Q_C Q_D 0$
Takt ausblenden	0	0	d	d	d	d d d d	$Q_A Q_B Q_C Q_D$

Das Schieberegister ist über die Eingänge A, B, C, D parallel ladbar. Für $S_0 = 1$ und $S_1 = 1$ wird im Schaltsymbol die Ziffer 3 verwendet. Damit wird der Betriebszustand „parallel-Laden“

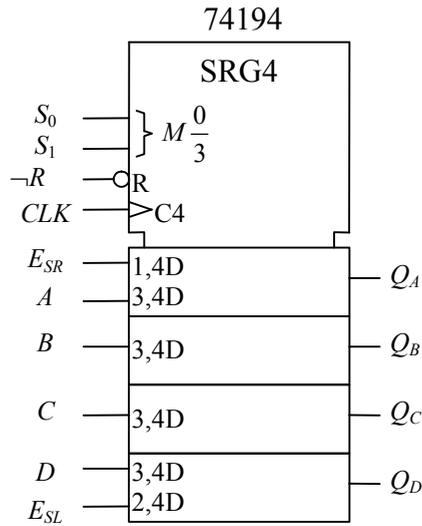


Bild 11-4 Schaltsymbol des 4 Bit-bidirektionalen, parallel ladbaren Schieberegisters 74194.

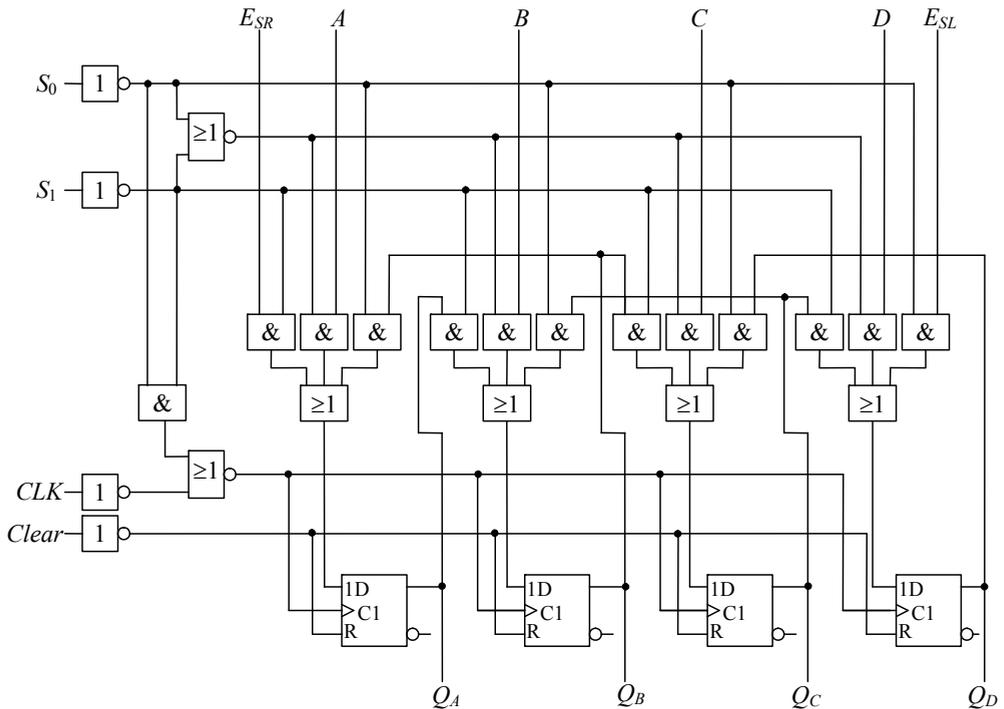


Bild 11-5 Schaltbild des 4 Bit-bidirektionalen, parallel ladbaren Schieberegisters 74194.

eingestellt. Konsequenterweise sind die Eingänge A , B , C , D mit dieser Ziffer versehen. Über die Eingänge E_{SL} (beim Links-Schieben) und E_{SR} (beim Rechts-Schieben) kann ein Signal seriell eingespeist werden. Links-Schieben wird im Schaltsymbol durch die Ziffer 2 gekennzeichnet, daher ist auch der Eingang E_{SL} mit einer 2 gekennzeichnet. Als serieller Ausgang kann Q_A oder Q_B verwendet werden, je nachdem, ob Links- oder Rechts-Schieben gewählt wurde.

11.2 Rückgekoppelte Schieberegister

Koppelt man die einzelnen Ausgänge einer Schieberegisterkette über ein Schaltnetz auf den Eingang zurück, so erhält man ein rückgekoppeltes Schieberegister. Das Prinzip ist in Bild 11-6 gezeigt. Die Funktion des Schieberegisters kann durch die folgenden Gleichungen beschrieben werden:

$$Q_1^{m+1} = f(Q_1^m, Q_2^m, Q_3^m) \quad (11.4)$$

$$Q_2^{m+1} = Q_1^m \quad (11.5)$$

$$Q_3^{m+1} = Q_2^m \quad (11.6)$$

Der einzige Freiheitsgrad liegt in der Wahl der Funktion $f(Q_1^m, Q_2^m, Q_3^m)$. Dadurch sind zu jedem Zustand nur zwei verschiedene Folgezustände möglich.

Die Wahrheitstabelle des rückgekoppelten Schieberegisters mit 3 Speichern aus Bild 11-6 ist in Tabelle 11-2 dargestellt. In der linken Spalte ist der Inhalt der D-Flipflops zum Zeitpunkt m dargestellt. Zum Zeitpunkt $m+1$ befindet sich im ersten D-Flipflop der durch das Schaltnetz erzeugte Funktionswert. In die beiden folgenden D-Flipflops 2 und 3 wurden die Werte von Q_1^m und Q_2^m geschoben.

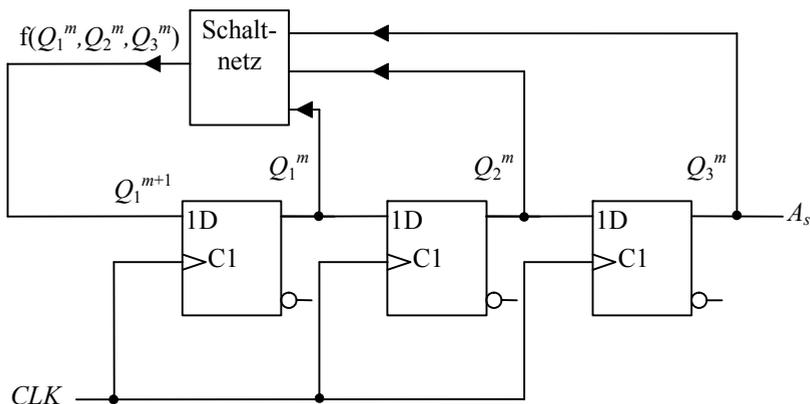


Bild 11-6 Prinzip eines rückgekoppelten Schieberegisters.

Tabelle 11-2 Wahrheitstabelle des rückgekoppelten Schieberegisters aus Bild 11-6.

Q_1^m	Q_2^m	Q_3^m	Q_1^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_3^{m+1}
0	0	0	f(0,0,0)	0	0
0	0	1	f(0,0,1)	0	0
0	1	0	f(0,1,0)	0	1
0	1	1	f(0,1,1)	0	1
1	0	0	f(1,0,0)	1	0
1	0	1	f(1,0,1)	1	0
1	1	0	f(1,1,0)	1	1
1	1	1	f(1,1,1)	1	1

Es soll zum Beispiel folgende Folge der Registerinhalte erzeugt werden:

000, 100, 010, 001, 000 usw.

Am seriellen Ausgang A_5 kann die Folge 000100010001...entnommen werden. Die Schaltung kann also als ein Frequenzteiler durch 4 verwendet werden. Alternativ können die verschiedenen Registerinhalte auch als Zählerstände eines Zählers interpretiert werden, der allerdings in einem speziellen Code zählt. Man hätte damit einen mod-4-Zähler entworfen.

Zur Realisierung dieses Schieberegisters stellt man eine Wahrheitstabelle auf, die in Tabelle 11-3 gezeigt ist. In dieser Wahrheitstabelle sind nur die im gewünschten Zyklus vorkommenden Zustände berücksichtigt.

Tabelle 11-3 Wahrheitstabelle zur Erzeugung der Folge: 000, 100, 010, 001, 000.

Q_1^m	Q_2^m	Q_3^m	Q_1^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_3^{m+1}
0	0	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0

Es lässt sich daraus die Funktion $f(Q_1^m, Q_2^m, Q_3^m)$ auch ohne Verwendung eines KV-Diagramms ablesen:

$$Q_1^{m+1} = f(Q_1^m, Q_2^m, Q_3^m) = \neg Q_1^m \neg Q_2^m \neg Q_3^m \quad (11.7)$$

11.2.1 Moebius-Zähler, Johnson-Zähler

Eine oft verwendete Form des Schieberegisters ist der Moebius- oder Johnson-Zähler. Bei diesem Zähler wird der Ausgang invertiert in den Eingang gegeben. In Bild 11-7 ist ein Johnson-Zähler mit 4 D-Flipflops abgebildet. Die Speicherinhalte sind durch die Wahrheitstabelle

11-4 gegeben. Es werden zwei unterschiedliche zyklische Folgen mit jeweils 8 Zuständen erzeugt.

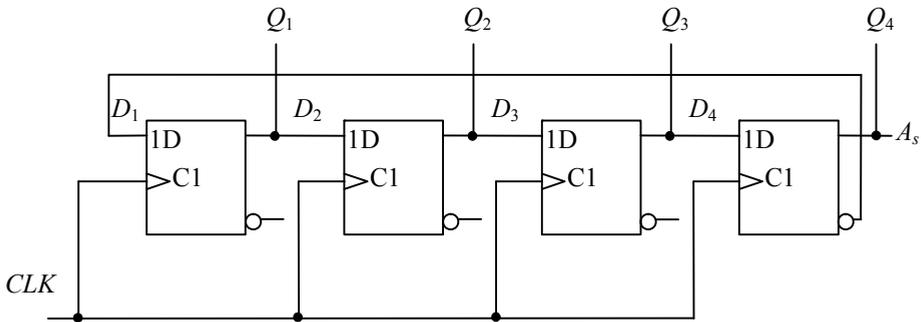


Bild 11-7 Johnsonzähler aus vier D-Flipflops.

Das Schaltnetz des Johnson-Zählers ist durch die folgende Formel gegeben:

$$D_1 = f(Q_1^m, Q_2^m, Q_3^m, Q_4^m) = \neg Q_4^m \tag{11.8}$$

In das erste der 4 D-Flipflops wird immer der invertierte Inhalt des letzten Flipflops geladen. Es kann nun die Wahrheitstabelle (Tabelle 11-4) des Johnsonzählers aufgestellt werden. Man stellt fest, dass sich zwei unabhängige Zyklen ergeben, je nachdem mit welchem Anfangszustand der Zähler beim Einschalten startet. Beide Zyklen sind aber gleich lang. Will man einen bestimmten Zyklus erzwingen, so muss man den Anfangszustand vorgeben.

Tabelle 11-4 Wahrheitstabelle des Johnson-Zählers aus Bild 11-7.

Q_1^m	Q_2^m	Q_3^m	Q_4^m	Q_1^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_3^{m+1}	Q_4^{m+1}	Q_1^m	Q_2^m	Q_3^m	Q_4^m	Q_1^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_3^{m+1}	Q_4^{m+1}
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1	0	1	0	0
1	1	0	0	1	1	1	0	0	1	0	0	1	0	1	0
1	1	1	0	1	1	1	1	1	0	1	0	1	1	0	1
1	1	1	1	0	1	1	1	1	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	1	0	0	1	1	1	0	1	1	0	1	1	1
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1	0	1	1	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1	0	1	1
0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	1	0	0	1

Das Verhalten des Ringzählers kann auch in einem Zustandsdiagramm (Bild 11-8) dargestellt werden.

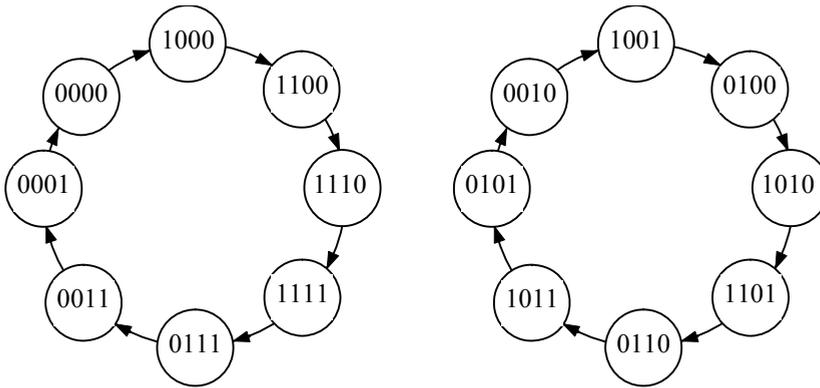


Bild 11-8 Zustandsdiagramm des Johnson-Zählers aus Bild 11-7. In den Kreisen steht $Q_1^m Q_2^m Q_3^m Q_4^m$.

11.2.2 Pseudo-Zufallsfolgen

Mit Schieberegistern können am seriellen Ausgang binäre Zahlenfolgen erzeugt werden, die eine Verteilung von Nullen und Einsen haben, die fast gleich einer zufälligen binären Zahlenfolge ist. Man nennt diese Zahlenfolgen pseudo-zufällig. Pseudo-zufällige Zahlenfolgen haben eine Periode und sind daher deterministisch.

Man erzeugt Pseudo-Zufallsfolgen, indem man einige Ausgänge der Schieberegisterkette über ein Antivalenz-Gatter zurückkoppelt. Im Bild 11-9 ist ein Beispiel für $n = 7$ gezeigt.

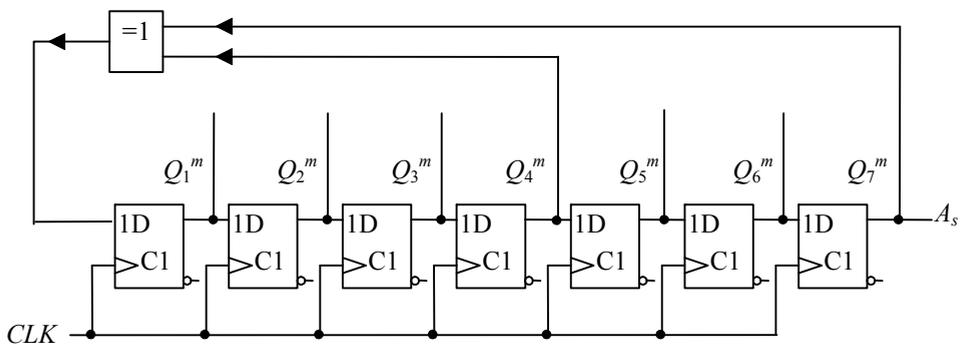


Bild 11-9 Schieberegister zur Erzeugung einer Pseudo-Zufallsfolge $n = 7$.

Abhängig von der Position der Rückkopplungsleitungen ergeben sich unterschiedlich lange Folgen am seriellen Ausgang A_s . Besonders interessant sind die Rückkopplungen, bei denen sich eine maximal lange Periode der Folge ergibt. Diese maximal langen Folgen heißen M-Sequenzen, nur sie haben pseudo-zufällige Eigenschaften. Die Periode P einer maximal langen Zufallsfolge, die aus einem n -Bit langen Schieberegister gewonnen werden kann, ist:

$$P = 2^n - 1 \tag{11.9}$$

Bei der Erzeugung von Pseudo-Zufallsfolgen enthält die Schieberegisterkette alle möglichen Binärzahlen mit Ausnahme der 0. Der Zustand 0 ist stabil. Er darf daher auch nicht als Anfangszustand auftreten. Daher haben die Pseudo-Zufallsfolgen die Eigenschaft, dass in der Periode eine 1 mehr auftritt als Nullen. Nullen und Einsen sind nicht gleichverteilt. Auch das ist eine Abweichung von einer idealen Zufallsfolge. Trotzdem eignen sie sich zum Testen von Nachrichtenkanälen.

Die Rückkopplungen für eine maximal lange Periode sind in Tabelle 11-5 bis $n = 8$ zusammengefasst. Sind mehr als zwei Rückkopplungen mit x markiert, so wird als Verknüpfung die Verallgemeinerung der Exklusiv-Oder-Funktion verwendet: ihr Ausgang ist 1, wenn eine ungerade Anzahl der Eingänge auf 1 liegt. Die maximal lange Pseudozufallsfolge enthält alle Binärzahlen der Länge n mit Ausnahme der Zahl 0. Die Zahl 0 darf nicht auftauchen, da sie bei beliebiger Wahl der Lage der Rückkopplungen wieder in den gleichen Zustand führt.

Tabelle 11-5 Rückkopplungen für Pseudo-Zufallsfolgen (- keine Rückkopplung, x Rückkopplung.)

		Rückkopplungen								
n	1	2	3	4	5	6	7	8	Periode	
2	x	x							3	
3	-	x	x						7	
4	-	-	x	x					15	
5	-	-	x	-	x				31	
6	-	-	-	-	x	x			63	
7	-	-	-	x	-	-	x		127	
8	-	-	-	x	x	x	-	x	255	

Für $n = 3$ ist in Bild 11-10 ein Beispiel für die Erzeugung einer Pseudo-Zufallsfolge angegeben. Die erzeugte Folge kann aus der Zustandsfolgetabelle ermittelt werden.

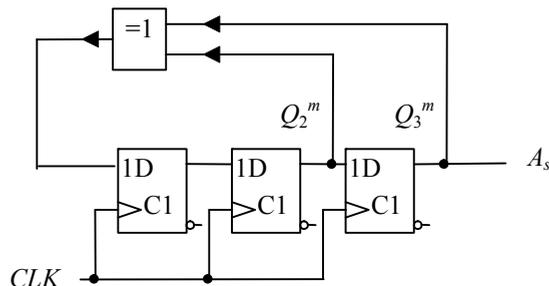


Bild 11-10 Schieberegister zur Erzeugung einer maximal langen Pseudo-Zufallsfolge $n = 3$.

Am seriellen Ausgang A_s des Schieberegisters aus Bild 11-10 bekommt man die Folge: 1110010. Es wurde vorausgesetzt, dass der Anfangsinhalt des Schieberegisters 111 war.

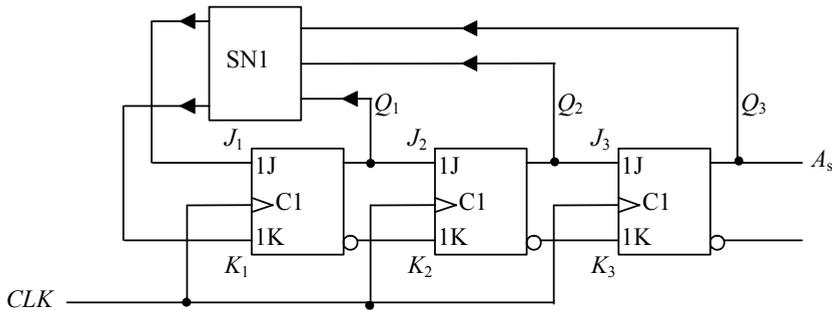
11.3 Übungen

Aufgabe 11.1

Konstruieren Sie eine Schieberegisterkette aus D-Flipflops, die die Folge 010011 periodisch am seriellen Ausgang liefert. Wie viele D-Flipflops benötigen Sie?

Aufgabe 11.2

Mit einer Schieberegisterkette aus 3 JK-Flipflops soll eine möglichst lange Folge von Zuständen erzeugt werden. Die Schaltung, die dafür verwendet werden soll, ist im Bild angegeben.



1. Geben sie eine möglichst lange Folge von Zuständen an, die mit diesem Schieberegister erzeugt werden kann. In der Folge sollen die Zustände 3,1,0,4,2 in dieser Reihenfolge enthalten sein (jeweils im Dezimaläquivalent mit Q_1 als MSB angegeben).
2. Stellen Sie die Zustandsfolgetabelle für die maximal lange Folge auf.
3. Geben Sie das Schaltnetz SN1 für die Erzeugung dieser Zustands-Folge an.

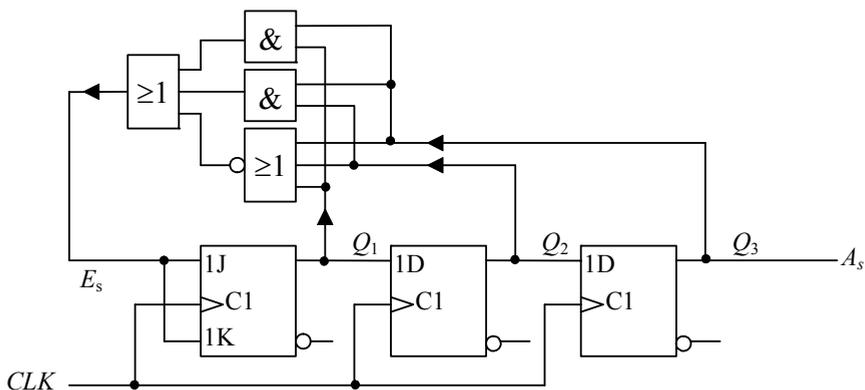
Aufgabe 11.3

Geben Sie die Pseudo-Zufallsfolge an, die aus einem Schieberegister mit 4 Flipflops entsteht. Die Rückkopplungen sollen so gelegt sein, dass die Folge maximal lang wird.

Aufgabe 11.4

Das unten gezeigte, rückgekoppelte Schieberegister mit einem JK-Flipflop und zwei D-Flipflops soll analysiert werden.

- a) Stellen Sie die Ansteuerfunktion $E_s = f(Q_1^m, Q_2^m, Q_3^m)$ für das erste Flipflop auf.
- b) Geben Sie die daraus folgende Zustandsfolgetabelle an.
- c) Zeichnen sie das Zustandsdiagramm.



12 Arithmetische Bausteine

12.1 Volladdierer

Im Kapitel 3 wurde bereits die Addition zweier Binärzahlen unter Berücksichtigung des Übertrags definiert. Ein Schaltnetz, das diese Addition für eine Stelle durchführt, heißt Volladdierer. Der Übertrag von der vorherigen Stelle und die beiden Summanden werden addiert und die Summe und ein Übertrag zur nächsten Stelle werden ausgegeben. Der Volladdierer beinhaltet die Schaltfunktionen für den Summenausgang F_i und den Übertrag (carry) zur nächsten Stufe c_{i+1} :

$$F_i = \neg c_i \neg x_i y_i \vee \neg c_i x_i \neg y_i \vee c \neg x_i \neg y_i \vee c_i x_i y_i = x_i \leftrightarrow y_i \leftrightarrow c_i \quad (12.1)$$

$$c_{i+1} = x_i y_i \vee c_i (x_i \vee y_i) \quad (12.2)$$

Ein Volladdierer benötigt für die Ausführung der Addition 3 Gatterlaufzeiten t_p wobei die Inverter hier mit einer Gatterlaufzeit veranschlagt werden. $t_\Sigma = 3t_p$. Der Übertrag t_U ist schon nach zwei Gatterlaufzeiten berechnet: $t_U = 2t_p$.

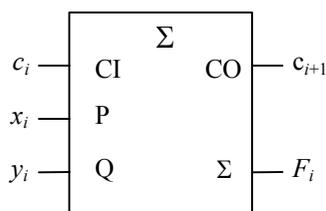


Bild 12-1 Schaltsymbol des Volladdierers nach den Gleichungen 12.1 und 12.2.

12.2 Serienaddierer

Sollen Dualzahlen mit z.B. 4 Stellen addiert werden, so kann man mit zwei Schieberegistern (Bild 12-2) die Summanden x und y an einen Volladdierer heranführen. Der Übertrag wird in einem Speicher zwischengespeichert. Das Ergebnis steht hinterher im Schieberegister von x . Bei jedem Taktimpuls C wird eine Addition durchgeführt.

Die für die Addition zweier m -stelliger Dualzahlen benötigte Zeit beträgt m mal die Zeit, die eine Addition mit dem Volladdierer benötigt. $t_\Sigma = m \cdot 3 t_p$.

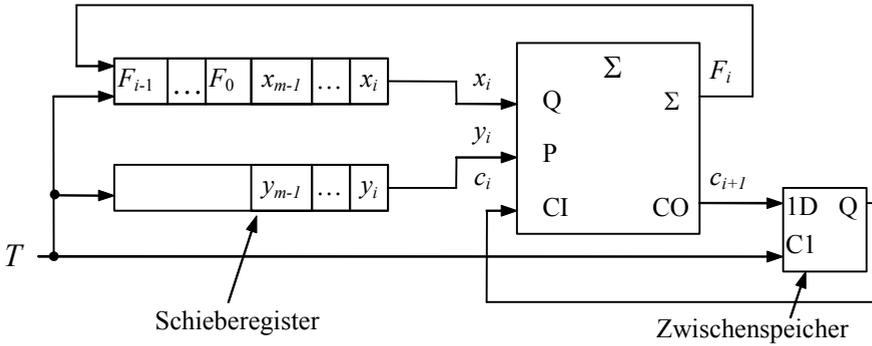


Bild 12-2 Serienaddierer für m Stellen. Es wird gerade der i -te Schritt durchgeführt.

12.3 Ripple-Carry-Addierer

Auch aus m Volladdierern kann ein Addierwerk für zwei m -stellige Dualzahlen aufgebaut werden, indem der Übertragsausgang an den Übertragseingang des folgenden Volladdierers angeschlossen wird. (Bild 12-3).

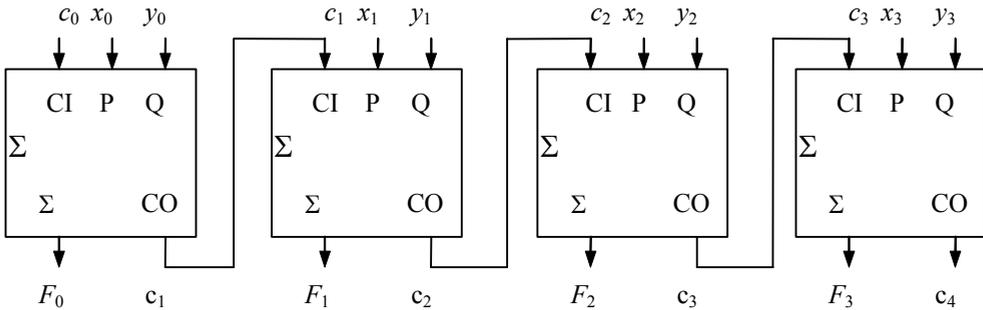


Bild 12-3 Ripple-Carry-Addierer für 4 Bit.

Wie groß ist nun die Ausführungszeit für eine Addition von zwei m -stellig Binär-Zahlen? Der Übertrag c_1 benötigt nur 2 Gatterlaufzeiten, da für die Berechnung des Übertrags kein Inverter benötigt wird. Die Gesamtverzögerungszeit beträgt also für den Übertrag c_m :

$$t_{\bar{U}} = 2mt_p \tag{12.3}$$

Das letzte Summenbit, welches feststeht, ist das MSB (höchstwertige Bit) der Summe F_{m-1} . Man stellt fest, dass man $m-1$ mal die Zeit für die Berechnung des Übertrags plus die Zeit für die Berechnung der höchstwertigen Stelle F_{m-1} benötigt. Das MSB der Summe F_{m-1} ist gültig nach der Verzögerungszeit:

$$t_{\Sigma} = (2(m-1) + 3)t_p = (2m+1)t_p \tag{12.4}$$

Das ist eine sehr lange Ausführungszeit. Würde man eine Realisierung mit einem 2-stufigen Schaltwerk (mit Invertern) wählen, so erhielte man die optimale Ausführungszeit $3t_p$. Man beachte aber, dass die Wahrheitstabelle für die Addition von 2 8-stelligen Dualzahlen eine Länge von $2^{17}=131072$ Zeilen hat ($8\text{Bit} + 8\text{Bit} + 1\text{Bit}(c_0) = 17$). Die Realisierung eines solchen Schaltnetzes würde einen enormen Schaltungsaufwand bedeuten.

12.4 Carry-Look-Ahead Addierer

Einen Kompromiss bezüglich des schaltungstechnischen Aufwands und der Verzögerungszeit stellt der Carry-Look-Ahead-Addierer (CLA-Addierer) dar. Er besteht aus einem Schaltnetz aus Volladdierern, die wie ein Ripple-Carry-Addierer geschaltet sind. Der Übertrag für die einzelnen Volladdierer wird allerdings durch ein zusätzliches Schaltnetz berechnet. Durch mehrfache Anwendung der Gleichung 12.2 erhält man für die einzelnen Überträge:

$$c_1 = \underbrace{x_0 y_0}_{g_0} \vee c_0 \underbrace{(x_0 \vee y_0)}_{p_0} = g_0 \vee c_0 p_0 \quad (12.5)$$

$$c_2 = \underbrace{x_1 y_1}_{g_1} \vee c_1 \underbrace{(x_1 \vee y_1)}_{p_1} = g_1 \vee c_1 p_1 = g_1 \vee g_0 p_1 \vee c_0 p_0 p_1 \quad (12.6)$$

$$c_3 = \underbrace{x_2 y_2}_{g_2} \vee c_2 \underbrace{(x_2 \vee y_2)}_{p_2} = g_2 \vee c_2 p_2 = g_2 \vee g_1 p_2 \vee g_0 p_1 p_2 \vee c_0 p_0 p_1 p_2 \quad (12.7)$$

$$c_4 = \underbrace{x_3 y_3}_{g_3} \vee c_3 \underbrace{(x_3 \vee y_3)}_{p_3} = g_3 \vee c_3 p_3 \quad (12.8)$$

$$= \underbrace{g_3 \vee g_2 p_3 \vee g_1 p_2 p_3 \vee g_0 p_1 p_2 p_3}_G \vee c_0 \underbrace{p_0 p_1 p_2 p_3}_P$$

Man hat dabei gesetzt:

$$g_i = x_i y_i \quad (12.9)$$

und:

$$p_i = x_i \vee y_i \quad (12.10)$$

$g_i = 1$ bedeutet, dass in jedem Term c_{i+1} ein Übertrag generiert wird. In diesem Fall sind beide Eingangsvariablen der jeweiligen Volladdiererstufe gleich 1 (vgl. Gleichung 12.9). Man nennt deshalb g_n auch „carry generate“.

Dagegen bewirkt p_i nur einen Übertrag, wenn auch $c_i = 1$ ist. p_i ist 1, wenn nur eine der beiden Eingangsvariablen gleich 1 ist (Gl. 12.10). p_i heißt auch „carry propagate“.

In Bild 12-4 ist eine Schaltung für einen Carry-Look-Ahead-Addierer gezeigt. Man erkennt, dass zunächst die Funktionen g_i und p_i gebildet werden. Daraus erhält man mit den invertierten Gleichungen 12.5 bis 12.7 die Größen $\neg c_0$ bis $\neg c_3$.

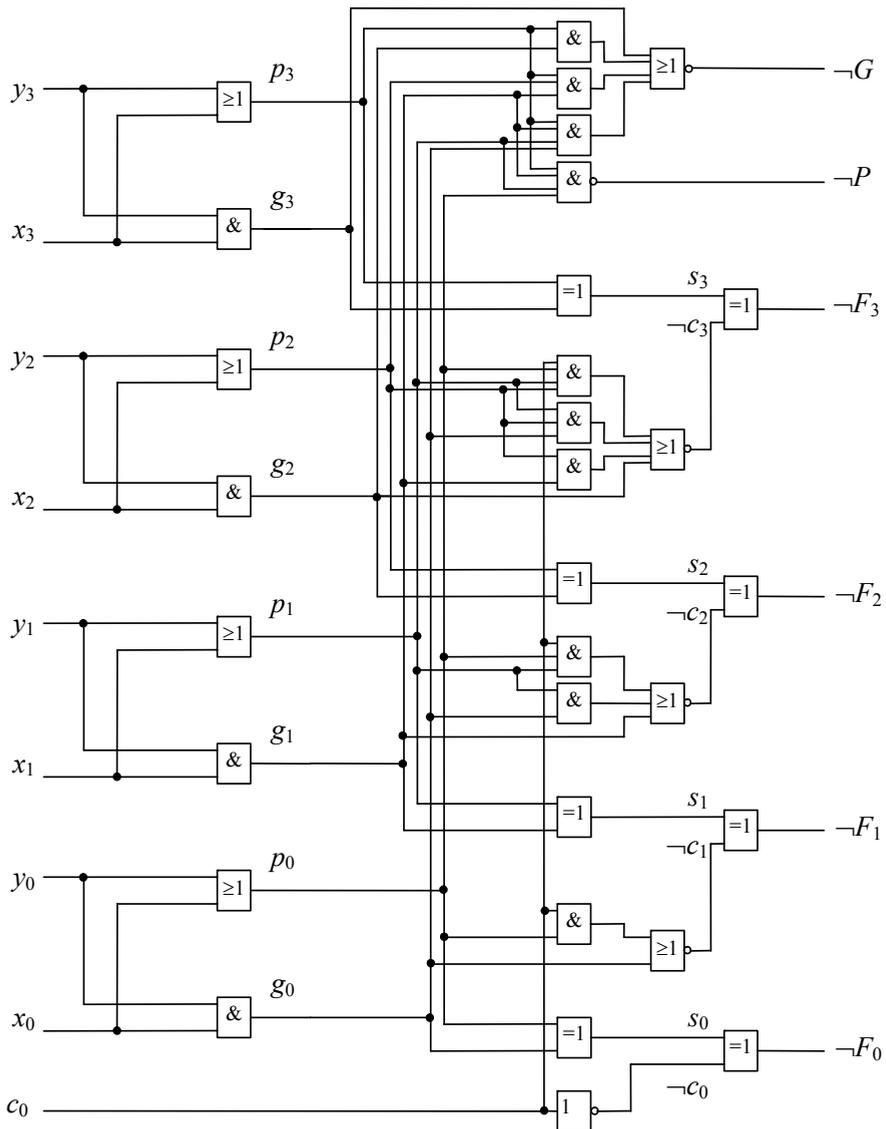


Bild 12-4 Addierer mit Schaltnetz zur Erzeugung der Überträge $\neg c_i$ nach dem Carry-Look-Ahead-Prinzip.

Da man die Funktionen g_n und p_n schon gebildet hat, benutzt man sie auch, um die Summen F_i zu berechnen. Es gilt nämlich, wie man leicht nachprüfen kann:

$$x_i \leftrightarrow y_i = g_i \leftrightarrow p_i \quad (12.11)$$

daher ist nach Gleichung 12.1:

$$F_i = x_i \leftrightarrow x_i \leftrightarrow c_i = g_i \leftrightarrow p_i \leftrightarrow c_i \quad (12.12)$$

In der Schaltung wird die invertierte Ausgangsfunktion $\neg F_i$ verwendet, die man durch Invertieren von c_i erhält.

$$\neg F_i = g_i \leftrightarrow p_i \leftrightarrow \neg c_i \quad (12.13)$$

In Bild 12-4 werden daher noch zwei Exklusiv-Oder-Gatter verwendet, um die Ausgangsfunktionen zu bilden. Außerdem werden in dem Baustein noch die Funktionen $\neg P$ und $\neg G$ erzeugt, aus denen dann der Übertrag c_4 entsprechend der Gleichung 12.8 gewonnen werden kann.

Man entnimmt dem Bild, dass für die Bildung der Summen F_i vier Gatter durchlaufen werden:

$$t_\Sigma = 4t_p \quad (12.14)$$

Die Gesamtverzögerungszeit zur Berechnung von $\neg P$ und $\neg G$ beträgt:

$$t_P = t_G = 3t_p \quad (12.15)$$

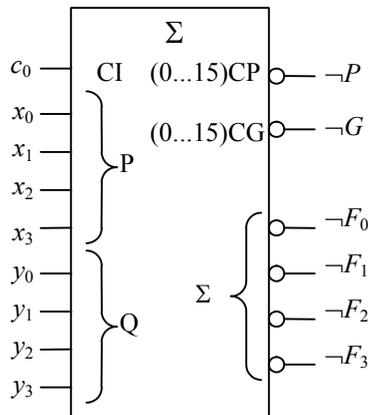


Bild 12-5 Schaltsymbol des Addierers aus Bild 12-4.

Der Hardwareaufwand für die Berechnung der Überträge bei der Addition von zwei m -stelligen Zahlen kann an Hand der Gleichungen 12.5-12.8 (sowie für m größer als 4) ermittelt werden. Man erhält für die Anzahl der Gatter N_G :

$$N_G = \sum_{i=0}^m i \quad (12.16)$$

und für die maximale Anzahl der Gatter-Eingänge N_E :

$$N_E = m \quad (12.17)$$

12.4.1 Kaskadierung von Carry-Look-Ahead-Addierern

Da die Zahl der benötigten Eingänge pro Gatter und die Anzahl der Gatter bei größeren Wortlängen m stark ansteigt, wie man den Gleichungen 12.16 und 12.17 entnimmt, baut man bei größeren Bitlängen zunächst Blöcke aus 4-Bit-Carry-Look-Ahead-Addierern auf. Das Verfahren soll zunächst an Hand eines Addierers für 16Bit-Dualzahlen gezeigt werden, welcher aus 4 Stück der oben beschriebenen 4-Bit CLA-Addierer aufgebaut ist.

Die Hilfssignale $\neg P_i$ und $\neg G_i$ und c_0 des 4-Bit-Addierers i ($i = 1 \dots 4$) werden entsprechend den untenstehenden Gleichungen einem CLA-Generator zugeleitet. Die verwendeten Gleichungen entsprechen den Gleichungen 12.5-12.8. Daraus werden die Überträge c_4 , c_8 und c_{12} für die einzelnen Blöcke erzeugt. Dieser Baustein hat die Bezeichnung 74182.

$$c_4 = G_0 \vee c_0 P_0 = \neg(\neg G_0 \neg P_0 \vee \neg c_n G_0) \quad (12.18)$$

$$c_8 = G_1 \vee c_4 P_1 = G_1 \vee G_0 P_1 \vee c_0 P_0 P_1 = \neg(\neg G_1 \neg P_1 \vee \neg G_0 \neg G_1 \neg P_0 \vee \neg c_n \neg G_0 \neg G_1) \quad (12.19)$$

$$\begin{aligned} c_{12} &= G_2 \vee c_8 P_2 = G_2 \vee G_1 P_2 \vee G_0 P_1 P_2 \vee c_0 P_0 P_1 P_2 = \\ &= \neg(\neg G_2 \neg P_2 \vee \neg G_1 \neg G_2 \neg P_1 \vee \neg G_0 \neg G_1 \neg G_2 \neg P_0 \vee \neg c_n \neg G_0 \neg G_1 \neg G_2) \end{aligned} \quad (12.20)$$

$$c_{16} = G_3 + c_{12} P_3 = \underbrace{G_3 + G_2 P_3 + G_1 P_2 P_3 + G_0 P_1 P_2 P_3}_G + c_0 \underbrace{P_0 P_1 P_2 P_3}_P \quad (12.21)$$

$$\neg P = \neg P_0 \vee \neg P_1 \vee \neg P_2 \vee \neg P_3 \quad (12.22)$$

$$\neg G = \neg G_3 \neg P_3 \vee \neg G_2 \neg G_3 \neg P_2 \vee \neg G_1 \neg G_2 \neg G_3 \neg P_1 \vee \neg G_0 \neg G_1 \neg G_2 \neg G_3 \quad (12.23)$$

c_{16} wird in der Schaltung des 74182 nicht erzeugt, sondern stattdessen die Signale $\neg G$ (Block Generate) und $\neg P$ (Block Propagate), aus denen dann mit zwei Gattern (nach der Gleichung 12.21) c_{16} gebildet werden kann.

In Bild 12-6 ist die komplette Schaltung des Carry-Look-Ahead-Generators gezeigt, wie sie im Baustein 74182 enthalten ist. Die Eingänge P_i und G_i und die Ausgänge P und G sind invertiert, um die Kompatibilität mit dem Addierer in Bild 12-4 zu erhalten.

Das Schaltsymbol für den Baustein 74182 findet man im Bild 12-7. Die Schaltung für einen Carry-Look-Ahead-Generator für 16 Bit kann aus 4-mal der ALU aus Bild 12-4 und einem 74182 zusammengesetzt werden. Die Schaltung ist in Bild 12-8 gezeigt.

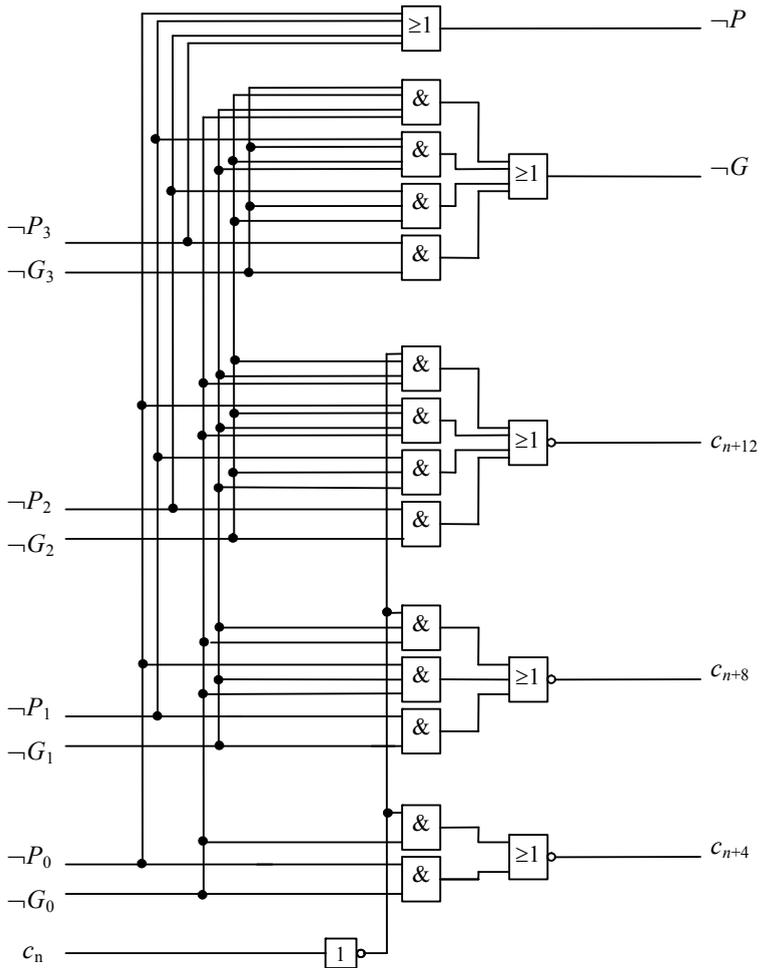


Bild 12-6 Carry-Look-Ahead-Generator 74182.

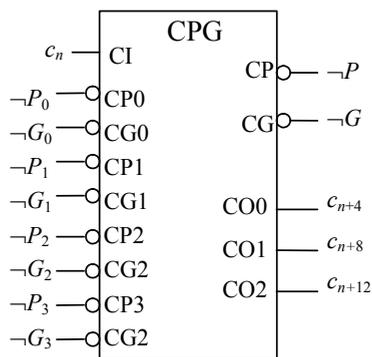


Bild 12-7 Schaltzeichen des Carry-Look-Ahead-Generators 74182.

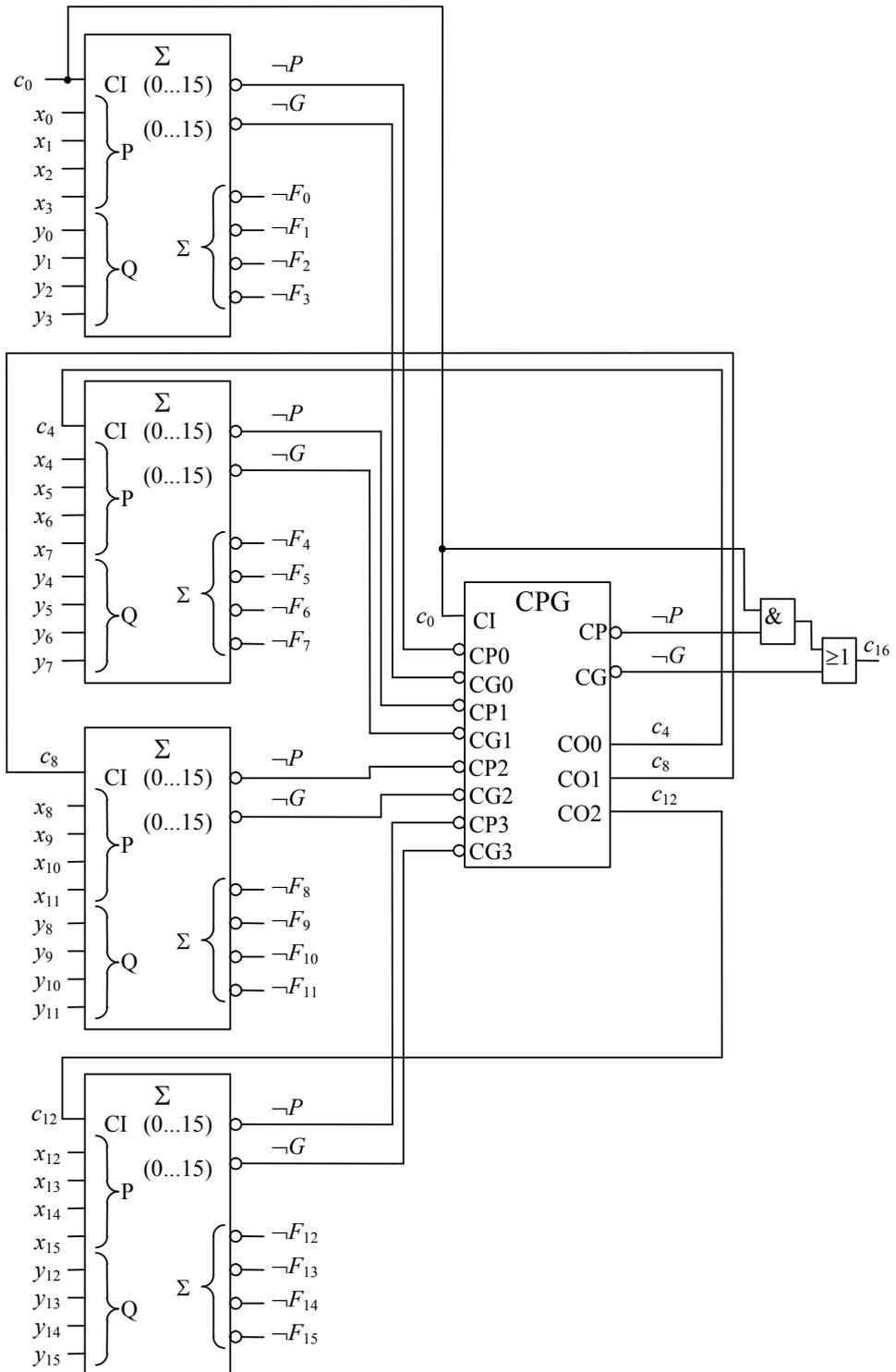


Bild 12-8 CLA-Addierer für 16 Bit aus vier 4-Bit-CLA-Addierern und einem CLA-Generator.

12.4.2 Vergleich der Addierer

Die 3 Addierer werden in der folgenden Tabelle bezüglich ihrer Laufzeit verglichen. Man erkennt, dass der größere Hardware-Aufwand des CLA-Addierers in einer weit geringeren Ausführungszeit resultiert.

Tabelle12-1 Ausführungszeit der verschiedenen Addierer.

	Anzahl Gatterlaufzeiten / t_p		
	4Bit	16Bit	64Bit
Serienaddierer	12	48	192
Ripple-Carry-Addierer	9	33	129
CLA-Addierer	4	8	12

12.5 Arithmetisch-logische-Recheneinheiten (ALU)

Arithmetisch-logische Einheiten (engl.: arithmetic logic unit = ALU) sollen neben der Addition und der Subtraktion auch bitweise logische Verknüpfungen durchführen können. Diese Bausteine enthalten in der Regel einen Addierer für 2 Summanden. Außerdem sind sie durch eine spezielle Schaltung in der Lage, logische Operationen von 2 Operanden durchzuführen, wie zum Beispiel die bitweise UND-Verknüpfung zwischen den Operanden.

Als Beispiel wird hier die 4-Bit-ALU 74181 dargestellt. Sie führt, abhängig von einem 4-Bit-Steuerwort S , verschiedene Operationen durch. Mit dem Eingang M kann von logischen zu arithmetischen Operationen umgeschaltet werden.

Die Schaltung der ALU 74181 kann als eine Erweiterung der Addiererschaltung in Bild 12-4 gesehen werden. Für die Ausführung der verschiedenen Operationen werden anstelle der Signale p_i und g_i die Signale p'_i und g'_i nach den folgenden Formeln gebildet:

$$g'_i = \neg(\neg x_i \vee s_0 \neg y_i \vee s_1 y_i) \quad (12.24)$$

$$p'_i = \neg(s_3 \neg x_i \neg y_i \vee s_2 \neg x_i y_i) \quad (12.25)$$

Für das Steuerwort $S = (1,0,0,1)$ ist $p'_i = p_i$ und $g'_i = g_i$. Die Schaltung ist in Bild 12-9 gezeigt. Sie wird anstelle der p_i und g_i in Bild 12.4 verwendet.

Die Schaltung der ALU 74181 ist in Bild 12-10 gezeigt. Man sieht, dass die Addition durch die EXOR-Verknüpfung nach Gleichung 12.13 realisiert werden kann. Man erhält mit der Abkürzung t_i :

$$t_i = g_i' \leftrightarrow p_i' = \neg(s_3 \neg x_i \neg y_i \vee s_2 \neg x_i y_i \vee \neg s_1 x_i y_i \vee \neg s_0 x_i \neg y_i) \quad (12.26)$$

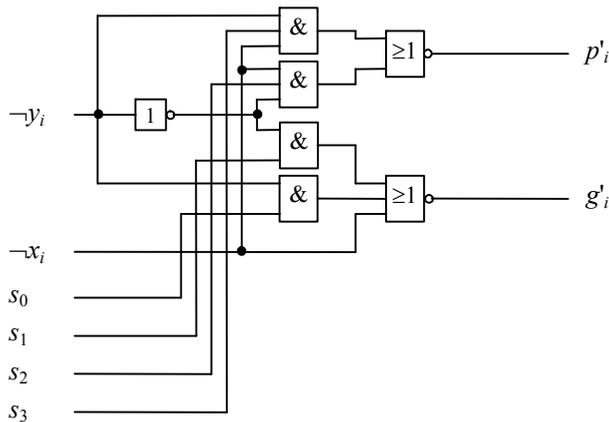


Bild 12-9 Schaltnetz für die Erzeugung von 16 verschiedenen Funktionen.

Für andere Steuerwörter S können andere Funktionen gebildet werden, wie unten gezeigt werden wird.

Wie werden nun die Überträge c_i verarbeitet? Zunächst stellt man fest, dass die Überträge $\neg c_i$ nur bei den arithmetischen Verknüpfungen benötigt werden. Man führt daher einen Eingang M ein, der für die arithmetischen Operationen 0 gesetzt werden muss. Für eine Carry-Look-Ahead-Logik aus den Gleichungen 12.5-12.7 erhält man durch die Berücksichtigung von M die folgenden Gleichungen für u_0 bis u_3 . Die u_i ersetzen für $M=0$ die Überträge c_i :

$$u_0 = \neg(\neg M c_0) \quad (12.27)$$

$$u_1 = \neg(\neg M g_0 \vee \neg M p_0' c_0) \quad (12.28)$$

$$u_2 = \neg(\neg M g_1 \vee \neg M g_0' p_1 \vee \neg M p_0' p_1' c_0) \quad (12.29)$$

$$u_3 = \neg(\neg M g_2 \vee \neg M g_1' p_2 \vee \neg M g_0' p_0' p_1 \vee \neg M p_0' p_1' p_2' c_0) \quad (12.30)$$

Für $M=0$ (arithmetische Funktionen) sind diese Gleichungen identisch zu den invertierten Gleichungen 12.5-12.7. Für $M=1$ sind alle $u_i = 1$.

Mit den $\neg c_i$ werden, wie dem Bild 12.4 zu entnehmen ist, durch eine EXOR-Verknüpfung die Ausgangsfunktionen gebildet:

$$\neg F_i = u_i \leftrightarrow t_i \quad (12.31)$$

Der Übertrag und die Block-Generate- und Block-Propagate-Signale G und P werden nach der Gleichung 12.8 gebildet:

$$\neg G = g_3 \vee g_2' p_3 \vee g_1' p_2' p_3 \vee g_0' p_1' p_2' p_3' \quad (12.32)$$

$$\neg P = p_0' p_1' p_2' p_3' \quad (12.33)$$

$$c_4 = G \vee p_0' p_1' p_2' p_3' c_0 \quad (12.34)$$

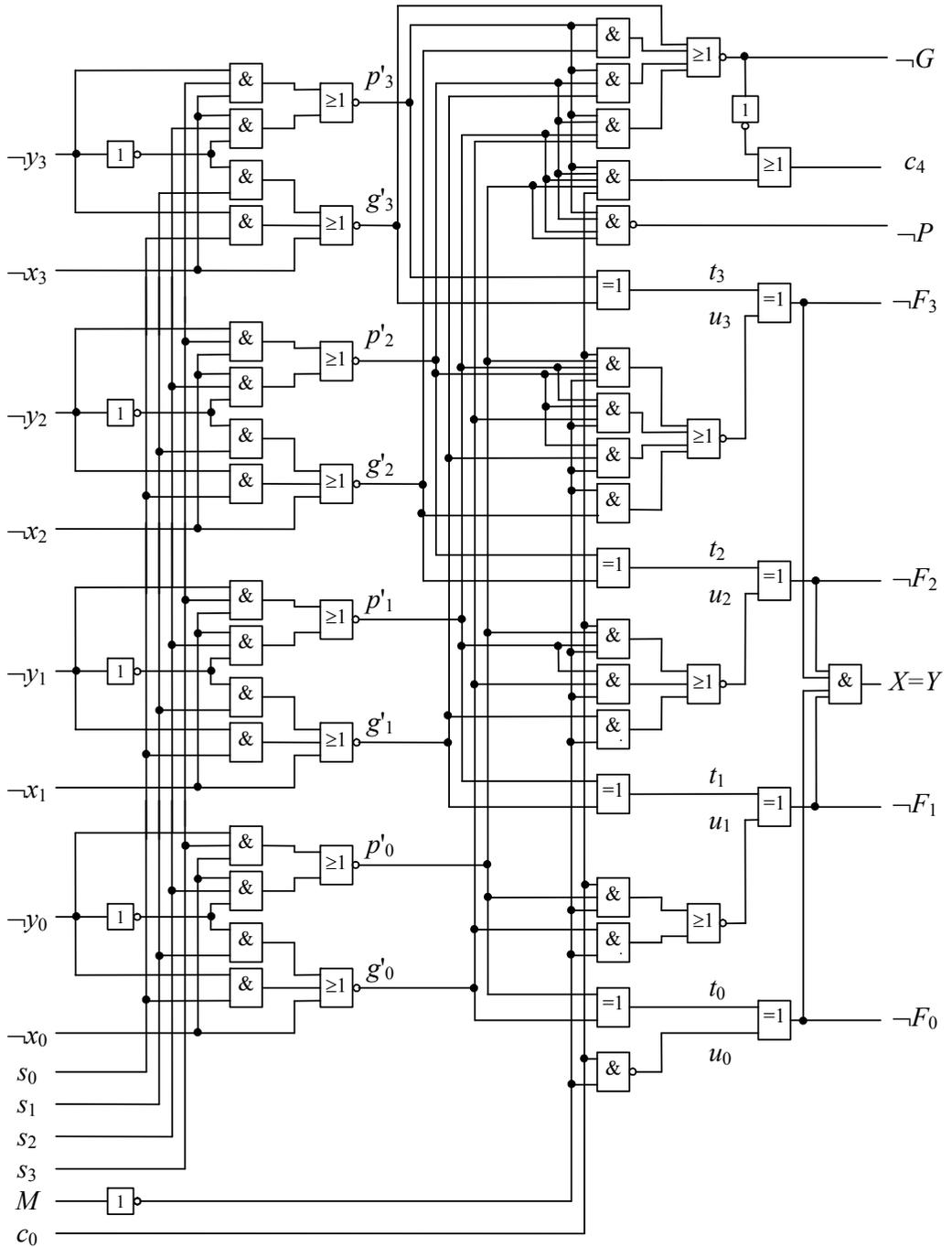


Bild 12-10 Arithmetisch logischer Baustein (ALU) 74181.

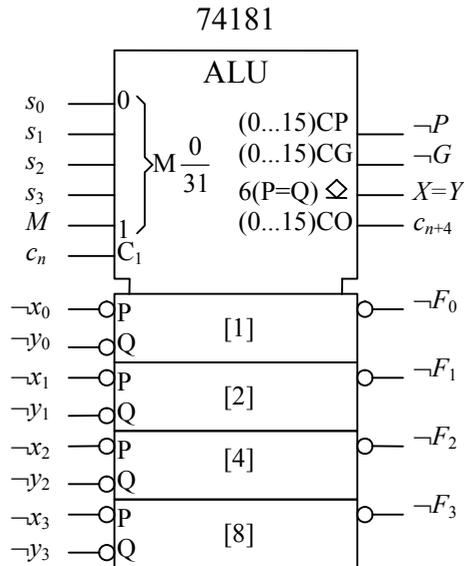


Bild 12-11 Schaltsymbol der ALU 74181.

12.5.1 Beispiele für Operationen

Addition

Das Steuerwort für die Addition lautet: $S = (1001)$. Damit erhält man:

$$g'_i = \neg(\neg x_i \vee \neg y_i) = x_i y_i = g_i \quad (12.35)$$

$$p'_i = \neg(\neg x_i \neg y_i) = x_i \vee y_i = p_i \quad (12.36)$$

$$t_i = g_i \leftrightarrow p_i \quad (12.37)$$

Da $M=0$ ist, gilt:

$$u_0 = \neg c_0 \quad (12.38)$$

$$u_1 = \neg(g_0 \vee p_0 c_0) \quad (12.39)$$

$$u_2 = \neg(g_1 \vee g_0 p_1 \vee p_0 p_1 c_0) \quad (12.40)$$

$$u_3 = \neg(g_2 \vee g_1 p_2 \vee g_0 p_0 p_1 \vee p_0 p_1 p_2 c_0) \quad (12.41)$$

Daher gilt $u_i = \neg c_i$ und die Summe wird, wie die Schaltung es vorgibt, durch:

$$\neg F_i = u_i \leftrightarrow t_i = \neg c_i \leftrightarrow x_i \leftrightarrow y_i = \neg(c_i \leftrightarrow x_i \leftrightarrow y_i) \quad (12.42)$$

berechnet.

Subtraktion

Das Steuerwort für die Subtraktion lautet $S = (0,1,1,0)$. Damit findet man für die g'_i und p'_i :

$$g'_i = \neg(\neg x_i \vee y_i) = x_i \neg y_i \quad (12.43)$$

$$p'_i = \neg(\neg x_i y_i) = x_i \vee \neg y_i \quad (12.44)$$

Man erkennt, dass y_i gegenüber den Gleichungen 12.35 und 12.36 invertiert erscheint. Setzt man $c_0=1$, was die Addition von 1 bewirkt, so erhält man das Zweierkomplement von y . Daher bekommt man als Ergebnis die Differenz $x-y$ in Zweier-Komplementdarstellung.

Negation

Das Steuerwort ist $S = (0,0,0,0)$ und $M = 1$.

Damit wird nach Gleichung 12.26:

$$t_i = \neg(x_i y_i \vee x_i \neg y_i) = \neg x_i \quad (12.45)$$

Da $M=1$ ist, werden die $u_i=1$ und am Ausgang erscheint nach Gleichung 12.31 das invertierte x_i :

$$\neg F_i = u_i \Leftrightarrow t_i = \neg t_i = \neg(\neg x_i) \quad (12.46)$$

Disjunktion

Das Steuerwort ist $S=(1,0,1,1)$ und $M=1$.

Damit wird nach Gleichung 12.26:

$$t_i = \neg(\neg x_i \neg y_i) = x_i \vee y_i \quad (12.47)$$

Da $M=1$ ist, werden die $u_i=1$ und am Ausgang erscheint nach Gleichung 12.31 die Disjunktion von x_i und y_i :

$$\neg F_i = u_i \Leftrightarrow t_i = \neg t_i = \neg(x_i \vee y_i) \quad (12.48)$$

Konjunktion

Das Steuerwort ist $S=(1,1,1,0)$ und $M=1$.

Damit wird nach Gleichung 12.26:

$$t_i = \neg(\neg x_i \neg y_i \vee \neg x_i y_i \vee x_i \neg y_i) = \neg(\neg x_i \vee \neg y_i) = x_i y_i \quad (12.49)$$

Da $M=1$ ist, werden die $u_i=1$ und am Ausgang erscheint nach Gleichung 12.31 die Konjunktion von x_i und y_i :

$$\neg F_i = u_i \Leftrightarrow t_i = \neg t_i = \neg(x_i y_i) \quad (12.50)$$

Es lassen sich insgesamt 32 verschiedene Funktionen bilden, von denen einige nur von geringerer Bedeutung sind. In Tabelle 12-2 sind die mit der ALU 74181 möglichen Funktionen zusammengefasst.

Wenn größere Wortbreiten benötigt werden, können mit dem Carry-Look-Ahead-Generator 74182 jeweils 4 Bausteine 74181 zusammenschaltet werden. Eine weitere Kaskadierung ist möglich.

Die ALU 74181 kann als Komparator oder Vergleicher verwendet werden.

Tabelle 12-2 Funktionen der ALU 74181.

Auswahleingänge				Ausgänge F_i		
s_3	s_2	s_1	s_0	$M=1$ logische Funktionen	$M=0$ Arithmetische Funktionen	
					$c_0=0$	$c_0=1$
0	0	0	0	$\neg x$	$x - 1$	x
0	0	0	1	$\neg(xy)$	$(xy) - 1$	xy
0	0	1	0	$\neg x \vee y$	$(x \neg y) - 1$	$x \neg y$
0	0	1	1	1	-1	0
0	1	0	0	$\neg(x \vee y)$	$x + (x \vee \neg y)$	$x + (x \vee \neg y) + 1$
0	1	0	1	$\neg y$	$xy + (x \vee \neg y)$	$xy + (x \vee \neg y) + 1$
0	1	1	0	$\neg(x \leftrightarrow y)$	$x - y - 1$	$x - y$
0	1	1	1	$x \vee \neg y$	$x \vee \neg y$	$x \vee \neg y + 1$
1	0	0	0	$\neg xy$	$x + (x \vee y)$	$x + (x \vee y) + 1$
1	0	0	1	$x \leftrightarrow y$	$x + y$	$x + y + 1$
1	0	1	0	y	$(x \neg y) + (x \vee y)$	$(x \neg y) + (x \vee y) + 1$
1	0	1	1	$x \vee y$	$x \vee y$	$x \vee y + 1$
1	1	0	0	0	$x + x$	$x + x + 1$
1	1	0	1	$x \neg y$	$xy + x$	$xy + x + 1$
1	1	1	0	xy	$x \neg y + x$	$x \neg y + x + 1$
1	1	1	1	x	x	$x + 1$

12.6 Komparatoren

Komparatoren vergleichen zwei in der Regel gleichlange Wörter, indem sie anzeigen welche Zahl größer ist. Komparatoren werden z.B. in Rechnern eingesetzt, um Sprungbedingungen abzufragen.

Die Realisierung von Komparatoren erfordert in der Regel einen hohen schaltungstechnischen Aufwand, der ähnlich wie bei Addierern überproportional mit der Stellenzahl steigt, wenn die Laufzeit vorgegeben ist. Man verwendet daher bei größeren Wortbreiten kaskadierbare Komparatoren.

12.6.1 2-Bit-Komparator

Als ein Beispiel soll ein Komparator für zwei 2-Bit-Dualzahlen x und y entwickelt werden, der auf Gleichheit ($x = y$) testet und je einen Ausgang für $x > y$ und $x < y$ haben soll. Dazu stellt man zunächst die Wahrheitstabelle (Tabelle 12-3) auf.

Tabelle 12-3 Wahrheitstabelle für einen 2-Bit-Komparator.

y_1	y_0	x_1	x_0	$x = y$	$x < y$	$x > y$
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	0	0	1
0	0	1	1	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1	0
1	0	0	1	0	1	0
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	1
1	1	0	0	0	1	0
1	1	0	1	0	1	0
1	1	1	0	0	1	0
1	1	1	1	1	0	0

Durch Minimieren findet man:

$$A_{x < y} = \neg x_1 y_1 \vee \neg x_1 \neg x_0 y_0 \vee \neg x_0 y_1 y_0 \quad (12.51)$$

$$A_{x > y} = x_1 \neg y_1 \vee x_0 \neg y_1 \neg y_0 \vee x_1 x_0 \neg y_0 \quad (12.52)$$

Der Ausgang $A_{x=y}$ kann aus der Tatsache abgeleitet werden, dass er genau dann gleich 1 ist, wenn die beiden anderen Eingänge gleich 0 sind:

$$A_{x=y} = \neg A_{x<y} \neg A_{x>y} = \neg(A_{x<y} \vee A_{x>y}) \quad (12.53)$$

Durch diese Maßnahme erhöht sich die Laufzeit für diesen Eingang um die Laufzeit eines Gatters. Im Bild 12-12 ist die Schaltung dieses Komparators gezeigt.

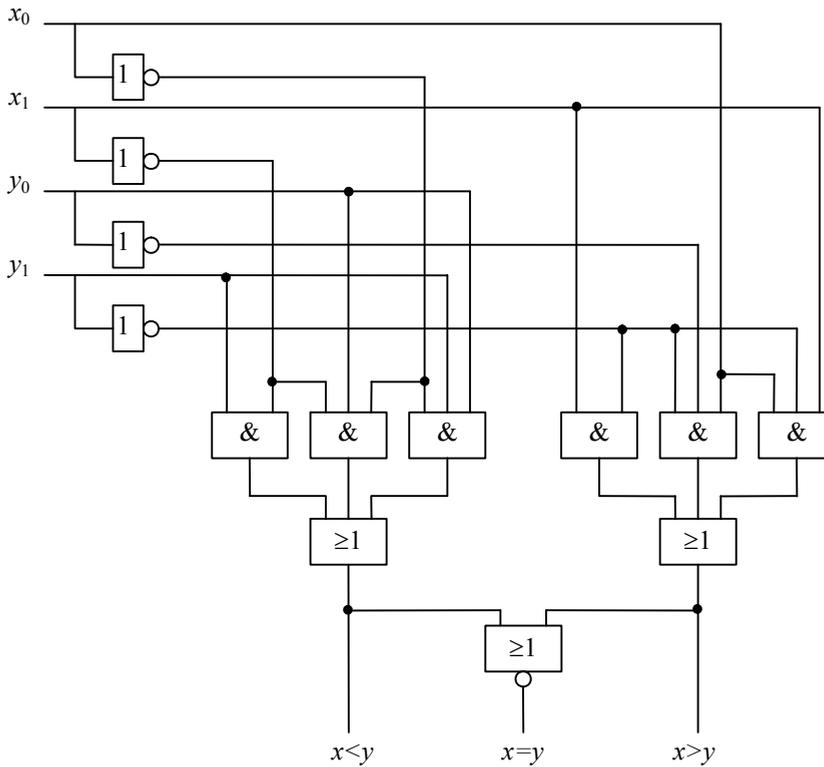


Bild 12-12 Schaltbild des 2-Bit-Komparators.

12.6.2 Kaskadierbare Komparatoren

In Bild 12-13 ist das Schaltsymbol des 4-Bit-Komparators 7485 gezeigt, der Ausgänge für Gleichheit ($x = y$) und für $x > y$ und $x < y$ hat. Zusätzlich hat der Baustein 3 Eingänge, an denen Überträge von einem gleichartigen Baustein übertragen werden, dessen Wertigkeit niedriger ist.

Mit 3 dieser Bausteine kann ein 12-Bit-Komparator aufgebaut werden, wie es in Bild 12-14 dargestellt ist. Am niederwertigsten Baustein ist der Übertragseingang für Gleichheit mit 1 beschaltet, während die Eingänge für „größer“ und „kleiner“ mit 0 beschaltet sind. Die beiden höherwertigen Bausteine erhalten an den Eingängen die Ausgangssignale des vorhergehenden Bausteins. Man beachte, dass der Übertrag „rippelt“. Daher wächst die Ausführungszeit linear mit der Anzahl der Bausteine.

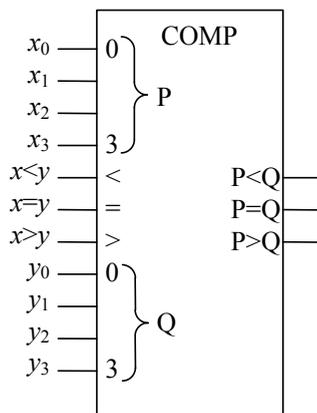


Bild 12-13 Schaltsymbol des 4-Bit-Komparators 7485.

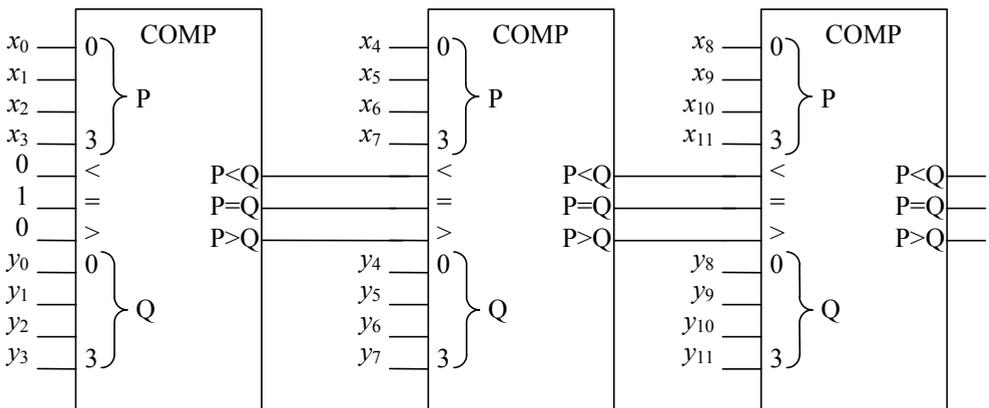


Bild 12-14 Schaltung eines 12-Bit-Komparators mit 3 Bausteinen 7485.

12.7 Übungen

Aufgabe 12.1

Wie kann ein 74181 als Komparator für zwei 4Bit-Wörter verwendet werden?

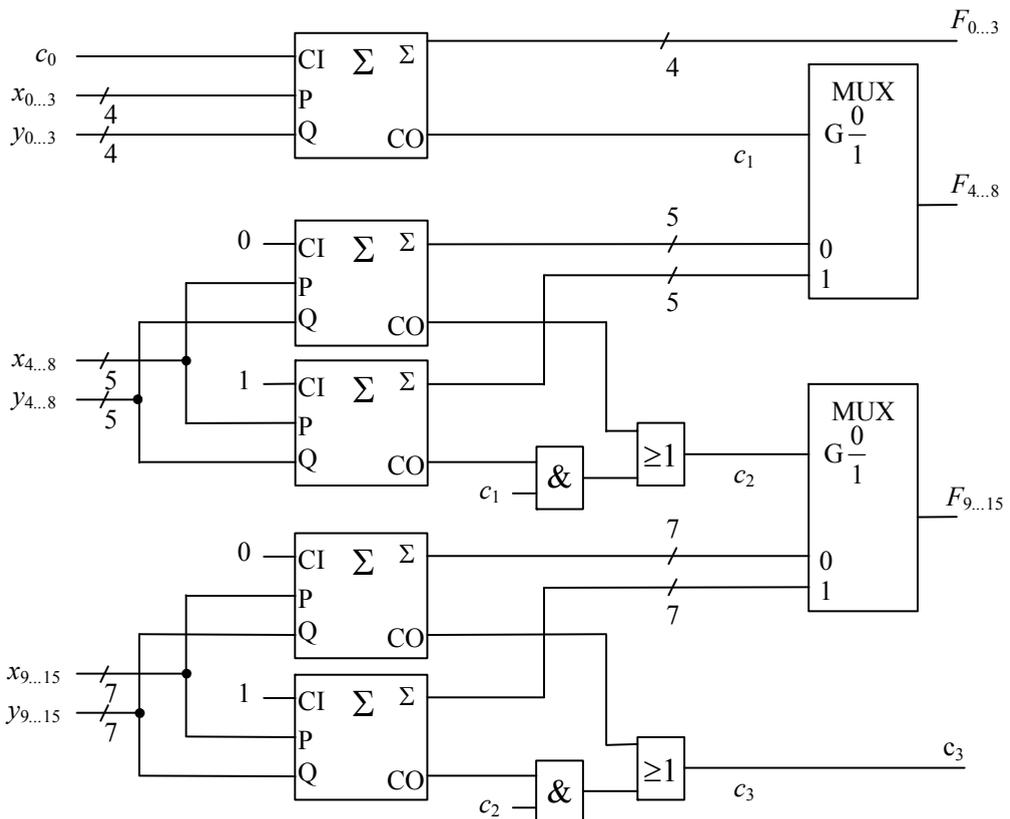
Aufgabe 12.2

Leiten Sie die Funktion des 74181 für das Steuerwort $M = 1$ und $S = 0110$ aus den im Text hergeleiteten Gleichungen her.

Aufgabe 12.3

Eine Alternative zum Carry-Look-Ahead-Addierer ist der Carry-Select-Addierer. Im Bild ist eine Version für 16Bit gezeigt. Die 5 im Schaltbild enthaltenen Addierer sind Ripple-Carry-Addierer mit 4, 5 und 7 Bit Breite in der 1. 2. und 3. Stufe.

- Erklären Sie die Funktion der Schaltung.
- Geben Sie die Laufzeit der Ausgangssignale als Vielfaches einer Gatterlaufzeit t_p an. (Laufzeit der Multiplexer $\approx 2t_p$)



13 Digitale Speicher

Speicherbausteine dienen der Speicherung größerer Datenmengen. Sie werden als ein wichtiger Bestandteil von Digitalrechnern eingesetzt. Man unterscheidet zwischen:

Halbleiterspeichern und Massenspeichern

Halbleiterspeicher werden auf einem Halbleiterchip realisiert. Massenspeicher haben eine hohe Speicherdichte, sie können also viele Daten auf geringem Raum speichern. Beispiele für Massenspeicher sind Festplatten, CD-ROM und Magnetbänder. Sie werden hier nicht behandelt.

seriellem Zugriff und wahlfreiem Zugriff

Serieller Zugriff bedeutet, dass die Daten nur über ein Tor seriell ein- und ausgelesen werden können. Damit sind Eimerkettenspeicher gemeint, die wie Schieberegister arbeiten. Sie sind meist nach dem FIFO-Prinzip organisiert. Wahlfreier Zugriff heißt, dass jeder Speicherplatz zu jeder Zeit zugänglich ist.

ortsadressierten und inhaltsadressierten Speichern

Ortsadressierte Speicher haben eine Adresse, unter der jeder Speicherplatz zugänglich ist. In inhaltsadressierten Speichern findet man eine Information über die Assoziation mit einem Teil der Information selber. Zum Beispiel kann in einer Lieferliste die Bestellnummer dazu dienen, Informationen über den Artikel zu finden.

flüchtigen und nichtflüchtigen Speichern

Flüchtige Speicher verlieren die Information beim Ausschalten der Betriebsspannung, nichtflüchtige halten sie.

Festwertspeicher und Schreib/Lese-Speicher

Festwertspeicher werden einmal programmiert und können von da an nur noch gelesen werden. Sie sind nicht flüchtig. Schreib/Lese-Speicher können beliebig gelesen und beschrieben werden.

Bit- und Wort-organisierten Speichern

In Bit-organisierten Speichern ist jedes Bit einzeln zugänglich. In Byte-organisierten Speichern werden jeweils 8bit = 1byte gleichzeitig gelesen oder geschrieben. In Wort-organisierten Speichern wird immer ein Wort gleichzeitig gelesen oder geschrieben.

Die Speicherkapazität wird als Produkt der Anzahl der Speicherwörter und der Wortlänge angegeben. Die Anzahl der Speicherwörter ist in der Regel eine Zweierpotenz.

13.1 Prinzipieller Aufbau von Speicherbausteinen

Speicherbausteine werden in der Regel an ein Bussystem angeschlossen. Dadurch können eine Vielzahl von verschiedenen Speichern parallel angeschlossen werden. Das Bussystem muss es ermöglichen, dass in eine bestimmte Speicherzelle geschrieben oder aus ihr gelesen werden kann. Man unterscheidet zwischen:

Adressbus

Der Adressbus legt an jeden Speicherbaustein die Adresse, unter der das Datum abgespeichert oder gesucht wird.

Steuerbus

Der Steuerbus enthält alle Leitungen zur Bausteinstuerung. Dazu gehört die Bausteinauswahl mit dem Chip-Select-Anschluss *CS*. Da alle Bausteine an den gleichen Adressbus angeschlossen werden, muss die Auswahl des betreffenden Bausteins über diese Leitung geschehen. Über eine Leitung Read/→Write (*RD/→WR*) kann zwischen Lesen und Schreiben umgeschaltet werden.

Datenbus

Der Datenbus ist an alle Bausteine angeschlossen. Seine Breite ist durch die Anzahl der Bit gegeben, die jeweils unter einer Adresse stehen. Die Breite wird in bit oder byte = 8bit angegeben. Um keine Konflikte auf den Leitungen zu erzeugen müssen die Ausgänge der Speicher, die auf den Datenbus wirken, Tristate-Ausgänge sein. Sie werden durch die Leitung Output Enable (*OE*) des Steuerbusses freigeschaltet.

13.2 ROM

ROM ist die Abkürzung für read only memory. Ein ROM ist ein Speicherbaustein, dessen Dateninhalt schon vom Hersteller durch Masken definiert ist. Der Dateninhalt ist daher fest und kann nur gelesen werden. Die gespeicherten Daten sind nicht flüchtig.

ROM-Bausteine unterscheiden sich durch die Anzahl der Bits, die unter einer Adresse gespeichert sind. Es sind Speicher mit 1, 4, 8 und 16bit Wortlänge üblich.

In einem ROM sind, wie in den meisten anderen digitalen Speichern auch, die einzelnen Speicherplätze matrixförmig angeordnet (Bild 13-1). Die Speicherzellen liegen an den Schnittpunkten der Leitungen. Sie werden angesprochen, wenn beide, die Zeilen- und die Spaltenleitung auf 1 liegen. Die Zeilenleitung wird auch Wortleitung, die Spaltenleitung auch Datenleitung genannt. Vorteilhaft bei dieser Anordnung ist, dass man Leitungen einspart. Man benötigt für n^2 Speicherplätze nur $2n$ Leitungen, gegenüber n^2 bei einer linearen Anordnung.

Die Zuordnung der Wortleitungen zu den Adressen A_0 bis A_2 geschieht über einen Zeilendekoder. Der Spaltendekoder übernimmt die Auswahl der Datenleitungen. Da die Datenleitungen neben der Auswahl der Spalte auch die Aufgabe haben, die gespeicherte Information zum Ausgang zu leiten, ist ein Leseverstärker zwischen Dekoder und Speichermatrix geschaltet. Im Bild ist ein Speicher gezeigt, der 4bit pro Adresse speichert. Es handelt sich also um ein 64×4 bit-ROM.

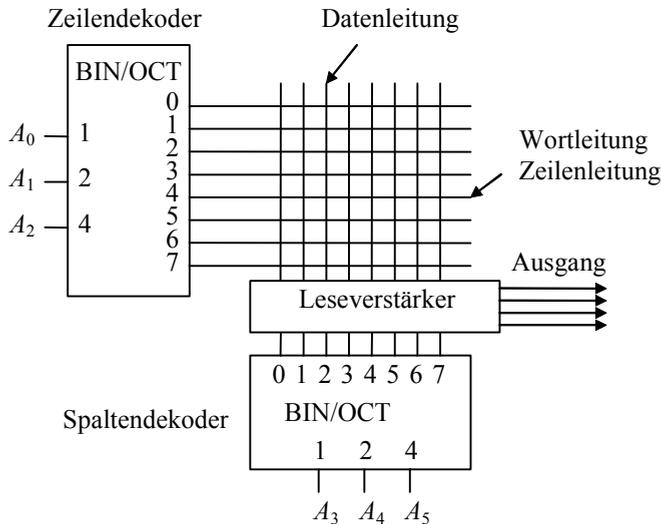


Bild 13-1 Prinzipschaltbild eines 64x4bit-ROM.

Eine Realisierung eines 16x1bit-ROM in CMOS-Technik ist in Bild 13-2 gezeigt. Die Speichermatrix besteht aus 16 n-Kanal-MOSFET. Soll in einer Speicherzelle ein H gespeichert sein, so wird das Drain nicht kontaktiert. Das kann technologisch mit einer einzigen Maske erreicht werden, die je nachdem, ob ein Transistor angekoppelt werden soll oder nicht, eine Leiterbahnverbindung zum Transistor herstellt oder nicht.

Die Datenleitungen haben als Lastwiderstand einen p-Kanal-MOSFET. Der Spaltendekoder schaltet mit einem Pass-Transistor immer eine Datenleitung an den Ausgang.

Wird durch den Zeilendekoder eine Zeile angewählt, indem der entsprechende Ausgang des Zeilendekoders auf H geht, so werden die Datenleitungen, an denen ein MOSFET kontaktiert ist, auf L gezogen. Andernfalls bleiben sie auf V_{DD} . Nur die Datenleitung, deren Pass-Transistor durch den Spaltendekoder durchgeschaltet ist, wird auf den Ausgang geschaltet.

Man erkennt, dass pro Speicherzelle nur ein Transistor benötigt wird, was zu einer hohen Speicherdichte führt.

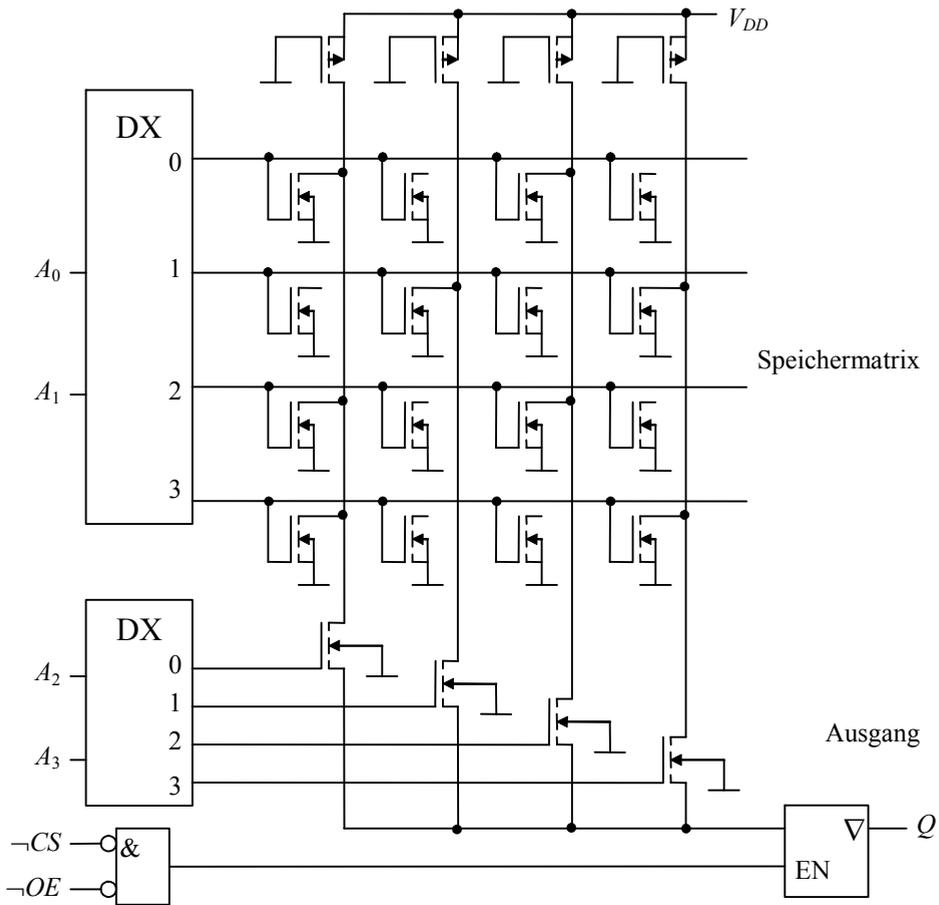


Bild 13-2 Aufbau eines 16x1bit-ROM.

Das Schaltsymbol eines 1Kx8bit = 1Kbyte-ROM ist in Bild 13-3 gezeigt. Neben den Adresseingängen hat der Baustein auch einen Chip-Select-Eingang ($\neg CS$) und einen Output-Enable-Eingang ($\neg OE$). Der $\neg CS$ -Eingang dient zur Auswahl des ROM, wenn mehrere ROM an einen Bus angeschlossen werden sollen. Ist zusätzlich der $\neg OE$ -Eingang auf L, so wird der Ausgang niederohmig.

Im Symbol des ROM wird die Adressabhängigkeit verwendet, die mit dem Buchstaben A gekennzeichnet wird. Die geschweifte Klammer umfasst die Adresseingänge. Der Bruch nach dem A gibt im Zähler die niedrigste und im Nenner die höchste Adresse des Speichers an. An den 8 Ausgängen des 8bit breiten Datenwortes ist wieder der Buchstabe A angegeben zum Zeichen, dass die Ausgänge immer an den durch die Adressen ausgewählten Speicherplatz gelegt werden. Die Ausgänge sind als Tristate-Ausgänge ausgeführt.

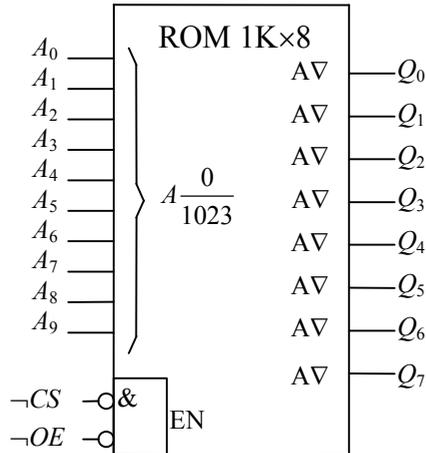


Bild 13-3 ROM mit einer Speicherkapazität von 1Kbyte.

13.3 PROM

Ein PROM entspricht vom Aufbau her einem ROM, mit dem Unterschied, dass es vom Anwender programmierbar ist. Es ist ebenfalls matrixförmig aufgebaut mit einem Spalten- und einem Zeilendekoder für die Adressdekodierung. Eine mögliche Realisierung kann aus Bild 13-2 abgeleitet werden. Die Drains der Transistoren in den Speicherzellen können bei einem PROM anstelle mit einer Leiterbahnverbindung mit einem Fusible-Link kontaktiert werden (Bild 13-4). Das Fusible-Link wird zur Programmierung mit einer erhöhten Spannung unterbrochen, wenn ein H gespeichert werden soll. Dazu ist in der Regel ein spezielles Programmiergerät notwendig. Ein Fusible-Link entspricht einer Schmelzsicherung. Die gespeicherte Information ist nicht flüchtig. Ein einmal unterbrochenes Fusible-Link kann nicht wieder hergestellt werden. Sie werden daher auch als OTP-ROM (OTP = one time programmable) bezeichnet.

Das Schaltsymbol eines PROM gleicht dem des ROM (Bild 13-3).

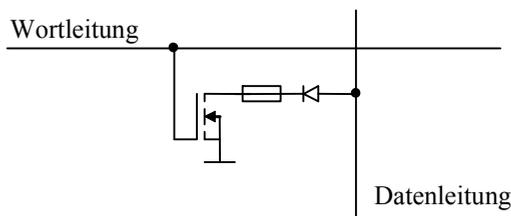


Bild 13-4 Speicherzelle eines PROM.

13.4 EPROM

EPROM steht für erasable ROM. Ein EPROM entspricht in seinem Aufbau einem ROM oder PROM, nur dass an Stelle der Fusible-Links oder der maskenprogrammierten Verbindungen löschrbare Speicherelemente liegen.

Man verwendet für die Speicherelemente Floating-Gate-MOSFET (Bild 13-5). Diese MOSFET sind Anreicherungs-Typen mit einem zusätzlichen Gate, das keine Verbindung nach außen hat und Floating-Gate genannt wird. Dieses Gate hat zunächst ein freies Potential. Durch eine Ladung auf dem Floating-Gate kann Information in der Speicherzelle gespeichert werden.

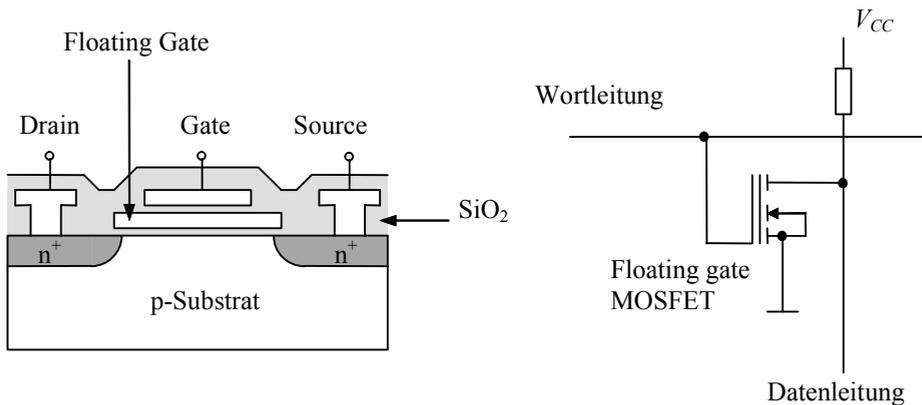


Bild 13-5 Floating-Gate-MOSFET, Aufbau und Funktion.

Ohne Ladung auf dem Gate funktioniert der Transistor wie ein normaler n-Kanal-Anreicherungs-MOSFET. Eine genügend große positive Spannung auf dem Gate schaltet den Transistor durch. Dieser Zustand führt zu einem L auf der Datenleitung, wenn die Speicherzelle durch die Wortleitung ausgewählt wird.

Soll ein H gespeichert werden, so muss eine negative Ladung auf dem Floating-Gate gespeichert werden. Der Transistor sperrt dann immer und bei einer Auswahl der Speicherzelle über die Wortleitung bleibt die Datenleitung auf H. Die negative Ladung auf dem Floating-Gate wird durch Tunneln von Elektronen durch das Oxid erzeugt.

Mit einer erhöhten Spannung zwischen Drain und Substrat erreicht das Feld zwischen Gate-Elektrode und Kanal so hohe Werte, dass Elektronen durch den Avalanche-Effekt vervielfältigt werden. Eine gewisse Anzahl der Elektronen kann durch das Gate-Oxid auf die Floating-Gate-Elektrode tunneln. Es entsteht eine negative Ladung auf dem Gate, die den Transistor sperrt. Durch eine etwa 20-minütige Bestrahlung mit UV-Licht kann das Isoliermaterial, welches zwischen Gate und Source liegt, ionisiert werden, wodurch die Ladung abfließen kann. Damit ist die Information wieder gelöscht. Die Ladungsspeicherung ist durch die guten Eigenschaften des Oxids auf Jahre stabil.

Für die Programmierung wird die Betriebsspannung V_{DD} auf eine erhöhte Spannung gelegt.

Das Schaltsymbol eines EPROM ist dem des ROM identisch (Bild 13-3), da die Art der Programmierung nicht im Schaltsymbol erkennbar ist.

13.5 EEPROM

EEPROM steht für electrically erasable programmable ROM. Diese Bausteine sind elektrisch beschreibbar und elektrisch löschar.

Die einzelne Speicherzelle ist ähnlich wie beim EPROM mit einem Floating-Gate-MOSFET aufgebaut. Allerdings ist die Dicke des Oxids zwischen Floating-Gate und Kanal dünner. Dadurch ist es möglich, mit einer erhöhten Spannung zwischen Gate und Kanal Elektronen vom Gate in den Kanal und umgekehrt zu transportieren. Das geschieht durch Fowler-Nordheim-Tunneln.

EEPROM mit einer speziellen Speicherzelle werden manchmal auch als Flash-EEPROM bezeichnet. Sie sind nur insgesamt oder aber blockweise löschar.

Die kommerziell erhältlichen ROM, PROM, EPROM und EEPROM sind oft pincompatibel, so dass es möglich ist, in der Entwicklungsphase EPROM oder EEPROM zu verwenden, die im Produkt dann durch ROM oder PROM ersetzt werden.

Die Schaltsymbole von EEPROM und ROM sind identisch (Bild 13-3).

13.6 EAROM

EAROM steht für electrically alterable ROM. Vom Verhalten her ist ein EAROM ähnlich dem EEPROM.

Zur Unterscheidung zwischen EEPROM und EAROM. Es haben sich zwei unterschiedliche Bezeichnungsweisen eingebürgert, die sich teilweise widersprechen:

- Oft werden die Bausteine mit größerer Kapazität als EEPROM bezeichnet, während die mit kleiner Kapazität EAROM genannt werden.
- Manchmal werden aber auch mit EEPROM, und insbesondere mit Flash-EEPROM, die Bausteine bezeichnet, die nur insgesamt oder blockweise gelöscht werden können. Unter EAROM versteht man dann einen Bit- oder Byte-weise löscharen Speicher.

13.7 NOVRAM

Das NOVRAM (non volatile RAM) ist ein nicht flüchtiges RAM (random access memory). Es ist aus einem flüchtigen Schreib-Lesespeicher aufgebaut. Beim Ausschalten des Systems wird der Dateninhalt innerhalb von etwa 10ms in ein EEPROM gerettet. Daher sind in jeder Spei-

cherzelle eine RAM-Speicherzelle und eine EEPROM-Speicherzelle enthalten. So werden die Vorteile des RAM, nämlich schnelles Lesen und Schreiben in beliebige Speicherzellen, mit dem Vorteil des EEPROM, der Nichtflüchtigkeit vereint.

Tabelle 13-1 Übersicht der nichtflüchtigen Speicher.

Bezeichnung	Programmierung		Löschen
ROM (read only memory)	Maske	einmalig	nicht möglich
PROM (programmable ROM) field programmable ROM, one time PROM (OTP ROM)	elektr.	einmalig	nicht möglich
EPROM (erasable ROM)	elektr.	mehrmals	UV-Licht (20 min) gesamter Speicherinhalt
EEPROM (electrically erasable ROM) Flash-EEPROM	elektr.	mehrmals	elektrisch, gesamter Speicherinhalt oder Bit-weise (20-100 ms)
EAPROM (electrically alterable ROM)	elektr.	mehrmals	elektrisch, Bit-weise (20-100ms)
NOVRAM (nonvolatile RAM)	elektr.	mehrmals	elektrisch, Bit-weise (100ns)

13.8 Statisches RAM (SRAM)

RAM ist die Abkürzung von random access memory. Damit ist ein Speicherbaustein gemeint, der beliebig beschrieben und gelesen werden kann. Ein RAM ist matrixförmig aufgebaut. Man unterscheidet zwischen statischen RAM (SRAM) und dynamischen RAM (DRAM). Statische RAM verwenden Flipflops als Speicherzellen. Höher integrierte Bausteine arbeiten meist mit einer dynamischen Speicherung der Information in Kondensatoren, die mit einem Transistor angesteuert werden können.

13.8.1 Aufbau eines SRAM

Die Speicherzelle eines statischen RAM ist in Bild 13-6 gezeigt. Sie ist aus zwei gegengekoppelten CMOS-Invertern aufgebaut. Über eine Wortleitung kann die Speicherzelle angesprochen werden. Für die Auswahl einer Zelle wird ein H auf die Wortleitung gegeben. Dadurch werden T_5 und T_6 niederohmig.

Beim Schreibvorgang kann mit einem H auf der Datenleitung DL ein H in den Speicher geschrieben werden. Dann wird T_3 leitend und T_4 sperrt. Der rechte Inverter gibt ein L aus. Daraufhin wird der linke Inverter auf H gesteuert. Ebenso kann mit einem H auf der Datenleitung $-DL$ ein L in den Speicher geschrieben werden.

Beim Lesevorgang wird wieder die Zelle mit der Wortleitung ausgewählt. An den Datenleitungen kann das gespeicherte Bit ausgelesen werden.

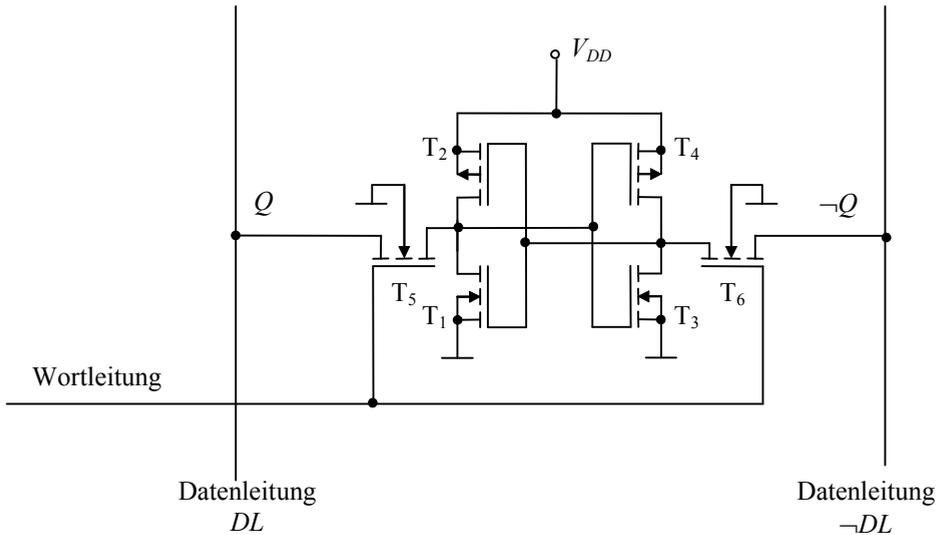


Bild 13-6 RAM-Speicherzelle in CMOS-Technik.

Die beiden Datenleitungen werden mit einem symmetrisch aufgebauten Leseverstärker gelesen. Auch der Schreibverstärker ist symmetrisch aufgebaut.

13.8.2 Beispiel SRAM

Als ein Beispiel soll ein typisches RAM vorgestellt werden. Es hat eine Speicherkapazität von $2K \times 8$ bit oder 2Kbyte. Das Schaltsymbol ist in Bild 13-7 dargestellt.

Der Eingang $-CS$ (chip select), der auch $-CE$ (chip enable) genannt wird, dient zur Auswahl des Bausteins, wenn mehrere Speicher an einen Bus angeschlossen werden sollen. Wenn $-CS = H$ ist, wird der Baustein in einem Wartezustand mit verminderter Stromaufnahme betrieben.

Da er an einen Datenbus angeschlossen werden soll, hat der Baustein Tristate-Ausgänge. Diese können mit dem Signal $-OE = H$ hochohmig gemacht werden.

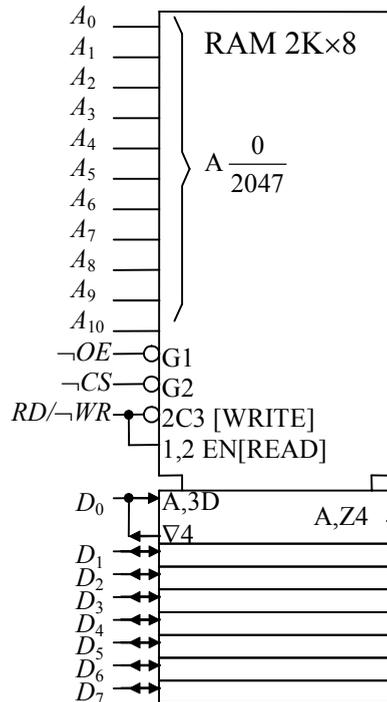


Bild 13-7 RAM mit einer Speicherkapazität von $2K \times 8$ bit.

Entsprechend seiner Speicherkapazität hat der Baustein 11 Adresseingänge A_0 - A_{10} . Mit $RD/\overline{WR} = H$ kann der Inhalt der Speicherzellen gelesen werden, mit $RD/\overline{WR} = L$ kann in sie geschrieben werden.

Im Zeitdiagramm (Bild 13-8) ist der Lesezyklus dargestellt. Während des gesamten Lesezyklus muss $RD/\overline{WR} = H$ sein. Wenn die Adressen gültig auf dem Adressbus anliegen, wird zunächst der Baustein mit \overline{CS} ausgewählt. Dann kann der Ausgang mit \overline{OE} aktiviert werden. Nach der Dekodierung der Adressen im RAM liegen die gültigen Daten auf dem Datenbus.

Die im Zeitdiagramm eingetragenen Zeiten sind wie folgt definiert:

t_{RC} read cycle time / Lese-Zyklus-Zeit

In dieser Zeit kann ein kompletter Lesezyklus durchgeführt werden. Die Zeit ist wichtig, wenn viele Lesezyklen nacheinander durchgeführt werden sollen.

t_{AA} address access time / Adress-Zugriffszeit

Liegen gültige Adressen auf dem Adressbus, so sind nach der Adress-Zugriffszeit gültige Daten auf dem Datenbus.

Von dem Zeitpunkt, an dem das Signal $\neg OE = L$ gesetzt wird, vergeht die Zeit t_{CO} bis gültige Daten auf dem Datenbus anliegen.

t_{OD} ist die Zeit, die die Daten noch auf dem Datenbus liegen, nachdem $\neg OE$ wieder auf H gegangen ist.

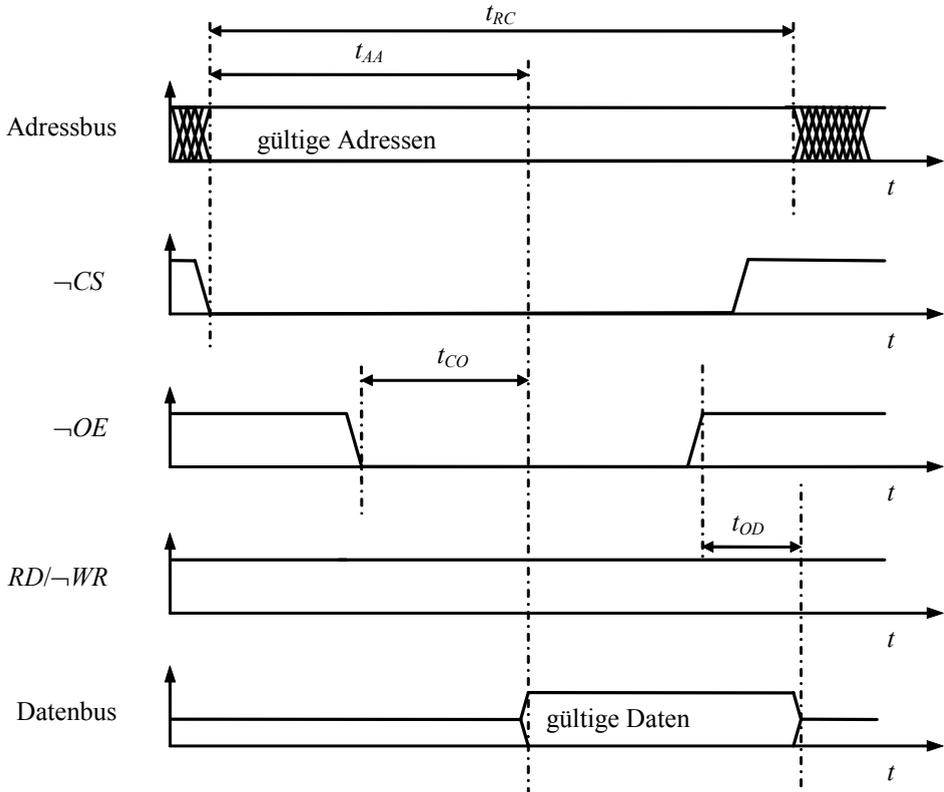


Bild 13-8 Lesezyklus des RAM.

Das Zeitdiagramm eines Schreibzyklus ist in Bild 13-9 dargestellt. In einem Schreibzyklus gilt immer $\neg OE = H$, so dass der Sender (in der Regel ein Mikroprozessor) die Daten auf den Datenbus legen kann. Zum Schreiben in eine Speicherzelle muss $RD/\neg WR = L$ und $\neg CS = L$ gelten. Man unterscheidet zwei Fälle:

1. *Early Write* Bei dieser Vorgehensweise ist während des gesamten Schreibzyklus $RD/\neg WR = L$, der Schreibvorgang wird durch die negative Flanke von $\neg CS$ eingeleitet. Ein Early-Write-Zyklus ist in Bild 13-9 dargestellt.
2. *Late Write* Bei dieser Vorgehensweise ist während des gesamten Schreibzyklus $\neg CS = L$. Der Schreibvorgang wird durch die negative Flanke von $RD/\neg WR$ eingeleitet. Hier vertauschen also gegenüber dem Early-Write-Zyklus $RD/\neg WR$ und $\neg CS$ ihre Rollen.

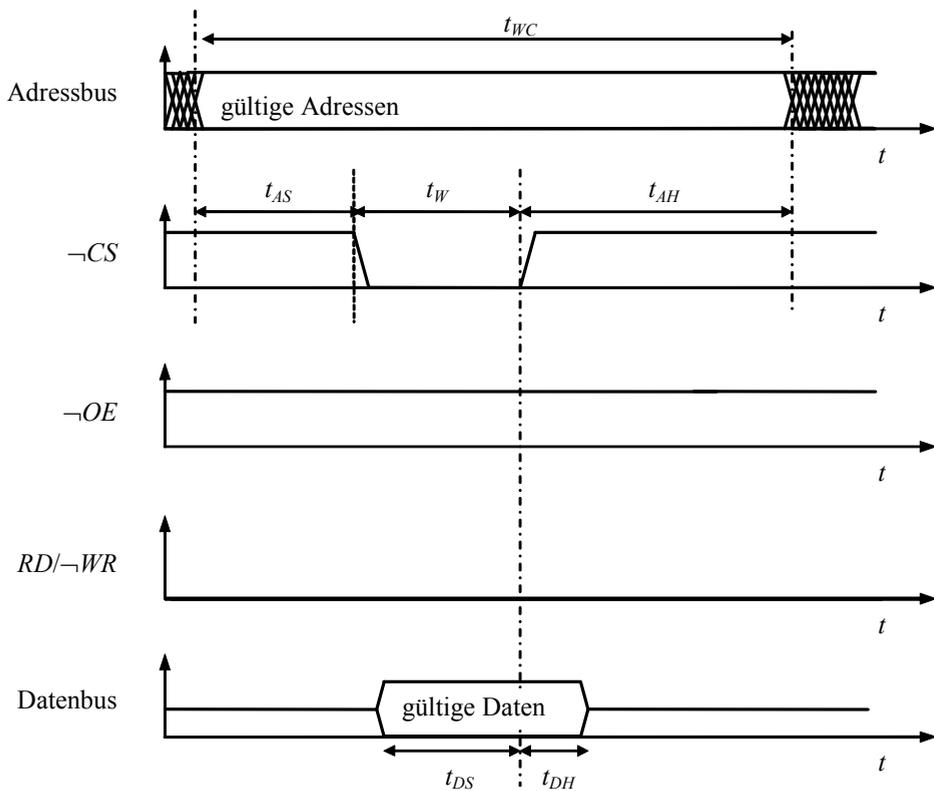


Bild 13-9 Schreibzyklus des RAM (Early Write).

Im Zeitdiagramm sind die folgenden Zeiten festgehalten:

t_{WC} Write cycle time / Schreib-Zyklus-Zeit

In dieser Zeit kann ein kompletter Schreibzyklus durchgeführt werden.

t_{DS} und t_{DH} entsprechen der Setup- und der Holdtime beim D-Flipflop. In der durch diese Zeiten festgelegten Zeitspanne müssen die Daten stabil auf dem Datenbus anliegen.

t_{AS} und t_{AH} Address-Set und Address-Holdtime

t_{AS} ist die Zeit, die die Adresse vor dem $\neg CS$ -Puls der Weite t_W stabil anliegen muss. t_{AH} gibt die Zeit an, die die Adressen nach dem $\neg CS$ -Puls anliegen müssen. Beide Zeiten sind für die Dekodierung der Zeilen- und Spaltenadresse im RAM notwendig.

13.9 Dynamisches RAM (DRAM)

Ein DRAM (dynamic RAM) ist ein flüchtiger Halbleiterspeicher, in dem die Information auf Kondensatoren gespeichert wird. Bedingt durch den einfachen Aufbau einer Speicherzelle haben DRAM eine sehr große Speicherdichte.

13.9.1 Aufbau eines DRAM

Das Speicherelement zeigt Bild 13-10. Ein H auf der Wortleitung wählt die Speicherzelle aus. Die auf dem Kondensator gespeicherte Ladung kann dann über die Datenleitung abfließen. Eine vorhandene Ladung bedeutet einen Speicherinhalt von einem H, keine Ladung entspricht einem L. Das Lesen zerstört die gespeicherte Ladung, so dass nach jedem Lesen die Ladung neu gespeichert werden muss.

Dynamische RAM sind so organisiert, dass sie einen Lesevorgang automatisch mit einer Regenerierung der Ladung verbinden. Wenn eine Speicherzelle eine gewisse Zeit nicht gelesen wird, fließt die Ladung ab, und die Information geht verloren. Deshalb müssen alle Speicherinhalte periodisch durch einen Lesevorgang regeneriert werden. Man nennt den Vorgang auch Refresh. Da der Off-Widerstand des MOSFET sehr hoch ist, genügen sehr kleine Kondensatoren, um Entladezeiten im ms-Bereich zu erhalten.

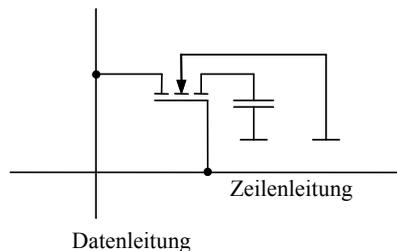


Bild 13-10 Dynamische RAM-Speicherzelle.

13.9.2 Beispiel DRAM

Als Beispiel wird der TMS416400 vorgestellt. Dieses DRAM hat eine Speicherkapazität von $4M \times 4\text{bit}$. Die Daten in jeder Speicherzelle müssen alle 64ms aufgefrischt werden.

In diesem Baustein werden die Zeilen- und die Spaltenadresse über die gleichen Anschlüsse geladen, um den Baustein klein zu halten. Wie das Prinzipschaltbild (Bild 13-11) zeigt, benutzt der TMS416400 10bit für die Auswahl der Spalten und 12bit für die Auswahl der Zeilen. Für das Einlesen der Zeilenadresse wird der Anschluss -RAS (row address strobe) und für das Einlesen der Spaltenadresse -CAS (column address strobe) verwendet. In einem Schreib-Leseverstärker wird das 4bit breite Datenwort ein- und ausgelesen.

Das Schaltsymbol des TMS 416400 ist in Bild 13-12 abgebildet. Man erkennt aus der Abhängigkeitsnotation, dass $\neg RAS$ (mit Abhängigkeitsnotation C20) die Adressleitungen A_0 bis A_{11} verwendet, während $\neg CAS$ die Adressleitungen A_0 bis A_9 benötigt (Abhängigkeitsnotation mit C21).

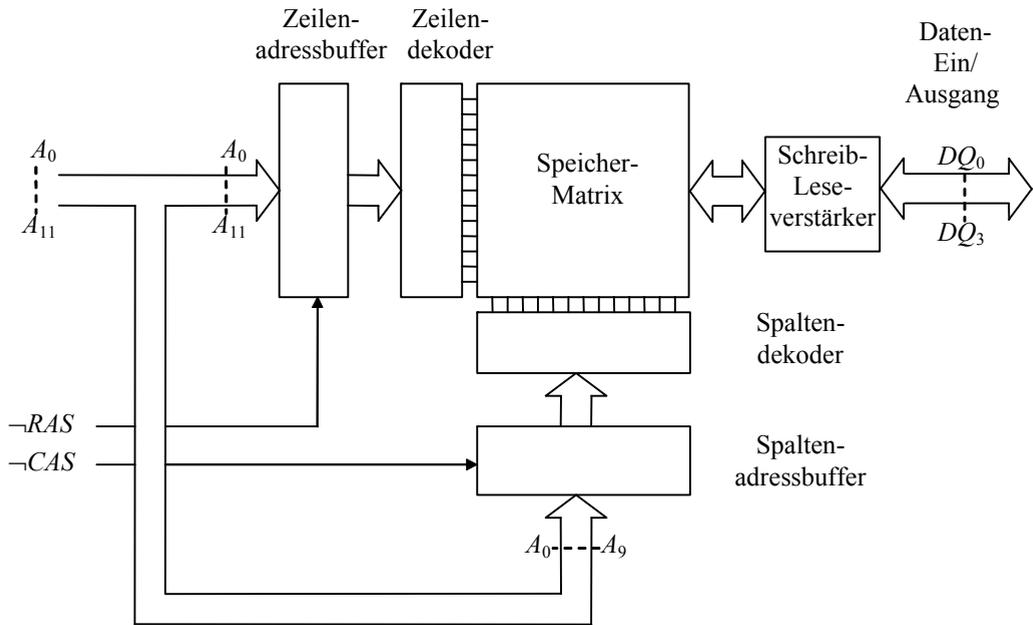


Bild 13-11 Prinzipschaltbild eines 4Mx4bit-DRAM (TMS 416400).

Lesen

Das Zeitdiagramm eines Lesevorgangs zeigt Bild 13-13. Man erkennt, dass zunächst die Zeilenadresse (Row = Zeile) anliegen muss, die mit der fallenden Flanke von $\neg RAS$ eingelesen wird. Dann wird die Spaltenadresse (Column = Spalte) angelegt und mit der fallenden Flanke von $\neg CAS$ eingelesen. Im Schaltsymbol liest man diese Zusammenhänge aus den Bezeichnungen C20 und C21 ab. Mit dem Anliegen von $\neg WR = 1$ beginnt die Adress-Zugriffszeit t_{AA} nach deren Ende gültige Daten am Ausgang anliegen. Der Ausgang wird niederohmig, wenn bei der fallenden Flanke von $\neg CAS$ (Ziffer 21) der Eingang $\neg RAS = 0$ (Ziffer 23 und 24) und der Eingang $\neg OE = 0$ (Ziffer 25) ist. Dieser Zusammenhang wird im unteren Kästchen innerhalb der Umrandung des Symbols dargestellt.

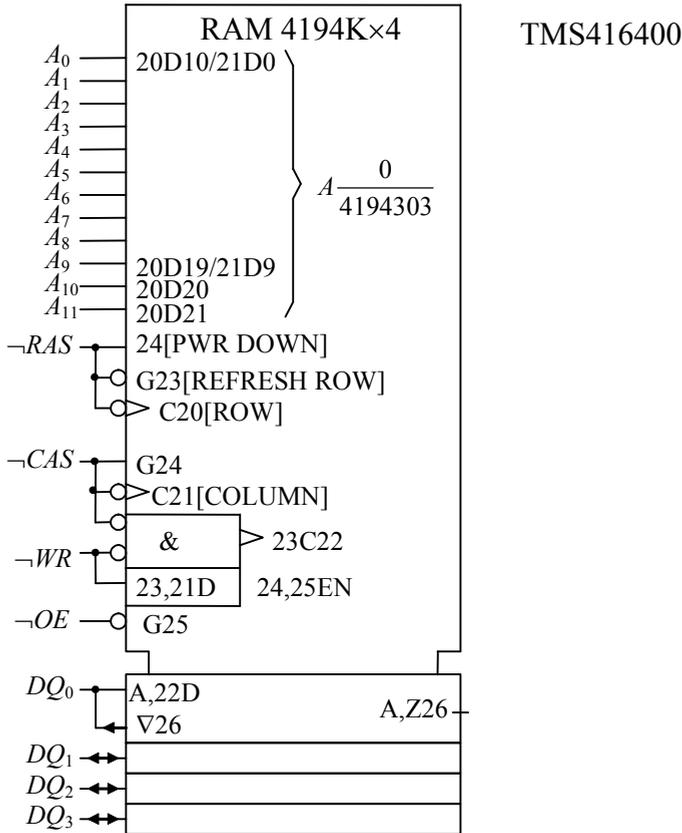


Bild 13-12 Schaltbild des TMS 416400.

Der Bereich im Speicher, der unter der gleichen Zeilenadresse zu finden ist, wird auch als Seite (Page) bezeichnet. Es gibt ein vereinfachtes Leseverfahren (**Fast Page Mode-DRAM**), wenn man mehrere Daten auf einer Seite lesen will. Dabei bleibt $\overline{RAS} = 0$ nach dem Einlesen der Zeilenadresse. Für das Auffinden der verschiedenen Daten auf der Seite werden dann die entsprechenden Spaltenadressen mehrfach verändert und durch die fallende Flanke von \overline{CAS} eingelesen.

Eine weitere Verbesserung ist beim TMS416400 dadurch erreicht worden, dass nach der negativen Flanke von \overline{RAS} bereits die Auswertung der Spaltenadressen beginnt, die kurz nach der fallenden Flanke von \overline{RAS} (nach der Hold-Time) bereits anliegen dürfen. Die damit verbundene Geschwindigkeitssteigerung wird als „**Enhanced Page Mode**“ bezeichnet. Wenn die fallende Flanke von \overline{CAS} kommt, hat die Dekodierung der Spaltenadresse bereits begonnen. Die Zugriffszeit für das Lesen auf einer Seite mit dem „Enhanced Page Mode“ ist t_{CAC} , eine Zeit, die kürzer ist als t_{AA} .

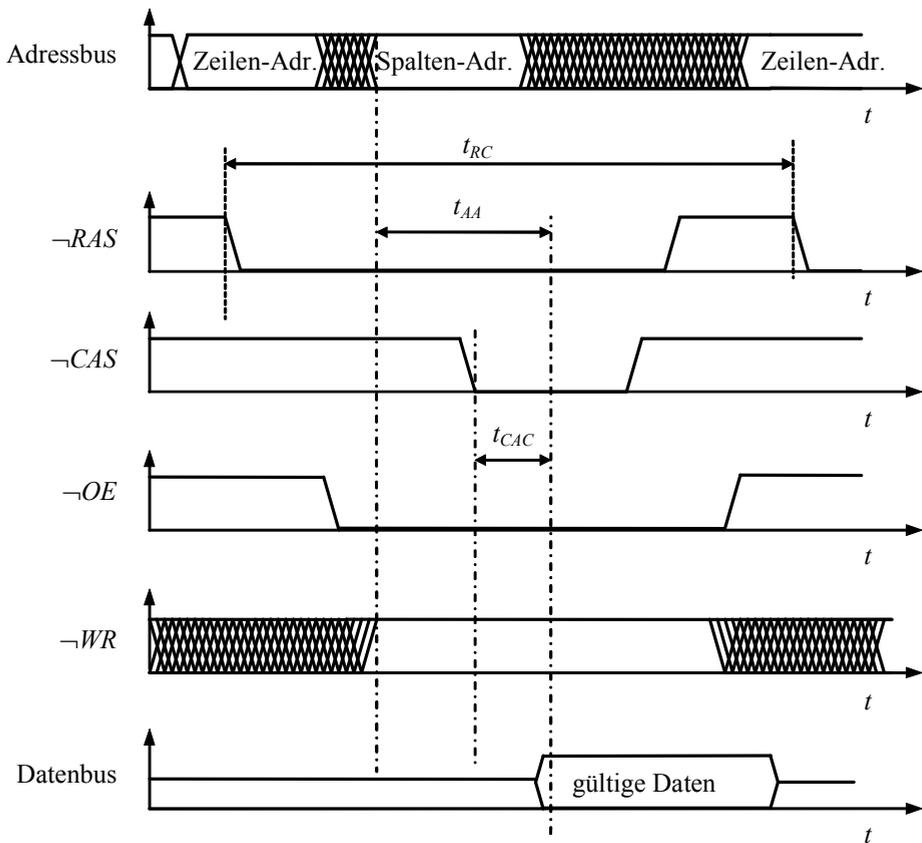


Bild 13-13 Lesezyklus des TMS 416400.

Schreiben

Zum Schreiben wird zunächst die Zeilenadresse angelegt und mit der fallenden Flanke von $\neg RAS$ eingelesen. Dann wird die Spaltenadresse angelegt und mit der fallenden Flanke von $\neg CAS$ eingelesen.

Beim Schreiben muss wegen der Ziffer 23 der Abhängigkeitsnotation $\neg RAS = L$ sein. Die Daten am Dateneingang werden eingelesen, wenn einer der Eingänge $\neg CAS$ oder $\neg WR$ auf L ist und der andere eine fallende Flanke aufweist. In Bild 13-14 ist der Fall gezeigt, bei dem zuerst $\neg WR$ auf L geht und dann die fallende Flanke von $\neg CAS$ die Daten einliest. Dieser Fall heißt „Early Write“. Die Daten müssen wie bei einem Flipflop zwischen der Setup-Time t_{DS} vor der fallenden Flanke und der Hold-Time t_{DH} nach der fallenden Flanke von $\neg CAS$ stabil anliegen.

Werden die Daten mit der fallenden Flanke von $\neg WR$ eingelesen, nennt man das „Late Write“.

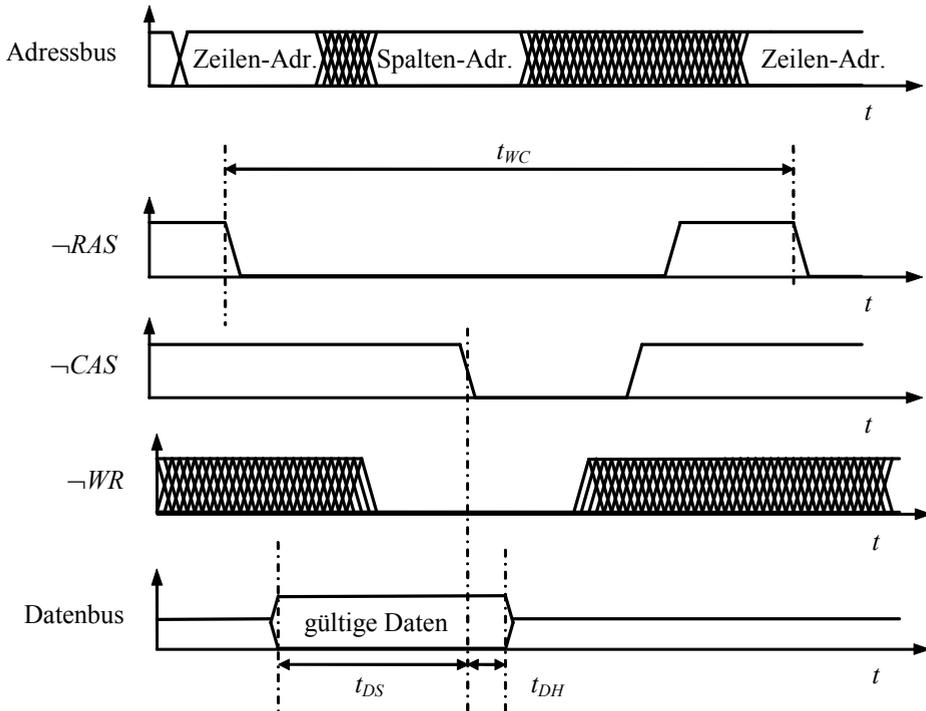


Bild 13-14 Schreibzyklus (Early Write) des TMS 416400.

Auffrischen

Alle 64ms muss jede Speicherzelle aufgefrischt werden, andernfalls gehen die Daten verloren. Eine normale Schreib- oder Leseoperation eines Bits in einer Zeile frischt alle Bits dieser Zeile wieder auf. Es reicht daher für ein vollständiges Auffrischen aus, alle 4096 Zeilen periodisch zu lesen, indem die Adressleitungen A_0 bis A_{11} durch einen Zähler permutiert werden. Der TMS416400 kann mit den folgenden Verfahren aufgefrischt werden [19]:

RAS only refresh

$\neg CAS$ wird für diese Vorgehensweise auf H gelassen. Aus dem Schaltsymbol geht hervor, dass $\neg CAS$ und $\neg OE$ auf L sein müssen, damit die Ausgänge niederohmig werden. Daher bleibt der Ausgang in diesem Fall hochohmig, so dass die Verlustleistung des Chips während des Auffrischens niedrig bleibt. Extern mit einem Zähler generierte Adressen werden für diese Refresh-Operation verwendet. Nach jedem Adresswechsel wird mit $\neg RAS$ die neue Adresse des aufzufrischenden Speicherplatzes eingelesen.

Hidden Refresh

Dieser Auffrischvorgang schließt sich an einen Lesevorgang an. $\neg CAS$ bleibt aber nach Abschluss des Lesevorganges auf L. Die Daten am Ausgang bleiben dadurch während der folgenden Refresh-Operation gültig und der folgende Auffrischvorgang wirkt nicht nach außen. Dann wird $\neg RAS$ zyklisch zwischen L und H umgeschaltet. Die Wortadressen der aufzufrischenden Speicherzellen werden intern erzeugt.

CAS before *RAS* refresh

Bei dieser Art des Auffrischens erfolgt zuerst die fallende Flanke von $\neg CAS$ und dann die von $\neg RAS$. Durch die umgekehrte Reihenfolge wird dem Speicherbaustein ein Refresh-Zyklus signalisiert. Die extern angelegten Adressen werden ignoriert und die Adressen der zu regenerierenden Zeilen aus dem internen Zeilenadress-Zähler verwendet. Für eine Folge von Refresh-Operationen bleibt $\neg CAS$ auf L und $\neg RAS$ wird zyklisch zwischen L und H umgeschaltet.

Warten

Der Baustein kann in einen Wartezustand versetzt werden, in dem er sehr wenig Leistung aufnimmt (Power down mode).

13.10 SDRAM (Synchrones DRAM)

Bei diesem Speichertyp handelt es sich auch um ein dynamisches RAM. Es arbeitet grundsätzlich so wie im letzten Kapitel beschrieben. Allerdings wird ein interner Takt des Speichers mit einer Taktflanke des Prozessortakts synchronisiert, wodurch man eine schnellere Arbeitsweise erzielt. Außerdem wird ein Burst-Mode angewendet. Intern sind zwei Speicherbänke vorhanden, auf die abwechselnd zugegriffen wird, so dass auch ein schneller Zugriff über mehrere Seiten ermöglicht wird. Bei der Synchronisation auf eine Taktflanke spricht man auch von Single Data-Rate DRAM. Es gibt z.B. die SDRAM-Speichertypen PC100 und PC133. Die Zahl gibt die Taktrate des Busses an. Für die Übertragungsgeschwindigkeit muss die Taktrate noch mit der Breite des Busses multipliziert werden. So ist bei einem PC133-System mit 8byte breitem Bus die Übertragungsgeschwindigkeit $133\text{MHz} \times 8\text{byte} \approx 1000\text{Mbyte/s}$.

13.11 DDR-RAM (Double Data Rate DRAM)

Eine neuere Entwicklung ist das Double Data-Rate DRAM (DDR-RAM). Es wird auch als DDR-SDRAM bezeichnet. Im Gegensatz zum SDRAM wird beim DDR-RAM auf zwei Taktflanken synchronisiert. Es wird intern immer die doppelte Datenmenge aus dem Speicher ausgelesen (Prefetch), die bei der steigenden Flanke ausgegeben werden kann. Der Rest der Daten wird zwischengespeichert und bei der fallenden Flanke ausgegeben. Dadurch arbeitet er doppelt so schnell wie ein SDRAM. DDR-RAM gibt es in die Typen PC200, PC266, PC 333, PC 370 und PC400. Aus dieser Zahl kann wieder die Übertragungsgeschwindigkeit ermittelt werden, jedoch ist zusätzlich der Faktor 2 zu berücksichtigen, da auch bei der negativen Taktflanke Daten übertragen werden. Weitergehende Entwicklungen (DDR2, DDR3) haben einen 4 oder 8-fachen Prefetch.

13.12 Eimerkettenspeicher

Eimerkettenspeicher sind digitale Speicher in denen Daten seriell gespeichert werden können. In den Eingang werden Daten seriell hinein geschoben, am Ausgang können sie in der gleichen Reihenfolge wieder entnommen werden. Sie werden auch FIFO (First in first out) genannt.

Eimerkettenspeicher werden als Puffer verwendet, wenn z.B. ein Datenstrom an einer Schnittstelle zwischen zwei nicht synchronisierten Takten übergeben werden soll. Werden mehr Daten angeliefert als ausgelesen, werden die aufgelaufenen Daten zwischengespeichert.

Eine andere Organisationsform ist das LIFO (last in first out), das auch als Stack bezeichnet wird. Ein LIFO ist ähnlich aufgebaut wie ein FIFO.

13.12.1 Beispiel eines FIFOs

Hier soll ein FIFO mit 64 Speicherplätzen beschrieben werden (SN74ACT2226 von Texas Instruments).

Um unabhängig voneinander lesen und schreiben zu können, wird ein Dual-Port-RAM als Herzstück des Speichers verwendet (Bild 13-15). Es ist eine RAM-Speicherzelle, die durch ein zweites Paar Wort- und Datenleitungen erweitert wurde. Dadurch sind zwei weitgehend unabhängige Tore vorhanden. Zum Beispiel kann an beiden Toren unabhängig gelesen werden. Es kann allerdings nicht die gleiche Zelle gleichzeitig gelesen und beschrieben werden. Bei verschiedenen Speicherzellen ist das möglich. Daher ist eine Logik erforderlich, mit der solche Konflikte erkannt werden können.

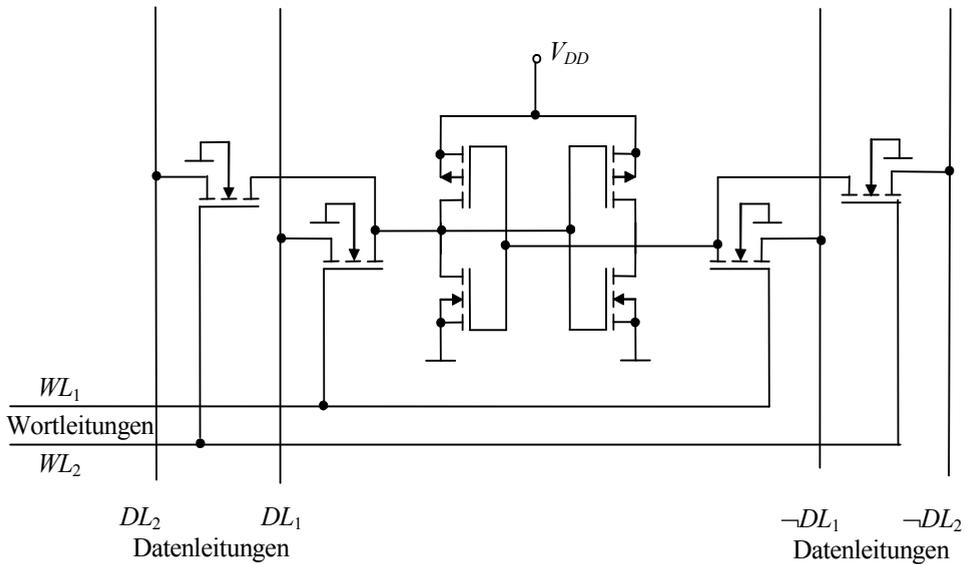


Bild 13-15 Prinzip einer Dual-Port RAM-Speicherzelle.

Für das FIFO (Bild 13-16) wird als Speicher ein Dual-Port-RAM verwendet, in dem die Speicherplätze ringförmig angeordnet sind. Im Blockschaltbild kann man erkennen, dass für Lesen und Schreiben getrennte Takte verwendet werden ($RdClk$ und $WrClk$), die nicht synchron zu sein brauchen. Für das Schreiben von Daten am Eingang D ist es erforderlich, dass $WrEn = 1$ (write enable) ist, dass das Input-Ready-Flag $InRdy = 1$ ist und am Schreibtakt $WrClk$ eine ansteigende Flanke auftritt.

Gleiches gilt für den Ausgang. $RdEn = 1$, $OutRdy = 1$ und eine ansteigende Flanke am Lesetakt $RdClk$ müssen auftreten, damit am Ausgang Q ein Bit gelesen werden kann.

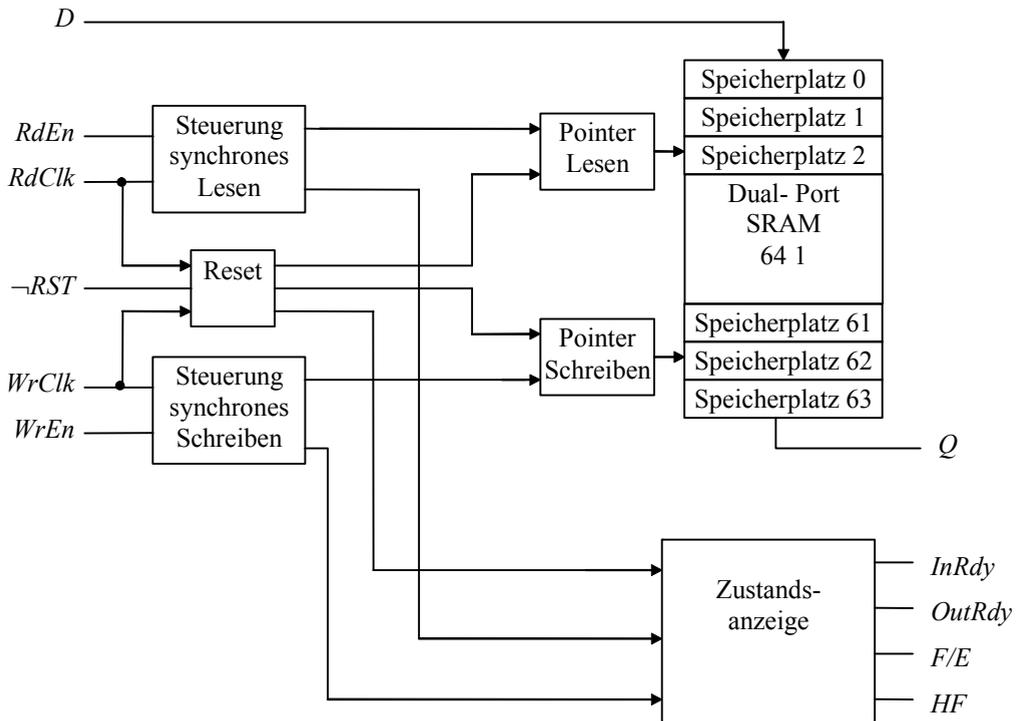


Bild 13-16 Blockschaltbild des FIFO-Speichers SN74ACT2226.

Der Speicherplatz des Dual-Port-RAM, in den das nächste Datum geschrieben werden kann, wird im „Pointer Schreiben“ gespeichert. Das ist ein Halbleiterspeicher, in dem die Adresse des Speicherplatzes steht, in den als nächstes geschrieben wird. Es ist die Adresse, die um 1 niedriger ist als die, in die zuletzt geschrieben wurde.

Im „Pointer Lesen“ steht die Adresse des Speicherplatzes aus dem als nächstes gelesen wird. Nach dem Lesevorgang wird der Pointer um 1 erniedrigt. Die gespeicherten Daten stehen also zwischen den beiden Pointern wie es im Blockschaltbild angedeutet ist.

Zusätzlich ist ein Flag (Anzeiger) für einen fast vollen oder einen fast leeren Speicher vorhanden (F/E). Ein halbvoller Speicher wird mit dem Flag HF angezeigt. Im Blockschaltbild werden diese Flags in der Zustandsanzeige erzeugt.

Mit einem Reset -RST kann der Speicher zurückgesetzt, also gelöscht werden.

Das Schaltsymbol des FIFOs ist in Bild 13-17 gezeigt.

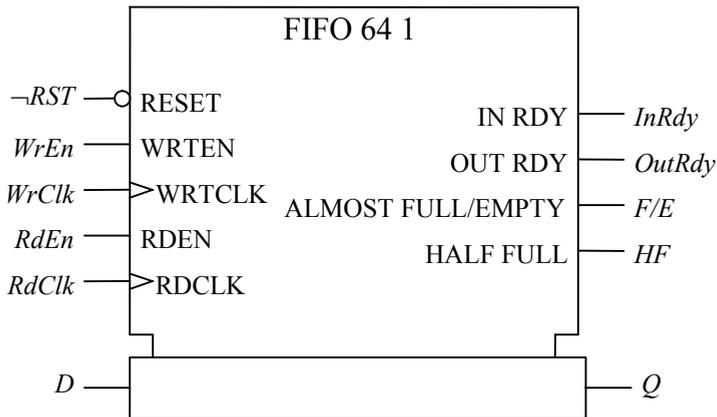


Bild 13-17 Schaltsymbol des FIFO-Speichers SN74ACT2226.

13.13 Kaskadierung von Speichern

In vielen Fällen müssen Speicher aus mehreren Speicherbausteinen zusammengesetzt werden. Das ist der Fall:

1. wenn ein einzelner Speicher von der Kapazität nicht ausreicht. Es ist zu unterscheiden, ob die Wortlänge zu klein ist oder aber die Anzahl der Speicherplätze zu gering ist.
2. wenn der Speicherbereich aus nichtflüchtigen ROM und flüchtigen Schreib-Lesespeichern zusammengesetzt werden muss oder
3. wenn aus Kostengründen ein schneller Speicher mit einem langsamen Speicher kombiniert werden soll.

13.14 Erweiterung der Wortlänge

Soll zum Beispiel eine Wortlänge von 8bit auf dem Datenbus realisiert werden und stehen aber nur Speicherbausteine mit einer Wortlänge von 4bit zur Verfügung, so können diese entsprechend Bild 13-18 verschaltet werden. Den einzelnen Speichern werden der Adress- und der Datenbus identisch zugeführt. Der Datenein- und Ausgang des einen Speichers wird an die Bits 0 bis 3 des Datenbusses angeschlossen, während der Datenein- und Ausgang des anderen Speicherbausteins an die Bits 4 bis 7 des Datenbusses gelegt wird.

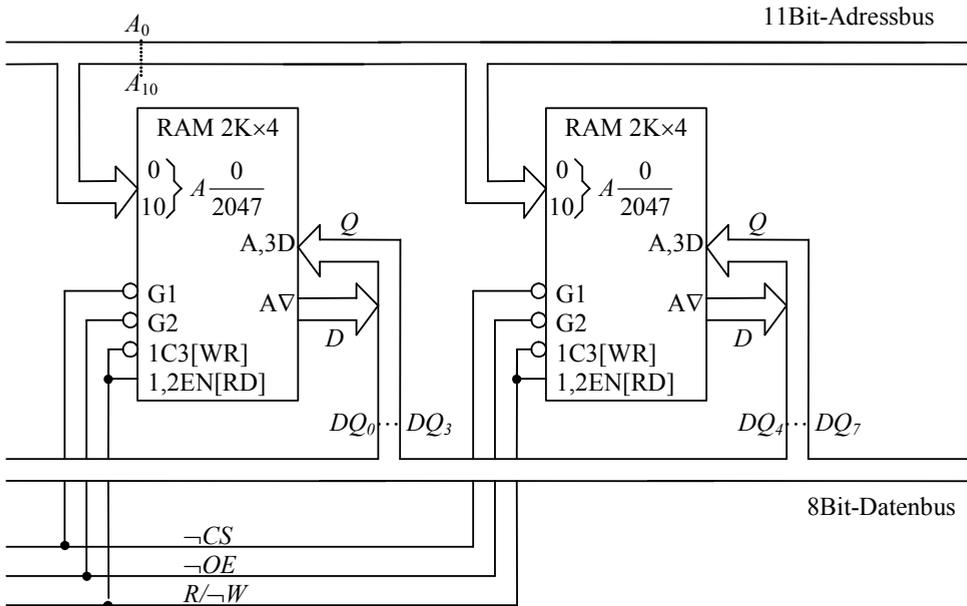


Bild 13-18 Erweiterung der Wortlänge eines Speichers auf 8bit.

13.15 Erweiterung der Speicherkapazität

Soll die Anzahl der Speicherplätze in einem Speicher erhöht werden, so müssen mehrere Speicher geringerer Kapazität zusammengeschaltet werden.

Im Folgenden sind einige Beispiele für einen Speicher mit $8K \times 8\text{bit} = 8\text{Kbyte}$ Kapazität dargestellt. Der Speicher soll aus 4 einzelnen Speicherbausteinen mit 2Kbyte Speicherkapazität zusammengeschaltet werden. Er soll an einen Adressbus der Breite 16bit angeschlossen werden. Die Datenbusbreite beträgt 8bit.

Die einzelnen Speicherbausteine mit je 2Kbyte Speicherkapazität haben 11 Adressanschlüsse A_0 - A_{10} .

Das Problem, welches beim Anschluss der Speicher-Bausteine zu lösen ist, ist die Dekodierung der Adressleitungen A_{11} - A_{15} , um Speicherplätze in den einzelnen Speicherbausteinen gezielt ansprechen zu können. Im Folgenden werden einige übliche Lösungsmöglichkeiten mit drei RAM und einem ROM vorgestellt.

13.15.1 Volldekodierung

Bei der Volldekodierung werden alle Adressleitungen genutzt. Jeder Speicherplatz hat nur eine Adresse.

Man erreicht dies zum Beispiel, indem man einen Demultiplexer mit 4 Ausgängen verwendet, die an die Chip-Select-Eingänge $\neg CS$ der 4 Speicherbausteine angeschlossen werden (Bild 13-19). Die Eingänge des Demultiplexers werden an die Adressleitungen A_{11} und A_{12} angeschlossen.

Die höheren Adressleitungen A_{13} bis A_{15} werden mit einem ODER-Gatter an den Chip-Select-Eingang des Demultiplexers angeschlossen, damit bei Adressen, die höher sind als 1FFFH (H für hexadezimal) keiner der Bausteine angesprochen wird.

Der Adressplan des Systems (Bild 13-19) ist in Tabelle 13-2 gezeigt. Die Adressen der Speicherplätze werden in Hexadezimalschreibweise und in Binärdarstellung angegeben. Die Tabelle zeigt, dass die Speicherplätze dicht liegen. Der Programmierer kann also Daten nach Belieben abspeichern (aber nicht in das ROM), ohne auf irgendwelche Lücken Rücksicht nehmen zu müssen. Die höchste Adresse ist 1FFFH = $4 \times 2048 - 1$, was einer Speicherkapazität von 8K entspricht.

Heute wird die Dekodierung von Adressen für Speichersysteme oft mit programmierbaren Logikbausteinen durchgeführt, wie sie in Kapitel 14 besprochen werden.

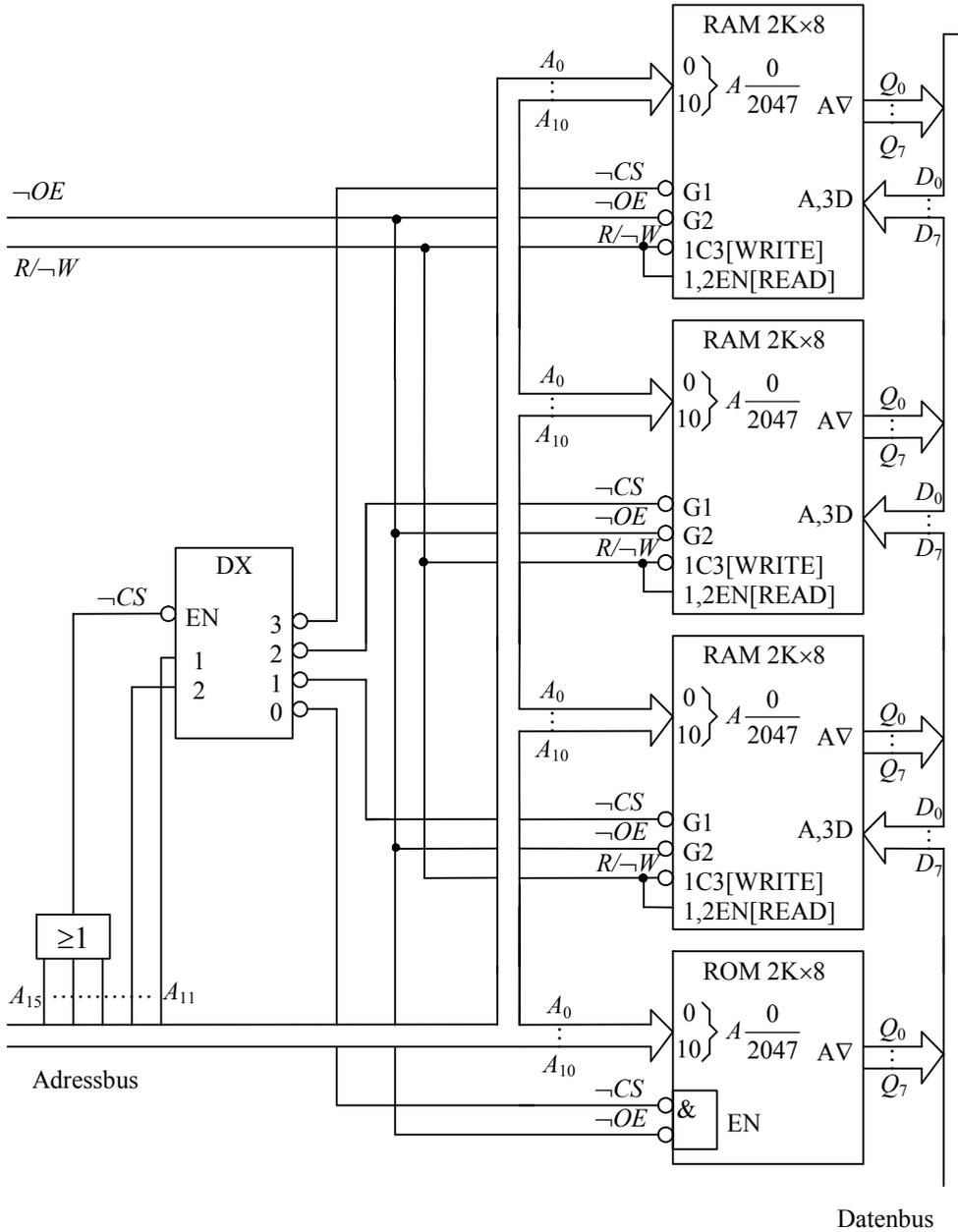


Bild 13-19 Volldekodierung eines Systems mit 8K-Speicher.

Tabelle 13-2 Adressplan des Systems mit Volldekodierung aus Bild 13-19. Es ist jeweils die niedrigste und höchste Adresse des jeweiligen Speichers angegeben.

Baustein	Adresse (Hex)	Adresse (binär)					
		15 14 13 12	11 10 9 8	7 6 5 4	3 2 1 0		
1 (ROM)	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0		
	0 7 F F	0 0 0 0	0 1 1 1	1 1 1 1	1 1 1 1		
2 (RAM)	0 8 0 0	0 0 0 0	1 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0		
	0 F F F	0 0 0 0	1 1 1 1	1 1 1 1	1 1 1 1		
3 (RAM)	1 0 0 0	0 0 0 1	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0		
	1 7 F F	0 0 0 1	0 1 1 1	1 1 1 1	1 1 1 1		
4 (RAM)	1 8 0 0	0 0 0 1	1 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0		
	1 F F F	0 0 0 1	1 1 1 1	1 1 1 1	1 1 1 1		

13.15.2 Teildekodierung

Bei der Teildekodierung werden nicht alle Adressleitungen genutzt. Es wurde für das System in Bild 13-20 ein Demultiplexer für die Dekodierung der Adressleitungen A_{12} und A_{11} verwendet. Die höheren Adressleitungen A_{13} bis A_{15} werden nicht dekodiert, um den Hardware-Aufwand zu verringern. Die auf diesen Leitungen anliegenden Bits sind also „don't care“.

Wie der Adressplan in Tabelle 13-3 zeigt, ist jeder Speicherplatz unter 8 Adressen erreichbar, da die 3 MSB don't care sind. Es ist aber sinnvoll, bei der Programmierung $A_{15} = A_{14} = A_{13} = 0$ zu setzen. Dann können einfach hexadezimale Adressen bestimmt werden.

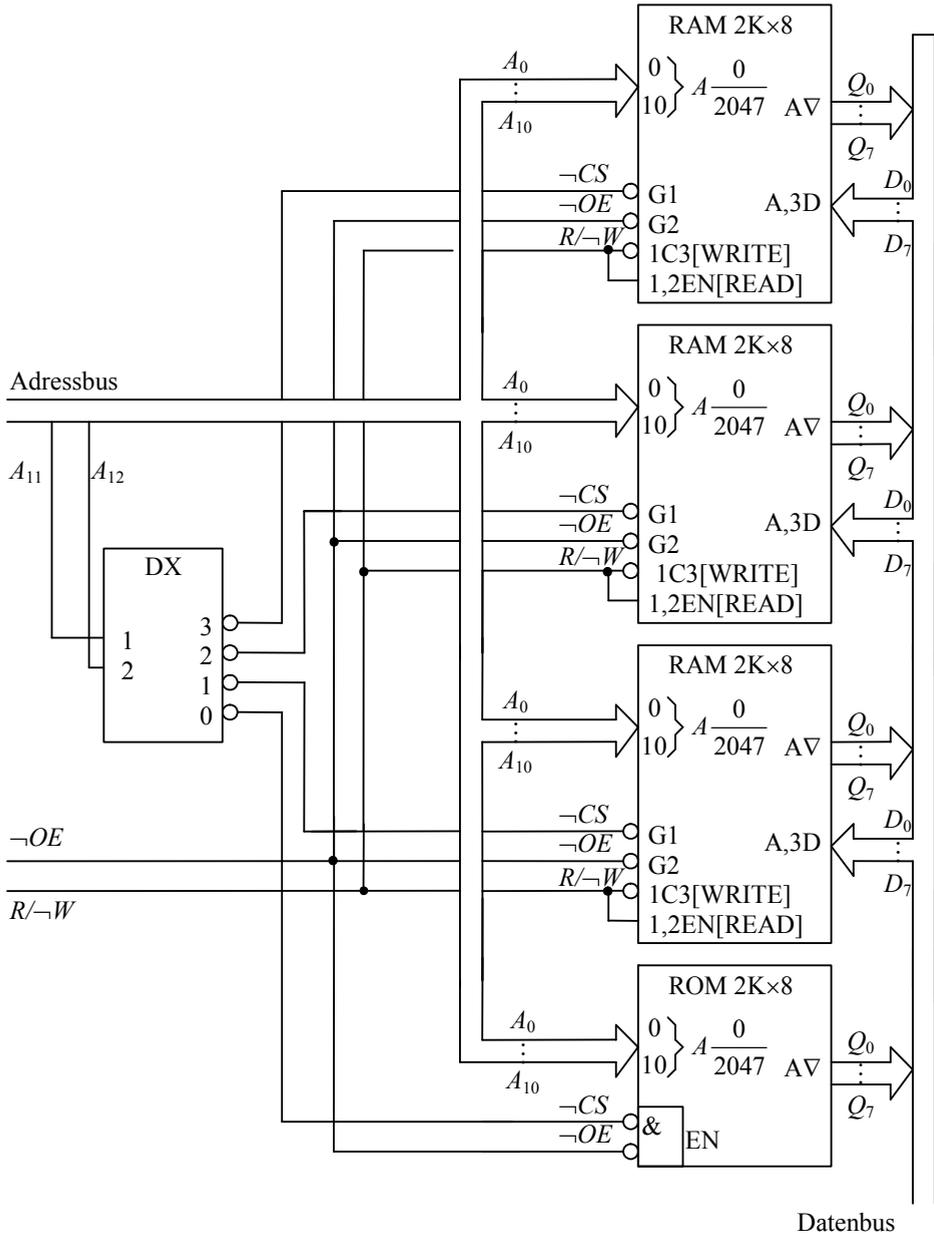


Bild 13-20 Teildekodierung eines Systems mit 8K-Speicher.

Tabelle 13-3 Adressplan des Systems mit Teildekodierung aus Bild 13-20. Es ist jeweils die niedrigste und höchste Adresse des jeweiligen Speichers angegeben.

Baustein	Adresse (Hex)	Adressleitungen (binär)															
		15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1 (ROM)	0 0 0 0	d	d	d	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	E 7 F F	d	d	d	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2 (RAM)	0 8 0 0	d	d	d	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	E F F F	d	d	d	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
3 (RAM)	1 0 0 0	d	d	d	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	F 7 F F	d	d	d	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
4 (RAM)	1 8 0 0	d	d	d	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	F F F F	d	d	d	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

13.15.3 Lineare Dekodierung

Bei der linearen Dekodierung wird auf einen Dekoder verzichtet. Stattdessen werden die oberen Adressleitungen A_{11} bis A_{14} direkt an die Chip-Select-Eingänge CS der Speicher angeschlossen. In Bild 13-21 wurden Bausteine mit nichtinvertiertem Chip-Select-Eingang CS verwendet, um einen einfacheren Aufbau des Speicherbereichs zu erhalten. A_{15} wird nicht verwendet und ist daher don't care.

Die lineare Dekodierung schränkt den nutzbaren Speicherbereich stark ein. In diesem Fall können nur 5 Bausteine mit je $2K \times 8\text{bit} = 16\text{Kbyte}$ angeschlossen werden, weil nur 5 Adressleitungen zur Verfügung stehen. Daher ist die Anwendung der linearen Dekodierung auf Systeme mit geringem Speicherplatzbedarf beschränkt.

Der Adressplan in Tabelle 13-4 zeigt, dass im Speicherbereich Lücken auftreten. Wird ein derartiger Speicher in einem Mikroprozessorsystem eingesetzt, muss der Programmierer aufpassen, dass er nicht versucht Daten in die Lücken abzuspeichern. In der Hexadezimaldarstellung des Adressplans wurde vorausgesetzt, dass $A_{15} = 0$ ist. Andernfalls ist das System sehr unübersichtlich.

Man beachte, dass z.B. mit der Adresse 7800H alle vier Bausteine angesprochen werden. Auch dadurch können Fehler entstehen. Die lineare Dekodierung ist nur dort üblich, wo an einen breiten Adressbus nur wenige Speicher mit geringer Kapazität angeschlossen werden müssen.

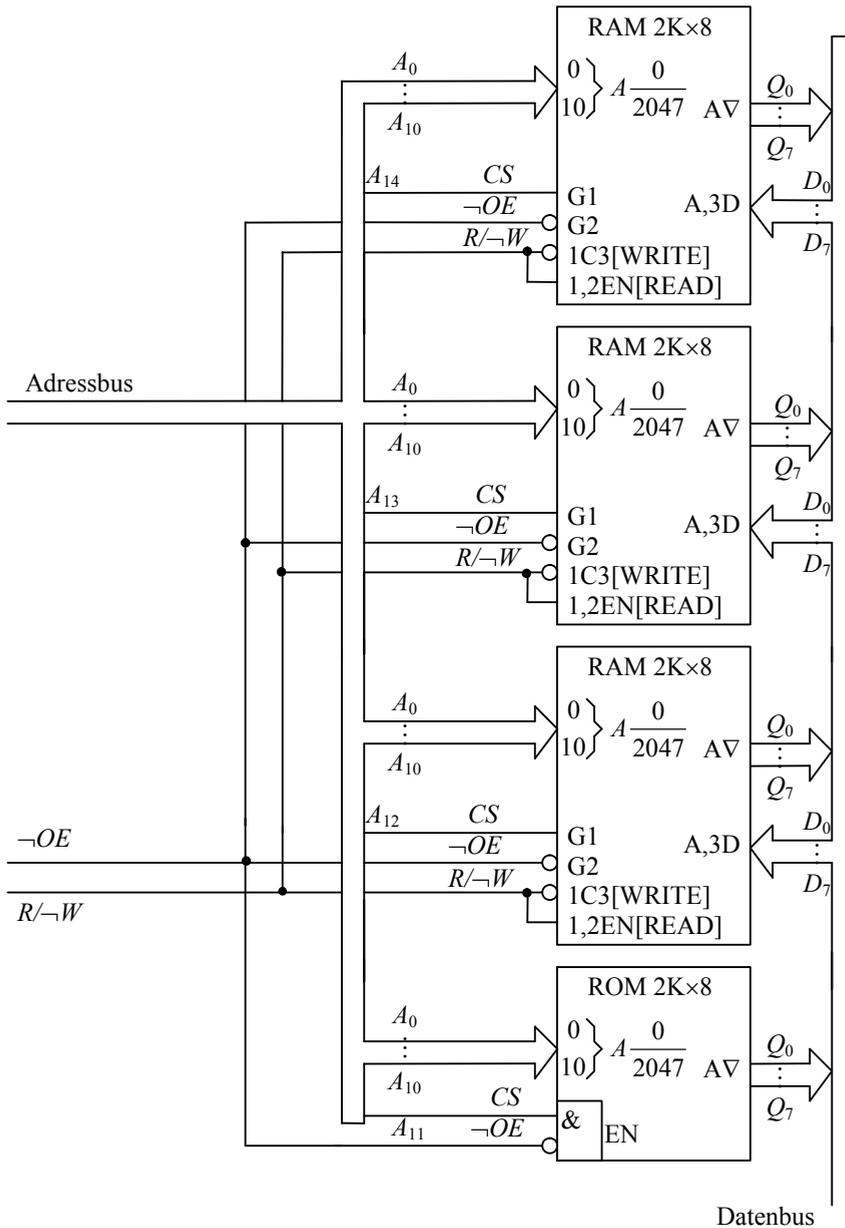


Bild 13-21 Lineare Dekodierung eines Systems mit 8K-Speicher.

Tabelle 13-4 Adressplan des Systems aus Bild 13-21 mit linearer Dekodierung. Es ist jeweils die niedrigste und höchste Adresse des jeweiligen Speichers angegeben.

Baustein	Adresse (Hex)	Adressleitungen (binär)															
		15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1 (ROM)	0800	d	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0FFF	d	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2 (RAM)	1000	d	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	17FF	d	0	0	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
3 (RAM)	2000	d	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	27FF	d	0	1	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
4 (RAM)	4000	d	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	47FF	d	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

13.16 Übungen

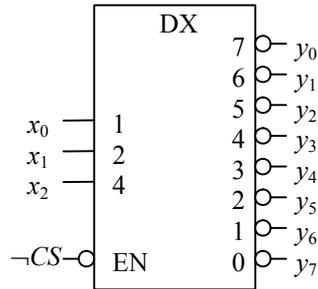
Aufgabe 13.1

1. Welche der Speicherbausteine RAM, EEPROM und ROM sind flüchtig?
2. Welche der folgenden Speicherbausteine RAM, PROM, ROM und EEPROM sind Festwertspeicher?
3. Geben Sie an, wie die folgenden Speicher programmiert werden können: ROM, PROM, EPROM, EEPROM.
4. Kann der Inhalt der Speicher-Bausteine ROM, EPROM, EEPROM, Flash-EEPROM gelöscht werden? Geben Sie in allen Fällen an wie das geschehen kann.
5. Was ist der Unterschied zwischen SRAM und DRAM?

Aufgabe 13.2

Es soll ein Speicher für einen 16bit-Adressbus und 8bit-Datenbus aufgebaut werden. Es sollen, beginnend bei der Adresse 0000H, ein ROM mit 4Kbyte dann RAM mit 2Kbyte, 2Kbyte und 8Kbyte Speicherplätzen installiert werden.

1. Die Speicherplätze sollen „volldekodiert“ werden. Ermitteln Sie für jeden Speicherbaustein jeweils die unterste und oberste Adresse.
2. Die Dekodierung soll mit dem gezeigten Demultiplexer durchgeführt werden. An welche Adressleitungen müssen die Eingänge des Demultiplexers angeschlossen werden?
3. Entwerfen Sie ein Schaltnetz, welches an den Ausgängen des Demultiplexers die einzelnen Speicherbausteine richtig ansteuert. Wie werden die restlichen Adressleitungen angeschlossen?



Aufgabe 13.3

In einem Speichersystem mit wenigen Speicherplätzen sollen an einen Adressbus von 8bit Breite Speicher mit 1byte Wortlänge angeschlossen werden. Es sollen beginnend bei niedrigen Adressen, Schnittstellen mit 2byte, 4byte und 8byte Speicherplatz angeschlossen werden.

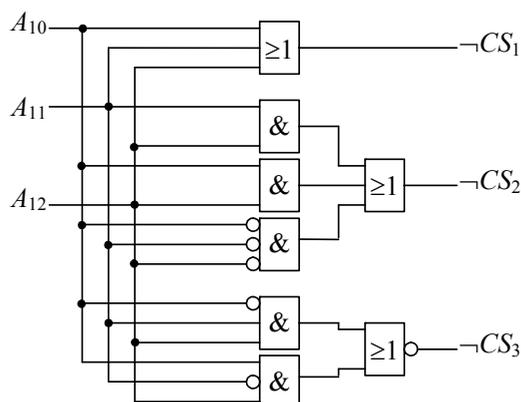
Die Adressen sollen linear dekodiert werden.

1. Geben Sie eine Schaltungsmöglichkeit an. Wie werden die Adressleitungen angeschlossen?
2. Stellen Sie einen Adressplan auf.

Aufgabe 13.4

Unten ist eine Dekodierschaltung für einen Mikroprozessor mit 16bit breitem Adressbus gezeigt. Die drei Speicherbausteine, die damit angesteuert werden, haben die invertierenden Chip-Select-Anschlüsse $\neg CS_1$, $\neg CS_2$ und $\neg CS_3$.

1. Stellen Sie die booleschen Gleichungen der Dekodierschaltung auf.
2. Geben Sie das daraus resultierende Adressschema an.
3. Welche Kapazität müssen sinnvollerweise die angeschlossenen Speicherbausteine haben, wenn unter jeder Adresse ein Byte angesprochen werden soll?
4. Um welche Art von Dekodierung handelt es sich?



14 Programmierbare Logikbausteine

Sollen Schaltwerke oder Schaltnetze aufgebaut werden, so gibt es verschiedene Möglichkeiten der Realisierung. Aus Kostengründen wird man nach Möglichkeit Standardbauelemente bevorzugen, die in großen Stückzahlen gefertigt werden können. Es stellt sich daher die Frage, wie Standardbauelemente den speziellen Anforderungen der einzelnen Kunden angepasst werden können. Der Halbleitermarkt bietet die folgenden Alternativen:

Kombination von niedrig integrierten Standard-IC auf einer Leiterplatte

Hierbei werden in der Regel einzelne Gatter und niedrig integrierte SSI und MSI-IC (SSI = small scale integration, MSI = medium scale integration) miteinander auf einer Leiterplatte (PCB = printed circuit board) verschaltet. Diese Vorgehensweise hat eine sehr hohe Flexibilität. Allerdings haben die Bauelemente eine sehr hohe Leistungsaufnahme, da alle Gatter am Ausgang einen Leitungstreiber aufweisen müssen. Außerdem sind derartige Schaltungen in der Fertigung sehr teuer. Sie eignen sich eher für geringe Stückzahlen. Denkbar sind auch Logiken aus einzelnen Dioden und Transistoren. Diese Vorgehensweise wird heute wegen des hohen Montage- und Prüfaufwandes nur noch in Ausnahmefällen beschritten, wie zum Beispiel bei der „wired or“-Verknüpfung.

Anwenderspezifische Software

Hierunter fällt im Wesentlichen der Mikroprozessor. Er erhält seine hohe Flexibilität durch die Software, mit der sein Verhalten den jeweiligen Erfordernissen angepasst werden kann.

Anwenderspezifische Hardware

Flexibilität kann durch die Verwendung kundenspezifischer integrierter Schaltungen erreicht werden. Diese Schaltungen sind unter dem Oberbegriff ASIC (= application specific integrated circuit) zusammengefasst. Dies sind Schaltungen, die durch physikalische Veränderungen oder durch ein Konfigurationsprogramm an bestimmte Anforderungen angepasst werden können. ASIC umfassen sowohl kundenspezifisch hergestellte IC (Vollkundendesign) mit speziell für den Kunden zugeschnittener Logik als auch Standardbausteine, in denen durch den Kunden mit Stromstößen Verbindungen geöffnet werden können, um ein bestimmtes Verhalten zu erzielen.

14.1 ASIC-Familien

Es existiert heute eine Vielzahl von verschiedenen ASIC-Familien. Man kann ASIC grob unterscheiden nach:

Programmierbare Logik-IC (PLD)

Die Klasse der programmierbaren Logik-IC (Bild 14-1) hat sich als erste ASIC-Familie etabliert. Aus der Sicht der Hersteller sind die programmierbaren Logik-IC Standard-Bausteine, da sie für alle Kunden identisch gefertigt werden können. Durch die Programmiermöglichkeit von matrixförmig angeordneten UND- und ODER-Matrizen kann der Kunde im Haus die Schaltung so strukturieren, wie er sie benötigt.

Halbkundendesign-ASICs

Hier handelt es sich um ASIC, die matrixförmig angeordnete Gatter besitzen und die vom Hersteller durch die Strukturierung der Verbindungsleitungen den Kundenwünschen angepasst werden können. Die einzelnen Gatter sind vom Hersteller getestet und ihr Verhalten ist genau

bekannt, so dass eine Bibliothek von Zellen vorliegt, die vom Anwender mit Hilfe von Design-Software zu einer kompletten Schaltung zusammengesetzt werden können. Halbkundendesign ASIC haben geringere Entwicklungskosten als Vollkundendesign ASIC, sie sind aber auch langsamer. Da sie die Chipfläche weniger gut ausnutzen, sind die Kosten pro Chip höher als beim Vollkundendesign-ASIC. In dieser Gruppe findet man die Gate-Arrays und die Standardzellen-ASIC.

Vollkundendesign-ASICs

Bei diesem ASIC-Typ handelt es sich um ein Design, das für den Kunden speziell angefertigt wird. Es unterscheidet sich durch nichts von einem normalen Standard-IC. Diese Lösung bietet die höchstmögliche Flexibilität. Es können alle Funktionen verwirklicht werden. Selbst analoge Schaltungsteile sind denkbar. Wegen der hohen Entwicklungskosten lohnt sich ein Vollkundendesign nur bei sehr hohen Stückzahlen. Es können sehr hohe Integrationsdichten erzielt werden. Die Signalverarbeitungsgeschwindigkeit kann sehr hoch sein, wenn dies erforderlich ist.

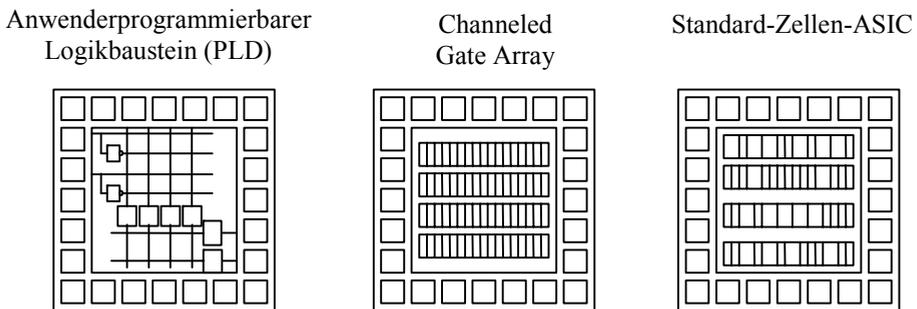


Bild 14-1 Struktur verschiedener ASIC-Typen.

Aus Tabelle 14-2 geht hervor, dass von den anwenderprogrammierbaren Logikbausteinen bis hin zu den Vollkunden-IC die Entwicklungszeit, die Entwicklungskosten, die Flexibilität sowie die sinnvolle Mindeststückzahl zunehmen, während die Chipfläche, die die Herstellungskosten pro Chip bestimmt, abnimmt. Daraus ergeben sich die unterschiedlichen Anwendungsgebiete der unterschiedlichen ASIC-Arten. In der Praxis können sich allerdings leicht Abweichungen von dieser Regel ergeben. So sind die anwenderprogrammierbaren Logikbausteine heute mit Gatteräquivalenten bis zu mehreren 100000 erhältlich. Sie kommen daher auch in den Bereich der VLSI-Bausteine. Manche Anwendungsmöglichkeiten wurden nur durch die Entwicklung von ASIC erschlossen: Multifunktions-Armbanduhren, Scheckkarten-Rechner oder portable PC. Wesentliche Bestimmungsgrößen bei der Entwicklung digitaler Systeme sind:

- Der Entwicklungsaufwand ist für verschiedene ASIC sehr unterschiedlich.
- Bauteilekosten pro Funktion. In der Regel sind die Bauteilekosten für ASIC mit hohem Entwicklungsaufwand am geringsten, wodurch sich diese nur bei großen Stückzahlen lohnen. Dazu gehören auch die Zusatzkosten für Gehäuse, Stromversorgung, Leiterplatte usw.
- Lager- und Vorratskosten für Material
- Wartungs- und Service-Aufwand

- Realisierungszeit des Projekts
- personelle Entwicklungskapazität

Die verschiedenen ASIC-Typen müssen hinsichtlich dieser Punkte überprüft werden, um die geeignete Technologie für den jeweiligen Anwendungsfall zu finden. Die Motivation für die Wahl eines bestimmten ASIC kann sehr unterschiedlich sein. ASIC haben generell einige Vorteile:

- Ein ASIC beinhaltet in der Regel die Funktion von vielen Standard-Bauelementen, damit sinkt die Fehlerwahrscheinlichkeit der Schaltung, sie wird zuverlässiger.
- Der Entflechtungsaufwand auf der Leiterplatte ist geringer. Man kann unter Umständen eine billigere Leiterplatte verwenden.
- Es ist schwierig, ein ASIC zu kopieren, da seine Funktion von außen nur schwer durchschaut werden kann. Damit kann ein Entwicklungsvorsprung gegenüber der Konkurrenz leichter aufrechterhalten werden.
- ASIC lassen sich oft einfacher testen als eine Schaltung aus einer Vielzahl von Standard-Komponenten, vorausgesetzt, dass entsprechende Testmöglichkeiten bei der Entwicklung berücksichtigt wurden.

Tabelle 14-1 Systematik der ASIC nach der Struktur.

ASIC-Typ	Anwender-programmierbare IC	Gate-Arrays	Standardzellen-ASIC	Vollkunden-ASIC
Feste Struktur	UND/ODER-Matrix, Logikzellen-Matrix	Logische Gatter	digitale und analoge Standardzellen	—
programmierbare Struktur	Fuse, Antifuse, el. Ladungen, programmgesteuerte Matrizen	Verbindungsleitungen	Alle Masken	Alle Masken
Ausführungsformen	PLA, PAL, PROM, EPROM, FPGA	Channelled Gate-Array, Sea of Gates	Standardzellen-IC, Block-Zellen-IC	—

Tabelle 14-2 Vergleich von Standardkomponenten und verschiedenen ASIC-Familien. Angedeutet sind die grundsätzlichen Tendenzen des Aufwandes und der Leistungen der verschiedenen ASIC.

Parameter	Standard-Komponenten	Anwender-programmierbare-IC	Halbkunden-design-ASIC	Vollkunden-design-ASIC
Leistung	mittel-hoch	mittel	hoch	sehr hoch
Entwicklungskosten	niedrig	niedrig	mittel-hoch	hoch-sehr hoch
Maskenkosten	-	-	niedrig-mittel	hoch
Entwurfsdauer	kurz	mittel	mittel	mittel-hoch
Stückkosten	niedrig	hoch	mittel	niedrig
Integrationsdichte	hoch	niedrig	hoch	sehr hoch

14.2 Programmierbare Logik-IC (PLD)

Programmierbare Logik-IC (PLD) sind im Prinzip Standard-Bauelemente, die vom Kunden für seine Zwecke konfiguriert werden können. Ihr elektrisches Verhalten ist genau bekannt, so dass sehr genaue Modelle für die Simulation vorhanden sind. Daher können programmierbare Logik-IC sehr einfach entwickelt werden. Ihr Stückpreis, bezogen auf die vorhandene Gatterzahl kann gering sein, da sie in großen Stückzahlen hergestellt werden können. Allerdings gelingt es bei den wenigsten Designs einen hohen Ausnutzungsgrad der Gatter zu erzielen. Sie eignen sich daher besonders für geringe Stückzahlen. Ihr Vorteil liegt auch darin, dass sie kurzfristig geändert werden können. Programmierbare Logik-IC haben auch den Vorteil, dass sie vom Hersteller bereits hardwaremäßig getestet wurden. Der Anwender muss nur noch die Konfiguration prüfen.

Programmierbare Logik-IC werden im Folgenden mit ihrem englischen Oberbegriff „programmable logic device“ (PLD) bezeichnet.

Durch die Möglichkeit, die Logik vom Anwender konfigurieren zu können, verknüpfen PLD so die Vorteile eines Standardbausteins mit kundenspezifisch hergestellten Bausteinen, die den Bedürfnissen des Kunden optimal angepasst sind.

14.2.1 PLD-Typen

Unterschieden werden kann nach der Art der Programmierung:

- Fuse-Link, einmal elektrisch herstellbare, dann dauerhafte Trennung
- Antifuse, einmal elektrisch herstellbare, dann dauerhafte Verbindung.
- 1-Bit RAM-Zellen: Flipflops
- EPROM-Zellen: dauerhafte Ladungsspeicherung, kann durch UV-Licht gelöscht werden.
- EEPROM-Zellen: dauerhafte Ladungsspeicherung, kann elektrisch gelöscht werden.

In PLD werden programmierbare UND- und ODER-Matrizen verwendet. Abhängig von deren Struktur kann man unterscheiden nach:

PLA	Programmierbare UND und ODER-Matrix
PAL	Programmierbare UND-Matrix, feste ODER-Matrix
GAL	Wie PLA, aber zusätzlich mit programmierbaren Ausgangsnetzwerken
EEPROM	Programmierbare ODER-Matrix, feste UND-Matrix
FPGA, LCA	Elektrisch programmierbares logisches Array, flüchtig
CPLD, EPLD	elektrisch programmierbares logisches Array, nicht flüchtig, mit UV-Licht oder elektrisch löschar

Im Folgenden werden die in den PLD verwendeten UND- und ODER-Gatter, die in der Regel eine Vielzahl von Eingängen haben, vereinfacht dargestellt (Bild 14-2).

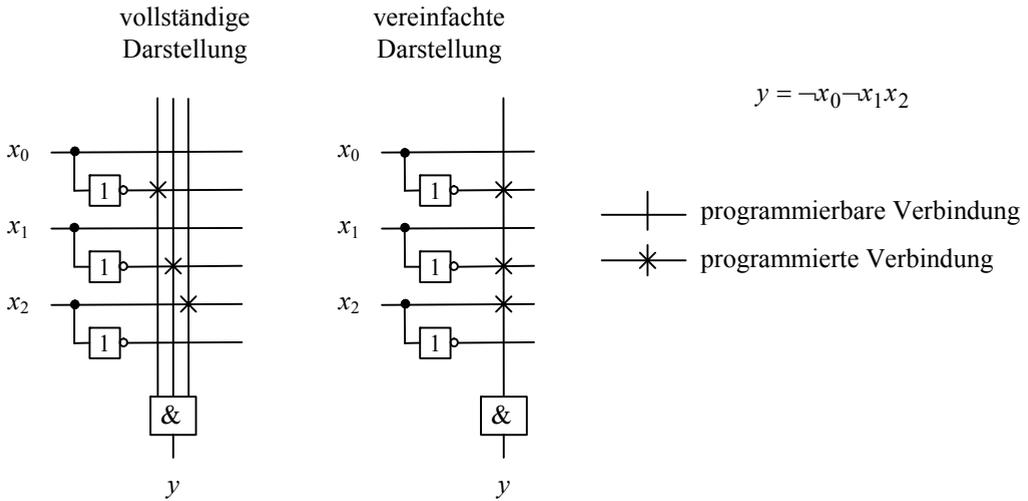


Bild 14-2 Vollständige und vereinfachte Darstellung eines UND-Gatters in einer PLD.

14.3 ROM, EPROM, EEPROM

Mit nichtflüchtigen Speichern wie ROM, PROM, EPROM, EEPROM usw. können Schaltnetze realisiert werden. Sollen zum Beispiel zwei Funktionen mit 4 Eingangsvariablen realisiert werden, so benötigt man ein ROM mit 16×2Bit Kapazität. Unter jeder der 16 Adressen werden die Funktionswerte der beiden Funktionen gespeichert, wobei alle Funktionen möglich sind. Ein ROM ist also sehr universell. Es kann aber ineffektiv sein, wenn eine Funktion nur sehr wenige Einsen oder Nullen in der Wahrheitstabelle hat.

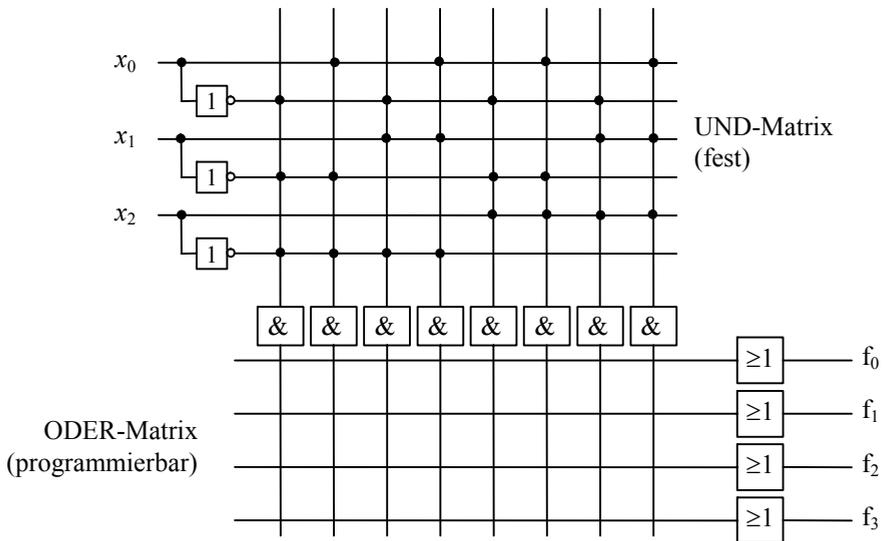


Bild 14-3 Darstellung eines 8×4-ROM (32Bit) mit UND- und ODER-Matrix.

Man verwendet ROM in den folgenden Fällen bevorzugt:

- Wenn die Funktion als Wahrheitstabelle gegeben ist. Dann kann die Funktion ohne weitere Bearbeitung direkt gespeichert werden.
- Wenn die Funktion sehr viele Produktterme benötigt. Das ist zum Beispiel der Fall bei arithmetischen Funktionen.
- Wenn absehbar ist, dass die Schaltung oft geändert werden muss und der Aufwand nicht bekannt ist.
- Wenn es viele Einsen in der Wahrheitstabelle gibt.

Das ROM kann als ein Schaltnetz verstanden werden, welches eine feste UND-Matrix zur Adressdekodierung und eine maskenprogrammierbare ODER-Matrix hat (Bild 14-3).

14.4 PLA

PLA (Programmable Logic Array) bestehen aus einer programmierbaren UND- und einer programmierbaren ODER-Matrix, wie dies im Bild 14-4 festgehalten ist. Mit einem PLA kann die DNF direkt verwirklicht werden, wobei die Produktterme durch die UND-Matrix und die Summen-Terme durch die ODER-Matrix realisiert werden. Die Anzahl der Produktterme ist dabei kleiner als die bei n Eingängen mögliche von 2^n . Gemeinsame Produktterme können mehreren Eingängen zugeführt werden.

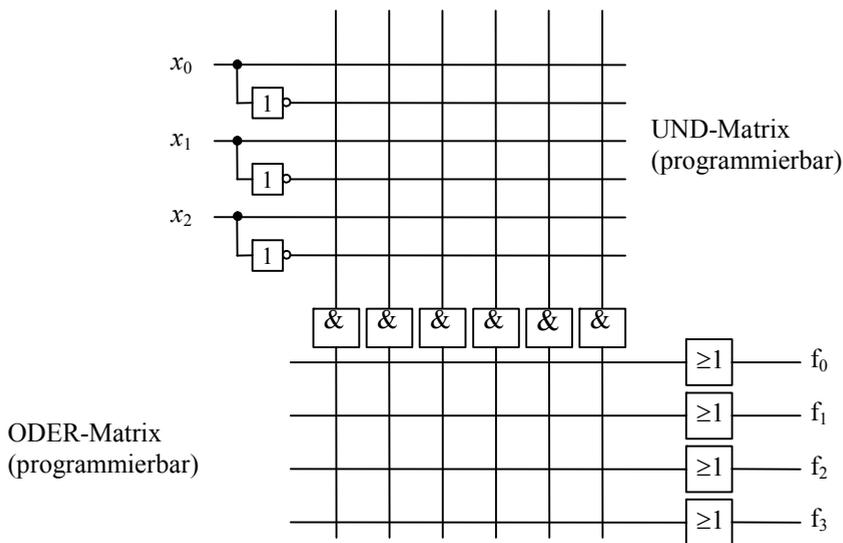


Bild 14-4 Allgemeines Schema eines PLA.

Im allgemeinen Schema in Bild 14-4 können einige Verbesserungen durchgeführt werden:

- Die Ausgänge sollten auch negiert werden können, denn bei vielen Funktionen ist das Komplement mit weniger Aufwand realisierbar.
- Es werden oft Tri-State-Ausgänge benötigt. In diesem Fall ist es sinnvoll, dass einige der Ausgänge auch als Eingänge verwendet werden können.

- Die Ausgänge müssen unter Umständen zwischengespeichert werden. Daher haben viele PLA am Ausgang Flipflops.
- Durch die Einführung einer invertierten Rückführung aus der ODER-Matrix können unter Umständen viele Produktterme gespart werden.

An Hand der beiden folgenden Beispiele soll nun der Nutzen und die Realisierung der Verbesserungen diskutiert werden. Das EXOR-Gatter des PLA in Bild 14-5 dient zur Kontrolle der Polarität des Ausgangs. Liegt dessen zweiter Eingang auf 0, so wirkt das Gatter als Buffer, liegt der zweite Eingang auf 1, so wird der Ausgang invertiert. Man kann also immer zwischen der Realisierung einer Funktion und ihrer Invertierten wählen und so Produktterme sparen.

Außerdem hat das PLA in Bild 14-5 Tri-State-Gatter an den Ausgängen. Die Enable-Ausgänge werden durch einzelne Produktterme kontrolliert. Alternativ gibt es PLA, deren Enable-Eingänge durch extra Ausgänge an der ODER-Matrix gesteuert werden, oder es werden externe Pins verwendet. Da die Ausgänge als Tri-State-Ausgänge ausgeführt sind, die auch einen Eingang haben, ist es möglich sie als bidirektionale Schnittstelle zu verwenden. Die entsprechenden Eingänge werden auch in die UND-Matrix geführt. Die höhere Flexibilität führt zu einer besseren Ausnutzung des PLA.

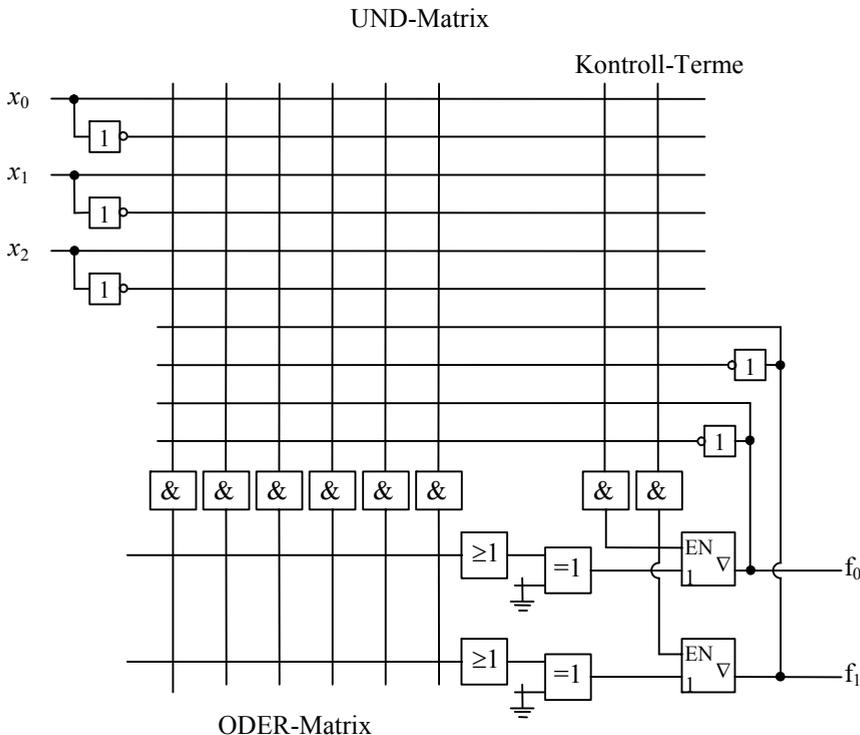


Bild 14-5 PLA mit EXOR-Gatter und bidirektionalem Tri-State-Ausgang.

Das PLA in Bild 14-7 hat eine invertierte Rückführung aus der ODER-Matrix, die auch Komplement-Array genannt wird. Diese Rückführung hilft Produktterme zu sparen, wenn man Probleme bearbeitet, bei denen bei einer Reihe von Ausnahmen die Ausgänge einen bestimmten Wert annehmen sollen. Es soll als Beispiel mit diesem PLA ein 7-Segment-Dekoder für

BCD-Zahlen gebaut werden, der für Eingangswerte größer als 1001_B ein E für Error anzeigt. Die Definition der Ziffern mit dem entsprechenden Code ist in Bild 14-6 gezeigt.

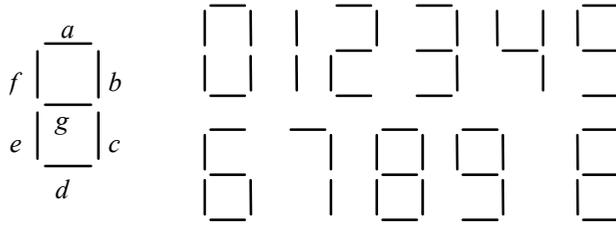


Bild 14-6 Definition der 10 Ziffern und E für Error einer 7-Segmentanzeige.

Man benötigt für die Ziffern 0-9 10 Produktterme. Diese werden auch an den Eingang des Komplement-Arrays angeschlossen. Beim Auftreten eines dieser Produktterme bleibt das Komplement-Array wirkungslos. Wird dagegen kein Produktterm angesprochen, weil eine Pseudotetrade, also eine der Binärzahlen zwischen 10 und 15 anliegt, so werden mit dem Komplement-Array die Segmente für den Buchstaben E angesprochen.

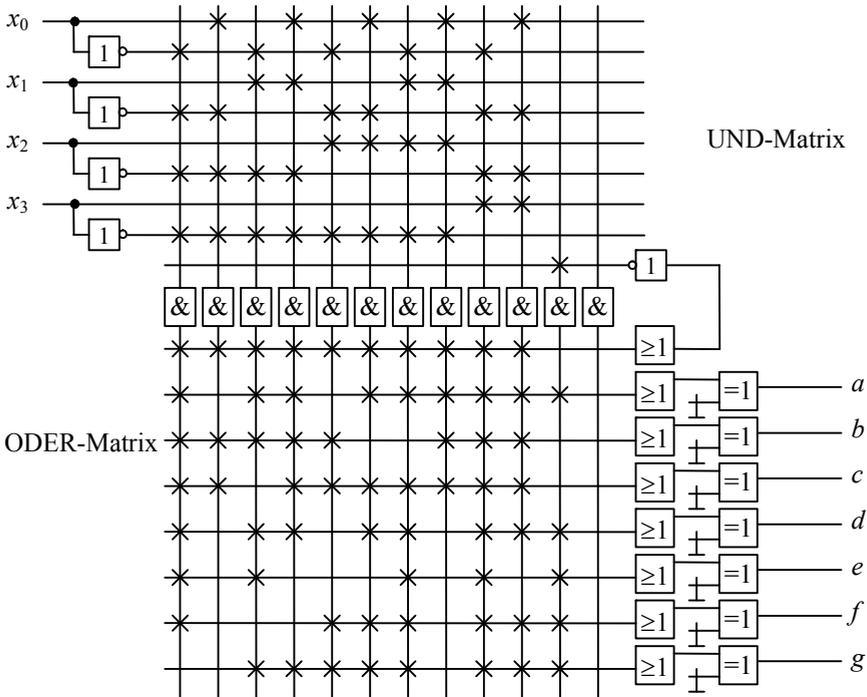


Bild 14-7 PLA mit invertierter Rückführung aus der ODER-Matrix (Beispiel für 7-Segmentanzeige).

In Bild 14-8 ist ein PLA für die Realisierung von Schaltwerken in vereinfachter Form dargestellt. PLA dieser Art werden auch als Sequencer bezeichnet. Die gezeigte Schaltung hat:

- Zustandsregister mit den Ausgängen P_0 , P_1 und P_2 . Die Register-Ausgänge werden in die UND-Matrix zurückgekoppelt.
- Der Eingang P/\bar{E} kann so programmiert werden, dass er entweder als Enable für die Tri-State-Buffer oder aber als Preset für die D-Flipflops wirkt.
- Das Komplement-Array kann genutzt werden, um einen bestimmten Zustand beim Einschalten oder bei Fehlern einzustellen. Das Komplement-Array spricht an, wenn keiner der direkt verwendeten Zustände beim Einschalten auftritt.

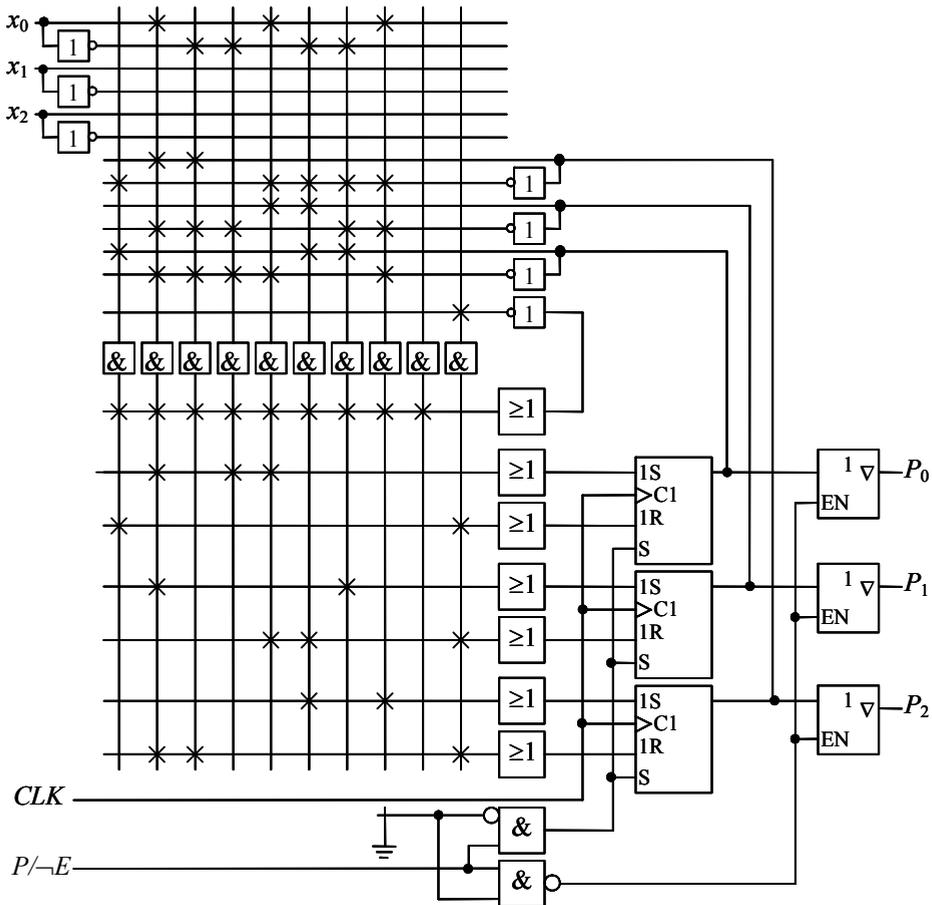


Bild 14-8 PLA für die Realisierung von Schaltwerken (Sequencer), Programmierung für das Beispiel: mod-5-Vorwärts/Rückwärts-Binärzähler.

Als Beispiel soll nun ein mod-5-Binär-Zähler, der für das Eingangssignal $x = x_0 = 0$ vorwärts und für $x = x_0 = 1$ rückwärts zählt, mit dem in Bild 14-8 gezeigten PLA entwickelt werden. Mit diesen Informationen erhält man die Tabelle 14-3. Aus der Zustandsfolgetabelle kann die Ansteuertabelle (Tabelle 14-4) für die RS-Flipflops des Bausteines entwickelt werden.

Tabelle 14-3 Zustandsfolgetabelle des mod-5-Binärzählers.

$P_2^m P_1^m P_0^m$	$x_0=0$			$x_0=1$		
	P_2^{m+1}	P_1^{m+1}	P_0^{m+1}	P_2^{m+1}	P_1^{m+1}	P_0^{m+1}
0 0 0	0	0	1	1	0	0
0 0 1	0	1	0	0	0	0
0 1 0	0	1	1	0	0	1
0 1 1	1	0	0	0	1	0
1 0 0	0	0	0	0	1	1

Tabelle 14-4 Ansteuertabelle für die RS-Flipflops des mod-5-Binärzählers.

$P_2^m P_1^m P_0^m$	$x_0=0$			$x_0=1$		
	R_2S_2	R_1S_1	R_0S_0	R_2S_2	R_1S_1	R_0S_0
0 0 0	d0	d0	01	01	d0	d0
0 0 1	d0	01	10	d0	d0	10
0 1 0	d0	0d	01	d0	10	01
0 1 1	01	10	10	d0	0d	10
1 0 0	10	d0	d0	10	01	01

Aus der Ansteuertabelle werden die KV-Diagramme (Bild 14-9) abgeleitet. In diesen befinden sich freie Felder, die zu den Zuständen gehören, die im normalen Zähl-Zyklus nicht vorkommen. Aus diesen Zuständen, die sich beim Einschalten, oder aber durch eine Störung einstellen können, soll der Zähler in den Folgezustand $(P_0, P_1, P_2) = (0,0,0)$ gehen.

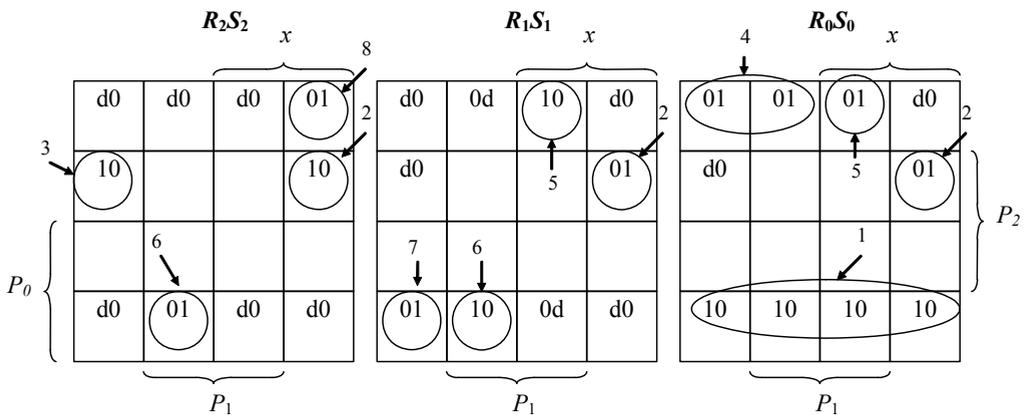


Bild 14-9 KV-Diagramme für Ansteuerung der RS-Flipflops.

Aus den KV-Diagrammen erhält man die Gleichungen:

$$\begin{aligned}
 R_0 &= \underbrace{P_0 \neg P_2}_1 & S_0 &= \underbrace{\neg P_0 \neg P_1 P_2 x}_2 \vee \underbrace{\neg P_0 P_1 \neg P_2 x}_5 \vee \underbrace{\neg P_0 \neg P_1 \neg x}_4 \\
 R_1 &= \underbrace{\neg P_0 P_1 \neg P_2 x}_5 \vee \underbrace{P_0 P_1 \neg P_2 \neg x}_6 & S_1 &= \underbrace{\neg P_0 \neg P_1 P_2 x}_2 \vee \underbrace{P_0 \neg P_1 \neg P_2 \neg x}_7 \\
 R_2 &= \underbrace{\neg P_0 \neg P_1 P_2 x}_2 \vee \underbrace{\neg P_0 \neg P_1 P_2 \neg x}_3 & S_2 &= \underbrace{P_0 P_1 \neg P_2 \neg x}_6 \vee \underbrace{\neg P_0 \neg P_1 \neg P_2 x}_8
 \end{aligned}$$

Die mit den Ziffern 1 bis 8 markierten Implikanten werden mit den ersten 8 UND-Gattern der UND-Matrix in Bild 14-8 realisiert. An die Ausgänge dieser 8 UND-Gatter wird auch das Komplement-Array angeschlossen, so dass das Komplement-Array bei den Zuständen des normalen Zyklus nicht anspricht. In allen anderen Fällen legt das Komplement-Array über das zehnte UND-Gatter der UND-Matrix eine 1 an die R-Eingänge der RS-Flipflops und setzt sie so zurück. Die ODER-Matrix wird entsprechend den Gleichungen programmiert. Der $P/\neg E$ -Eingang wird so programmiert, dass er als Enable für die Ausgänge wirkt. Der entsprechende Programmierpunkt wurde offen gelassen, was einer 1 entspricht.

14.5 PAL

Eine PAL (Programmable Array Logic) (Bild 14-10) ist eine Vereinfachung der PLA. Sie besitzt nur eine programmierbare UND-Matrix. Die ODER-Matrix ist auf eine Zusammenfassung von wenigen (in Bild 14-10 sind es 4) Produkttermen beschränkt.

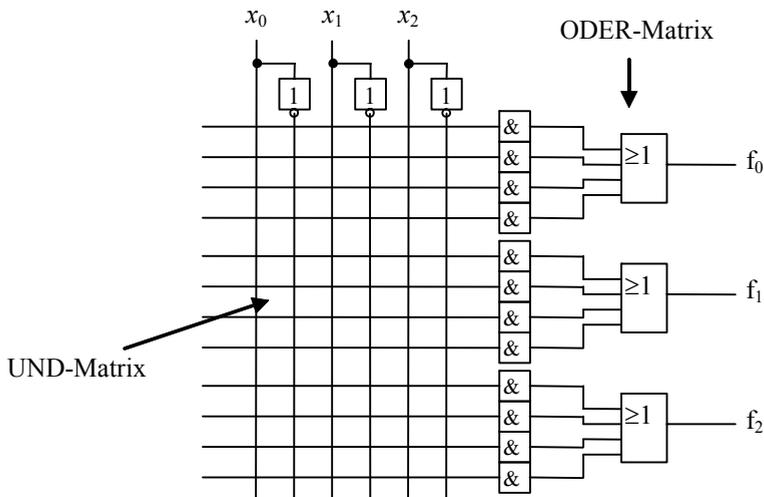


Bild 14-10 PAL mit 3 Eingängen und 3 Ausgängen und mit 4 Produkttermen pro Ausgang.

Mit einer PAL können viele Funktionen mit geringerem Hardware-Aufwand als mit einer PLA realisiert werden. Der Aufbau einer PAL erlaubt aber nicht, dass gemeinsame Produktterme mehrerer Funktionen gemeinsam genutzt werden können wie bei einer PLA.

Die in Bild 14-11 gezeigte PAL 18P8 hat EXOR-Gatter zur Polaritätssteuerung. Die Tri-State-Ausgänge werden durch Produktterme gesteuert. Die Ausgänge sind auch als Eingänge nutzbar, wodurch das Einsatzspektrum der PAL größer wird.

Einige PALs haben heutzutage die Möglichkeit, die Produktterme gezielt einzelnen Ausgängen zuzuweisen (product term steering). Das heißt allerdings nicht, dass Produktterme von verschiedenen Funktionen gemeinsam genutzt werden können.

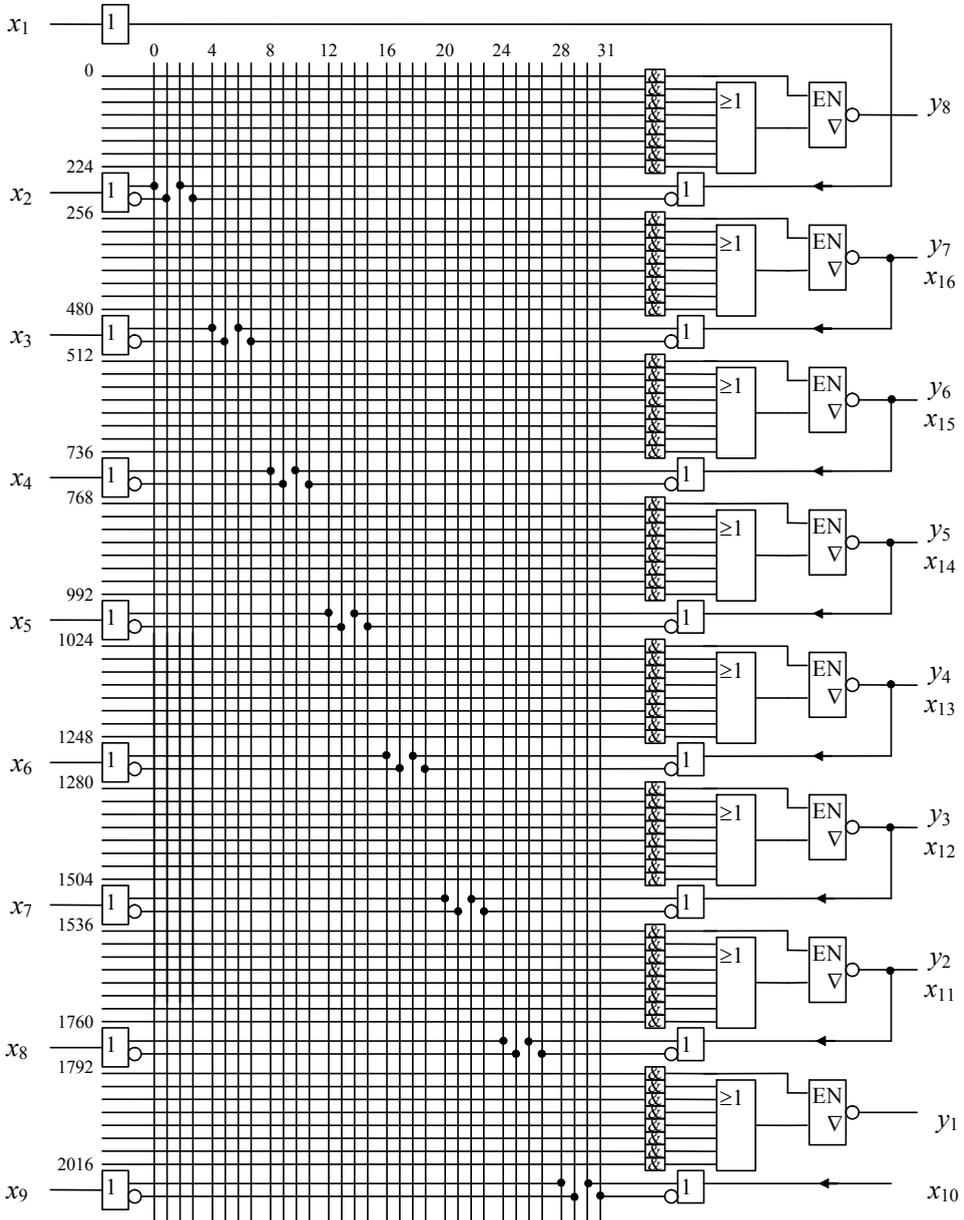
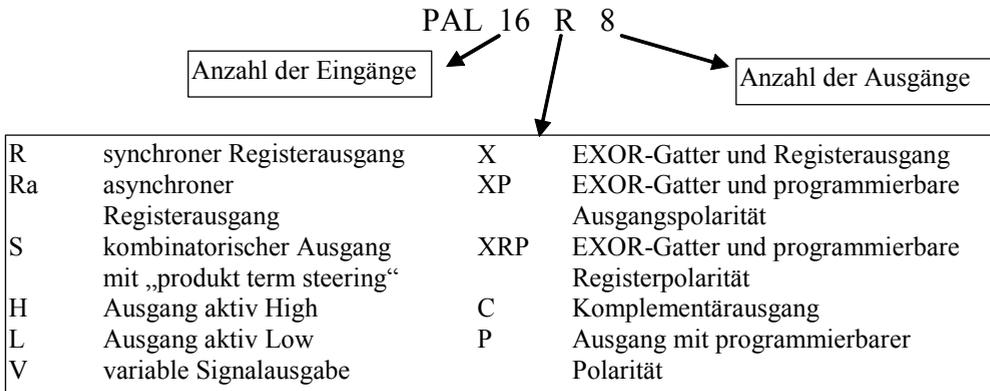


Bild 14-11 PAL 16L8.

Bei PAL ist ein einheitliches Schema zur Bezeichnung üblich:



14.6 GAL

Mit GALs (Generic Array Logic) werden Verbesserungen der PALs bezeichnet, die an den Ausgängen programmierbare Zellen (OLMC = Output Logic Macro Cell) enthalten, die den erforderlichen Bedingungen angepasst werden können, indem sie als Eingang, Ausgang oder Tri-State-Ausgang programmiert werden.

GALs sind in EECMOS-Technologie hergestellt, die den CMOS-Prozess mit elektrisch löschbarer Speichertechnologie (EEPROM) kombiniert. Sie haben daher eine relativ geringe Verlustleistung und recht hohe Geschwindigkeit. Die Bausteine sind oft (typisch 2000-mal) programmierbar und löschar. Ein Vorteil liegt auch darin, dass die Programmierbarkeit vom Hersteller geprüft werden kann.

Da die Ausgänge konfigurierbar sind, genügen eine geringe Anzahl GALs, um ein großes Produktspektrum an PLD zu ersetzen.

Die Struktur der GAL16V8 ist in Bild 14-12 gezeigt. Die GAL 16V8 besitzt 8 OLMC. Jedes OLMC kann 8 Produktterme ODER-verknüpfen. Der Eingang x_1 kann als Takteingang CLK , der Eingang x_{10} als Output Enable $\neg OE$ verwendet werden.

Ein OLMC ist in Bild 14-13 dargestellt. Einige der OLMC können bidirektional betrieben werden, nur die OLMC 15 und 16 können nur als Ausgang wirken. Alle OLMC haben Rückkopplungen in die UND-Matrix.

Man erkennt in Bild 14-13, dass es 16 verschiedene Eingänge gibt, so dass es mit der Inversion 32 verschiedene Spalten der UND-Matrix gibt.

Das OLMC des GAL16V8 wird durch die Signale $XOR(n)$, SYN , $AC0$, $ACI(n)$ gesteuert. SYN , $AC0$ wirken global auf alle OLMC, $XOR(n)$ und $ACI(n)$ sind individuell für jedes OLMC n wählbar. $XOR(n)$ steuert die Polarität des Ausgangs. $XOR(n) = 0$ bedeutet aktiv LOW.

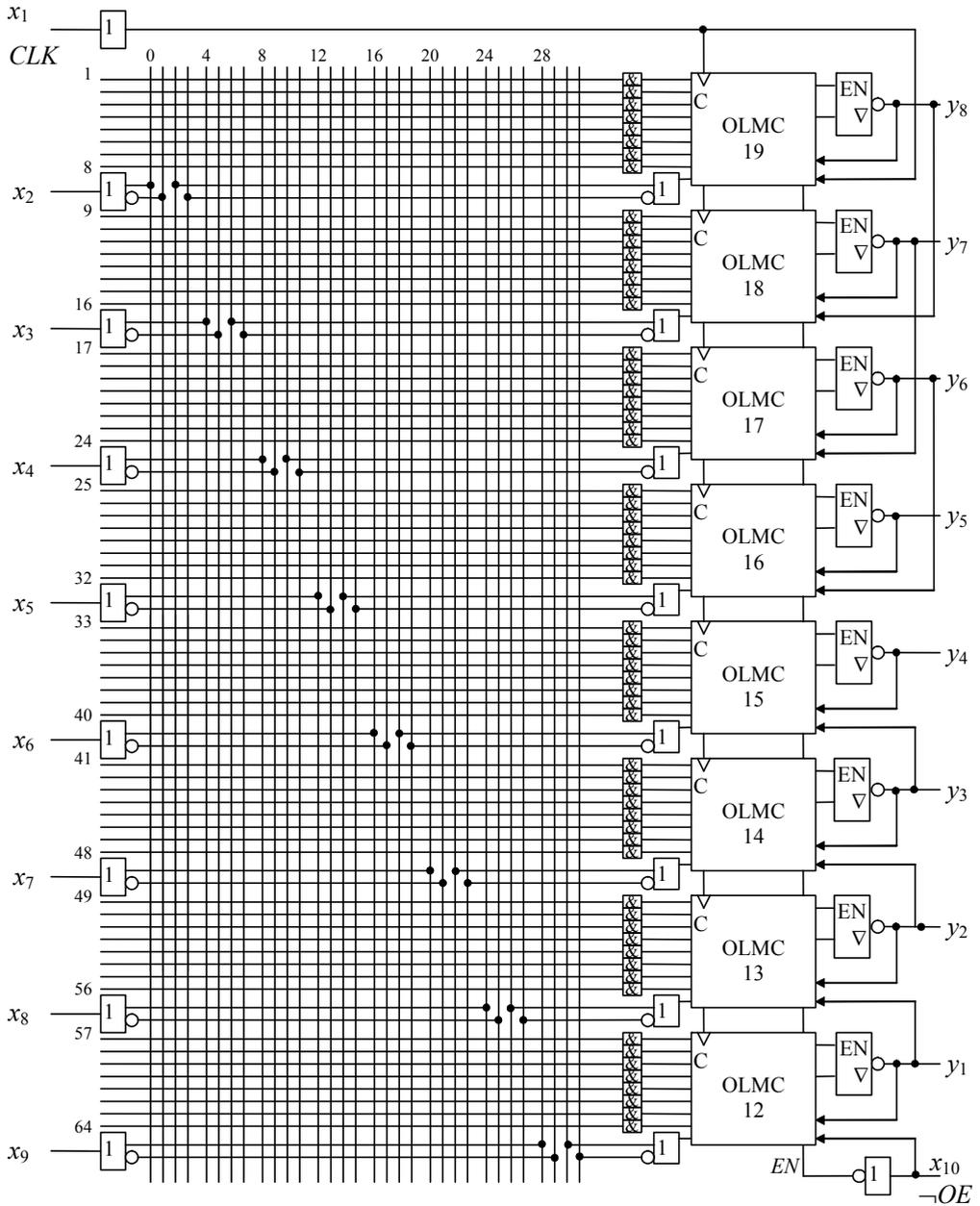


Bild 14-12 Struktur des GAL16V8.

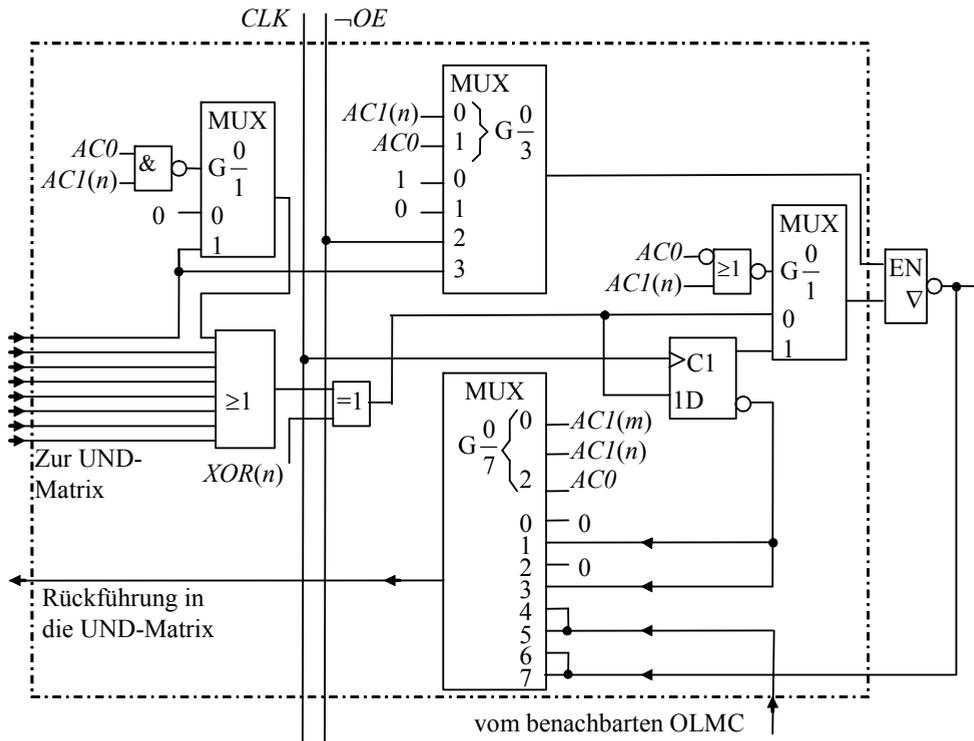


Bild 14-13 OLMC Nr. *n* des GAL16V8, das benachbarte OLMC hat die Nr. *m*.

Tabelle 14-5 Bedeutung der Signale *SYN*, *AC0* und *ACI(n)*.

Betriebsart	Funktion des OLMC	<i>SYN</i>	<i>AC0</i>	<i>ACI(n)</i>	Beschreibung
Simple Mode (Schaltnetz)	Eingang	1	0	1	- Tri-State-Ausgang hochohmig - Eingangssignal in nächste Zelle nur für OLMC 12-14 und 17-18
	Ausgang	1	0	0	- Ausgang immer eingeschaltet - keine Rückkopplung - 8 Produktterme für Logik für alle OLMC möglich
Complex Mode (Schaltnetz)	Tri-State Ein-/Ausgang	1	1	1	- Freigabe über Produktterm - 7 Produktterme für Logik
Registered Mode (Schaltung mit Registern)	Register Tri-State Ein-/Ausgang	0	1	1	- <i>CLK</i> wirksam - <i>OE</i> durch Produktterm - 7 Produktterme für Logik
	Register Tri-State Ein-/Ausgang	0	1	0	- <i>CLK</i> wirksam - Freigabe des Ausgangs mit $\neg OE$ - 8 Produktterme für Logik

14.7 Programmierung von PLD-Bausteinen

Die Programmierung von PLD-Bausteinen wird mit einer Datei im JEDEC-Format durchgeführt. In Bild 14-14 ist ein Beispiel für eine GAL16V8 gezeigt. Die Datei hat zu Beginn jeder Zeile eine Zeilenadresse, welche mit *L beginnt.

In jeder Zeile stehen 32 Bits, da ein GAL16V8 zusammen mit den invertierten Eingängen 32 Spalten in der UND-Matrix belegt, wie man in Bild 14-12 erkennt. Eine 1 bedeutet, dass die Verbindung an der entsprechenden Stelle unterbrochen ist; eine 0, dass sie verbunden ist.

```
*L0000 11111101101111011101111111111111
*L0032 11110101111110111110111101111111
*L0064 11111111110101011111101011011111
*L0096 11101111011111111101111111111111
*L0128 11111111101111101111111111011111
```

Bild 14-14 Auszug aus dem JEDEC-File des GAL16V8

Die Zeilen des JEDEC-Files des GAL16V8 sind folgendermaßen belegt:

0000-2047	Verbindungen der Logikmatrix entsprechend obigem Beispiel
2048-2055	$XOR(n)$ -Bit für OLMC 12-19
2056-2119	Elektronische Signatur: 64 Bit für eigene Anwendung
2120-2127	$ACI(n)$ -Bit für OLMC 12-19
2128-2191	Produkttermfreigabe $PT0$ bis $PT63$
2192	SYN -Bit
2193	$AC0$ -Bit

Zum Programmieren wird die GAL in einen Programmiermodus versetzt, indem an einen Pin eine bestimmte Spannung gelegt wird (hier Pin 2 = 16,5V). An 6 Pins (Pin 18, Pin 3 bis Pin 7) werden dann Zeilen der Speichermatrix angewählt und mit dem Takt $SCLK$ (Pin 8) die Bits, die an $SDIN$ (Pin 9) liegen, in das Schieberegister geschoben.

GALs haben einen elektronischen Kopierschutz. Wenn das Sicherheitsbit gesetzt ist, kann die Programmierung nicht mehr gelesen werden. Nur eine Löschung ist dann möglich. Der Datenverlust ist auf 10 Jahre garantiert. Der Programmiervorgang dauert wenige Sekunden.

14.7.1 Test

Für Schaltwerke ist es wichtig zu testen, ob die Zustände, in die das Schaltwerk im normalen Betrieb nicht kommen darf, ordnungsgemäß verlassen werden. Dazu ist es sinnvoll, dass man alle Register mit einem beliebigen Wert laden kann.

Das GAL16V8 hat deshalb eine Schaltung, in der die Register geladen werden können. Diese Betriebsart wird durch Anlegen von 15V an $PRLD$ (Pin 11) aktiviert. Über den seriellen Eingang $SDIN$ (Pin 9) können die Daten dann mit dem Takt $DCLK$ (Pin 1) durch die Register geschoben werden, die als Schieberegister geschaltet sind. Am seriellen Ausgang $SDOUT$ (Pin 12) können die Daten wieder entnommen werden. Es werden nur die Registerzellen involviert, die als Registerausgang konfiguriert sind.

14.8 Field Programmable Gate Arrays (FPGA)

Field Programmable Gate Arrays (FPGA) sind Standard-Logikbausteine, die vom Anwender für seine Zwecke konfiguriert werden müssen. Sie bestehen aus mehreren PLD, die über eine Verbindungsmatrix miteinander kommunizieren. Die Vorteile von FPGA sind:

- Für FPGA werden von den Herstellern Software-Bausteine zur Verfügung gestellt, so genannte Intellectual Property Core (IP-Core). Es stehen z.B. Prozessorkerne, Schnittstellen, Speicherverwaltungen und viele andere häufig verwendete digitale Schaltungen z.B. im VHDL-Code (vergl. Kap 15) zur Verfügung.
- Es ist keine Lagerhaltung beim Kunden erforderlich, da Standardbauelemente leicht verfügbar sind. Bei kundenspezifischen Designs muss man dagegen nach einer Bestellung beim Halbleiterhersteller oft mehrere Monate Lieferzeit einkalkulieren.
- Die Hardware des FPGA wird vom Hersteller getestet, daher braucht der Anwender nur noch ein reduziertes Prüfprogramm zu fahren.
- Im Gegensatz zu einer diskreten Realisierung werden weniger Bauelemente benötigt, wodurch die Schaltung zuverlässiger wird.
- Der Aufwand für das Entflechten der Leiterbahnen ist geringer. Dadurch kann unter Umständen eine billigere Platine verwendet werden.
- In FPGA kann eine optimale Architektur realisiert werden. Sie sind daher sehr schnell.
- Änderungen sind leicht durchzuführen, da nur das Programm geändert werden muss.

14.8.1 Aufbau eines FPGA

Im Folgenden wird die FPGA-Familie Spartan II des Halbleiter-Herstellers Xilinx beschrieben [27]. Deren FPGA enthalten bis zu 600 000 Gatter. Die FPGA sind in CMOS-Technik aufgebaut.

FPGA sind anwenderprogrammierbare Arrays aus logischen Blöcken, meist in Form einer PLA. Die logische Konfiguration wird durch ein Programm festgelegt, welches in einem SRAM auf dem Chip gespeichert wird. Die Konfigurierung ist also flüchtig. Das SRAM wird daher beim Starten aus einem ROM oder PROM geladen. FPGA anderer Hersteller können durch Fuses oder Antifuses programmierbar sein. Die Architektur der Spartan II-FPGA gliedert sich in verschiedene konfigurierbare Blöcke:

- Die Logik ist in konfigurierbaren Logik-Blöcken (CLB) zusammengefasst. Die logische Funktion wird in RAM-Zellen gespeichert, die mit dem Konfigurationsprogramm programmiert werden. Die CLB sind matrixförmig in der Mitte des FPGA angeordnet.
- Die Ein- und Ausgänge werden durch Input/Output-Blöcke (IO-Blocks) realisiert. Sie lassen sich als Eingang, Ausgang, Tri-State-Ausgang oder als bidirektionale Schnittstelle schalten. Die IO-Blöcke sind am Rand des FPGA neben den Pins des Gehäuses angeordnet.
- Die Verbindungsleitungen sind in einem programmierbaren Netz realisiert, welches die logischen Blöcke miteinander verschaltet.
- Es gibt RAM-Blöcke mit denen sich einfach ein digitaler Speicher realisieren lässt.

- Für die Taktversorgung stehen 4 Delay-Locked Loop (DLL) zur Verfügung. Dies sind Bausteine, mit denen verzögerte Takte für die verschiedenen Schaltungsteile erzeugt werden können. Da man sehr große Schaltungen realisieren kann, muss man räumlich entfernte Schaltungsteile mit einem verzögerten Takt ansteuern wenn man hohe Taktfrequenzen erreichen will.

In Tabelle 14-6 sind die verschieden großen FPGA der Spartan II-Familie aufgelistet.

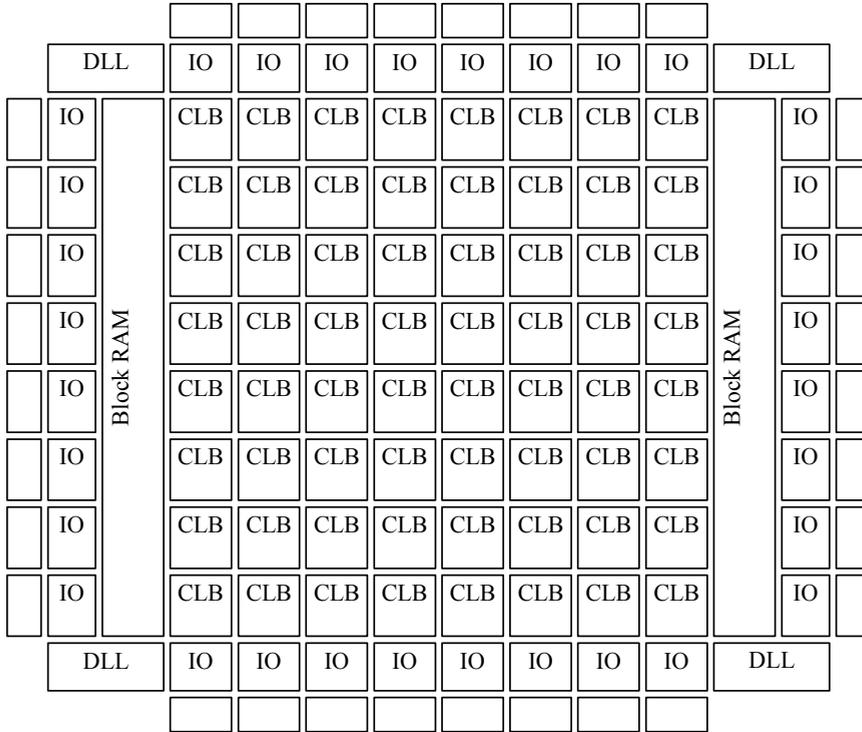


Bild 14-15 FPGA, schematisch. Konfigurierbare Logik-Blöcke (CLB), Delay-Locked Loops (DLL) Block-RAM und IO-Blöcke sind angedeutet.

Tabelle 14-6 Familie der Spartan II FPGA der Firma Xilinx.

Typ	Typische Anzahl Gatter	CLB	Ein- und Ausgänge	Block-RAM
XC2S50E	50 000	384	182	32K
XC2S100E	100 000	600	202	40K
XC2S150E	150 000	864	265	48K
XC2S200E	200 000	1176	289	56K
XC2S300E	300 000	1536	329	64K
XC2S400E	400 000	2400	410	160K
XC2S600E	600 000	3456	514	288K

14.8.2 Konfigurierbare Logik-Blöcke (CLB)

Die CLB sind alle identisch. Sie sind, wie in Bild 14-15 gezeigt, in Matrizen angeordnet. So hat zum Beispiel der Baustein XC2S50E 384 CLB. Jedes CLB enthält 2-mal den in Bild 14-16 gezeigten Grundbaustein. Die mit LUT (look-up table) bezeichneten Blöcke generieren eine beliebige Funktion mit 4 Eingangsvariablen. Sie bestehen aus einem Speicherbaustein, ähnlich wie in Kapitel 14.3 beschrieben, nur dass hier ein RAM verwendet wird. Durch die Werte, die beim Konfigurieren im RAM gespeichert werden, werden die Funktionswerte festgelegt. Das RAM kann alternativ auch als normaler RAM-Speicher verwendet werden. Die beiden D-Flipflops können für die Speicherung der Zustandsgrößen verwendet werden. Sie können durch die Signale R und S gesetzt und rückgesetzt werden. Für die Realisierung schneller arithmetischer Operationen steht ein Baustein mit einer Carry-Logik ähnlich dem in Kapitel 12 beschriebenen Carry-Look-Ahead zur Verfügung. Die Konfiguration der logischen Funktion des Schaltnetzes wird im beschriebenen Konfigurationsspeicher festgehalten.

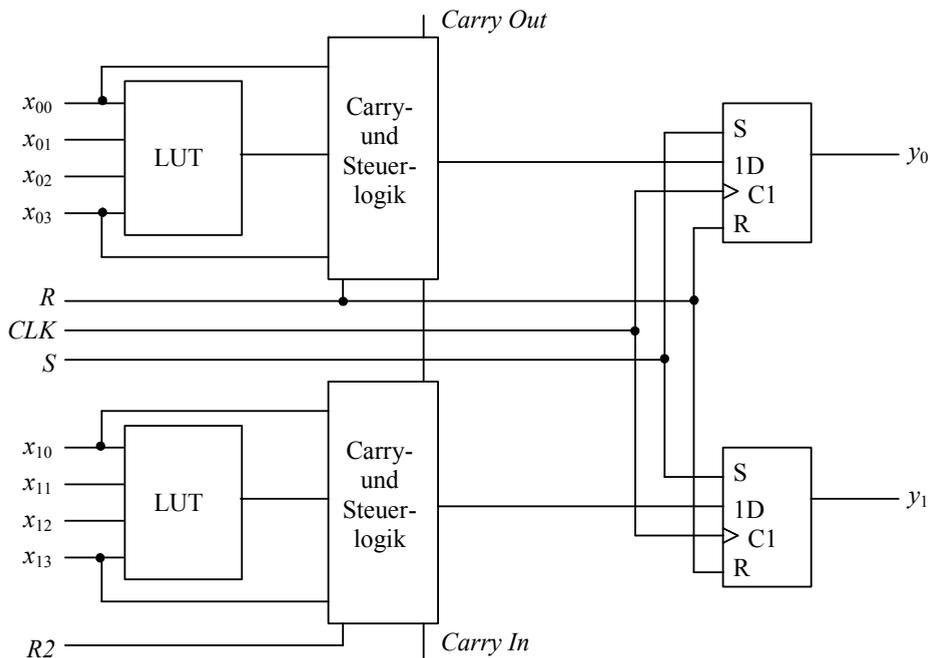


Bild 14-16 Einer von 2 Grundbausteinen (Slice), die in einem konfigurierbaren Logik-Block (CLB) enthalten sind (vereinfacht).

Die beiden Ausgänge des Grundbausteins (Slice) können mit einem Multiplexer ausgewählt werden, so dass zusammen mit dem Auswahleingang eine Funktion mit 9 Eingangsvariablen realisiert werden kann. Zusammen mit dem zweiten Slice auf dem CLB können sogar Funktionen mit 19 Variablen mit einem CLB erzeugt werden. In Bild 14-17 ist die Verschaltung der beiden Slices durch die Multiplexer gezeigt. Die Programmierung der Funktionen in den LUT und die Konfiguration der Multiplexer wird mit dem Konfigurationsprogramm festgelegt.

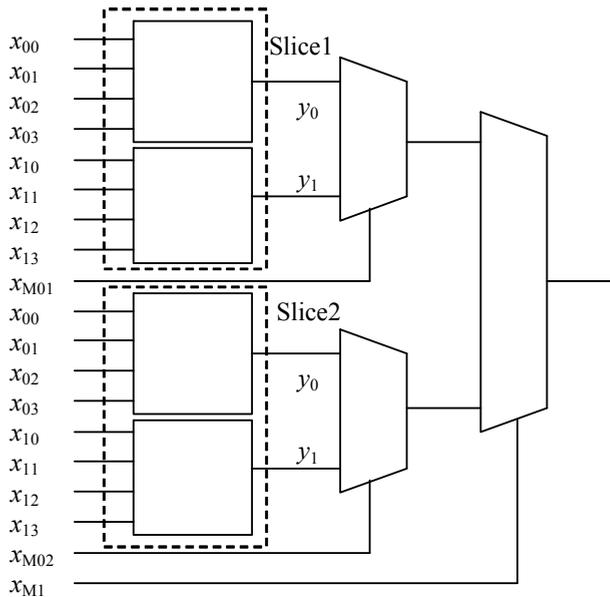


Bild 14-17 Konfigurierbarer Logik-Block (CLB) der Spartan II-Familie von Xilinx mit zwei Slices (vergl. Bild 14-16) und 3 programmierbaren Multiplexern.

14.8.3 IO-Block

In Bild 14-18 ist ein IO-Block der Spartan II-Familie von Xilinx vereinfacht dargestellt. Jeweils ein IO-Block ist für einen Anschluss-Pin vorgesehen. Der Baustein XC2S50E hat zum Beispiel 182 IO-Pins und genauso viele IO-Blöcke. Ein ESD-Netzwerk dient dem Schutz vor Überspannungen. ESD ist die Abkürzung für Electrostatic Discharge, womit statische Entladungen gemeint sind, die das Bauelement zerstören können.

Jeder IO-Block enthält folgende Optionen, die über programmierbare Multiplexer und Buffer eingestellt werden können:

- Eine Anpassung an verschiedene Logik-Pegel, die über Referenzspannungen programmiert werden können.
- Zwei D-Flipflops als Zwischenspeicher für die Eingabe *IN* oder Ausgabe *OUT* von Daten. Aber auch ein direkter Ausgang kann programmiert werden. Auch das Enable-Signal des Ausgangsbuffers kann in einem Flipflop zwischengespeichert werden.
- Die Möglichkeit, den Ausgang als Tri-State-Ausgang zu programmieren. Der Ausgang wird dann mit dem Eingang *OE* über einen Buffer entweder aktiv oder hochohmig geschaltet. Der Eingang ist immer lesbar.
- Die D-Flipflops können mit dem Eingang *S/R* je nach Programmierung synchron oder asynchron gesetzt oder zurückgesetzt werden.

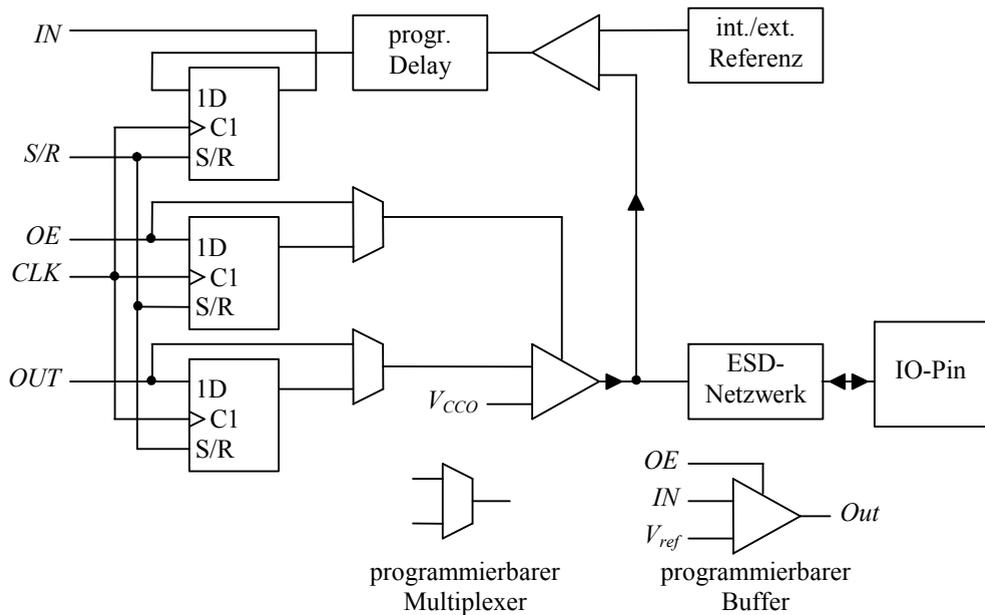


Bild 14-18 Vereinfachter IO-Block der Spartan II-Familie von Xilinx.

14.8.4 Verbindungsleitungen

Die Flexibilität des FPGA wird zu einem wesentlichen Teil durch vielseitige Programmierungsmöglichkeiten der Verbindungsleitungen erreicht. Die vorhandenen Leitungen können durch Schaltmatrizen und „programmable interconnect points“ (PIP) in vielfältiger Weise miteinander verbunden werden. Die Ein- und Ausgänge der CLB und der IO-Blöcke können so programmiert werden, dass sie an die umliegenden Verbindungsleitungen angeschlossen werden. Es gibt folgende Arten von Verbindungselementen:

- Local Routing: Innerhalb der CLB werden die LUT sowie die Flipflops verschaltet und Verbindungen zu benachbarten CLB hergestellt.
- General Purpose Routing: Die meisten Verbindungen werden durch das General Purpose Routing hergestellt. Dazu sind Schaltmatrizen (General Routing Matrix = GRM) um die CLB herum angeordnet. Mit 24 Leitungen in jede Richtung sind Verbindungen zu benachbarten GRM möglich. 96 Leitungen mit Verstärkern sind für weiter entfernte GRM vorhanden. 12 Leitungen (Long Lines) dienen der Verbindung zu sehr weit entfernten GRM. Diese Leitungen arbeiten auch bidirektional, ähnlich wie in Bild 4-14 gezeigt.
- IO-Routing: Zusätzliche Verbindungen, ringförmig um den Chip angeordnet, erlauben eine weitgehend freie Zuordnung der Pins, ohne dass die Anordnung der CLB geändert werden muss.
- Dedicated Routing: Hiermit sind jeweils vier Tristate-Busse gemeint, die an jedes CLB angeschlossen werden können. Außerdem gibt es 2 Leitungen pro CLB, die das Carry in Carry-Look Ahead-Schaltungen weitergeben.

14.8.5 Programmierung eines FPGA

Die Programmierung eines FPGA beginnt in der Regel mit der Eingabe der Schaltung entweder:

- in schematischer Form mit einer graphischen Eingabe,
- oder durch eine Hardware-beschreibende Programmiersprache (z.B. VHDL = very high speed integrated circuit hardware description language, siehe Kapitel 15)

In der Regel stellen die FPGA-Hersteller auch Makros zur Verfügung, die oft benötigte digitale Schaltungen beschreiben.

Diese Daten werden in eine genormte Netzliste konvertiert, die EDIF-File genannt wird. Sie enthält die Daten aller Gatter sowie die Verbindungen zwischen ihnen. Nicht berücksichtigt sind aber die physikalischen Daten der Verbindungsleitungen wie zum Beispiel die Laufzeit. Die Netzliste bildet auch die Grundlage für eine Überprüfung der Schaltung auf ihre logische Funktion.

Anschließend kann aus dem EDIF-File eine Zuordnung der Gatter auf die CLB stattfinden (Implementation). Gleichzeitig werden die Verbindungsleitungen festgelegt. Dieser Optimierungsvorgang heißt „Place and Route“. Hierbei werden Vorgaben des Benutzers berücksichtigt wie Lage der Pins, kritische Pfade usw.

Mit den Daten der nun physikalisch vollständig bekannten Schaltung ist eine Simulation der Schaltung mit realistischen Laufzeiten möglich. Dieser Schritt heißt Verifikation.

Aus dem Design wird abschließend ein Bitstrom generiert, welcher die Konfigurationsdaten enthält. Die Konfigurationsdaten werden im FPGA in RAM-Speichern gespeichert, die beim Konfigurierungsvorgang zu einem langen Schieberegister zusammengeschaltet werden können. Die Anzahl der Konfigurationsbits variiert je nach Größe des FPGA zwischen 630kBit (XC2S50E) und 3,9MBit (XC2S600E). Mehrere FPGA können zum Konfigurieren nacheinander geschaltet werden (Daisy-Chain) wobei beim Laden der Beginn des Bitstroms zunächst das eine, dann das andere FPGA durchläuft und dann am Ende der Schieberegisterkette des zweiten FPGA anhält. Die Anzahl der Konfigurationsbits hängt nicht von dem Ausnutzungsgrad des FPGA ab.

14.9 CPLD

CPLD (complex programmable logic device) die auch EPLD genannt werden, sind in EEPROM- oder EPROM-Technologie hergestellt. Sie sind daher elektrisch programmierbar und nicht flüchtig. Sie sind entweder elektrisch oder mit UV-Licht löschbar und daher sehr gut für Kleinserien und Labormuster geeignet.

14.9.1 Aufbau einer CPLD

CPLD werden hier am Beispiel der MAX 3000A-Familie der Firma Altera dargestellt [28]. Sie sind in CMOS-EEPROM-Technologie hergestellt. Es sind Versionen für Taktfrequenzen von über 200MHz verfügbar. Die Architektur ist in Bild 14-19 dargestellt.

Das Herzstück der CPLD ist eine zentrale Verbindungsmatrix PIA, die alle Baugruppen miteinander verbindet. Die Logik wird in Logic Array Blocks (LAB) zusammengefasst, welche jeweils 16 Makrozellen enthalten.

- 36 Leitungen gehen von der PIA in jeden LAB. Sie sind in jeder Makrozelle verfügbar.

- Jede Makrozelle hat einen Ausgang zu den IO-Ports. Die Schaltung hat also 16 IO-Ports pro LAB. Die IO-Ports können als bidirektionale Schnittstellen genutzt werden.
- Jede Makrozelle hat einen Ausgang zur PIA.

Es gibt zwei Takte (*CKL1* und *CKL2*) und zwei globale Output-Enable-Signale (*OE1* und *OE2*) sowie ein globales Resetsignal (*CLR*). Die Anzahl der Makrozellen, die darin verfügbaren Gatter und sowie die Anzahl der Ein- und Ausgänge ist in Tabelle 14-6 für die verschiedenen Typen der CPLD-Familie gezeigt.

Durch die klare Struktur der CPLD sind konkrete Angaben über die erreichbaren Takt-Frequenzen möglich.

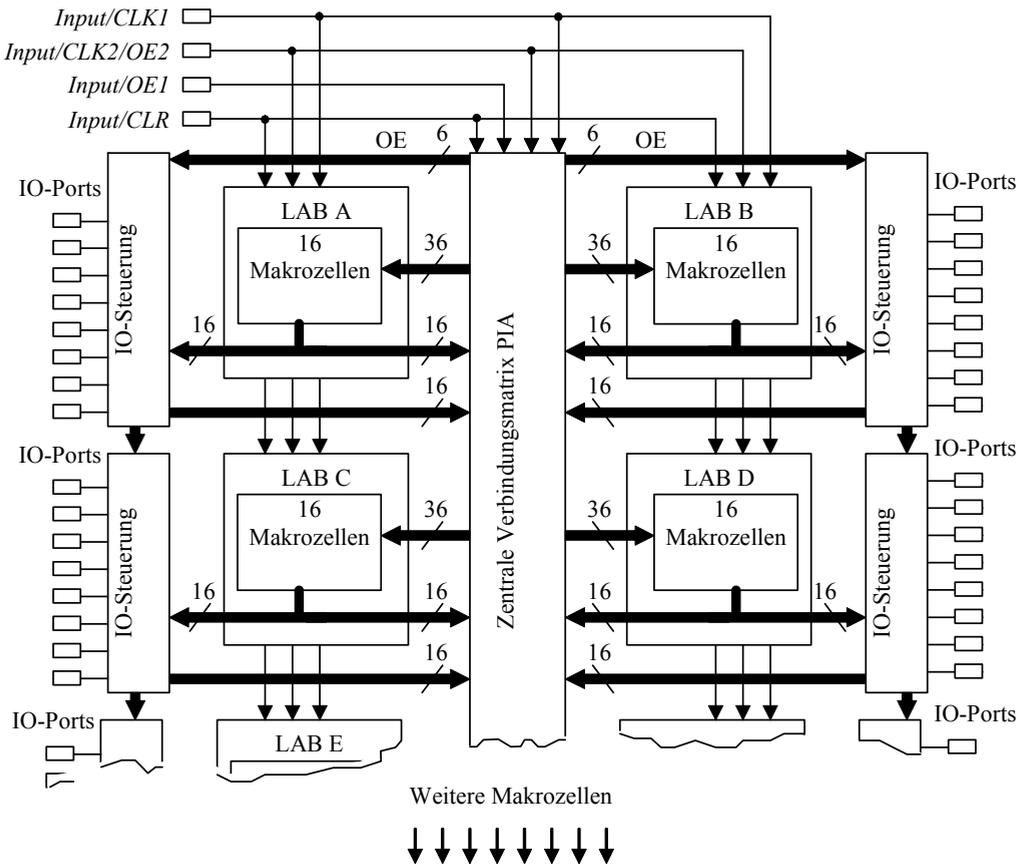


Bild 14-19 Architektur der CPLD MAX 3000A-Familie der Firma Altera.

14.9.2 Logik-Array Blöcke (LAB)

Die Logik ist in den Logic Array Blocks (LAB) in jeweils 16 Makrozellen angeordnet, wie es in Bild 14-20 schematisch gezeigt ist. Jede Makrozelle enthält ein Flipflop und die Logik in Form einer PAL. Daher kann jede Makrozelle zur Erzeugung eines Schaltnetzes oder zur Er-

zeugung einer Schaltung mit Register-Ausgang verwendet werden. Diese Unterscheidung wird durch einen programmierbaren Multiplexer in jeder Makrozelle getroffen.

Jeweils 36 Leitungen sind aus der zentralen Verbindungsmatrix in ein LAB geführt und stehen allen Makrozellen gleichermaßen zur Verfügung.

Die Produktterme der PLA können verwendet werden für:

- Die Erzeugung einer booleschen Funktion mit Hilfe des Oder-Gatters. Damit entsteht eine PAL-Struktur wie in Bild 14-10 gezeigt.
- für den Set- oder Reset-Eingang des Flipflops. Alternativ kann durch einen programmierbaren Multiplexer für den Reset der globale Reset (*GR*) verwendet werden.
- für den Takteingang des Flipflops. Es kann auch mit einem programmierbaren Multiplexer einer der beiden globalen Takte *GCLK* an den Flipflopeingang geführt werden.

Jeder Makrozelle stehen im Normalfall 5 Produktterme zur Verfügung. Um die Flexibilität weiter zu erhöhen, können auch Produktterme von einer anderen Makrozelle geborgt werden. Dadurch können bis zu 20 Produktterme in einer Matrixzelle verwendet werden. Alternativ hat jede Makrozelle einen Expander, mit dem Produktterme in die lokale Matrix des LAB zurückgegeben werden und so mehreren Matrixzellen zur Verfügung stehen. Es gibt 16 Expanderleitungen. Mit einem Exklusiv-Oder-Gatter kann die invertierte Funktion erzeugt werden, wenn dieses einfacher ist. Jede Makrozelle hat je einen Ausgang zu der zentralen Verbindungsmatrix PIA und zum IO-Block.

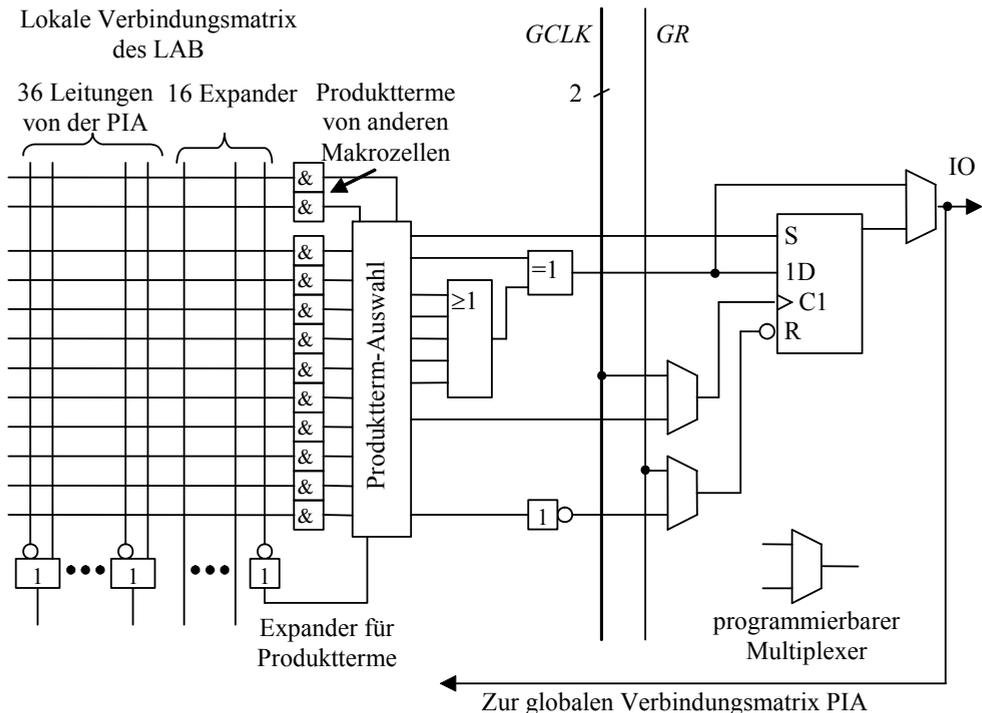


Bild 14-20 Makrozelle der CPLD MAX 3000A-Familie der Firma Altera (*GCLK* = globale Takte, *GR* = globaler Reset).

14.9.3 IO-Steuerung

Jeder Logic Array Block (LAB) hat eine eigene IO-Steuerung. Dafür stehen innerhalb des LAB, je nach Größe des CPLD, 6 bis 10 Output-Enable-Leitungen zur Verfügung. Jeder der 16 IO-Pins wird mit einer Schaltung entsprechend Bild 14-21 angesteuert. Es kann mit einem programmierbaren Multiplexer programmiert werden:

- nur Eingang: Es wird eine 0 an den OE-Eingang des Buffers gelegt.
- nur Ausgang: Es wird eine 1 an den OE-Eingang des Ausgangs-Buffers gelegt.
- bidirektionaler IO-Port. Eine der 6 bis 10 globalen OE-Leitungen wird für das Enable des Output-Buffers verwendet.
- Der IO-Pin wird nicht verwendet, Es wird eine 0 an den OE-Eingang des Buffers gelegt.

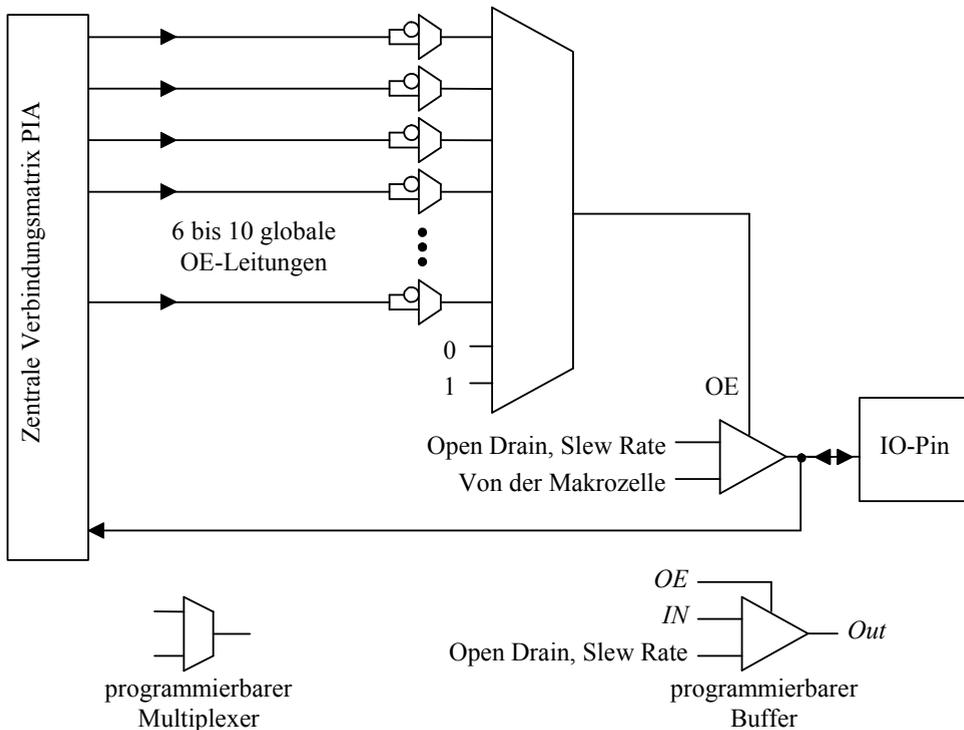


Bild 14-21 IO-Steuerung der CPLD MAX 3000A-Familie für einen IO-Pin.

14.9.4 Größe der CPLD

Da die EEPROM-Technologie sehr viel mehr Platz auf dem Chip einnimmt als die RAM-Technologie der FPGA sind CPLD tendenziell kleiner. In Tabelle 14-7 sind die Eigenschaften der MAX 3000A-Familie aufgelistet.

Tabelle 14-7 MAX 3000A-Familie der Firma Altera.

Typ	Anzahl Gatter	Makrozellen	Ein- und Ausgänge
EPM3032A	600	32	34
EPM3064A	1250	64	66
EPM3128A	2500	128	96
EPM3256A	5000	256	158
EPM3512A	10000	512	208

14.10 Gate-Arrays

Gate-Arrays sind ASIC, bei denen ein Array von Gates mit fester Geometrie vom Hersteller angeboten wird (sog. master-slices). Nur die Verbindungsmetallisierungen werden vom Hersteller kundenspezifisch strukturiert. Es werden Gate-Arrays bis zu einer Komplexität von 250000 Gates angeboten. Die Ausführung erfolgt meistens in CMOS-Technologie.

Gate-Arrays kann man unterscheiden nach der verarbeiteten Signalform:

- digitale Gate-Arrays
- analoge Gate-Arrays
- gemischt digitale und analoge Gate-Arrays

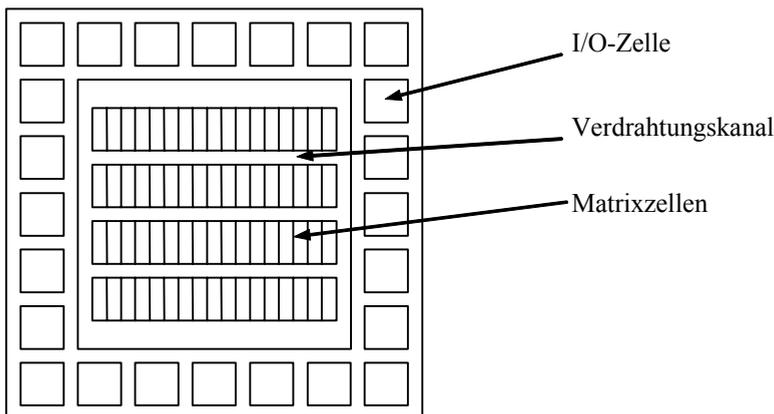
oder nach der Struktur:

- Channelled Gate-Arrays (Die Verdrahtung verläuft in speziellen Kanälen)
- Sea-of Gates (Die Verdrahtung läuft auf den Matrixzellen)

Im Folgenden wird der Aufbau von Channelled Gate-Arrays beschrieben.

14.10.1 Aufbau von Channelled Gate-Arrays

Ein Gate-Array (Bild 14-22) besteht aus einer Matrix aus Matrixzellen, aus Peripheriezellen und Sonderstrukturen. Dazwischen liegen Verdrahtungskanäle. Ein Gate-Array kann mehrere 100 Pins haben.

**Bild 14-22** Struktur eines Gate-Arrays.

Die alle gleich aufgebauten Matrixzellen (Bild 14-23) sind Zellen, die jeweils einige p- und n-MOS Transistorpaare enthalten. Diese MOSFET sind zunächst nicht miteinander verbunden. Das ist der Fall auf dem „Master“-Chip. In diesem Zustand wird der Wafer beim Hersteller vorrätig gehalten. Kundenspezifisch kann dann durch eine oder mehrere Verdrahtungsebenen eine Verschaltung durchgeföhrt werden. Damit kann aus einzelnen Matrixzellen z.B. ein NAND-Gatter oder ein Flipflop entstehen. Es sind 1 bis 8 kundenspezifische Masken üblich. Mehr Verbindungsebenen helfen Chipfläche zu sparen und verbessern die Geschwindigkeit.

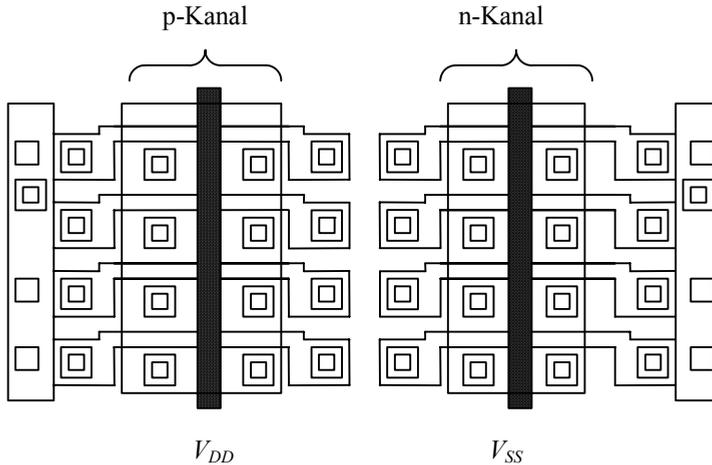


Bild 14-23 Matrixzelle eines Gate-Arrays. Die anderen Matrixzellen schließen sich unten und oben an.

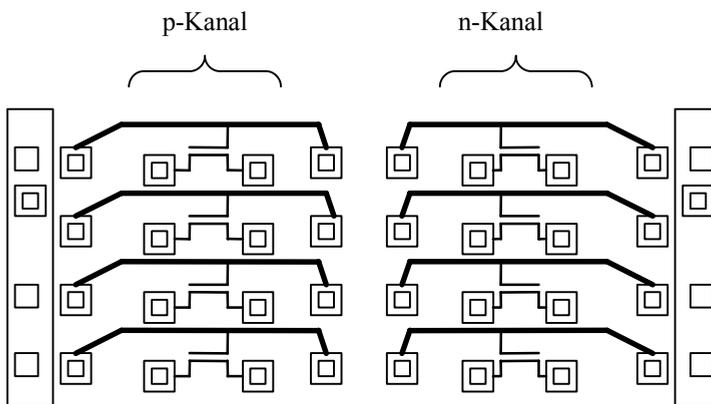


Bild 14-24 Elektrische Verbindungen der Matrixzelle aus Bild 14-23.

Mit einer weiteren kundenspezifischen Metallisierungsebene können nun bestimmte Bibliothekszellen gebildet werden. Diese Bibliothekszellen werden vom Hersteller durchgemessen und genau simuliert. Der Kunde kann dann am Rechner das Symbol für die entsprechende Bibliothekszelle (z.B. ein NAND-Gatter) abrufen und kann dies mit einem Simulationsmodell verbinden. Außerdem wird die Verbindungsmetallisierung festgehalten, so dass später automatisch eine Maske generiert werden kann.

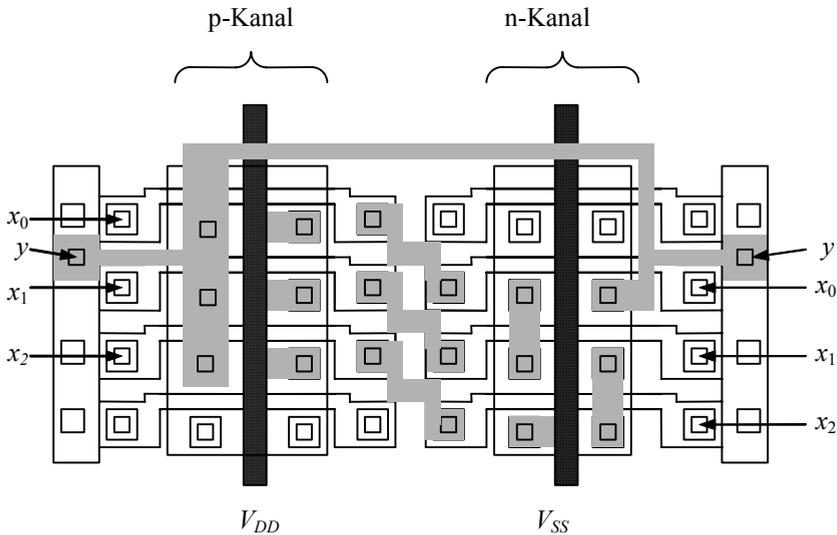


Bild 14-25 Bibliothekszelle: NAND-Gatter mit 3 Eingängen x_0 , x_1 , x_2 und dem Ausgang y .

Im Bild 14.25 ist als Beispiel die Bibliothekszelle eines NAND-Gatters mit 3 Eingängen dargestellt. Die kundenspezifische Verbindungsebene ist grau dargestellt. Ein Inverter z.B. würde die Zelle nicht voll ausnutzen, da er nur 2 Transistoren benötigt. Für einen Leistungstreiber werden 2 weitere Transistoren parallel geschaltet.

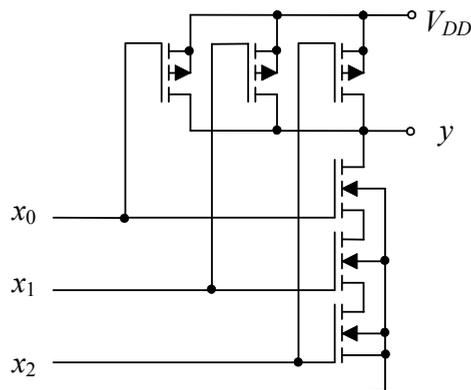


Bild 14-26 Schaltbild der Bibliothekszelle in Bild 14-25: NAND-Gatter mit 3 Eingängen x_0 , x_1 , x_2 und dem Ausgang y .

Die Peripheriezellen enthalten Leistungstreiber für die Verbindung zu den Pins. In der Regel ist eine Peripheriezelle pro Pin vorgesehen. Durch die anwenderspezifische Verdrahtung kann die Peripheriezelle als Eingang, Ausgang oder als bidirektionale Schnittstelle geschaltet werden.

Die Sonderstrukturen enthalten z.B. das „process control module“ (PCM), Justiermarken, die Chipbezeichnung und die Versionsnummer. In den Verdrahtungskanälen liegt die Verbindungsmetallisierung zwischen den einzelnen Gattern.

Komplexe ASICs lassen sich nur durch den Einsatz von computergestützten Entwicklungswerkzeugen kostengünstig produzieren. Die Entwicklung erfolgt in der Regel auf kundeneigenen Workstations oder zunehmend auch auf PCs. Der Vorteil der Gate-Arrays liegt in der Tatsache, dass der Hersteller Bibliotheken bereithält, in denen er getestete Verschaltungen von Matrixzellen gesammelt hat, die z.B. einzelne Gatter (wie SSI), Multiplexer (MSI) und kleinere Mikroprozessoren (LSI) enthalten. Der Anwender kann aus diesen Bibliothekszellen eigene Entwürfe erstellen und sich durch das präzise Modell darauf verlassen, dass die Schaltung (fast) immer sofort funktioniert.

14.11 Standardzellen-ASIC

Standardzellen-ASICs besitzen mehr Freiheitsgrade als Gate-Arrays. Ihre besonderen Kennzeichen sind:

- Die Weite der Standardzellen ist beliebig, nur die Höhe liegt fest.
- Der Inhalt der Zellen ist beliebig.
- Analoge Funktionen sind möglich.
- Die Verdrahtungskanäle sind bezüglich ihrer Abmessungen kundenspezifisch.
- Sonderfunktionen: ROM, RAM in spezieller Technologie werden angeboten.
- Alle Masken sind kundenspezifisch.
- Die Chipgröße ist kundenspezifisch.

Die Vor- und Nachteile von Standardzellen-ASIC sind:

- Die Integrationsdichte ist höher als bei Gate-Arrays, die Kosten pro Chip sind daher geringer.
- Entwicklungskosten und Entwicklungszeit sind höher als bei Gate-Arrays, daher können Standardzellen-ASIC erst ab einer Stückzahl von etwa 30 000 Stück pro Jahr rentabel sein.
- Es wird vom Hersteller Software für getestete Bibliothekszellen geliefert.
- Die Lieferzeiten sind größer als bei Gate-Arrays.

In Standardzellen-ASIC wird die Struktur der Bibliothekszellen nicht einem allgemeinen Schema angepasst, sondern den speziellen Erfordernissen der Bibliothekszelle. Daher wird eine geringere Chip-Fläche belegt als bei einem Gate-Array. Alternativ kann man auch die Geschwindigkeit optimieren.

14.12 Vollkundendesign-ASICs

Vollkundendesign-ASIC unterscheiden sich nicht von normalen Standard-IC. Beim Design stehen dem Entwickler alle Freiheitsgrade offen. Der Hersteller bietet nur Entwurfswerkzeuge an, die auf die Eigenschaften des Herstellungsprozesses zugeschnitten sind.

14.13 Übungen

Aufgabe 14.1

Beschreiben Sie die Unterschiede von programmierbaren Logik-IC, Gate-Arrays und Vollkunden-IC bezüglich Entwicklungsaufwand, Kosten pro Chip sowie erreichbarer Komplexität.

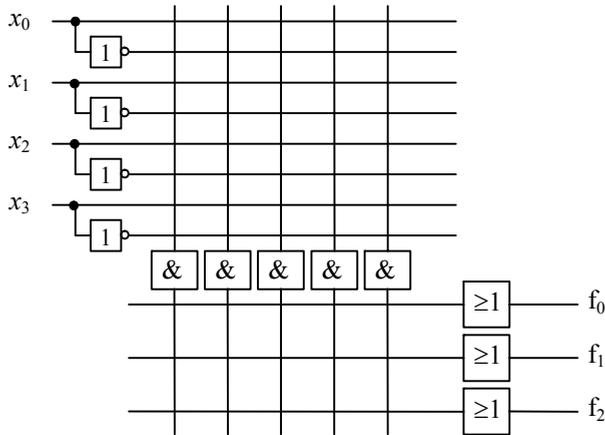
Aufgabe 14.2

Die 3 booleschen Funktionen f_0, f_1, f_2 sollen mit einer PLA realisiert werden. Kennzeichnen Sie im untenstehenden Schema die nötigen Verbindungen mit Punkten und bezeichnen Sie die Anschlüsse der PLA.

$$f_0(a, b, c, d) = ad \vee \neg a \neg bcd$$

$$f_1(a, b, c, d) = \neg ab \neg cd \vee abcd \vee a \neg bcd$$

$$f_2(a, b, c, d) = \neg((a \vee b \vee \neg c)(\neg c \vee d)(\neg a \vee c \vee \neg d))$$

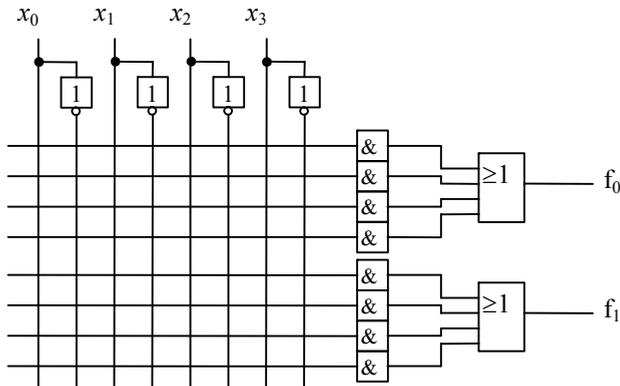


Aufgabe 14.3

Die 2 booleschen Funktionen f_0 und f_1 sollen mit einer PAL realisiert werden. Kennzeichnen Sie die nötigen Verbindungen mit Punkten und bezeichnen Sie die Anschlüsse.

$$f_0(a, b, c, d) = \neg a \neg b \neg c \neg d \vee ab \neg c \neg d \vee a \neg b \neg c \neg d \vee \neg ab \neg cd \vee \neg a \neg bcd \vee \neg abcd$$

$$f_1(a, b, c, d) = \neg a \neg b \neg c \neg d \vee ab \neg cd \vee \neg a \neg bcd \vee \neg abc \neg d$$



15 VHDL

15.1 Entwurfsverfahren für digitale Schaltungen

Zur Entwicklung digitaler Schaltungen stehen heute eine Vielzahl verschiedener Entwurfswerkzeuge zur Verfügung. Sie sind eine unerlässliche Voraussetzung für den Entwurf komplexer Schaltungen. So konnten sich ASIC nur auf dem Markt durchsetzen, weil leistungsfähige Software für ihren Entwurf vorhanden war. Es gibt eine Vielzahl verschiedener Sprachen für die Entwicklung von Hardware. Man unterscheidet zwischen Architektur-unabhängigen und Architektur-abhängigen Sprachen:

- Architektur-unabhängige Sprachen können für das Design von ASIC verschiedener Hersteller verwendet werden. Sie haben prinzipiell den Nachteil, dass die Unterstützung neuer ASIC-Typen erst verzögert angeboten wird. Der Vorteil liegt sicher darin, dass man einfacher ein Design von einem Baustein auf einen anderen transferieren kann. Außerdem ist kein zusätzlicher Schulungsaufwand bei einem Wechsel des ASIC nötig.
- Architektur-spezifische Software. Viele Hersteller bieten spezielle Software für die Entwicklung ihrer Hardware an. Ein Wechsel des ASIC-Herstellers ist oft mit Problemen verbunden.

Das logische Design von Digitalschaltungen wurde in der Vergangenheit im Wesentlichen mit grafischen Entwurfswerkzeugen durchgeführt, mit der so genannten schematischen Schaltungseingabe. Dabei werden zunächst aus einzelnen Gattern einfache Module erzeugt, die dann zu komplexeren Modulen zusammengesetzt werden, bis das gewünschte System fertiggestellt ist. Man spricht hier von einem Bottom-Up-Entwurf. Der Nachteil dieses Verfahrens ist, dass der Entwurf bei komplexen Systemen sehr unübersichtlich wird und es somit sehr schwierig zu überblicken ist, ob der Entwurf die gewünschten Anforderungen erfüllt.

Die heute immer mehr gewählte Alternative zur schematischen Schaltungsentwicklung ist die Verwendung von Hardware-beschreibenden Sprachen (**Hardware-Description Language** HDL). Der Top-Down-Entwurf wird mit diesen HDL-Entwurfswerkzeugen möglich, denn sie können ein System in mehreren Abstraktionsebenen beschreiben. Man beginnt mit der Beschreibung des Systems auf einer hohen abstrakten Ebene, die durch das Anforderungsprofil der Schaltung vorgegeben wird. Dieser Entwurf wird dann immer mehr konkretisiert, bis man bei einer Beschreibung angelangt ist, die sich direkt in Hardware umsetzen lässt. Die heutigen Synthesewerkzeuge können aus einer Verhaltensbeschreibung einer Schaltung direkt eine Hardware-Realisierung der Schaltung erzeugen. Wichtig ist auch, dass das komplette System in allen Abstraktionsebenen simulierbar ist, so dass das Testen des Systems in einem frühen Stadium des Entwurfs möglich ist.

Hier wird die Sprache VHDL vorgestellt (**VHSICHDL** (VHSIC = **V**ery **H**igh **S**peed **I**ntegrated **C**ircuit)). Sie wurde im Jahr 1987 als IEEE Standard eingeführt (IEEE Std 1076-1987). 1993 wurden einige Ergänzungen hinzugefügt (IEEE Std 1076-1993). Durch die Normung wird die Wiederverwendbarkeit von Code erleichtert. VHDL ist eine technologieunabhängige Beschreibung, die den Top-Down- und den Bottom-Up-Entwurf gleichermaßen ermöglicht. Die objektorientierte Programmiersprache VHDL besitzt Konstrukte für die hierarchische Gliederung eines Entwurfs. Dieses Kapitel erlaubt einen kleinen Einblick in die Nutzung von VHDL für die Synthese von Digitalschaltungen. Der gesamte Sprachumfang von VHDL ist jedoch viel größer.

15.2 Die Struktur von VHDL

Eine VHDL-Beschreibung besteht aus einem VHDL-File mit verschiedenen Design-Einheiten (Design-Units):

- In der Design-Einheit **Entity** wird die Schnittstellenbeschreibung eines Schaltungsteils definiert. Sie ist eine Blackbox, deren Inhalt aus der Architecture besteht.
- In der **Architecture** wird die Funktion der Schaltung beschrieben.
- Die **Configuration** definiert die Zuordnung von Entity und Architecture, wenn es mehrere Architectures zu einer Entity gibt. Sie wird hier nicht näher erläutert.
- In der **Package Declaration** und dem **Package Body** werden wichtige, oft gebrauchte Funktionen, Komponenten, Konstanten und Datentypen definiert.

Einige allgemeine Hinweise:

Kommentare werden in VHDL durch zwei Minuszeichen gekennzeichnet (--), der Rest der Zeile wird bei der Compilierung nicht beachtet.

Es wird nicht nach Groß- und Kleinschreibung unterschieden. Es ist aber üblich, VHDL-Schlüsselwörter klein und Identifier groß zu schreiben. Hier werden VHDL-Schlüsselwörter zusätzlich fett gedruckt. Namen und Identifier müssen mit einem Buchstaben beginnen. Danach können Buchstaben, Zahlen und der Unterstrich (_) folgen. Viele Synthesewerkzeuge begrenzen die Länge von Identifiern auf 32 Zeichen. Nach jeder Anweisung steht ein Apostroph (;). Bei Aufzählungen steht in der Regel ein Komma.

15.3 Typen

Leitungen werden in VHDL durch Signale beschrieben, die deklariert werden müssen. Bei der Deklaration werden Typ und Name des Signals festgelegt. Das kann im Wesentlichen an zwei Stellen geschehen:

- In der Entity werden die Signale deklariert, die verschiedene Entities miteinander verbinden. Diese Signale dienen also als Verbindungsleitungen. Sie sind global definiert.
- In der Architecture werden Signale deklariert, die nur innerhalb dieser Umgebung gebraucht werden. Sie sind in der Architektur lokal sichtbar.

Alle verwendeten Typen müssen vorher deklariert werden. Dies kann auf verschiedene Weise geschehen. Man kann vordefinierte Typen verwenden, die in die Sprache integriert sind. Weiterhin kann man Typen aus kommerziell erhältlichen Packages (z. B. Library IEEE im Package `std_logic_1164`) verwenden oder sie selbst definieren. Die einfachen Datentypen, also die Skalare, sind in VHDL denen in Programmiersprachen wie C vergleichbar. In Tabelle 15-1 sind die in VHDL immer verfügbaren, vordefinierten Typen aufgelistet.

Tabelle 15-1 In VHDL vordefinierte Typen.

Typ	Beschreibung
boolean	Werte: true und false
integer	Binärdarstellung: 2#101#, oktal 8#12#, hexadezimal 16#1F#
real	[+/-]number.number[E[+/-]number] Bsp.: 1.894E-3
character	Standard-ASCII-Zeichensatz: '0'-'9', 'a'-'z', 'A'-'Z'
bit	Werte: '0' und '1'

Ein Digitalsignal kann im einfachsten Fall mit dem Signal-Typ `bit` beschrieben werden, der das Verhalten zeigt, welches durch die boolesche Algebra vorgegeben ist. Die Elemente dieses Typs sind `'0'` und `'1'`. Sie werden in Apostroph eingeschlossen. Die Zuweisung von Signalpegeln erfolgt durch den Operator `" <= "`. Als Beispiel die Zuweisung des Wertes 0 an das Signal A: `A <= '0'`. Bei Zuweisungen müssen in VHDL generell die Typen der linken und rechten Seite gleich sein. Also muss A in dem Beispiel auch vom Typ `bit` sein. Aufzählungstypen können durch die folgende Syntax definiert werden:

```
type FARBE is (Rot, Gelb, Blau);
```

Weitere Typen entstehen durch die Verwendung von Untertypen (`subtype`). Sie ermöglichen eine Einschränkung des Bereichs der vordefinierten Typen und werden durch folgende Syntax definiert:

```
subtype KLEINE_BUCHSTABEN is character 'a' to 'z';
subtype ZWEISTELLIGE_ZAHLEN is integer 10 to 99;
```

Wie in anderen Programmiersprachen sind auch zusammengesetzte Typen möglich. Das sind zum einen Arrays, die im Beispiel unten durch die Typen `BYTE` und `MATRIX` verdeutlicht werden. Der Bereich des Indexes wird durch `7 downto 0` beschrieben, wodurch ein Byte mit 8 Bit entsteht. Zum anderen sind Records möglich. Das ist ein Datentyp, der aus verschiedenen Typen zusammengesetzt ist. Im Beispiel des Typs `ZAHL` ist das Vorzeichen vom Typ `Bit` und die beiden Ziffern sind vom Typ `Integer`.

```
type BYTE is array (7 downto 0) of bit;           -- Array
type MATRIX is array (7 downto 0, 7 downto 0) of bit; -- Array
type ZAHL is                                       -- Record
    Vorzeichen : bit;
    Ziffer1: integer range 0 to 9;
    Ziffer2: integer range 0 to 9;
end record;
```

Der Typ `bit_vector` ist ein Array von Elementen des Typs `bit`. Dieser Typ ist in VHDL vordefiniert. Für die Wertzuweisung hat man zwei Alternativen:

```
A <= "0010" ;
A <= ('0', '0', '1', '0');
```

Auch der Typ `String`, ein Array vom Typ `Character` ist in VHDL vordefiniert.

Unter Verwendung eines bekannten Typs können dann Signale, Konstanten und die später näher erläuterten Variablen definiert werden:

```
constant EIN: bit := '0';
variable ADDRESS, INDEX: integer;
signal WORD: bit_vector (7 downto 0);
signal ZAEHLER: integer range 10 to 99;
```

Die Konstantendefinition enthält selbstverständlich eine Zuweisung, hier des Wertes 0. Die beiden letzten Signaldefinitionen schränken den verwendeten Zahlenbereich bzw. die Breite des Vektors ein. Alternativ hätte man auch das Signal `ZAEHLER` unter Verwendung eines `Subtype` deklarieren können:

```
subtype ZWEISTELLIGE_ZAHLEN is integer 10 to 99;
signal ZAEHLER: ZWEISTELLIGE_ZAHLEN;
```

15.4 Operatoren

Ausdrücke werden in VHDL mit den in der Tabelle 15-2 aufgeführten Operatoren gebildet. Die Priorität der Operatoren wächst von oben nach unten. Eine andere Reihenfolge muss durch Klammerung deutlich gemacht werden.

Tabelle 15-2 Operatoren.

	VHDL-Operator	Funktion	Typ Operand 1	Typ Operand 2	Typ Ergebnis
Boolesche Operatoren	and	$a \wedge b$	bit, bit_vector, boolean	wie Operand 1	wie Operand 1
	or	$a \vee b$			
	nand	$\neg(a \wedge b)$			
	nor	$\neg(a \vee b)$			
	xor	$a \text{ exor } b$			
Vergleichs-Operatoren	=	$a = b$	beliebig	wie Operand 1	boolean
	/=	$a \neq b$			
	<	$a < b$	skalare Typen, diskrete Vektoren	wie Operand 1	
	<=	$a \leq b$			
	>	$a > b$			
	>=	$a \geq b$			
Schiebe-Operatoren	sll, srl	logisch	bit, boolean	integer	wie Operand 1
	sla, sra	arithmetisch			
	rol, ror	rotieren			
additiv-arithmetische Operatoren	+	$a + b$	integer, real	wie Operand 1	wie Operand 1
	-	$a - b$			
	&	$a \& b$ zusammensetzen	bit, bit_vector, character, string	passend	
Vorzeichen-Operatoren	+	$+ a$	integer, real	-	wie Operand 1
	-	$- a$			
multiplikativ-arithmetische Operatoren	*	$a * b$	integer, real	wie links	wie Operand 1
	/	a / b			
	mod	$a \text{ div } b$	integer	wie links	
	rem	$a \text{ mod } b$			
weitere Operatoren	**	a^b	integer, real	integer	wie Operand 1
	abs	$ a $	integer, real	-	
	not	$\neg a$	bit, bit_vector, boolean	-	

Wenn man Operanden mit anderen als den in der Tabelle angegebenen Typen verwenden will, hat man zwei Möglichkeiten. Durch die Verwendung von Packages werden diese Operationen für weitere Typen mit Hilfe des „Overloading“ möglich. Mit „Overloading“ ist hier die Möglichkeit gemeint, verschiedene Typen mit den gleichen Operatoren zu verknüpfen. Alternativ kann man Typen konvertieren, um einen Operator anwenden zu können. Diese Typkonvertierungen werden auch in Packages zur Verfügung gestellt.

15.5 Entity

In der Entity werden nur die Schnittstellen eines Schaltungsteils definiert. Die Funktionalität wird in einer oder mehreren dazugehörigen Architekturen beschrieben. Eine vereinfachte Syntax der Entity in der Backnus-Naur-Form [38] ist:

```
entity Entity_Name is
  [Generics]
  [Ports]
end [Entity_Name];
```

Die eckigen Klammern in der Backnus-Naur-Form bedeuten, dass das entsprechende Element nicht oder einmal vorkommen darf. Die Verwendung von `Generics` und `Ports` wird im folgenden Beispiel eines Addierers deutlich:

```
entity Addierer is
  generic (width: integer);
  port ( A,B: in bit_vector(1 to width);
        CIN: in bit;
        F:   out bit_vector(1 to width));
end Addierer;
```

Die Hauptaufgabe der Entity besteht in der Definition der Ports. Ports geben die Signale an, mit denen die einzelnen Entities miteinander verbunden werden. Diese Signale sind aber auch innerhalb der Entity und der dazugehörigen Architektur sichtbar. In obigem Beispiel werden nach dem Schlüsselwort `port` die Eingangssignale des Addierers A und B vom Typ `bit_vector` mit dem Modus `in` definiert. Es sind 4 verschiedene Modi entsprechend Tabelle 15-3 möglich.

Tabelle 15-3 Bedeutung der Modi in der Port-Definition der Entity.

Modus	Funktion	Verwendung in Zuweisungen innerhalb der dazugehörigen Architektur
in	Eingang	nur auf der rechten Seite von Zuweisungen
out	Ausgang	nur auf der linken Seite
inout	bidirektionaler Port	kann beliebig im Code benutzt werden
buffer	Ausgang	einmal links, beliebig oft auf der rechten Seite

Die Breite der Eingangsvektoren wird durch den Ausdruck `(1 to width)` beschrieben, wobei `width` ein Generic ist, der den höchsten Index festlegt. Generics sind Konstanten, die an anderer, oft zentraler Stelle des Codes festgelegt werden. Dadurch ist es möglich, universellere Code zu schreiben.

15.6 Architecture

Die Architecture ist eine Umgebung für nebenläufige Anweisungen. Sie sind gleichzeitig wirksam, wie es für eine Digitalschaltung typisch ist. So können zum Beispiel die in Bild 15-1 gezeigten nebenläufigen Signalzuweisungen in der daneben stehenden Schaltung resultieren. Die beiden Zuweisungen sind gleichzeitig aktiv und werden nicht wie in anderen Programmiersprachen sequentiell verarbeitet. Daher ist auch die Reihenfolge im Code beliebig. Dieses Verhalten wird mit nebenläufig bezeichnet.

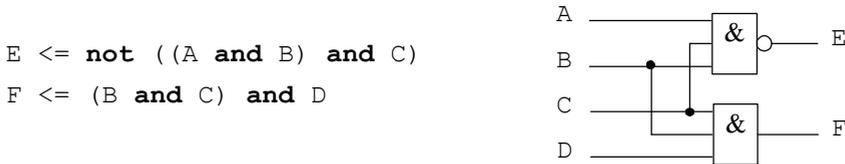


Bild 15-1 Beispiel für nebenläufige Signalzuweisungen und daraus generierte Hardware.

Eine Architecture wird vereinfacht in folgender Syntax beschrieben:

```

architecture Architecture_Name of Entity_Name is
  [Typ_Deklaration]
  [Subtype_Deklaration]
  [Konstanten_Deklaration]
  [Signal_Deklaration]
  [Komponenten_Deklaration]
  begin
    [Nebenläufige_Anweisungen]
  end [Architecture_Name];

```

Architecture_Name ist ein frei wählbarer Name der Architektur, die der Entity *Entity_Name* zugeordnet wird. Alle Architekturen, die zu einer Entity gehören, müssen verschiedene Namen haben. Architekturen verschiedener Entities können gleiche Namen haben. Eine Architektur besteht aus einem Deklarationsteil, in dem lokale Signale, Typen, Subtypen, Konstanten und Komponenten deklariert werden können. Die Deklaration von Typen, Subtypen und Signalen wurde in Kapitel 15.3 beschrieben.

Die Schaltungsfunktion steht in den nebenläufigen Anweisungen. Die wichtigsten nebenläufigen Anweisungen für Verhaltensbeschreibungen sind in Tabelle 15-4 zusammengefasst. Anweisungen, die in Strukturbeschreibungen verwendet werden, sind ebenfalls nebenläufige Anweisungen. Sie werden weiter unten im Kapitel 15.8 beschrieben. Verhaltensbeschreibung und Strukturbeschreibung sind unterschiedliche Stile, in denen Schaltungen beschrieben und entworfen werden können.

Wie der Name sagt, wird in der Verhaltensbeschreibung eine Schaltung durch ihr Verhalten charakterisiert. Die Synthese der realen Schaltung überlässt man den automatischen Entwurfswerkzeugen. Dagegen wird in der Strukturbeschreibung die Schaltung in ihrer Struktur vom Entwickler fest vorgegeben.

Als Beispiel für eine Verhaltensbeschreibung wird im Folgenden der Code für einen Multiplexer gezeigt. In der Entity wird die Schnittstellenbeschreibung für die Eingänge X0, X1, den Selektions-Eingang SEL und den Ausgang Y durchgeführt. Die Funktion wird in der Architek-

tur mit dem Namen VERHALTEN beschrieben. Sie besteht im Wesentlichen aus der bedingten Signalzuweisung, in der der durch SEL ausgewählte Eingang auf den Ausgang Y durchgeschaltet wird.

```
entity MUX is
  port ( X0, X1, SEL: in bit; Y : out bit);
end MUX;
```

```
architecture VERHALTEN of MUX is
begin
  Y <= X0 when SEL = '0' else
    X1 when SEL = '1';
end VERHALTEN;
```

Tabelle 15-4 Nebenläufige Anweisungen für die Verhaltensbeschreibung.

Nebenläufige Anweisung	Beispiel
Signalzuweisung	Z <= A and B;
Bedingte Signalzuweisung: Zugewiesen wird, wenn die Bedingung, die nach when steht, wahr ist. Die folgenden else -Zweige werden nicht mehr durchlaufen. Schachtelungen sind möglich.	Z <= A when (X = 0) else B when (X = 1) else C;
Selektive Signalzuweisung: Der Wert von SEL (Typ <code>bit_vector</code>) bestimmt, welche Zuweisung wirksam wird. Die Alternativen müssen sich ausschließen.	with SEL select Z <= A when ('0','0'), B when ('0','1'), C when ('1','0'), D when ('1','1');
Prozessanweisung: Umgebung für sequentielle Anweisungen. Wenn sich eines der Signale A oder B in der Sensitivity-List ändert, werden die sequentiellen Anweisungen der Reihe nach ausgeführt. Im Prozess sind Variablendeklarationen möglich (siehe nächstes Kapitel).	<i>Label</i> : process (A,B) variable TEMP : integer; begin [<i>Sequentielle_Anweisungen</i>] end process;

15.7 Prozesse

Ein Prozess ist eine nebenläufige Anweisung. Mehrere Prozesse in einer Architektur sind also gleichzeitig aktiv. Innerhalb eines Prozesses werden aber Anweisungen nacheinander, also sequentiell bearbeitet. Die Syntax der Prozessumgebung ist:

```
[Label:] process [(Sensitivity_List)]
  [Typ_Deklaration]
  [Subtype_Deklaration]
  [Konstanten_Deklaration]
  [Variablen_Deklaration]
begin
  [Sequentielle_Anweisungen]
end process;
```

Es gibt 2 Alternativen, um das zeitliche Verhalten eines Prozesses zu steuern:

- mit der Sensitivity-List: Die Sensitivity-List ist eine Liste von durch Kommata getrennten Signalen z.B. (CLK, D1, D2). Die sequentiellen Anweisungen werden beim Simulationsbeginn einmal bis zu `end process` durchgeführt. Dann wird der Prozess unterbrochen, bis sich eines der in der Sensitivity-List stehenden Signale ändert, worauf der Ablauf von neuem beim Schlüsselwort `begin` beginnt.
- Mit Hilfe von einer oder mehreren Wait-Anweisungen. Die sequentiellen Anweisungen werden der Reihe nach ausgeführt, bis eine Wait-Anweisung erreicht wird. Dann wartet der Prozess solange, bis die in der Wait-Anweisung gegebene Bedingung erfüllt ist. Darauf werden die folgenden sequentiellen Anweisungen weiter ausgeführt. Wenn das Ende des Prozesses erreicht ist, wird wieder von vorne begonnen.

Alle Prozesse können entweder mit einer Sensitivity-List oder mit Wait-Anweisungen geschrieben werden. In Tabelle 15-5 sind die beiden Möglichkeiten gegenübergestellt:

Tabelle 15-5 Zwei gleichwertige Alternativen für die Ablaufsteuerung eines Prozesses.

Prozess mit Sensitivity List	Prozess mit Wait-Anweisung
<pre>process (A, B) begin C <= A and B; end process;</pre>	<pre>process begin C <= A and B; wait on A, B; end process;</pre>

Im Deklarationsteil der Prozessanweisung können Typen, Konstanten und Variablen deklariert werden. Dagegen ist eine Signaldefinition in der Prozess-Umgebung nicht möglich. Signale müssen in der übergeordneten Architektur deklariert werden. Sie sind in Prozessen innerhalb der Architektur sichtbar. Innerhalb von Prozessen nehmen Signale ihren neuen Wert nicht schon bei der Zuweisung an, sondern erst, wenn der Prozess in einen Wartezustand geht. Wartezustände werden, wie oben beschrieben, durch die Sensitivity-List oder durch eine Wait-Anweisung erzeugt. Auch zwei oder mehrere Zuweisungen an das gleiche Signal sind erlaubt. Dann werden alle bis auf die letzte überschrieben. Im folgenden Beispiel wird daher die erste Zuweisung durch die zweite unwirksam, so dass Z den Wert von D bekommt.

```
Z <= A and B;
Z <= D;
```

In Prozessen können Variablen deklariert und initialisiert werden. Sie sind innerhalb des Prozesses lokal zu verwenden. Sie haben wie Signale einen Typ. Sie unterscheiden sich von ihnen aber durch ihr zeitliches Verhalten: Nach einer Zuweisung nimmt die Variable sofort ihren neuen Wert an. Die Zuweisung einer Variablen wird durch das Zeichen `:=` verdeutlicht, im Gegensatz zu `<=` bei Signalen.

```
C := B
B := A;
A := C;
```

In diesem Beispiel werden durch die sofort erfolgende Wertzuweisung die ursprünglichen Werte der Variablen A und B vertauscht.

Mit den in Tabelle 15-6 aufgelisteten sequentiellen Anweisungen wird die Funktionalität von Prozessen beschrieben.

Tabelle 15-6 Sequentielle Anweisungen.

Sequentielle Anweisung	Beispiel
Signalzuweisung	<code>Z <= A and B;</code>
Variablenzuweisung	<code>Z := A and B;</code>
Wait-Anweisung Nur in Prozessen ohne Sensitivity-List. wait on: Warten bis sich A oder B ändert wait until: Bis die Bedingung wahr wird	<code>wait on A,B;</code> <code>wait until A = B;</code>
If-elsif-else-Anweisung Kann mehrfach geschachtelt werden.	<code>if A = '1' then F <= X;</code> <code>elsif B = '1' then F <= Y;</code> <code>else F <= Z;</code> <code>end if;</code>
Case-Anweisung Alle Fälle müssen aufgezählt werden.	<code>case B is</code> <code> when "00" => Y := '1';</code> <code> when "01" => Y := '0';</code> <code> when "10" => Y := '1';</code> <code> when "11" => Y := '1';</code> <code>end case;</code>
for-loop für parallele Hardware. Laufvariable: in der Loop-Anweisung lokal, muss nicht deklariert werden, Zuweisungen nicht erlaubt.	<code>for I in 7 downto 0 loop;</code> <code> C(I) := A(I) and B(I);</code> <code>end loop;</code>
while-loop Laufvariable: muss deklariert werden, Zuweisungen möglich.	<code>variable I: integer:= 0</code> <code>while I<8 loop</code> <code> OUT(I) <= IN(I);</code> <code> I := I +1;</code> <code>end loop;</code>

Als Beispiel für eine sequentielle Schaltungsbeschreibung wird hier der Code für ein synchrones Schaltwerk gezeigt. Es ist die gleiche Aufgabenstellung wie die Ampelsteuerung im Kapitel 8.2. Allerdings wurde ein Eingang RESET ergänzt, mit dem man das Schaltwerk in den Zustand S1 (nur Rot brennt) zurücksetzen kann.

```
entity AMPEL is
  port (RESET,CLOCK: in bit;
        ROT, GELB, GRUEN: out bit);
end AMPEL;

architecture VERHALTEN of AMPEL is
  type STATE_TYPE is (S1, S2, S3, S4);
  signal CS, NS: STATE_TYPE;
begin
  ZUSTANDSSPEICHER: process (CLOCK, RESET)
  begin
    if (RESET='1') then CS <= S1;
    elsif (CLOCK'event and CLOCK = '1') then CS <= NS;
    end if;
  end process;
end architecture;
```

```

SCHALTNETZ: process (CS)
begin
  case CS is
    when S1 => NS <= S2;
      ROT <= '1'; GELB <= '0'; GRUEN <= '0';
    when S2 => NS <= S3;
      ROT <= '1'; GELB <= '1'; GRUEN <= '0';
    when S3 => NS <= S4;
      ROT <= '0'; GELB <= '0'; GRUEN <= '1';
    when S4 => NS <= S1;
      ROT <= '0'; GELB <= '1'; GRUEN <= '0';
  end case;
end process;
end VERHALTEN;

```

Im Deklarationsteil der Architektur wird der Type STATE_TYPE deklariert mit den 4 Zuständen S1 bis S4. Den beiden Signalen CS und NS wird dieser Typ zugeordnet. Diese Signale entsprechen den Aus- und Eingängen an den Zustandsregistern z_i^m und z_i^{m+1} .

In diesem Code werden 2 Prozesse verwendet. Im ersten Prozess mit dem Label „ZUSTANDSSPEICHER“ werden die Flipflops beschrieben. In einer if-else-elsif-Anweisung wird im if-Zweig bei einem Reset der Zustand S1 eingestellt. Der elsif-Zweig enthält das Attribut 'event, welches bewirkt, dass auf eine Flanke des Signals CLOCK gewartet wird. Zusammen mit der Bedingung CLOCK = '1' wird so eine positive Flankensteuerung beschrieben.

Im zweiten Prozess mit dem Label „SCHALTNETZ“ werden die Übergänge zwischen den Zuständen S1 bis S4 definiert und die Ausgänge in den jeweiligen Zuständen festgelegt. Da es sich um ein Moore-Schaltwerk handelt, ist dies leicht in einer einzigen Case-Anweisung möglich. Man erkennt, dass beide Prozesse gleichzeitig aktiv sein müssen.

In Bild 15-2 ist die durch ein Synthese-Werkzeug generierte Schaltung zu sehen. Man erkennt, dass 4 D-Flipflops verwendet werden, die zu einem Kreis verbunden sind. Beim Reset wird das 2. Flipflop gesetzt, die anderen werden zurückgesetzt. Die 1 des gesetzten Flipflops wird dann durch den Takt wie in einem Eimerkettenspeicher weitergereicht. Die Kodierung der Ausgänge kann dann einfach durch 2 ODER-Gatter durchgeführt werden.

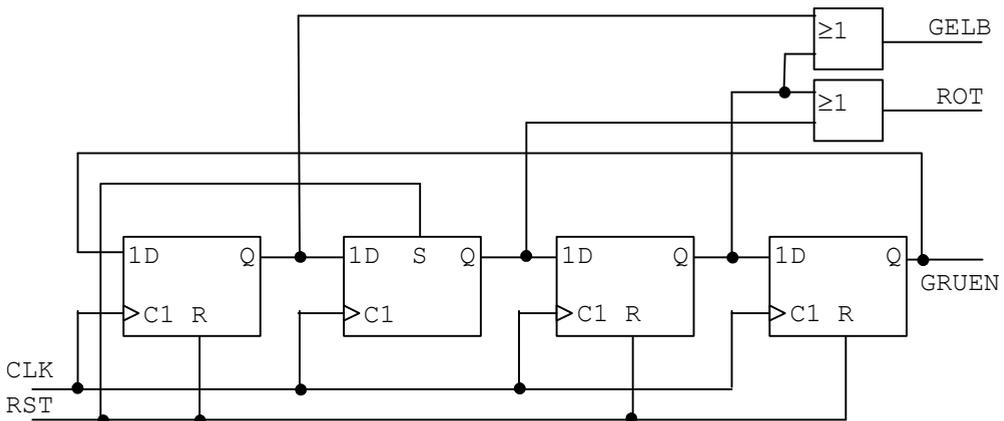


Bild 15-2 Generierte Hardware für die Verhaltensbeschreibung AMPEL.

15.8 Struktureller Entwurf

Ein Entwurstil, bei dem die Schaltung aus hierarchisch gegliederten Komponenten zusammengesetzt wird, nennt man strukturellen Entwurf. Dieser Stil kommt dem herkömmlichen, grafisch orientierten Entwurstil am nächsten. Man kennt dies vielleicht aus der Netzliste im Netzwerkanalyseprogramm SPICE. Mit einer Netzliste werden Bausteine, in VHDL `component` genannt, verdrahtet. Nebenläufige Anweisungen für den strukturellen Entwurf sind in der Tabelle 15-7 aufgelistet.

Tabelle 15-7 Nebenläufige Anweisungen für den strukturellen Entwurf.

Nebenläufige Anweisung	Beispiel
Komponenteninstanzierung (struktureller Entwurf). Anschluss eines Bausteins (<code>Component</code>). Die lokalen Ports (<code>local</code>) werden mit der äußeren Schaltung (<code>actuals</code>) verbunden.	<i>Label:</i> <code>Component_name</code> <code>port map (local => actual,</code> <code> local => actual);</code>
Generate-Statement (struktureller Entwurf). Erzeugung periodischer Strukturen. Es werden 8 Instanzen der Komponente D Flipflop erzeugt.	<i>Label:</i> <code>for I in 0 to 7 generate</code> <code> D_Flipflop port map</code> <code> D(I), Q(I), CLK);</code> <code>end generate;</code>

Als Beispiel ist hier der strukturelle Code des gleichen Multiplexers gezeigt, der oben als Verhaltensbeschreibung präsentiert wurde. Die Entity ist daher identisch.

```
entity MUX is
    port ( X0, X1, SEL: in bit; Y: out bit);
end MUX;
architecture STRUKTUR of MUX is
    signal A,B,C: bit;
    component NO_GATE
        port (I: in bit; O: out bit);
    end component;
    component AND_GATE
        port (I0, I1: in bit; O: out bit);
    end component;
    component OR_GATE
        port (I0, I1: in bit; O: out bit);
    end component;
begin
    Inst1: NO_GATE
        port map (I => SEL, O => A);
    Inst2: AND_Gate
        port map (I0 => X0, I1 => A, O => B);
    Inst3: AND_Gate
        port map (I0 => X1, I1 => SEL, O => C);
    Inst4: OR_GATE
        port map (I0 => b, I1 => C, O => Y);
end STRUKTUR;
```

Im Code für den Multiplexer werden im Deklarationsteil der Architektur zunächst die internen Signale A, B und C deklariert. Anschließend stehen die Deklarationen der 3 Komponenten NO_GATE, AND_GATE und OR_GATE. Die Architekturen für diese Komponenten können an anderer Stelle stehen. Nach dem Schlüsselwort `begin` folgen die nebenläufigen Anweisungen, die aus 3 Komponenten-Instanzierungen bestehen. Neben dem Namen der entsprechenden Komponente enthalten sie eine `port map`, in der die Tore zugeordnet werden. Die generierte Hardware mit den entsprechenden Verbindungen ist in Bild 15-3 gezeigt.

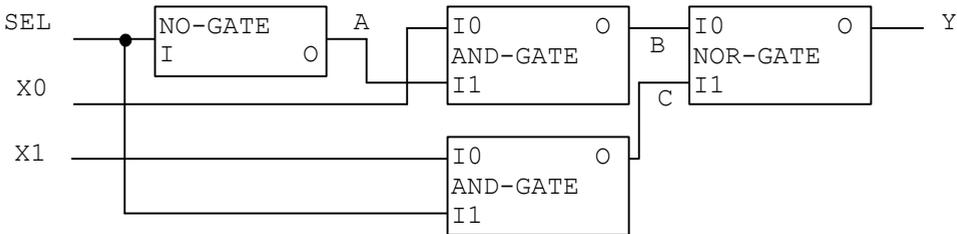


Bild 15-3 Generierte Hardware für den strukturellen Code MUX.

15.9 Busse

Auch Bussysteme, die mit Tristate-Gattern arbeiten, können in VHDL modelliert werden. Das Problem ist, dass bei Bussen mehrere Treiber-Ausgänge auf ein Signal wirken. Es gibt also mehr als eine Zuweisung auf ein Signal. Man benötigt für die Lösung dieses Problems ein mehrwertiges Logiksystem. Es bietet sich an, die in der Package `STD_LOGIC_1164` enthaltenen Datentypen `std_logic` und `std_logic_vector` zu verwenden. Das sind 9-wertige Datentypen, die besser das Verhalten einer realen Digitalschaltung beschreiben, als das 2-wertige System `bit` und `bit_vector` (Tabelle 15-8). Es sind in diesen Datentypen Werte für einen hochohmigen Ausgang und für nicht initialisierte Zustände von Flipflops vorhanden. Außerdem gibt es schwache, das heißt über einen Widerstand anliegende digitale Werte 0 und 1. Diese werden durch eine erzwungene 1 und 0 überschrieben.

Tabelle 15-8 Logiksystem `std_logic` in der Package `STD_LOGIC_1164`.

Wert	Beschreibung
'U'	nicht initialisiert
'X'	erzwungen unbekannt
'0'	erzwungene 0
'1'	erzwungene 1
'Z'	hochohmig

Wert	Beschreibung
'W'	schwach unbekannt
'L'	schwache 0
'H'	schwache 1
'-'	Don't care

Wie wird nun mit bei einer doppelten Wertzuweisung auf ein Bus-Signal umgegangen? Die Antwort liegt in einer Auflösungsfunktion, mit der der endgültige Wert auf dem Bus berechnet

wird. Diese Auflösungsfunktion ist hier für 2 Signale A und B dargestellt. Sie ist ebenfalls in der Package `STD_LOGIC_1164` enthalten. Man erkennt zum Beispiel, dass, wenn ein Signal hochohmig 'Z' ist, das andere Signal durchgeschaltet wird.

Tabelle 15-9 Auflösungsfunktion für den Datentyp `std_logic`.

		Signal A								
		'U'	'X'	'0'	'1'	'Z'	'W'	'L'	'H'	'-'
Signal B	'U'	'U'	'U'	'U'	'U'	'U'	'U'	'U'	'U'	'U'
	'X'	'U'	'X'							
	'0'	'U'	'X'	'0'	'X'	'0'	'0'	'0'	'0'	'X'
	'1'	'U'	'X'	'X'	'1'	'1'	'1'	'1'	'1'	'X'
	'Z'	'U'	'X'	'0'	'1'	'Z'	'W'	'L'	'H'	'X'
	'W'	'U'	'X'	'0'	'1'	'W'	'W'	'W'	'W'	'X'
	'L'	'U'	'X'	'0'	'1'	'L'	'W'	'L'	'W'	'X'
	'H'	'U'	'X'	'0'	'1'	'H'	'W'	'W'	'H'	'X'
	'-'	'U'	'X'							

Als Beispiel für einen bidirektionalen Bus wird hier die VHDL-Beschreibung eines Schnittstellenbausteins gezeigt, die die beschriebene Auflösungsfunktion aus der Package `STD_LOGIC_1164` verwendet.

```

library IEEE;
use IEEE.std_logic_1164.all;
entity TRI_BUS is
  port(SEND, OEN: in std_logic;
        RECEIVE: out std_logic;
        BUS: inout std_logic;
end TRISTATEBUS;

architecture VERHALTEN of TRI_BUS is
begin
  process (OEN, SEND, BUS)
  begin
    RECEIVE <= BUS;
    if (OEN = '1') then BUS <= SEND;
    else BUS <= 'Z';
    end if;
  end process;
end VERHALTEN;

```

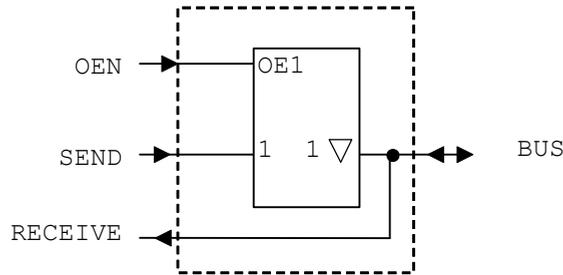


Bild 15-4 Schaltung des Schnittstellenbausteins.

Die Bibliothek wird mit den ersten beiden Zeilen vor der Entity eingebunden. Damit ist der Typ auch in der zugehörigen Architektur bekannt. Das Bus-Signal ist mit dem Modus `inout` deklariert, so dass man auf den Bus schreiben als auch von ihm lesen kann. In der Architektur wird dem Signal `BUS`, je nach dem Wert des Signals `Output Enable OEN` der Wert des Signals `SEND` oder das für einen hochohmigen Ausgang stehende `'Z'` zugewiesen. Der Typ `std_logic` wird sehr häufig für Digitalsignale verwendet. Die Schaltung ist in Bild 15-4 verdeutlicht.

15.10 Übungen

Aufgabe 1: Welche Aufgaben haben Entity und Architecture in einer VHDL-Beschreibung?

Aufgabe 2: Welche Werte haben die Variablen `C` und `D` sowie die Signale `A` und `B` nach dem folgenden Code, der sich in einem Prozess befindet?

```
C := D;
```

```
D := C;
```

```
A <= B;
```

```
B <= A;
```

Aufgabe 3:

a) An welcher Stelle steht der Deklarationsteil in einem Prozess?

b) Zwischen welchen Schlüsselwörtern steht der Deklarationsteil in einer Architektur?

Aufgabe 4: Geben Sie die boolesche Gleichung an, die durch den folgenden Code beschrieben wird. Alle Signale sind vom Typ `bit`.

```
process (A, B, X, Y, Z)
```

```
begin
```

```
    if A = '1' then F <= X;
```

```
    elsif B = '1' then F <= Y;
```

```
    else F <= Z;
```

```
    end if;
```

```
end process;
```

16 Mikroprozessoren

16.1 Prinzip kooperierender Schaltwerke

Schaltwerke mit sehr vielen inneren Zuständen, die zusätzlich von einer Vielzahl von Eingängen abhängig sind, können mit den bisher gezeigten Methoden nur schwer entwickelt werden. Die Schwierigkeit liegt im großen Umfang der benötigten Zustandsfolgetabelle. Prinzipiell können daher mit dem besprochenen Entwurfsverfahren nur einfache Schaltwerke konzipiert werden.

Eine Lösungsmöglichkeit des Problems sind kooperierende Schaltwerke, bei denen man das Schaltwerk in ein Operationswerk und ein Leitwerk aufteilt. Diese können dann getrennt entwickelt werden. In Bild 16-1 ist eine derartige Struktur dargestellt. Das Operationswerk kann mit dem Steuerbus s_i so konfiguriert werden, wie es der jeweiligen Aufgabe entspricht. So kann zum Beispiel die in Kapitel 12.5 behandelte ALU als ein einfaches Operationswerk verstanden werden. Der Zustandsbus z_i gibt Informationen über die Ergebnisse aus dem Operationswerk an das Leitwerk weiter.

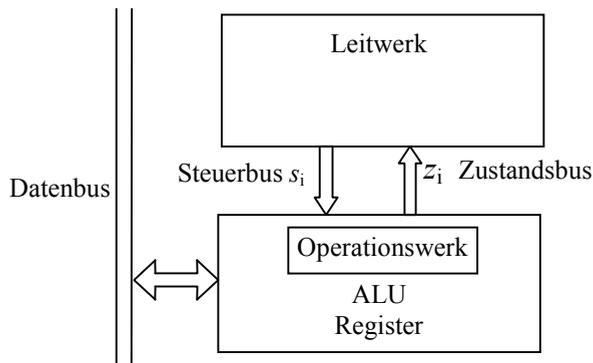


Bild 16-1 Aufbau eines kooperierenden Schaltwerks.

Operationswerke enthalten in der Regel eine arithmetisch-logische Einheit (ALU) sowie Register zum Speichern der Variablen. Mit dem Operationswerk können daher eine Vielzahl von Problemen bearbeitet werden. Das Leitwerk leistet die Koordinierung der im Operationswerk durchzuführenden Operationen. Es kann zum Beispiel als Schaltwerk aufgebaut sein.

16.2 Der Von-Neumann-Rechner

Das Konzept des Von-Neumann-Rechners, auf dem die meisten heute verwendeten Rechner beruhen, ist eine Erweiterung des oben dargestellten kooperierenden Schaltwerks. Der Von-Neumann-Rechner beinhaltet die Trennung des Schaltwerks in ein Leit- und ein Operationswerk. Darüber hinaus wird beim Von-Neumann-Rechner das Leitwerk durch ein Software-Programm gesteuert, das die Folge der Operationen enthält. Damit wird eine noch größere Flexibilität erreicht, da man durch die Wahl eines anderen Programms ein anderes Problem

bearbeiten kann. Das Programm wird, gemeinsam mit den vom Operationswerk benötigten Daten, in einem Speicher gespeichert. Daher ist ein Bussystem vorhanden, welches es erlaubt, die Daten und die Befehle des Programms aus dem Speicher zu holen und dort auch wieder Daten abzulegen. Das Programm, welches vom Mikroprozessor ausgeführt wird, heißt auch Maschinenprogramm, die auszuführenden Befehle heißen Maschinenbefehle. In der Praxis entsteht das Maschinenprogramm oft durch eine Übersetzung aus dem Assemblercode, der weiter unten beschrieben wird.

Das Prinzip des Von-Neumann-Rechners ist in Bild 16-2 dargestellt. Die Verbindung zwischen den Baugruppen wird durch drei Busse hergestellt. Auf dem Datenbus werden die Daten und die Befehle transportiert, der Adressbus gibt die Information weiter, wo die Daten und Befehle im Speicher zu finden sind. Über den Steuerbus werden Signale geleitet, die zum Beispiel den Speicher zwischen Lesen (RD) und Schreiben (WR) umschalten. Die Begriffe Lesen und Schreiben sind jeweils aus der Sicht des Mikroprozessors zu interpretieren. Auch das Taktsignal, das dem gesamten Prozessor gemeinsam ist, gehört zum Steuerbus.

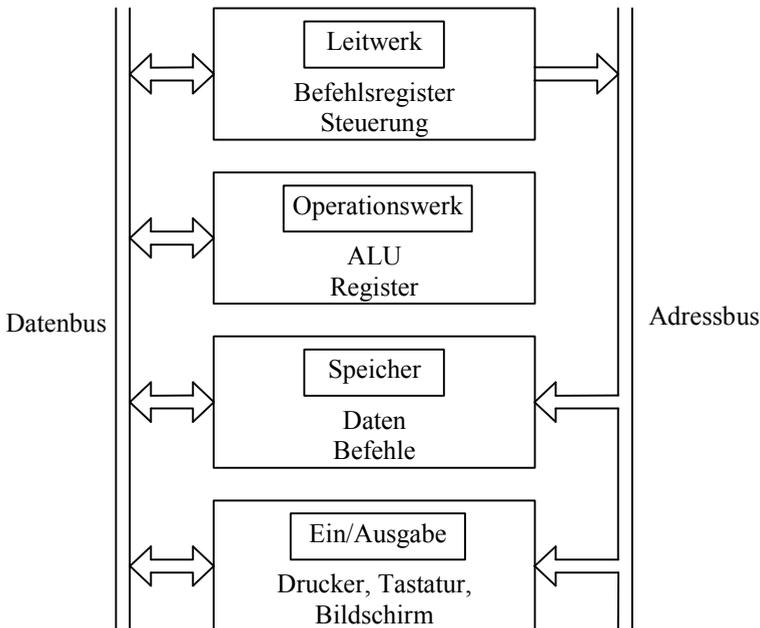


Bild 16-2 Grundstruktur eines Von-Neumann-Rechners. Der Steuerbus, der alle Bausteine miteinander verbindet, ist nicht gezeigt.

Man hat mit dem Mikroprozessor einen Universalbaustein geschaffen, der mit Hilfe der Software an viele Problemstellungen angepasst werden kann. Dadurch findet der Mikroprozessor Anwendung in vielen Produkten. Im Folgenden werden die Baugruppen des Von-Neumann-Rechners genauer besprochen. Der eigentliche Mikroprozessorchip beinhaltet in der Regel das Leitwerk und das Operationswerk. Zusammen mit einem Speicher und den Baugruppen der Ein- und Ausgabe bildet er einen Computer oder Rechner. Bei so genannten Mikrocontrollern sind auf dem Chip zusätzlich die Speicher (RAM und ROM), Ein- und Ausgabeeinheiten und oft auch Analog/Digitalwandler integriert.

16.2.1 Operationswerk

Das Operationswerk beinhaltet in der Regel die ALU und einen Registerblock für die Speicherung von Zwischenergebnissen, wie es bereits oben besprochen wurde. Die Architektur von Operationswerken kann mehr oder weniger auf eine spezielle Anwendung zugeschnitten sein. Der Von-Neumann-Rechner ist für nahezu alle arithmetisch-logisch orientierten Problemstellungen geeignet, es gibt aber auch Operationswerke für eine spezielle Aufgabe. Zum Beispiel gibt es Prozessoren, die für die Signalverarbeitung optimiert sind, so genannte Digitale Signalprozessoren (DSP = **D**igital **S**ignal **P**rocessor). Sie eignen sich zum Beispiel dafür, eine FFT (Fast-Fourier-Transformation) effizient auszuführen.

Ein typischer Aufbau für eine universelle Register-Arithmetik-Einheit ist in Bild 16-3 dargestellt. Sie besteht aus zwei Registern A und B. Das Register A wird oft als Akkumulator bezeichnet. Es nimmt einen der Operanden und in der Regel das Ergebnis der Operation auf.

Mit der dargestellten Einheit können logische Operationen, Addition und Subtraktion durchgeführt werden. Für die Multiplikation und Division kann das Rechts-Links-Schieberegister verwendet werden. Im Flag-Register werden Informationen über das Ergebnis der arithmetischen Operationen festgehalten. So zeigt im Flag-Register ein bestimmtes Bit an, ob das Ergebnis gleich 0 ist, ein anderes zeigt an, ob es einen Übertrag (Carry) gab. Der Inhalt des Flagregisters kann als Bedingung für Programmverzweigungen verwendet werden.

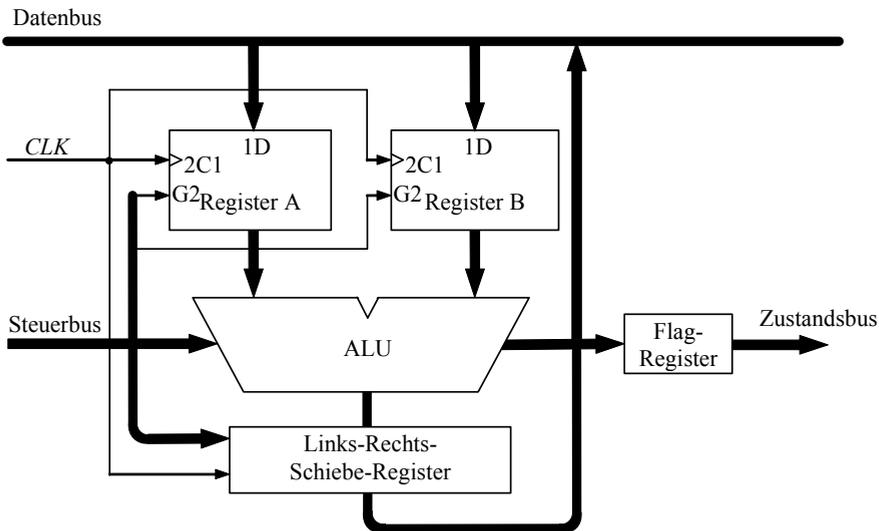


Bild 16-3 Typische busorientierte Register-Arithmetik-Einheit.

Konstanten, die das Operationswerk für die Ausführung arithmetischer Operationen benötigt, können durch die Hardware festgelegt sein oder sie werden durch einen Teil des Steuerbusses auf den Datenbus gegeben.

16.2.2 Leitwerk

Man unterscheidet zwischen Leitwerken, die als Schaltwerk aufgebaut sind und mikroprogrammgesteuerten Leitwerken. Die ersteren sind schneller. Sie werden bevorzugt eingesetzt, wenn nur eine geringe Anzahl von Befehlen realisiert werden muss. Dies trifft für RISC (redu-

ced instruction set computers) zu. Mikroprogrammgesteuerte Leitwerke sind sehr flexibel, sie können leicht an verschiedene Anwendungsfälle angepasst werden. Auf der anderen Seite sind sie langsamer, da der Befehl erst aus einem Speicher geholt werden muss.

Im Leitwerk werden Maschinen-Befehle verarbeitet. Sie bestehen in der Regel aus zwei Teilen, dem Befehlscode (Operationscode oder Opcode) und einem oder mehreren Operanden. Der Befehlscode sagt, welche Operation durchgeführt werden soll, der Operand enthält Daten oder Adressen, unter denen Daten zu finden sind. Das Leitwerk eines Mikroprozessors besteht aus den folgenden Komponenten:

Befehlszähler (Program-Counter)

Der Befehlszähler oder Program-Counter (PC) ist ein Register im Rechner, welches die Adresse des nächsten auszuführenden Maschinen-Befehls enthält. Um einen Befehl aus dem Speicher zu holen, wird der Inhalt des Befehlszählers auf den Adressbus gelegt, worauf der Speicher auf dem Datenbus den Befehlscode sendet. Nachdem der Operationscode eines Befehls aus dem Speicher geholt wurde, wird der PC erhöht und zeigt dann auf den nächsten Befehl.

Befehlsregister

Im Befehlsregister wird der Maschinen-Befehl zwischengespeichert, nachdem er aus dem Speicher geholt wurde.

Befehls-Dekoder

Im Befehls-Dekoder werden aus dem Maschinenbefehl die Steuerbefehle für die einzelnen Register, die ALU sowie für die Bussteuerung abgeleitet.

Adress-Register (Memory Address Register)

In diesem Register werden Adressen zwischengespeichert, die auf den Adressbus gelegt werden sollen.

Stack-Pointer

Mit Hilfe des Stack-Pointers wird der Stapel-Speicher (Stack) organisiert. Ein Stapelspeicher ist ein Speicher, in dem Daten seriell der Reihe nach abgelegt werden wie auf einem Papierstapel. Der Stack-Pointer (SP) speichert die Adresse des ersten freien Speicherplatzes über dem letzten Byte, welches in den Stack geschrieben wurde. Wenn neue Daten in den Stack geschrieben werden, wird der Stack-Pointer entsprechend verändert, so dass er wieder auf den nächsten freien Speicherplatz auf dem Stack (TOS = Top of Stack) zeigt.

16.2.3 Speicher

Charakteristisch für einen Von-Neumann-Rechner ist, dass im Speicher sowohl Daten als auch Programme gespeichert werden. Der Speicher setzt sich aus Bausteinen verschiedener Technologien zusammen. Daten werden meist in einem RAM gespeichert, wenn sie geändert werden müssen. Das Betriebssystem oder Teile davon werden oft in einem ROM oder EEPROM gespeichert. Außerdem können Daten und Teile des Programms auf eine Festplatte ausgelagert werden.

16.2.4 Ein- und Ausgabe

Ein- und Ausgabeeinheiten sind Peripheriegeräte wie Drucker, Bildschirm, Datennetze, externe Plattenlaufwerke, Tastatur, Maus usw.

16.2.5 Betrieb

Im normalen Betrieb wird der Befehl, dessen Adresse im Befehlszähler steht, aus dem Speicher geholt und dann ausgeführt. Anschließend wird die Adresse des nächsten Befehls ermittelt. Das ist im Normalfall die Adresse des Befehls der als nächstes im Speicher steht. Anders wird bei Sprungbefehlen vorgegangen. Hier wird die Adresse des Sprungziels in den Befehlszähler geladen. Die Adresse des Sprungziels ist im Operanden des Sprungbefehls enthalten.

Der normale Betrieb mit fortwährendem Holen und Ausführen von Befehlen kann aber auch unterbrochen werden. Dies ist nötig, um dem Rechner von außen Informationen mitzuteilen. Beispiele hierfür sind zum Beispiel bei Steuerungsrechnern, wenn sich ein Sensorsignal geändert hat, beim PC, wenn eine Taste auf der Tastatur betätigt wurde, oder bei der Steuerung einer Waschmaschine, wenn der richtige Füllstand erreicht wurde. Dann wird über eine spezielle Leitung, die Interrupt-Leitung, ein Interrupt ausgelöst. Er bewirkt, dass das normale Programm unterbrochen wird und stattdessen eine spezielle Interrupt-Service-Routine (ISR) abgearbeitet wird, in der auf das durch den Interrupt signalisierte Ereignis reagiert wird. Danach wird wieder der normale Betrieb aus Holen und Abarbeiten von Befehlen aufgenommen.

Die Ausführung von Befehlen und die Interrupt-Bearbeitung werden weiter unten detailliert beschrieben.

16.3 Architektur des 68HC11

Der Aufbau eines Mikroprozessors wird hier am Beispiel des weit verbreiteten Mikrocontrollers 68HC11 (Series E) von Motorola beschrieben [48]. In dieser Beschreibung stehen der grundlegende Aufbau und die Funktionsweise eines Mikroprozessors im Vordergrund. Es sollen darauf aufbauend die Grundzüge der Assemblerprogrammierung vermittelt werden. Der 68HC11 dient hier als ein relativ einfaches Beispiel für einen Mikroprozessor. Die umfangreichen Möglichkeiten eines Mikrocontrollers werden nur kurz gestreift. Für die Nutzung dieser zusätzlichen Ressourcen wie digitale Ein- und Ausgänge, Timer, AD-Wandler usw. wird daher auf die weitergehende Literatur verwiesen [44-49].

Der 68HC11 ist ein 8-Bit-Prozessor, das heißt, dass der Datenbus 8Bit breit ist. Adressen sind 16Bit breit, das entspricht einem adressierbaren Adressraum von 64kByte. Ein Byte besteht aus 8Bit. Die Betriebsspannung ist je nach Version 3.0 – 5.5V oder 2.7 – 5.5V. Mikrocontroller werden bevorzugt für Aufgaben in der Regel- und Steuerungstechnik sowie in der Nachrichtentechnik eingesetzt. Um diese Aufgaben ausführen zu können, sind auf dem Chip parallele und serielle Schnittstellen, flüchtige und nichtflüchtige Speicher integriert. Der 68HC11 hat mehrere Timer und einen AD-Wandler. Mehrere Interrupts dienen der Reaktion auf externe Ereignisse.

Der Prozessor benötigt einen externen 8MHz-Quarz. Die interne Zyklus-Frequenz beträgt 2MHz. Daraus resultiert eine Zyklus-Zeit von 0,5µs. Der Aufbau des MC68HC11 ist in Bild 16-4 gezeigt. Man erkennt die folgenden Komponenten:

- Die **CPU** (Central Processing Unit) enthält das Leitwerk und das Operationswerk.
- Die **Interrupt-Logik** ist verantwortlich für die Bearbeitung von Interrupts.
- Das **RAM** mit 256Bytes, das **EEPROM** mit 512Bytes und das **ROM** mit 8KBytes sind die auf dem Chip integrierten Speicher.

Port A, Port B, Port C, Port D und **Port E** sind multifunktionale digitale Schnittstellen z.B. für die Kommunikation mit Sensoren und Aktoren. Die Funktion dieser Anschlüsse ist oft doppelt belegt.

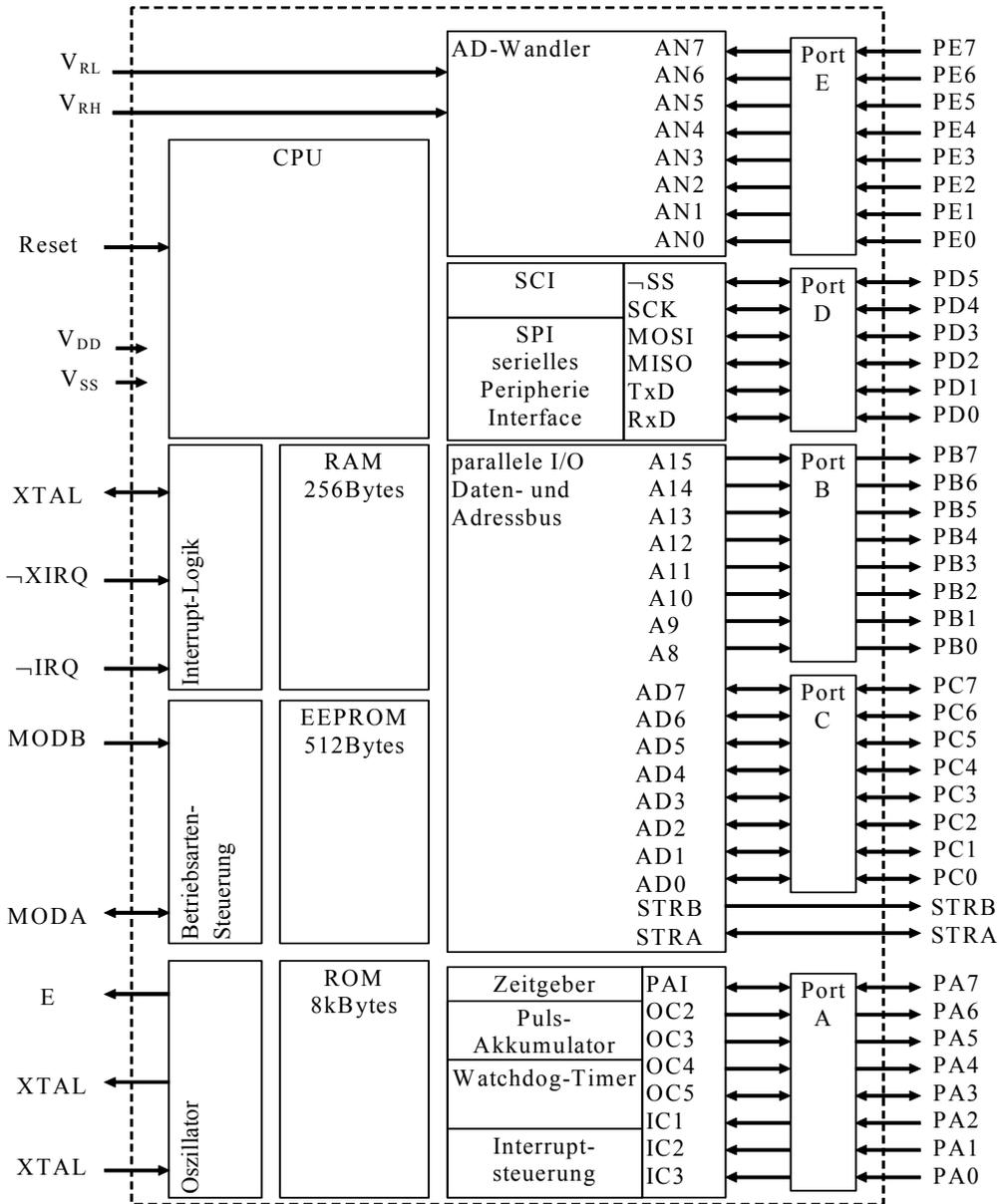


Bild 16-4 Prinzipschaltbild des 68HC11.

- In der **Betriebsartensteuerung** wird durch die Pins MODA und MODB, an denen normalerweise feste Potentiale anliegen, die Betriebsart des Prozessors gesteuert. Man kann wählen, ob ein externer Speicher verwendet werden soll und ob ein Bootvorgang stattfinden soll. Ein Bootvorgang ist das Laden eines Programms von einem anderen Rechner, einer Festplatte oder einem anderen externen Speicher. Tabelle 16-1 stellt dar, wie die Betriebsart des 68HC11 mit MODA und MODB eingestellt werden kann.

Tabelle 16-1 Betriebsarten des 68HC11 abhängig von den Eingängen MODA und MODB.

MODA	MODB	Betriebsart	Anwendung	externer Speicher
0	0	Special Bootstrap	Booten über Bootprogramm: Ein vom Anwender erstelltes Programm wird in das RAM geladen.	externer Speicher nicht aktiviert Port B und Port C sind allgemeine Schnittstellen
0	1	Single Chip	Anwenderprogramm und Interrupt-Vektoren liegen im internen ROM bzw. EEPROM des Mikrocontrollers.	
1	0	Special Test	Für Tests bei der Herstellung	externer Speicher aktiviert
1	1	Expanded Multiplexed	Zum Anschluss eines externen Speichers	Port B = A ₁₅ -A ₈ Port C = A ₇ -A ₀ / D ₇ -D ₀

- Ein 8-Kanal-8-Bit-**AD-Wandler** teilt sich die Anschlüsse mit Port E. Alternativ kann dieser Port auch als multifunktionaler digitaler Eingang programmiert werden.
- Die seriellen Schnittstellen **SCI** (Seriellles Communications-Interface) und **SPI** (Seriellles Peripherie-Interface) dienen dem Aufbau von Schnittstellen (RS 232 und Kommunikation mit anderen Prozessoren). Sie sind an Port D angeschlossen, der auch als multifunktionaler digitaler Ein- oder Ausgang programmiert werden kann.
- Port A ist ein digitaler Ein- bzw. Ausgang. Diese Anschlüsse können aber auch alternativ für den Timer verwendet werden. Die Timer-Einheit besteht aus:
 - **Zeitgeber:** Das 16-Bit-Timer-System dient der Ausführung von zeitlich definierten Vorgängen und entlastet so den Prozessor von Zeitmessaufgaben.
 - **Puls-Akkumulator:** Es handelt sich um einen 8-Bit-Zähler für Periodendauermessungen und Ereigniszählungen.
 - **Watchdog-Timer:** Das Computer Operating Properly (COP) Watchdog-System überwacht den korrekten Ablauf des Programms.
 - **Timer-Interruptsteuerung:** produziert Interrupts bei Timerüberlauf, kann aber auch genutzt werden, um periodisch Interrupts zu erzeugen.

16.3.1 Anschlüsse des 68HC11

Der 68HC11 hat die folgenden Anschlüsse:

V_{DD}, V_{SS}	Versorgungsspannung und Erde
$-RESET$	Als Eingang: Mit einem Low kann der Prozessor in einen Grundzustand zurückgesetzt werden. Als Ausgang: Zeigt Fehler der Watchdogs an.
$XTAL, EXTAL$	Anschlüsse für den Schwingquarz
E	Ausgang des E-Taktes, liefert den Takt für weitere Bausteine

$\neg IRQ$	Interrupt-Eingang für den maskierbaren IRQ-Interrupt
$\neg XIRQ$	Interrupt-Eingang für den nicht maskierbaren XIRQ-Interrupt
<i>MODA, MODB</i>	Mit diesen Anschlüssen kann die Betriebsart des Prozessors eingestellt werden: Single Chip, Expanded-Multiplexed, Special Bootstrap oder Special Test. Siehe Tabelle 16-1.
V_{RL}, V_{RH}	Referenzspannungen für den AD-Wandler
<i>STRB</i>	$R/\neg W$, also Umschalten zwischen Lesen und Schreiben in der Betriebsart Expanded Multiplexed. In der Betriebsart Single Chip Handshake-Leitung
<i>STRA</i>	Address-Strobe <i>AS</i> in der Betriebsart Expanded Multiplexed. In der Betriebsart Single Chip Handshake-Leitung
<i>PA0-PA7, Port A</i>	Ein- und Ausgänge der Input-Capture und der Output-Compare-Funktion und des Puls-Akkumulators. Diese Funktionen dienen zum Messen und Erzeugen zeitlicher Vorgänge. Sie werden hier nicht weiter behandelt. Alternativ: universeller digitaler Ein- oder Ausgangs-Port A
<i>PB0-PB7, Port B</i>	Ausgänge. In den Single-Chip-Betriebsarten sind dies allgemein verwendbare Ausgänge des Ports B, mit denen externe Funktionen gesteuert werden können. In der Expanded Multiplexed-Betriebsart liegt an diesen Pins das höherwertige Adress-Byte für einen externen Speicher an.
<i>PC0-PC7, Port C</i>	Ein- und Ausgänge. In den Single-Chip-Betriebsarten sind dies allgemein verwendbare Ein- und Ausgänge. In der Expanded-Multiplexed-Betriebsart liegt an diesen Pins das niederwertige Adressbyte für einen externen Speicher oder der Datenbus an. Die Richtung der Daten wird durch das $R/\neg W$ -Signal angezeigt. Alternativ: universeller digitaler Ein- oder Ausgangs-Port C.
<i>PD0-PD5, Port D</i>	Ein- und Ausgänge. Sie können für die seriellen Schnittstellen SCI und SPI verwendet werden. Alternativ sind sie der universelle digitale Ein- oder Ausgangs-Port D.
<i>PE0-PE7, Port E</i>	Universeller digitaler Eingangs-Port E oder alternativ für den AD-Wandler.

16.3.2 Funktionsabläufe bei der Befehlsausführung

Im normalen Betriebszustand führt ein Prozessor eine immer wiederkehrende Folge von Schritten durch. Es wird fortwährend ein Befehl aus dem Speicher geholt und dann abgearbeitet. Im Normalfall werden die Befehle in der Reihenfolge bearbeitet, in der sie im Speicher stehen. Dann wird der PC in der Regel um 1 erhöht. Ausnahmen davon sind zum Beispiel Sprünge.

Ein Befehl hat ein festes Format, er setzt sich aus dem Operationscode und eventuell einem Datum oder einer Adresse zusammen. Die Verhältnisse werden im Folgenden an Hand des Assembler-Befehls STAA \$10F6 des MC68HC 11 erklärt. Er dient zum Abspeichern des Inhaltes des Akkumulators A in den Speicherplatz mit der hexadezimalen Adresse \$10F6. STAA ist ein so genanntes Mnemonic, das für den hexadezimalen Operationscode B7 steht. Es lässt sich leicht merken, da es aus der englischen Beschreibung „Store Accumulator A“ abgeleitet wurde. Das Assemblerprogramm übersetzt diesen Befehl in die Maschinensprache, eine binäre Darstellung, die vom Prozessor interpretiert werden kann. Für STAA ergibt sich also 1011 0111.

Das Zeichen \$ wird hier für die Kennzeichnung der hexadezimalen Adresse verwendet. In Tabelle 16-2 sind die Assemblerschreibweise, in der der Code normalerweise geschrieben wird, und die Maschinensprache, die vom Prozessor ausführbar ist, gegenübergestellt. Man erkennt in der Maschinensprache, dass der Befehl 3 Bytes umfasst: eins für den Operationscode und zwei für die Adresse.

Tabelle 16-2 Gegenüberstellung der Assembler-, Hexadezimal- und Binärdarstellung des Befehls STAA \$10F6.

		Operationscode	Adresse
Assemblerschreibweise		STAA	\$10F6
Maschinensprache	hex.	B7	10 F6
	binär	1011 0111	0001 0000 1111 0110

Nun soll die Ausführung dieses Befehls erläutert werden. Dazu sind in Tabelle 16-3 der Speicher, der Befehlszähler und der Akkumulator A vor der Befehlsausführung gezeigt. Der Speicher verwendet 16Bit breite Adressen unter denen jeweils ein Byte steht. Im Speicher steht unter den Adressen \$1000, \$1001 und \$1002 der Befehl STAA \$10F6. Unter der Adresse \$1000 steht der Operationscode (STAA), unter der Adresse \$1001 das High-Byte der Adresse und unter \$1002 das Low-Byte der Adresse. Der Akkumulator enthält den hexadezimalen Wert \$3C. Der Befehlszähler enthält die Adresse des nächsten Operationscodes \$1000.

Tabelle 16-3 Speicher und CPU-Register vor der Befehlsausführung.

Speicher			CPU-Register
Adresse (Hex)	Inhalt (Hex)	Beschreibung	Befehlszähler (PC)
...			1000
1000	B7	STAA	
1001	10	Adresse high	
1002	F6	Adresse low	
...			Akkumulator A
10F6			3C

Der Befehl wird in mehreren Zyklen ausgeführt. Der erste Zyklus ist der:

Holzzyklus (Fetch Cycle)

- 1) Der Befehlszähler (PC) enthält die Adresse des nächsten Befehls, nämlich \$1000. Diese Adresse wird in das Adressregister kopiert.
- 2) Der Befehlszähler wird um 1 auf \$1001 erhöht.
- 3) Die Adresse, die sich im Adressregister befindet (\$1000) wird auf den Adressbus des Prozessors gelegt. Der sich unter der Adresse \$1000 befindliche Operationscode wird auf den Datenbus gelegt.

- 4) Der Wert auf dem Datenbus wird im Befehlsregister abgelegt. Es ist in diesem Fall der hexadezimale Operationscode B7. Der Operationscode wird sofort dekodiert. Der Mikroprozessor interpretiert den Wert B7 als den Befehl STAA.

Es schließen sich nun ein oder mehrere Ausführungszyklen an. In diesem Fall wird aus dem Operationscode geschlossen, dass nach dem Operationscode eine 16Bit-Adresse folgt. Daraus ergibt sich, dass noch 2 weitere Bytes aus dem Speicher geholt werden müssen, die die Adresse enthalten. Das wird in zwei Ausführungszyklen (Execute Cycle) durchgeführt.

Ausführungszyklus 1 (Execute Cycle 1)

- 1) Der Inhalt des Befehlszählers, jetzt \$1001, wird in das Adress-Register kopiert.
- 2) Der Befehlszähler wird um 1 auf \$1002 erhöht.
- 3) Der Inhalt des Adressregisters (\$1001) wird auf den Adressbus gelegt. Der Speicher legt den Inhalt dieser Adresse auf den Datenbus. Es ist der hexadezimale Wert \$10, das High-Byte der Adresse.
- 4) Der Wert \$10 wird in das Register Temp16H geladen. Das Register Temp16 ist ein Register zum Zwischenspeichern von Werten. Es ist in Temp16H und Temp16L gegliedert.

Ausführungszyklus 2 (Execute Cycle 2)

- 1) Der Inhalt des Befehlszählers, jetzt \$1002, wird in das Adress-Register kopiert.
- 2) Der Befehlszähler wird um 1 auf \$1003 erhöht.
- 3) Der Inhalt des Adressregisters (\$1002) wird auf den Adressbus gelegt. Der Speicher legt den Inhalt dieser Adresse auf den Datenbus. Es ist der hexadezimale Wert \$F6, das Low-Byte der Adresse.
- 4) Der Wert \$F6 wird in das Register Temp16L geladen.

Im letzten Ausführungszyklus wird der Inhalt des Akkumulators in den Speicher kopiert.

Ausführungszyklus 3 (Execute Cycle 3)

- 1) Der Inhalt des Registers Temp16 (\$10F6) wird in das Adress-Register kopiert.
- 2) Der Inhalt des Adressregisters (\$10F6) wird auf den Adressbus gelegt und der Inhalt des Akkumulators A, in diesem Fall \$3C, auf den Datenbus.
- 3) Der Speicher speichert den Wert \$3C unter der Adresse \$10F6.

In Tabelle 16-4 sind die Verhältnisse nach der Befehlsausführung gezeigt. Der Befehlszähler enthält die Adresse des nächsten Befehls, der unter \$1003 zu finden wäre. In den Speicherplatz \$10F6 ist der Inhalt des Akkumulators (\$3C) kopiert worden.

Man sieht, dass es sich um einen streng sequentiellen Ablauf handelt, bei dem die Busse intensiv genutzt werden. Man bezeichnet die Busse auch als den „Flaschenhals“ der Von-Neumann-Architektur, denn sie sind ein entscheidender Faktor für die Begrenzung der Geschwindigkeit des Rechners.

Tabelle 16-4 Speicher und CPU-Register nach der Befehlsausführung.

Speicher			CPU-Register
Adresse (Hex)	Inhalt (Hex)	Beschreibung	Befehlszähler (PC)
...			1003
1000	B7	STAA	
1001	10	Adresse high	
1002	F6	Adresse low	
...			Akkumulator A
10F6	3C		3C

16.3.3 CPU-Register

Die meisten Befehle des 68HC11 arbeiten mit den CPU-Registern, in denen Operanden gespeichert werden können. Sie sind Ziel oder Quelle für arithmetische Operationen und sie werden für die Adressierung benötigt. Eine zentrale Rolle nehmen die beiden 8-Bit-Akkumulatoren A und B ein. Zusammen ergeben sie den 16-Bit Akkumulator D. Der Akkumulator A speichert das High-Byte, der Akkumulator B das Low-Byte. Die beiden Indexregister X und Y sind für die Speicherung von Adressen vorgesehen. Durch ihre Breite von 16Bit können sie den gesamten Adressraum des 68HC11 adressieren. Sie werden für eine besondere Adressierungsart verwendet, die indizierte Adressierung. Bereits oben wurde der Programm-Zähler (PC) erwähnt, der ebenfalls eine Breite von 16Bit hat. Er enthält die Adresse des nächsten auszuführenden Befehls. Der Stack-Pointer enthält die Adresse des obersten freien Platzes im Stack (TOS). Register, die die Adresse eines Datums enthalten, wie der Stack-Pointer oder der Befehlszähler, werden Pointer genannt.

7	A	0	7	B	0	8-Bit-Akkus A und B oder 16Bit-Akkumulator D
15	D				0	
15	IX				0	Index-Register X
15	IY				0	Index-Register Y
15	PC				0	Befehlszähler (PC)
15	SP				0	Stack-Pointer
S X H I N Z V C						Condition-Code-Register

Bild 16-5 CPU-Register des 68HC11.

Das Condition-Code-Register wird auch Flag-Register genannt. Es enthält neben den Flags auch Bits, die für die Steuerung von Interrupts und für den Stop-Modus des Prozessors benötigt werden.

Bit	Beschreibung
C	Carry oder Borrow vom MSB. Bei der Addition ist $C = c_n$ bei der Subtraktion ist $C = \neg c_n$.
V	Overflow . Überlauf wie in Kapitel 2 dargestellt. Bedingung dafür ist, dass $c_n \neq c_{n-1}$ gilt. V zeigt ein falsches Vorzeichen bei einer Zweierkomplement-Operation an.
Z	Zero . Das Null-Flag wird gesetzt, wenn alle Bits des Ergebnisses gleich 0 sind.
N	Negative . Dieses Bit ist äquivalent zu Bit 7 des Ergebnisses einer Operation.
I	I-Bit . Mit diesem Bit können maskierbare Interrupts (IRQ) gesperrt werden.
H	Half Carry . Dieses Flag zeigt einen Übertrag aus Bit 3 an. Es dient der BCD-Arithmetik.
X	X-Bit . Wenn dieses Bit gesetzt ist, ist der nicht maskierbare Interrupt XIRQ gesperrt.
S	Stop disable . Wenn dieses Bit gesetzt ist, kann der Stop-Modus nicht ausgelöst werden.

16.3.4 Speicher

Der 68HC11 hat RAM, ROM und EEPROM auf den Chip integriert (Bild 16-6). Im ROM können durch Maskenprogrammierung Programme und feste Daten, die nicht mehr geändert werden sollen, gespeichert werden. Dieser Aufwand lohnt aber nur bei größeren Serien. Auch im EEPROM können Programme und Daten nichtflüchtig gespeichert werden. Dieser Weg bietet sich in Kleinserien an. Im RAM wird man in der Regel die Daten ablegen. In der Betriebsart Special Bootstrap kann hier auch das Programm durch den Boot-Vorgang abgelegt werden.

Der 68HC11 hat unterschiedliche Speicher-Konfigurationen bei den verschiedenen Betriebsarten. Man bezeichnet dies auch als Mapping.

Bei allen Betriebsarten befindet sich ein Registerblock ab der Adresse \$1000. In diesen Registern wird die Information gespeichert, wie die Schnittstellen arbeiten, wie der AD-Wandler konfiguriert ist, wie die Timer geschaltet sind usw. Hier wird auf diese Register nicht weiter eingegangen. Sie sind aber von großer Wichtigkeit, wenn mit den erwähnten Ressourcen gearbeitet wird. Bei allen Betriebsarten ist das ROM ab der Adresse \$E000 angeordnet.

In der Betriebsart **Single Chip** ist kein weiterer externer Speicher vorhanden. Das Anwenderprogramm kann im ROM oder im EEPROM liegen. Daten werden im RAM gespeichert. Die Interrupt-Vektoren, die auf die Interrupt-Service-Routinen hinweisen, sind am oberen Ende des ROM-Bereichs angeordnet.

In der Betriebsart **Expanded Multiplexed** kann zusätzlich ein externer Speicher angeschlossen werden. Die höherwertigen 8 Adressleitungen liegen an den Pins des Port B. Die niederwertigen acht Adressleitungen liegen, ebenso wie der Datenbus, an den Pins des Port C. Sie werden gemultiplext. Daher müssen die niederwertigen Adressen in einem Register zwischengespeichert werden. Der 68HC11 liefert ein spezielles Signal Address-Strobe AS für die Ansteuerung des Registers. Die Schaltung ist in Bild 16-7 gezeigt.

In der Betriebsart **Special Bootstrap** ist zusätzlich noch ein ROM ab der Adresse \$BF40 aktiv, in dem sich das Boot-Loader-Programm befindet. Nach einem Reset lädt es über die Schnitt-

stelle SCI ein Programm in das RAM in den Bereich \$0000 bis \$00FF. Da der Programmzähler nach dem Laden des Programms auf \$0000 gesetzt wird, wird dann das geladene Programm ausgeführt.

	Single Chip	Expanded Multiplexed	Special Bootstrap
\$0000 \$00FF	RAM 256 Byte	RAM 256 Byte	RAM 256 Byte
		Extern	
\$1000 \$103F	Register Block 64Byte	Register Block 64Byte	Register Block 64Byte
		Extern	
\$B600 \$B7FF	EEPROM 512 Byte	EEPROM 512 Byte	EEPROM 512 Byte
		Extern	
			\$BF40 Boot-ROM
			\$BFC0 \$BFFF Interrupt-Vekt.
\$E000	ROM 8k Byte	ROM 8k Byte	ROM 8k Byte
\$FFC0 \$FFFF	Interrupt-Vekt.	Interrupt-Vekt.	\$FFFF

Bild 16-6 Mapping des 68HC11 in den verschiedenen Betriebsarten.

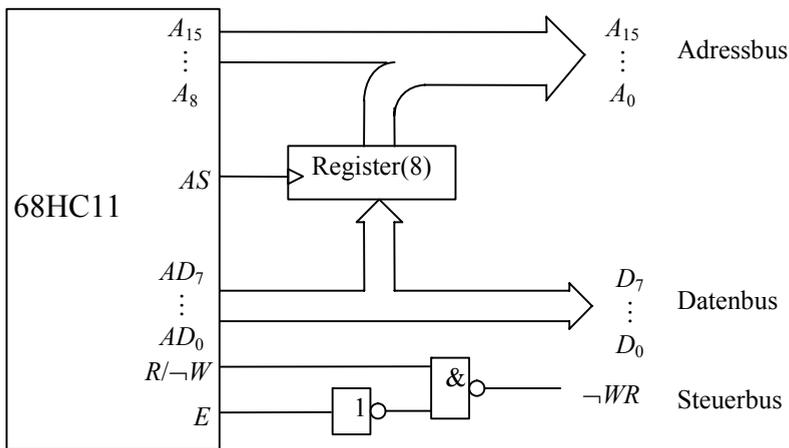


Bild 16-7 Anschluss des Daten- Adress- und Steuerbusses.

16.4 Assembler-Programmierung

Ein Assembler(-programm) ist ein Programm, welches die symbolischen Bezeichnungen (Mnemonics) für Befehle in den binären Maschinencode überträgt. Das Assemblerprogramm ist also ein Übersetzer. Das in der Assemblersprache vorliegende Programm wird „source code“ genannt, das vom Mikroprozessor ausführbare heißt Maschinencode (auch „object code“). Der Vorgang des Übersetzens wird Assemblierung genannt. Die Übersetzung kann auch „von Hand“ erfolgen.

Für Übungszwecke und für die Entwicklung gibt es spezielle Simulatorprogramme. Ein kostenloser Simulator, ein Assembler und ein Editor sind z.B. unter [47] erhältlich. Die folgende Beschreibung bezieht sich auf das Assemblerprogramm as11m. In anderen Assembler-Programmen kann eine leicht veränderte Syntax erforderlich sein. Assembler(-sprache) wird auch gleichzeitig die Programmiersprache genannt, in der die Befehle als Mnemonics dargestellt sind. Diese ist spezifisch für einen bestimmten Mikroprozessor.

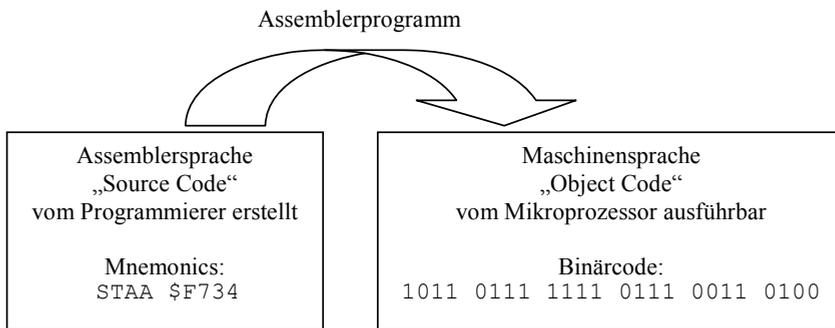


Bild 16-8 Das Verhältnis von Assembler- und Maschinensprache.

In der Assembler-Darstellung wird der Code in 4 Spalten notiert. In der ersten Spalte stehen linksbündig Marken (Labels) in der folgenden die Mnemonics der Befehle, dann folgen die Operanden. Rechts können, durch ein Semikolon getrennt, Kommentare folgen, die den Rest der Zeile einnehmen können. Ein Beispiel:

```

Marke1 LDAA    #$FF    ;Lade A mit der Konstanten FF
        TAB      ;Transferiere Inhalt von A nach B
        STAA    $1000  ;Speichere A nach $1000
  
```

16.5 Adressierungsarten

Der 68HC11 verwendet in den Assembler-Befehlen 6 verschiedene Adressierungsarten. Sie kommen bei den meisten Prozessoren in ähnlicher Form vor. Die Befehle haben diese Struktur:

- Der Befehlscode (Operations-Code, Opcode) ist ein Byte (8Bit) lang. Der Befehlscode definiert den Befehl und die verwendete Adressierungsart.
- Ein zusätzliches Befehls-Byte (Prebyte) steht vor dem Befehlscode bei Befehlen, die das Indexregister Y verwenden.
- Nach dem Befehlscode können 0 bis 3 Operanden folgen, so dass der Befehl maximal 5 Bytes lang sein kann.

Es werden im Folgenden zu jeder Adressierungsart Beispielformate für die Befehle angegeben, die aber nicht in allen Fällen gelten. Das zusätzliche Befehls-Byte, das Prebyte, welches vor dem Befehlscode erscheint, wenn das Indexregister Y involviert ist, wird nicht angegeben. Auch kann ein zusätzliches Masken-Byte am Ende folgen. Die 6 Adressierungsarten sind im Einzelnen:

Inherent

Dies ist die einfachste Adressierungsart, bei der der verwendete Operand oder die Operanden aus dem Befehl selbst schon hervorgehen. Der Befehlscode enthält die benötigten Register implizit. Bsp.: TAB = kopiere Inhalt von Akkumulator A in Akkumulator B. Der Befehl braucht nur ein Byte (zwei wenn das Indexregister Y beteiligt ist).



Befehlscode

Immediate

Die Adressierungsart Immediate wird verwendet, um Konstanten in die CPU zu laden. Es sind 2- oder 3-Byte-Befehle. Sie enthalten als Operanden die zu verarbeitende Zahl selbst. Das folgende Beispiel dient dazu, den Akkumulator A mit der Konstanten \$3F zu laden: LDAA #\$3F. Die Raute „#“ dient zur Kennzeichnung dieser Adressierungsart. In diesem Beispiel ist der Befehl 2 Bytes lang.



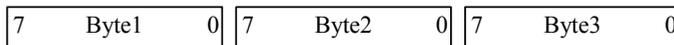
Befehlscode

Konstante

Der Befehl kann aber auch 3 Bytes lang sein, nämlich dann, wenn eine 16Bit lange Konstante geladen werden soll wie im Beispiel LDX #\$120E (Lade Indexregister X mit der Konstanten \$120E).

Extended

Bei der Adressierungsart Extended steht die gesamte 16-Bit-Adresse eines Operanden im Befehl. Diese Adresse, die den physikalischen Speicherplatz angibt, wird auch effektive Adresse genannt. Der Befehl ist mindestens 3 Bytes lang. Bsp.: STAA \$F12B = der Inhalt des Akkumulators A wird in die Speicherstelle mit der Adresse \$F12B geschrieben.



Befehlscode

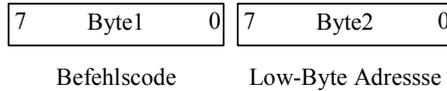
High-Byte Adresse

Low-Byte Adresse

Direct

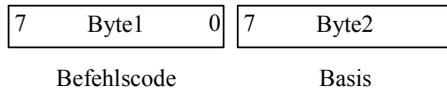
Die Adressierungsart Direkt ist eine vereinfachte Methode, um den Speicherbereich \$0000 bis \$00FF anzusprechen. Da das High-Byte der Adresse immer \$00 ist, muss nur das Low-Byte angegeben werden und der Befehl kann um 1 Byte kürzer sein als bei der Adressierung Extended. Bsp.: STAA <\$3B = der Inhalt des Akkumulators A wird in die Speicherstelle mit der Adresse \$003B geschrieben. Diese Adressierungsart muss bei manchen Assemblern durch das Zeichen „<“ gekennzeichnet werden, andere erkennen allein an der Tatsache, dass die Adresse

im Bereich \$0000 bis \$00FF liegt, dass die Adressierungsart Direkt gemeint ist. Sie wird oft auch als Zero-Page-Adressierung bezeichnet.



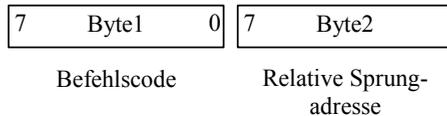
Indexed

Die indizierte Adressierung wird verwendet, wenn zum Beispiel die Elemente einer Tabelle angesprochen werden sollen. Die effektive Adresse wird hier aus der Summe einer ein Byte breiten Basis und dem Inhalt eines der 16Bit breiten Indexregister X oder Y bestimmt. Wenn die Basis die Adresse des Anfangs der Tabelle enthält, und der Offset des gewünschten Tabellenplatzes im Register X steht, können so durch Manipulation des Registerinhaltes X alle Tabellenplätze erreicht werden. Bsp.: STAA \$2E,X = der Akkumulator A wird in den Speicherplatz mit der Adresse \$002E + Inhalt von X abgespeichert.



Relativ

Diese Adressierungsart kommt nur bei Sprüngen vor. Der Operand gibt im Zweierkomplement an, wie der Sprung relativ zum aktuellen Inhalt des Befehlszählers ausgeführt werden soll. Bsp.: BRA \$04 = Sprung um 4 Bytes nach vorn. Die genaue Vorgehensweise wird weiter unten beschrieben.



16.6 Befehlssatz

16.6.1 Konventionen

Im Folgenden wird der Befehlssatz des 68HC11 besprochen. Einige komplexere Befehle wie die Multiplikation und die Division werden hier nicht dargestellt. Es werden die folgenden Abkürzungen und Konventionen verwendet:

- dd Adresse der Adressierungsart Direkt (1Byte)
- ff Offset in der Adressierungsart Indexed (1Byte)
- hh Höherwertiges Byte der 16Bit-Adresse in der Adressierungsart Extended
- ll Niederwertiges Byte der 16Bit-Adresse in der Adressierungsart Extended
- jj Höherwertiges Byte eines 16Bit-Datums in der Adressierungsart Immediate
- kk Niederwertiges Byte eines 16Bit-Datums in der Adressierungsart Immediate
- ii 1Byte-Datum in der Adressierungsart Immediate

- mm 1Byte-Maske
 rr 2er-Komplementzahl in der Adressierungsart Relativ (1Byte)
 () Der Inhalt des Registers oder Speicherplatzes, der in den Klammern steht.

Bei der Beschreibung der Befehle wird folgende Syntax verwendet

(Adresse1) → Adresse2

Die Bedeutung dieser Syntax ist: das Datum, welches unter der Adresse1 zu finden ist, wird nach Adresse2 kopiert. Mit Adresse können echte 16Bit-Adressen gemeint sein oder aber ein CPU-Register. Wenn der Stack als Quelle oder Ziel vorkommt, ist der Speicherplatz gemeint, dessen Adresse im Stack-Pointer steht.

16.6.2 Transfer-Befehle

Transferbefehle dienen dem Transfer von Daten zwischen Registern. Sie sind daher immer inherent adressiert. Der Befehl TAB (Transfer A to B) kopiert den Inhalt des Akkumulators A in den Akkumulator B, so dass dann beide den alten Inhalt des Akkumulators A haben. Wie man im Tabellenauszug 16-5 sieht, ist der Opcode für diesen Befehl der hexadezimale Wert \$16. Das ist schon der vollständige Befehl, der damit 1Byte lang ist. Er wird in 2 Zyklen bearbeitet: einem Fetch- und einem Execute-Cycle. Es ist in der Tabelle auch angegeben, welche Bits des Condition-Code-Registers verändert werden. Das „b“ im Falle des Negative-Flags N und des Zero-Flags Z bedeutet, dass diese Bits entsprechend des kopierten Wertes verändert werden. Dagegen kann kein Überlauf stattfinden, so dass das Overflow-Flag V immer 0 gesetzt wird.

Tabelle 16-5 Transferbefehle (B = Bytes, Z = Zyklen).

Befehl	Wirkung	Adr. -Art	Opcode	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
TAB	(A) → B	inh	16	-	1	2	-	-	-	-	b	b	0	-
TBA	(B) → A	inh	17	-	1	2	-	-	-	-	b	b	0	-
TAP	(A) → CC	inh	06	-	1	2	b	↓	b	b	b	b	b	b
TPA	(CC) → A	inh	07	-	1	2	-	-	-	-	-	-	-	-
TSX	(SP)+1 → X	inh	30	-	1	3	-	-	-	-	-	-	-	-
TSY	(SP)+1 → Y	inh	18 30	-	2	4	-	-	-	-	-	-	-	-
TXS	(X)-1 → (SP)	inh	35	-	1	3	-	-	-	-	-	-	-	-
TYS	(Y)-1 → (SP)	inh	18 35	-	2	4	-	-	-	-	-	-	-	-
XGDY	(X) ↔ (D)	inh	8F	-	1	3	-	-	-	-	-	-	-	-
XGDY	(Y) ↔ (D)	inh	18 8F	-	2	4	-	-	-	-	-	-	-	-

Der Befehl TBA (Transfer B to A) arbeitet in der umgekehrten Richtung. Es wird der Inhalt von Akkumulator B in den Akkumulator A kopiert. Der Befehl TAP (Transfer A to CC-Register) verschiebt den Inhalt des Akkumulators A in das Condition-Code-Register. Man beachte, dass alle Bits des Condition-Code-Registers ein „b“ haben, also verändert werden, nur das X-Bit kann nur zurückgesetzt werden, was durch ↓ gekennzeichnet ist. Versuche, eine 1 an diese Stelle zu schreiben, werden ignoriert. Der nicht maskierbare Interrupt lässt sich also nicht sperren, wohl aber aktivieren, denn eine 1 bedeutet die Sperrung des XIRQ-Interrupts.

Der Befehl TPA (Transfer CC-Register to A) verändert das Condition-Code-Register natürlich nicht.

Auch die folgenden Befehle haben keinen Einfluss auf das Condition-Code-Register. Die Befehle TSX (Transfer Stack-Pointer to X) und TSY (Transfer Stack-Pointer to Y) addieren 1 zum Inhalt des Stack-Pointers und kopieren diesen Wert in das entsprechende Indexregister. Damit enthält das Indexregister die Adresse des letzten Wertes, der in den Stack geschrieben wurde. Man beachte, dass der Befehl TSY das Prebyte \$18 vor dem Opcode führen muss, und damit ein Byte länger ist als TSX, was sich auch in der Ausführungszeit äußert.

Die Befehle TXS (Transfer X to Stack-Pointer) und TYS (Transfer Y to Stack-Pointer) ziehen vom Inhalt des entsprechenden Indexregisters 1 ab und kopieren das Ergebnis in den Stack-Pointer. Damit muss das Indexregister die Adresse des letzten in den Stack geschriebenen Datums haben.

Die Befehle XGDX (Exchange D with X) und XGDY (Exchange D with Y) vertauschen den Inhalt des Akkumulators D und des entsprechenden Indexregisters. Der Befehl XGDY benötigt das Prebyte.

Die Ausführungszeit eines Befehls errechnet sich aus der Anzahl der Zyklen, wie sie in der Tabelle angegeben ist, multipliziert mit der Zykluszeit von 0,5µs. Für den Befehl TAB also 1µs.

16.6.3 Speicher-Befehle

Speicher-Befehle dienen zum Abspeichern von Registerinhalten in den Speicher, also in das RAM. Der Programmierer muss darauf achten, dass er wirklich eine Adresse im RAM oder im Registerblock wählt und nicht etwa im ROM, sonst bleibt der Befehl wirkungslos. Die Befehle

STAA Store Accumulator A
STAB Store Accumulator B

sind 8Bit-Speicherbefehle, da ein 8Bit-Wort in den Speicher geschrieben wird. Es sind die Adressierungsarten Direkt, Extended und Indexed möglich. Die folgende Tabelle 16-6 zeigt den Befehl in den möglichen Adressierungsarten.

Tabelle 16-6 Der 8-Bit-Speicher-Befehl STAA.

Be- fehl	Wirkung	Adressierungs- art	Opcode	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
STAA	(A) → 00 dd	dir	97	dd	2	3	-	-	-	-	b	b	0	-
	(A) → hh ll	ext	B7	hhll	3	4								
	(A) → ff + (X)	ind,X	A7	ff	2	4								
	(A) → ff + (Y)	ind,Y	18 A7	ff	3	5								

Hier sind 4 Beispiele für den Befehl STAA in den verschiedenen Adressierungsarten gezeigt. Links ist der Maschinencode, rechts der Assemblercode dargestellt:

Prebyte	Opcode	Op.1	Op. 2	Mnemonic	Operand	Adressierungsart
	97	45		STAA	\$45	;direkt
	B7	23	01	STAA	\$2301	;extended
	A7	12		STAA	\$12,X	;indexed mit X
18	A7	12		STAA	\$12,Y	;indexed mit Y

Die Adressierungsart Direkt kommt mit 2 Bytes aus, da die Adresse nur im Bereich \$00 bis \$FF liegen darf. Dagegen verwendet die Adressierungsart Extended 3 Bytes. Im Beispiel wird in die Adresse \$2301 abgespeichert. Bei der Adressierungsart Indexed wird im Operanden nur ein Byte für die Basis benötigt. Die effektive Adresse wird aus der Summe von \$0012 und dem Inhalt des Index-Registers gebildet. Hier wird die Basis 12 also als vorzeichenlose (positive) Zahl interpretiert. Bei der Verwendung des Indexregisters Y wird das Prebyte benötigt.

In allen Fällen werden im Condition-Code-Register das Negativ- und das Zero-Flag entsprechend der abgespeicherten Zahl beeinflusst. Das Overflow-Flag wird immer 0 gesetzt, da ja kein Überlauf stattfinden kann. Der Befehl STAB arbeitet genauso, nur dass der Akkumulator B involviert ist.

Im Gegensatz zu den beiden Befehlen STAA und STAB gibt es mehrere Speicherbefehle, bei denen ein Wort von 16Bit abgespeichert wird:

```
STD      Store Accumulator D
STS      Store Stack-Pointer
STX      Store Index Register X
STY      Store Index Register Y
```

Stellvertretend für diese Befehle, die alle nach dem gleichen Schema funktionieren, sei hier der Befehl STD erklärt. Die Tabelle 16-7 zeigt die Eigenschaften dieses Befehls.

Tabelle 16-7 Der 16-Bit-Speicherbefehl STD.

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Op- erand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
STD	(A) → 00dd, (B) → 00dd+1	dir	DD	dd	2	4	-	-	-	-	b	b	0	-
	(A) → hh11, (B) → hh11+1	ext	FD	hh11	3	5								
	(A) → ff+(X), (B) → ff+(X)+1	ind,X	ED	ff	2	5								
	(A) → ff+(Y), (B) → ff+(Y)+1	ind,Y	18 ED	ff	3	6								

Der Befehl STD ist vom Aufbau zunächst sehr ähnlich dem Befehl STAA, hat also in den Adressierungsarten die gleiche Anzahl von Bytes. Jedoch werden beim Abspeichern 2 Bytes verschoben. Dabei wird das High-Byte, in diesem Fall der Akkumulator A, in die durch den Operanden ausgewählte Adresse geschoben. Das Low-Byte kommt in die nächsthöhere Adresse. Diese Anordnung ist bei allen Speicher-Operationen gleich. Bei einem Inhalt des Akkumulators A von \$12, des Akkumulators B von \$34, also einem Inhalt von D = \$1234, bewirkt der Befehl STD \$1002 nach dem Speichern den folgenden Speicherinhalt:

Adresse (hex)	Inhalt	Beschreibung
1001	...	
1002	12	High-Byte (A)
1003	34	Low-Byte (B)

Beim Lesen wird immer zuerst das High-Byte gelesen, und dann das Low-Byte. Dies ist auch beim Lesen eines Befehls mit der Adressierungsart Extended der Fall. Die Ausführungszeit der 16Bit-Speicherbefehle ist um einen Zyklus länger als der 8Bit-Speicherbefehl mit der gleichen Adressierungsart benötigt.

16.6.4 Lade-Befehle

Lade-Befehle bewirken das Laden eines Registers mit einem Datum. Sie gibt es entsprechend den Speicherbefehlen für das Laden der Akkumulatoren A und B, also ein 8Bit-Ladevorgang:

```
LDAA  Load Accumulator A
LDAB  Load Accumulator B
```

Es gibt eine Adressierungsart mehr als beim Abspeichern, da auch eine Immediate-Adressierung möglich ist, um das Register mit einer Zahl zu initialisieren:

```
LDAB  #$FF      ;Alle Bits des Akkumulators B setzen
```

Tabelle 16-8 Der 8-Bit-Ladebefehl LDAA.

Be- fehl	Wirkung	Adr. -Art	Opcode	Operand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
LDAA	ii → A	imm	86	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	0	-
	(00dd) → A	dir	96	dd	2	3								
	(hhll) → A	ext	B6	hhll	3	4								
	(ff + (X)) → A	ind,X	A6	ff	2	4								
	(ff + (Y)) → A	ind,Y	18 A6	ff	3	5								

Bei den 16Bit-Speicherbefehlen erfordert die Adressierungsart Immediate eine 16Bit-Konstante:

```
LDD  #$FFFF    ;Alle Bits des Akkumulators D setzen
```

Es gibt die Befehle LDD, LDS, LDX und LDY, also Laden des Akkumulators D, des Stack-Pointers und der beiden Index-Register. Zusätzlich existieren noch Clear-Befehle (Tabelle 16-9), mit denen der Inhalt der Akkumulatoren A und B sowie der Inhalt einer Speicherstelle gelöscht werden kann. Die Befehle

```
CLRA  Clear Accumulator A
CLRB  Clear Accumulator B
```

sind inherent adressiert. Sie benötigen daher keinen Operanden. Dagegen kann der Befehl CLR (Clear Memory Byte) mit den Adressierungsarten Extended und Indexed adressiert werden.

Tabelle 16-9 Clear-Befehle.

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Opcode	Operand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
CLRA	00 → A	inh	4F	-	1	2	-	-	-	-	0	1	0	0
CLRB	00 → B	inh	5F	-	1	2	-	-	-	-	0	1	0	0
CLR	00 → (hhll)	ext	7F	hhll	3	6	-	-	-	-	0	1	0	0
	00 → (ff + (X))	ind,X	6F	ff	2	6								
	00 → (ff + (Y))	ind,Y	18 6F	ff	3	7								

16.6.5 Arithmetische Befehle: Negation

In der Gruppe der arithmetischen Befehle gibt es die Negation, die in einer ALU mit Hilfe des Zweierkomplements gebildet wird (Tabelle 16-10). Mit den Befehlen

```
NEGA  Negate A
```

NEGB Negate B

können die beiden Akkumulatoren negiert werden. Mit

NEG Negate Memory

wird der Inhalt eines Speicherplatzes negiert, der extended oder indexed adressiert sein kann.

Tabelle 16-10 Negation.

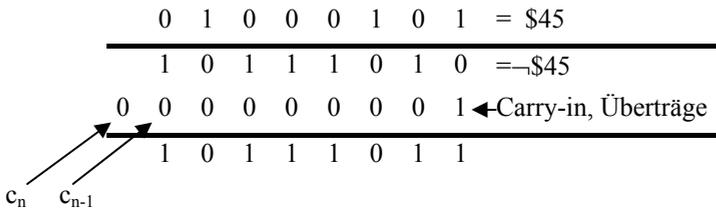
Befehl	Wirkung	Adr. Art	Opcode	Operand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
NEG	00-(hhll) → A	ext	70	hhll	3	6	-	-	-	-	b	b	b	b
	00-(ff + (X)) → A	ind,X	60	ff	2	6								
	00-(ff + (Y)) → A	ind,Y	18 60	ff	3	7								
NEGA	00-(A) → A	inh	40	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
NEGB	00-(B) → B	inh	50	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b

Es werden jeweils 4 Flags für die Arithmetik (N, Z, V, C) beeinflusst. Da es sich um eine Subtraktion handelt, wird ein „Borrow“, also das invertierte c_n , als Carry-Bit verwendet.

Wir betrachten den Code

```
LDAA #$45
NEGA
```

Es wird intern das Folgende gerechnet:



In der ersten Zeile der Rechnung steht der Operand \$45, der in der zweiten Zeile bitweise invertiert ist. Durch das Carry-in, welches gleich 1 gesetzt wird, wird das Zweierkomplement erzeugt. In der gleichen Zeile sind die Überträge notiert, die bei der Addition des Carry-in zu -\$45 entstehen. Die beiden vordersten Überträge heißen c_n und c_{n-1} , wie bereits im Kapitel 2 beschrieben. Die Flags ergeben sich nach folgendem System:

N = Bit 7 des Ergebnisses = 1 (man beginnt bei Bit 0 zu zählen). Das Ergebnis ist also negativ.

Z = 0, da das Ergebnis nicht Null ist

V = $c_n \text{ exor } c_{n-1} = 0$, (vergl. Kapitel 2) also kein Overflow, das Ergebnis ist daher richtig.

C = $\neg c_n = 1$, da bei der Subtraktion das invertierte Carry = Borrow verwendet wird.

Im Condition-Code-Register steht N=1, Z=0, V=0, C=1, im Akkumulator steht \$BB.

16.6.6 Arithmetische Befehle: Addition

Es stehen verschiedene Befehle für die Addition zur Verfügung. Die einfachsten Befehle verwenden die Adressierungsart Inherent. Sie sind in Tabelle 16-11 aufgelistet. Der Befehl ABA (Add Accumulators A and B) verändert die Flags H, N, Z, V, C. Hier wird noch das Half Carry H beeinflusst, welches einen Übertrag von Bit 3 zu Bit 4 signalisiert.

Tabelle 16-11 Inherent adressierte Additionsbefehle.

Be- fehl	Wirkung	Adr. -Art	Opcode	Operand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
ABA	$(A) + (B) \rightarrow A$	inh	1B	-	1	2	-	-	b	-	b	b	b	b
ABX	$00:(B) + (X) \rightarrow X$	inh	3A	-	1	3	-	-	-	-	-	-	-	-
ABY	$00:(B) + (Y) \rightarrow Y$	inh	18 3A	-	2	4	-	-	-	-	-	-	-	-

Die Befehle ABX und ABY addieren jeweils den Inhalt von Akkumulator B, der links durch Nullen auf 16Bit ergänzt wurde, zu den Indexregistern X bzw. Y. Das impliziert, dass der Inhalt von B als vorzeichenlose Zahl interpretiert wurde. Das Zeichen „-“ in der Tabelle 16-11 bedeutet, dass die beiden Bytes \$00 und (B) aneinandergefügt werden. Die Befehle

```
ADDA    Add Memory to Accumulator A
ADDB    Add Memory to Accumulator B
```

addieren jeweils den Inhalt des genannten Akkumulators zum Operanden und speichern das Ergebnis im gleichen Akkumulator. Beide Befehle sind in allen Adressierungsarten möglich. Sie beeinflussen die Flags H, N, Z, V, C. Stellvertretend für diese Befehle ist in Tabelle 16-12 der Befehl ADDA beschrieben.

Tabelle 16-12 Befehl ADDA Add Memory to Accumulator A.

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Opcode	Operand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
ADDA	$(A) + ii \rightarrow A$	imm	8B	ii	2	2	-	-	b	-	b	b	b	b
	$(A) + (00dd) \rightarrow A$	dir	9B	dd	2	3								
	$(A) + (hhll) \rightarrow A$	ext	BB	hhll	3	4								
	$(A) + (ff + (X)) \rightarrow A$	ind, X	AB	ff	2	4								
	$(A) + (ff + (Y)) \rightarrow A$	ind, Y	18 AB	ff	3	5								

Als Beispiel sei hier die Rechnung $\$08 + \$FC (= 8 + (-4))$ gezeigt:

```
LDAA    #$08
ADDA    #$FC
```

Es wird intern das Folgende gerechnet:

$$\begin{array}{r}
 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0 = \$08 \\
 +\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0 = \$FC \\
 \hline
 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0 \leftarrow \text{Carry-in, Überträge} \\
 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0 \\
 \hline
 \end{array}$$

c_n c_{n-1}

Da es sich um eine Addition handelt, ist das Carry-in gleich 0. In der 3. Zeile der Rechnung stehen die Überträge der Rechnung $\$08 + \FC . Das Condition-Code-Register enthält daher $H=1, N=0, Z=0, V=0, C=c_n=1$. Der Akkumulator zeigt den richtigen Wert $\$04$. Weiterhin existieren die Befehle:

```
ADCA    Add Memory to Accumulator A with Carry
ADCB    Add Memory to Accumulator B with Carry
```

Tabelle 16-13 ADCA Add Memory to Accumulator A with Carry.

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Opco- de	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
ADCA	(A)+ii+C → A	imm	89	ii	2	2	-	-	b	-	b	b	b	b
	(A)+(00dd)+ C → A	dir	99	dd	2	3								
	(A)+(hhll)+C → A	ext	B9	hhll	3	4								
	(A)+(ff + (X))+C → A	ind,X	A9	ff	2	4								
	(A)+(ff + (Y))+C → A	ind,Y	18 A9	ff	3	5								

Beim ADCA-Befehl (Tabelle 16-13) wird ein im vorigen Befehl gesetztes Carry berücksichtigt. Dies ist sinnvoll, um Zahlen zu addieren, die aus mehreren Bytes bestehen. Das folgende Beispiel mit 16-Bit-Zahlen geht davon aus, dass sich der erste Summand in den Speicherplätzen \$1011 (High-Byte) und \$1012 (Low-Byte) befindet und der zweite in den Speicherplätzen \$1021 (High-Byte) und \$1022 (Low-Byte). Die Summe wird in die Speicherplätze \$1031 (High-Byte) und \$1032 (Low-Byte) geschrieben.

```
LDAA  $1012 ;Low-Byte der Zahl 1 in Akkumulator A
ADDA  $1022 ;zu Low-Byte der Zahl 2 addieren, Carry setzen
STAA  $1032 ;Low-Byte der Summe speichern
LDAA  $1011 ;High-Byte der Zahl 1 in Akkumulator A
ADCA  $1021 ;zu High-Byte der Zahl 2 addieren, Carry setzen
STAA  $1031 ;High-Byte der Summe speichern
```

Man beachte, dass das Programm nur funktioniert, weil die Befehle STAA und LDAA das Carry-Bit, welches im Befehl ADDA gesetzt wurde, nicht mehr verändern. Bei der ersten Addition wird der Befehl ADDA verwendet, der ein bereits gesetztes Carry nicht berücksichtigt. Zwei 2-Byte-Zahlen lassen sich aber auch durch den Befehl

```
ADDD  Add 16Bit to D
```

(Tabelle 16-14) addieren. Man beachte, dass sich auch in diesem Fall das High-Byte im Speicherplatz mit der niedrigeren Adresse befindet.

Tabelle 16-14 Additionsbefehl ADDD (Add 16Bit to D).

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Opco- de	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
ADDD	(D)+jjkk → D	imm	C3	jjkk	3	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	(D)+(00dd):(00dd+1) → D	dir	D3	dd	2	5								
	(D)+(hhll):(hhll+1) → D	ext	F3	hhll	3	6								
	(D)+(ff+(X)):(ff+(X)+1)→D	ind,X	E3	ff	2	6								
	(D)+(ff+(Y)):(ff+(Y)+1)→D	ind,Y	18 E3	ff	3	7								

16.6.7 Arithmetische Befehle: Subtraktion

Die Befehle für die Subtraktion sind analog zu den Additionsbefehlen konstruiert. Allerdings wird hier das Carry als Borrow interpretiert. Es soll hier nur ein Beispiel mit dem Befehl SUBA (Subtract Memory from A) in Tabelle 16-15 gezeigt werden.

Tabelle 16-15 SUBA (Subtract Memory from A).

Be- fehl	Wirkung	Adr. -Art	Opcode	Operand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
SUBA	(A) - ii → A	imm	80	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	b	b
	(A) - (00dd) → A	dir	90	dd	2	3								
	(A) - (hhll) → A	ext	B0	hhll	3	4								
	(A) - (ff+(X)) → A	ind,X	A0	ff	2	4								
	(A) - (ff+(Y)) → A	ind,Y	18 A0	ff	3	5								

Wir betrachten die Rechnung $\$08 - \$04 (= 8 - 4)$ analog zum obigen Beispiel für die Addition:

```
LDAA    #$08
SUBA    #$04
```

Es wird im Prozessor das Folgende gerechnet:

$$\begin{array}{r}
 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0 = \$08 \\
 + 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1 = -\$04 \\
 \hline
 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1 \leftarrow \text{Carry-in, Überträge} \\
 \hline
 \begin{array}{l}
 \swarrow \quad \swarrow \\
 c_n \quad c_{n-1} \\
 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0
 \end{array}
 \end{array}$$

Das Condition-Code-Register enthält daher $N=0$, $Z=0$, $V=0$, $C = \neg c_n = 0$. Gegenüber dem oben gezeigten Fall ($8 + (-4)$) ist also das Carry invertiert. Im Akkumulator steht der richtige Wert $\$04$. Die Subtraktionsbefehle, die das Carry (Borrow) einer vorausgegangenen Subtraktion (z.B. der Befehl SBACA) berücksichtigen, sind so konstruiert, dass sie bei der sequentiellen Ausführung das Carry richtig weitergeben. Es erscheint also in den Befehlen mit einem negativen Vorzeichen.

16.6.8 Arithmetische Befehle: Inkrement und Dekrement

Es stehen mehrere Befehle für das Inkrementieren und Dekrementieren von Speicher- und Registerinhalten zur Verfügung, die in Tabelle 16-16 zusammengefasst sind.

Tabelle 16-16 Befehle für das Inkrementieren und Dekrementieren.

Inkrement		Dekrement	
INC	Increment Memory Byte	DEC	Decrement Memory Byte
INCA	Increment Accumulator A	DECA	Decrement Accumulator A
INCB	Increment Accumulator B	DECB	Decrement Accumulator B
INS	Increment Stack-Pointer	DES	Decrement Stack-Pointer
INX	Increment Index-Register X	DEX	Decrement Index-Register X
INY	Increment Index-Register X	DEY	Decrement Index-Register X

16.6.9 Arithmetische Befehle: Vergleich

Die Befehle für den Vergleich zweier Zahlen haben gemeinsam, dass sie nur das Condition-Code-Register verändern, aber keines der anderen beteiligten Register oder Speicherplätze. Es wird also nur eine Testsubtraktion durchgeführt. Die Flags werden nach dem gleichen Prinzip wie bei der Subtraktion verändert.

Der Befehl CBA vergleicht den Inhalt der beiden Akkumulatoren A und B. Die Befehle CMPA, CMPB, CPD, CPX und CPY vergleichen die Register A, B, D, X und Y in der Adressierungsart Immediate mit einer Konstanten. In den Adressierungsarten Direkt, Extended und Indirekt wird ein Vergleich mit dem Inhalt eines Speicherplatzes durchgeführt.

Der Befehl TST (Test for Zero or Minus) vergleicht den Inhalt eines Speicherplatzes mit der Zahl 0. Es werden die Flags N und Z entsprechend dem Ergebnis gesetzt. C und V werden gleich 0 gesetzt. Die Befehle TSTA und TSTB bewirken das Gleiche mit dem Inhalt der Akkumulatoren.

Für die BCD-Arithmetik gibt es einen Befehl, der nach der Addition von BCD-Zahlen den Übertrag korrigiert (Tabelle 16-17). Dies ist nötig, da ja nach einer Arithmetik gerechnet wird, die auf Binärzahlen beruht. Wird durch die Addition eine „Pseudotetrade“ gebildet, das heißt eine Hexadezimalziffer, die größer ist als \$9, so wird das Ergebnis korrigiert.

Tabelle 16-17 Korrektur-Befehl DAA für die BCD-Arithmetik.

Be- fehl	Wirkung	Adr. -Art	Opcode	Operand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
DAA	BCD-Korrektur	inh	19	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b

Die Wirkung des DAA-Befehls ist:

- 1) Wenn die niederwertige Hexadezimal-Stelle des Akkumulator-Inhaltes größer ist als \$9, oder wenn das Half-Carry H=1 ist, wird \$06 zum Akkumulator-Inhalt addiert.
- 2) Wenn nun die erste Hexadezimal-Stelle des Akkumulator-Inhaltes größer ist als \$9, oder wenn C=1 ist, wird \$6 zur ersten Hexadezimal-Stelle addiert.

Das folgende Beispiel zeigt, wie nach der Addition zweier BCD-Zahlen die Korrektur in zwei Schritten durchgeführt wird. Addition der BCD-Zahlen 28 und 37 (Die Indices geben die Darstellung an: BCD, Basis 2 oder Basis 10):

```

00101000  2810
+00110111  3710
  01011111  5F, $F > $9, daher Korrektur durch die Addition von 1102= $6
+00000110  +$6
  01100101  6510

```

Diesem Beispiel liegt folgender Assemblercode zu Grunde:

```

LDAA    #$28      ;00101000BCD oder 2810 in Akkumulator A laden
ADDA    #$37      ;00110111BCD oder 3710 zu A addieren,
                    ;dann ist (A) = $5F, H=0
DAA     ;(A) = 01100101BCD oder 6510

```

Der Befehl DAA funktioniert nur nach einer Addition und nur wenn nur positive Zahlen vorkommen, also insbesondere nicht mit Zweier-Komplementzahlen. Die Subtrahierbefehle setzen konsequenterweise nicht das Half-Carry.

16.6.10 Logische Operationen

Logische Operationen werden bitweise durchgeführt. Es stehen AND, OR und EXCLUSIVE OR mit beiden Akkumulatoren zur Verfügung. Außerdem kann der Inhalt beider Akkumulatoren komplementiert werden. Die logischen Operationen beeinflussen die Flags N und Z. Es werden bei einigen Operationen die Flags V und C unabhängig vom Ergebnis gleich 0 gesetzt. Außerdem existieren die Befehle BITA und BITB, die eine Test-UND-Verknüpfung durchführen, wobei nur die Flags verändert werden. Die Befehle zur Ausführung logischer Operationen sind im Anhang aufgeführt.

16.6.11 Schiebe- und Rotations-Befehle

Der 68HC11 besitzt Befehle für das arithmetische Schieben, logische Schieben und Rotieren um ein Bit nach links oder rechts.

Das arithmetische Schieben soll beim Links-Schieben eine Multiplikation mit 2, beim Rechts-Schieben die Division durch 2 verwirklichen. Daher werden beim Links-Schieben von links Nullen nachgeschoben, beim Rechts-Schieben wird das MSB (Most Significant Bit) reproduziert, um das Vorzeichen zu erhalten. Das Prinzip ist in Bild 16-9 verdeutlicht. Arithmetisches Schieben des Inhalts eines Speicherplatzes ist mit den Befehlen ASL und ASR nach links und nach rechts möglich. ASLA, ASLB bzw. ASRA, ASRB schieben die Akkumulatoren nach links und nach rechts. Beim Links-Schieben gibt es zusätzlich den Befehl ASLD, der den Akkumulator D schiebt. Rechts-Schieben des Akkumulators D wird nicht unterstützt.

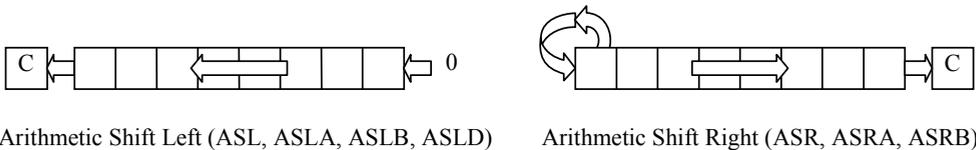


Bild 16-9 Arithmetisches Schieben.

Logisches Schieben bedeutet, dass beim Links- als auch beim Rechts-Schieben Nullen nachgeschoben werden. Daher sind arithmetisches und logisches Links-Schieben identisch. Es existieren verschiedene Mnemonics für arithmetisches und logisches Links-Schieben, die aber in den gleichen hexadezimalen Opcode übersetzt werden. Die verschiedenen Mnemonics dienen der besseren Lesbarkeit des Codes. Es gibt logische Schiebepfehle für Speicherinhalte und für die Akkumulatoren A, B und D. Logisches Schieben ist in Bild 16-10 verdeutlicht.

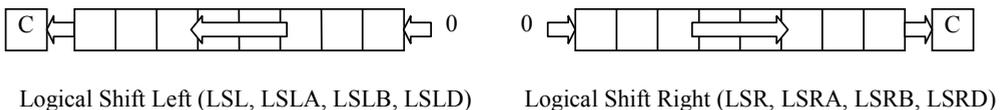
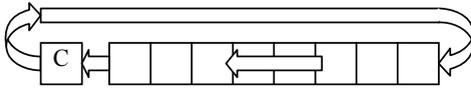
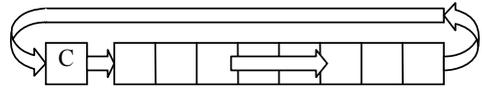


Bild 16-10 Logisches Schieben.

Das Rotieren des Inhaltes von Speicherplätzen (ROL und ROR) und der Akkumulatoren A und B (ROLA, ROLA und RORA, RORB) geschieht über das Carry-Bit, wie es in Bild 16-11 dargestellt ist.



Rotate Left (ROL, ROLA, ROLB)



Rotate Right (ROR, RORA, RORB)

Bild 16-11 Rotieren.

16.6.12 Bitmanipulations-Befehle

Der 68HC11 besitzt eine Reihe von Befehlen für die Manipulation einzelner Bits. Zunächst können die Bits C, I, und V des Condition-Code-Registers gesetzt und zurückgesetzt werden. Die Befehle CLC, CLI und CLV löschen (Clear) die Bits C, I, und V. Die Befehle SLC, SLI und SLV setzen sie. Zusätzlich ist das Setzen und Löschen einzelner Bits im Speicher möglich mit den Befehlen:

```
BSET   Set Bit(s)
BCLR   Clear Bit(s)
```

Beide Befehle arbeiten mit einer 8-Bit-Maske, die in der Tabelle 16-18 durch mm gekennzeichnet ist.

Tabelle 16-18 Befehle BSET und BCLR zum Setzen und Löschen einzelner Bits.

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op.- code	Oper- and	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
BSET	(00dd) ∨ mm → 00dd	dir	14	dd mm	3	6	-	-	-	-	b	b	0	-
	(ff+(X)) ∨ mm → ff+(X)	ind,X	1C	ff mm	3	7								
	(ff+(Y)) ∨ mm → ff+(Y)	ind,Y	18 1C	ff mm	4	8								
BCLR	(00dd) ∧ ¬mm → 00dd	dir	15	dd mm	3	6	-	-	-	-	b	b	0	-
	(ff+(X)) ∧ ¬mm → ff+(X)	ind,X	1D	ff mm	3	7								
	(ff+(Y)) ∧ ¬mm → ff+(Y)	ind,Y	18 1D	ff mm	4	8								

Zum Beispiel bewirkt der Befehl

```
BSET $23, X 80
```

dass das Bit7 im Speicherplatz gesetzt wird, dessen Adresse durch die Summe von \$0023 und dem Inhalt des Indexregisters X gegeben ist.

16.6.13 Absolut adressierter Sprung

Sprungbefehle verändern die normale Abfolge von Befehlen, die durch eine Inkrementierung des Befehlszählers gegeben ist. Der Assemblerbefehl

```
JMP adr
```

(Jump) bewirkt einen Sprung zu der absoluten Adresse adr im Speicher. Es wird also die im Befehl angegebene Adresse adr in den Befehlszähler geladen.

Tabelle 16-19 Sprungbefehl JMP.

Befehl	Adressierungsart	Opcode	Operand	B	Z
JMP	ext	7E	hhll	3	3
	ind,X	6E	ff	2	3
	ind,Y	18 6E	ff	3	4

Im folgenden Beispiel soll die Befehlsfolge aus dem STAA und dem DECA-Befehl übersprungen werden. Die Adresse des Sprungziels ist zunächst nicht bekannt.

```

JMP ?           ;Sprung zum Sprungziel
STAA $2304     ;Abspeichern des Akkumulators A nach $2304
DECA          ;Dekrementieren des Akkumulators A
....         ;Sprungziel

```

Um die Adresse des Sprungziels festlegen zu können, muss die absolute Lage des Programms im Speicher festliegen. Außerdem muss die Anzahl der Bytes (Befehle, Operanden) abgezählt werden. Hier wird der Speicherinhalt abgebildet unter der Annahme, dass das Programm ab der Adresse \$1000 steht. Daraus ergibt sich das Sprungziel \$1007.

Adresse	Inhalt	Kommentar
1000	7E	;Opcode JMP-Befehl
1001	07	;Adresse High-Byte
1002	10	;Adresse Low-Byte
1003	B7	;Opcode STAA-Befehl
1004	23	;Adresse High-Byte
1005	04	;Adresse Low-Byte
1006	4A	;Opcode DECA-Befehl
1007	;Sprungziel (Adresse 1007)

Für einen Programmierer ist das Abzählen der Bytes zwischen Sprung und Sprungziel eine sehr fehlerträchtige Aufgabe. Ein Assembler erledigt diese Aufgabe automatisch. Im folgenden Assemblerprogramm wird die Marke (engl.: Label) ZIEL verwendet, die eine symbolische Sprungadresse repräsentiert. Der Assembler setzt für die Marke beim Übersetzungsvorgang eine konkrete Adresse ein.

```

JMP ZIEL       ;Sprung zum Label ZIEL
STAA $2304     ;Abspeichern des Akkumulators A nach $2304
DECA          ;Dekrementieren des Akkumulators A
ZIEL ....     ;Sprungziel

```

16.6.14 Relativ adressierter Sprung

Alternativ kann ein Sprung auch relativ adressiert werden. Das ist mit dem Befehl BRA (Branch) möglich.

Tabelle 16-20 Sprungbefehl BRA.

Befehl	Adressierungsart	Opcode	Operand	B	Z
BRA	rel	20	rr	2	3

Beim relativ adressierten Sprung wird das Sprungziel im Zweierkomplement relativ zum Inhalt des Befehlszählers angegeben. Die Sprungweite beträgt maximal \$7F, das sind 127 Bytes nach vorn oder \$80 nach hinten, was 128 Bytes entspricht. Ein relativer Sprung funktioniert unabhängig von seiner absoluten Position im Speicher. Wir betrachten ein ähnliches Beispiel wie oben, nur mit einem relativ adressierten Sprung:

```

        BRA ZIEL          ;Sprung zum Label ZIEL
        STAA $2304       ;Abspeichern des Akkumulators A nach $2304
        DECA            ;Dekrementieren des Akkumulators A
ZIEL ....              ;Sprungziel

```

Dieses Programm wird von einem Assembler folgendermaßen übersetzt:

Adresse	Inhalt	Kommentar
1000	20	;Opcode BRA
1001	04	;Sprungweite = 4 Bytes nach vorn
1002	B7	;Opcode STAA
1003	23	;Operand High-Byte
1004	04	;Operand Low-Byte
1005	4A	;Opcode DECA
1006		;Sprungziel (Adresse 1006)

Der Sprung muss also 4 Bytes nach vorn erfolgen. Man beachte, dass der Inhalt des Befehlszählers **nach** Ausführung des Befehls BRA \$04, nämlich \$1002, der Rechnung zugrunde gelegt wird. Zu \$1002 wird der Sprungabstand \$04 addiert, woraus sich das Sprungziel \$1006 ergibt. Der Befehl BRA \$FE würde also zu seiner endlosen Wiederholung führen, da gerade die 2 Bytes, die der Befehl lang ist, zurückgesprungen wird.

16.6.15 Bedingte Sprünge

Der Befehl BRA wird immer ausgeführt, ebenso wie der Befehl JMP. Dagegen gibt es andere Sprünge, die nur ausgeführt werden, wenn eine bestimmte Bedingung erfüllt ist. Deshalb sind in Tabelle 16-21 Befehle zusammen mit der Bedingung angegeben, unter der sie ausgeführt werden, andernfalls wird der Befehl an der nächsthöheren Speicherstelle ausgeführt.

Die Bedingungen sind in Tabelle 16-21 klassifiziert:

Unbedingte Sprünge werden immer oder nie ausgeführt. Der Sprung-Befehl BRN (Branch Never), der nie ausgeführt wird, dient als „Zeitverbraucher“ in Warte-Schleifen. Außerdem kann er während des Erstellens von Programmen bei der Fehlersuche eingesetzt werden, um dann später durch einen bedingten Sprung ersetzt zu werden.

Einfache Sprungbedingungen beziehen sich auf ein einzelnes Flag. Es gibt sie für gesetzte und gelöschte C, N, Z und V-Flags.

Signed bzw. **Unsigned** bezieht sich auf die verwendete Zahlendarstellung bei einem Vergleich. Signed Numbers sind 8 oder 16-Bit-Zweier-Komplementzahlen. Sie haben also ein Vorzeichen. Dagegen sind Unsigned Numbers positive ganze Zahlen. Die Bedingungen erfordern einen vorausgegangenen Vergleich zweier Zahlen A-B. Das kann durch eine Subtraktion oder durch einen der Vergleichsbefehle CMPA, CMPB, CPD, CPX und CPY geschehen. Die formulierte Bedingung bezieht sich auf die Zahl A in Bezug auf die Zahl B.

Tabelle 16-21 Sprungbefehle mit relativ adressiertem Sprungziel.

Befehl	Bedingung			Adr.- Art	Opcod- e	Operand	B	Z
BRA	always	unbe- dingt	1 = 1	rel	20	rr	2	3
BRN	never		0 = 1	rel	21	rr	2	3
BCS	carry set	ein- fach	C = 1	rel	25	rr	2	3
BCC	carry clear		C = 0	rel	24	rr	2	3
BMI	minus		N = 1	rel	2B	rr	2	3
BPL	plus		N = 0	rel	2A	rr	2	3
BEQ	zero		Z = 1	rel	27	rr	2	3
BNE	not equal zero		Z = 0	rel	26	rr	2	3
BVS	overflow set		V = 1	rel	29	rr	2	3
BVC	overflow clear		V = 0	rel	28	rr	2	3
BGE	greater equal	signed	$N \leftrightarrow V = 0$	rel	2C	rr	2	3
BGT	greater		$Z \vee (N \leftrightarrow V) = 0$	rel	2E	rr	2	3
BLE	lower equal		$Z \vee (N \leftrightarrow V) = 1$	rel	2F	rr	2	3
BLT	lower		$N \leftrightarrow V = 1$	rel	2D	rr	2	3
BHI	higher	un- signed	$C \vee Z = 0$	rel	22	rr	2	3
BHS	higher same		C = 0	rel	24	rr	2	3
BLO	lower		C = 1	rel	25	rr	2	3
BLS	lower same		$C \vee Z = 1$	rel	23	rr	2	3
BRSET	$\neg(00dd) \wedge mm = 00$			dir	12	dd mm rr	4	6
	$\neg(ff+(X)) \wedge mm = 00$			ind,X	1E	ff mm rr	4	7
	$\neg(ff+(Y)) \wedge mm = 00$			ind,Y	18 1E	ff mm rr	5	8
BRCLR	$(00dd) \wedge mm = 00$			dir	13	dd mm rr	4	6
	$(ff+(X)) \wedge mm = 00$			ind,X	1F	ff mm rr	4	7
	$(ff+(Y)) \wedge mm = 00$			ind,Y	18 1F	ff mm rr	5	8

Tabelle 16-22 Bedingungen für einen Sprung mit verschiedenen Befehlen nach dem Vergleich A–B.

Bedingung	Befehl	
	Signed	Unsigned
$A \geq B$	BGE	BHS
$A > B$	BGT	BHI
$A \leq B$	BLE	BLS
$A < B$	BLT	BLO

Hier soll zunächst ein Beispiel für eine einfache Schleife mit einem bedingten Sprung beschrieben werden:

```

LDAB    #$03          ;Es sollen 3 Durchgänge erfolgen
LDX     #$1000        ;Indexregister initialisieren
ANFANG STAA    $0,X    ;Akku in Zieladresse speichern
        INX         ;Indexregister inkrementieren
        DECB        ;Zähler dekrementieren
        BNE        ANFANG ;wiederholen, wenn B größer 0

```

Im Beispielprogramm wird der Akkumulator-Inhalt in die Speicherplätze \$1000, \$1001 und \$1002 kopiert. Das wird erreicht, indem zunächst der Akkumulator B mit der Anzahl der zu

behandelnden Fälle, nämlich 3, geladen wird. Im Akkumulator B wird also eine Zählvariable gespeichert. Dann wird das Indexregister X auf die erste Adresse gesetzt und nachfolgend mit dem Befehl STAA der Akkumulator in den Speicherplatz gespeichert, dessen Adresse im Indexregister steht. Darauf wird der Inhalt des Indexregisters um eins erhöht, so dass es auf den nächsten Speicherplatz zeigt. Die Zählvariable im Akkumulator B wird mit dem Befehl DECB um 1 dekrementiert. Dieser Befehl setzt das Zero-Flag, wenn in B \$00 steht. Das nutzt der folgende, bedingte Sprungbefehl. Der Sprung zum Label ANFANG wird nur ausgeführt, wenn der Inhalt von B noch nicht 0 ist.

16.6.16 Befehle für Unterprogramme

Unterprogramme dienen der besseren Strukturierung eines Programmes. Sie sind Programmteile, die eine bestimmte, klar definierte Aufgabe erfüllen. Sie werden vom aufrufenden Programm mit den Befehlen JSR (Jump to Subroutine) oder BSR (Branch to Subroutine) aufgerufen. Dazu muss im Befehl die Adresse des Unterprogramms stehen. JSR springt zu einer absolut definierten Adresse, BSR zu einer relativ definierten Adresse. Nach der Abarbeitung des Unterprogramms muss der Befehl im aufrufenden Programm ausgeführt werden, der nach dem JSR- bzw. BSR-Befehl steht. Die Rücksprungadresse wird dazu im Stack gespeichert.

Der Stack ist ein Stapelspeicher im RAM. Auf ihn werden Daten oben abgelegt oder von oben entnommen. Beim 68HC11 wächst der Stack nach niedrigeren Adressen hin. Die nächste freie Speicherstelle im Stack wird dabei im Stack-Pointer gespeichert. Zu Beginn des Programms wird der Stack initialisiert, indem man den Stack-Pointer z.B. auf die oberste Speicherstelle im RAM-Bereich \$FF setzt. Wenn das erste Datum an diesen Speicherplatz abgelegt wird, wird gleichzeitig der Stack-Pointer auf \$FE reduziert, denn das ist dann der nächste freie Speicherplatz im Stack. Wenn ein Datum entnommen wird, wird der Stack-Pointer um Eins inkrementiert.

Es werden beim JSR-Befehl die folgenden Schritte durchgeführt:

1. Bei einem Unterprogrammaufruf durch den Befehl JSR wird zunächst die Rücksprungadresse gerettet, indem zuerst das niederwertige Byte des Befehlszählers (PCL) auf den Stack gelegt wird, also an die Adresse, die im Stack-Pointer gespeichert ist.
2. Dann wird der Stack-Pointer dekrementiert, so dass er auf die nächste freie Speicherstelle im Stack zeigt.
3. Das höherwertige Byte des Befehlszählers (PCH) wird auf den Stack gelegt, also an die Adresse, auf die der Stack-Pointer zeigt.
4. Anschließend wird der Stack-Pointer um eins dekrementiert. Wählt man die übliche Darstellung, in der die Speicherplätze mit höheren Adressen nach unten aufgetragen werden, so wächst der Stack nach oben. Der Stack-Pointer zeigt nach dem JSR-Befehl auf die erste freie Stack-Position (top of stack = TOS).
5. Mit der Adresse im Operanden wird der Befehlszähler geladen. Der nächste auszuführende Befehl steht dann an dieser Stelle. Es ist die Adresse des ersten Befehls des Unterprogramms. Beim JSR-Befehl kann die Adresse durch die Adressierungsarten Direkt, Extended oder aber Indexed beschrieben werden.

Der Befehl BSR arbeitet genauso, nur dass die Adresse des Unterprogramms relativ zum Speicherplatz des Befehls BSR angegeben wird. Dadurch darf das Unterprogramm maximal 127 Bytes weiter vorn oder 128 Bytes weiter hinten im Programm stehen.

Der Rücksprung aus dem Unterprogramm in das aufrufende Programm geschieht mit dem Befehl RTS (Return from Subroutine). Beim Rücksprung ist die Reihenfolge der Stack-Operationen umgekehrt:

1. Der Stack-Pointer wird inkrementiert, so dass er auf den obersten besetzten Speicherplatz zeigt.
2. Der Inhalt des Speicherplatzes, auf den der Stack-Pointer zeigt, wird in das höherwertige Byte des Befehlszählers PCH geschrieben.
3. Der Stack-Pointer wird inkrementiert.
4. Der Inhalt des Speicherplatzes, auf den der Stack-Pointer zeigt, wird in das niederwertige Byte des Befehlszählers PCL geschrieben.

Die Unterprogrammbeefehle zum Aufruf eines Unterprogramms und Rücksprung aus einem Unterprogramm sind in Tabelle 16-23 zusammengefasst.

Tabelle 16-23 Unterprogrammbeefehle (ss steht für „sign extension“ = vorzeichenrichtiges Auffüllen).

Be- fehl	Wirkung		Adr. – Art	Opcode	Operand	B	Z
	1	2					
BSR	(PCL) → Stack (SP)-1 → SP (PCH) → Stack (SP)-1 → SP	PC + (ssrr) → PC	rel	8D	rr	2	6
JSR	(PCL) → Stack (SP)-1 → SP (PCH) → Stack (SP)-1 → SP	(00dd) → PC	dir	9D	dd	2	5
		(hhll) → PC	ext	BD	hhll	3	6
		(ff+(X)) → PC	ind,X	AD	ff	2	6
		(ff+(Y)) → PC	ind,Y	18 AD	ff	3	7
RTS	(SP)+1 → SP (Stack) → PCH (SP)+1 → SP (Stack) → PCL		inh	39	-	1	5

Der Stack-Pointer muss initialisiert werden. Man setzt ihn in der Regel auf die höchste Adresse des RAM-Bereiches. Das Initialisieren kann mit dem Befehl LDS geschehen.

Ein Unterprogramm WARTEN, welches eine Warteschleife enthält, ist unten gezeigt. Es wird vom Befehl BSR WARTEN im Hauptprogramm aufgerufen.

```

        BSR    WARTEN    ;Aufruf Unterprogramm „Warten“
        ...           ;weitere Befehle im Hauptprogramm
        ...           ;
WARTEN LDAB    #$FF    ;Unterprogrammbeginn, $FF in B laden
ANFANG DECB    ;Zähler dekrementieren
        BNE    ANFANG    ;wiederholen, wenn B größer 0
        RTS    ;Rücksprung zum Hauptprogramm

```

Das gezeigte Unterprogramm WARTEN hat den Nachteil, dass es den Inhalt des Akkumulators B zerstört. Nach dem Aufruf des Unterprogramms steht immer 0 in Akkumulator B. Daher muss man immer beim Aufruf des Unterprogramms sicherstellen, dass der Inhalt dieses Akkumulators nicht mehr gebraucht wird. Besser ist es, zu Beginn eines jeden Unterprogramms alle benötigten Register auf den Stack zu retten und sie vor dem Rücksprung wieder vom Stack zu holen.

Mit den Befehlen PSHA, PSHB, PSHX und PSHY können die Inhalte der Register A, B, X und Y auf dem Stapel abgelegt werden, damit sie durch die Operationen im Unterprogramm nicht zerstört werden. Man nennt diesen Vorgang retten (engl. push). Mit PULA, PULB, PULX und PULY können sie vom Stack wiedergeholt werden (engl. pull). Wie die Tabelle 16-24 zeigt, wird beim Pushen der Registerinhalt auf den Speicherplatz gelegt, auf den der Stack-Pointer zeigt. Anschließend wird der Stack-Pointer dekrementiert, so dass er wieder auf den nächsten freien Speicherplatz zeigt. Beim Pullen wird erst der Stack-Pointer inkrementiert und dann das Datum vom Stack in das Register geladen.

Tabelle 16-24 Stack-Befehle.

Befehl	Wirkung	Adressierungsart	Opcode	Operand	B	Z
PSHA	(A) → Stack (SP) -1 → SP	inh	36	-	1	3
PSHB	(B) → Stack (SP) -1 → SP	inh	37	-	1	3
PSHX	(X) → Stack (SP) -2 → SP	inh	3C	-	1	4
PSHY	(Y) → Stack (SP) -2 → SP	inh	18 3C	-	2	5
PULA	(SP)+1 → SP Stack → A	inh	32	-	1	4
PULB	(SP)+1 → SP (Stack) → B	inh	33	-	1	4
PULX	(SP)+2 → SP (Stack) → X	inh	38	-	1	5
PULY	(SP)+2 → SP (Stack) → Y	inh	18 38	-	2	6

Hier ist das obige Unterprogramm so ergänzt, dass der Akkumulator B auf den Stack gerettet wird und am Ende des Unterprogramms wieder vom Stack geholt wird:

```

WARTEN  PSHB          ;Inhalt von B retten
        LDAB   #$FF   ;$FF in B laden
ANFANG  DECB         ;Zähler dekrementieren
        BNE   ANFANG  ;wiederholen, wenn B größer 0
        PULB          ;B zurückhohlen
        RTS          ;Rücksprung zum Hauptprogramm

```

In Tabelle 16-25 ist dieses Programm gezeigt, wie es im Speicher des Mikroprozessors abgelegt ist. Man bezeichnet dies als List-File. Unter „Adr“ findet man die Adresse des Speichers. Rechts daneben sind jeweils die Bytes aufgelistet, die zu einem Befehl gehören. Weiter rechts steht der Assemblercode. Im ersten Befehl findet man unter der Adresse C000 den Wert 8E, den Opcode für den Befehl LDS, mit dem der Stack-Pointer initialisiert wird. C0 und 50 sind das High-Byte und das Low-Byte des Operanden. Sie stehen unter den Adressen C001 und C002. In der nächsten Zeile folgt der Unterprogrammaufruf. Man erkennt, dass das Label WARTEN durch die Adresse C008 ersetzt ist. Dies ist die Adresse des Unterprogramms.

In Tabelle 16-26 ist der Inhalt des Stacks gezeigt, wie er sich während der Ausführung des Unterprogramms in Tabelle 16-25 darstellt. In diesem Beispiel wird angenommen, dass im Akkumulator B vor dem Aufruf des Unterprogramms 2E stand.

Tabelle 16-25 List-File des Unterprogramms.

Adr	Inhalt	Label	OPC	Operand;Kommentar
C000	8E C0 50		LDS	#\$C050 ;Stack-Pointer initial.
C003	BD C0 08		JSR	WARTEN ;Aufruf Unterprogramm
C006	01		NOP	;No Operation
C007	01		NOP	;No Operation
C008	37	WARTEN	PSHB	;Inhalt von B retten
C009	C6 FF		LDAB	#\$FF ;\$FF in B laden
C00B	5A	ANFANG	DECB	;Zähler dekrementieren
C00C	26 FD		BNE	ANFANG ;Sprung wenn B größer 0
C00E	33		PULB	;B zurückhohlen
C00F	39		RTS	;Rücksprung

Tabelle 16-26 Stack zum Beispiel in Tabelle 16-25. Es ist der Zustand während der Ausführung des Unterprogramms gezeigt.

Speicher		Kommentar
Adresse	Inhalt	
C04D		←Stack-Pointer bei PC = C009
C04E	2E	geretteter Inhalt von Akkumulator B
C04F	C0	PCH
C050	06	PCL ←Stack-Pointer vor dem Unterprogrammaufruf

16.7 Assembleranweisungen

Man unterscheidet zwischen Assembleranweisungen und Assemblerbefehlen.

- Assemblerbefehle nennt man auch Mnemonics (z.B. LDX \$1000). Sie stellen den Source-Code.
- Die Assembleranweisungen (engl. Directives) dienen der Übersetzung des Source-Codes in den Object-Code. Sie sagen, ab welcher Adresse das Programm in den Speicher geschrieben wird und geben Hinweise für die Zuordnung von symbolischen Variablen zu Speicherplätzen. z.B. sagt der Befehl ORG \$1000, dass die folgenden Befehle ab dem Speicherplatz \$1000 angeordnet werden sollen.

Im Folgenden werden die Assembleranweisungen in verschiedenen Gruppen besprochen. Das Assemblerprogramm nimmt die Übersetzung des Source-Codes in den Object-Code vor, hat aber daneben noch weitere Aufgaben:

1. Ein Maschinenprogramm ist im Allgemeinen an einen bestimmten Ort im Speicher gebunden. Zum Beispiel müssen bei absolut adressierten Sprüngen immer Sprungadressen angegeben werden, die bei einer Verschiebung des Programms im Speicher geändert werden müssen. Um es dem Programmierer einfacher zu machen, ist das Assemblerprogramm in der Lage, aus symbolischen Sprungadressen konkrete Adressen (physikalische Adressen) zu berechnen. Dazu muss dem Assembler mitgeteilt werden, wo das Programm im Speicher stehen soll. Das geschieht mit dem Befehl:

```
ORG Adresse
```

2. Vom Assembler können symbolische Namen „Name“ für Konstanten verarbeitet werden. Er ordnet jedem Label „Name“ eine Konstante zu. Es sind 8-Bit-Konstanten und 16-Bit-Konstanten möglich.

Label	Anweisung	Operand	Wirkung
Name	EQU	data	Weist einen Zahlenwert data zu

3. Ebenso können symbolische Namen „Name“ für Variablen vom Assembler verarbeitet werden. Er ordnet jeder Variablen eine 16-Bit-Adresse zu, da eine Variable im Rechner identisch mit der Adresse eines Speicherplatzes ist

Name	Anweisung	Operand	Wirkung
Name	FCB	data 8	Definiert und initialisiert eine 8-Bit-Variable
Name	FDB	data 16	Definiert und initialisiert eine 16-Bit-Variable
Name	RMB	n	reserviert n Bytes

4. Kommentare, die mit einem Semikolon beginnen müssen, werden vom Assembler ignoriert.
5. Das Assemblerprogramm nimmt eine Prüfung auf Syntaxfehler vor.
6. Durch die Definition von Makros kann der Programmieraufwand gesenkt werden.

Die Assemblierung wird in mehreren Durchgängen vorgenommen. Zuerst werden die Befehle übersetzt. In den weiteren Durchgängen werden dann die symbolischen Adressen und Sprungziele zugeordnet. Die Übersetzung der Befehle in den Maschinencode wird mit Hilfe von prozessorspezifischen Listen vorgenommen.

Tabelle 16-27 Beispiel für Assembleranweisungen.

Adr.	Inhalt	Label	OPC	Operand	;Kommentar
00FF		KONST1	EQU	\$FF	;Konst1 definieren
C050		STACK	EQU	\$C050	;Konstante für Stack
...					
C000			ORG	\$C000	;Programmbeginn
C000	8E C0 50		LDS	#STACK	;Stack initialisieren
C003	C6 FF		LDAB	#KONST1	;KONST1 in B laden
C005	F7 C0 30		STAB	VAR1	;B nach VAR1 speichern
C008	5A	ANFANG	DECB		;Zähler dekrementieren
C009	26 FD		BNE	ANFANG	;Sprung wenn B größer 0
...					
C030			ORG	\$C030	;Beginn Datenspeicher
C030	00	VAR1	FCB	\$00	;Var1 mit \$00 init.

Das Beispiel verwendet die Assembleranweisungen ORG, EQU und FCB. Durch die Anweisung ORG wird die Lage der Bereiche im Speicher definiert, die die Befehle (ab der Adresse \$C000), bzw. Daten (ab der Adresse \$C030) enthalten. Der Assembler weist dann den Befehlen und Sprungmarken entsprechende Adressen zu.

Vom Assembler-Programm wird hier die Marke ANFANG definiert. Der Assembler setzt in diesem Fall die relative Sprungweite FD ein. Das bedeutet einen Sprung um 3 Bytes nach hinten.

Die Anweisung EQU wird für die Definition der Konstanten KONST1 und STACK verwendet. Immer wenn diese Konstanten im Text vorkommen, setzt das Assemblerprogramm die ent-

sprechenden Werte ein. Das dient der Übersichtlichkeit des Programms. KONST1 ist eine 8-Bit-Konstante. Sie wird verwendet, um den Akkumulator B zu initialisieren. STACK wird als 16Bit-Adresse verwendet, um den Stack-Pointer zu initialisieren.

Die Anweisung FCB (Form Constant Byte) reserviert zunächst einen Speicherplatz und weist ihm eine Adresse und einen symbolischen Namen zu. Der Name ist in diesem Fall VAR1, die Adresse ist \$C030. Der Programmierer kann jetzt VAR1 wie eine Adresse behandeln, z.B. in Befehlen, die die Adressierungsart Extended verwenden, wie hier beim Befehl STAB. Hier wird der Speicherplatz zusätzlich mit \$00 initialisiert. Dieser Wert kann durch das Programm aber überschrieben werden.

16.8 Interrupt-Bearbeitung

Ein Interrupt ist eine Möglichkeit ein laufendes Programm von außen zu unterbrechen. Dies ist zum Beispiel erforderlich, wenn durch eine Tastatur ein Befehl eingegeben wurde, oder wenn bei einer Mikroprozessor-gesteuerten Werkzeugmaschine ein Not-Halt ausgeführt werden soll. Wenn solch ein Ereignis durch ein Signal auf einer Interrupt-Leitung signalisiert wird, wird das Programm unterbrochen und stattdessen eine Interrupt-Service-Routine (ISR) ausgeführt, die die anstehenden Probleme lösen soll. Anschließend wird das Programm weiter ausgeführt.

Interrupts sind ein plötzlicher Eingriff in das laufende Programm. Damit dabei keine unvorhergesehenen Probleme auftreten, gilt das Folgende: Wenn ein Interrupt auftritt, wird der augenblickliche Status des Programms gerettet. Dazu werden alle CPU-Register auf den Stack gelegt und nach Abarbeiten des Interrupts wieder zurückgeholt.

Außerdem können Interrupts ein- und ausgeschaltet werden. Das ist nötig, um Interrupts an unpassenden Stellen im Programmablauf zu verhindern. So ist es z.B. katastrophal, wenn ein Interrupt auftritt, bevor der Stack initialisiert wurde. Es ist daher üblich, ganz am Anfang des Programms den Stack-Pointer zu initialisieren und dann erst die Interrupts freizugeben. Beim 68HC11 dienen dazu die globalen Masken-Bits I und X im Condition-Code-Register. Einige der Interrupts haben zusätzlich noch ein lokales Bit im Register-Block. Ein Interrupt wird nur registriert, wenn das lokale Masken-Bit und das globale Maskenbit im CCR freigegeben sind. Hier werden nur der IRQ und der XIRQ-Interrupt stellvertretend für die vielen verschiedenen Interrupts des 68HC11 behandelt. Die Reihenfolge der Aktionen bei einem Interrupt ist:

- Wenn die Interrupt-Quelle festgestellt ist, reagiert die CPU nach Beendigung des augenblicklich ausgeführten Befehls.
- Die CPU-Register werden automatisch gerettet. Die Rücksprungadresse und der Inhalt der CPU-Register werden nach untenstehender Tabelle auf den Stack gelegt.

Adresse	CPU-Register
(SP) – 8	CCR
(SP) – 7	ACCB
(SP) – 6	ACCA
(SP) – 5	IXH
(SP) – 4	IXL
(SP) – 3	IYH
(SP) – 2	IYL
(SP) – 1	PCH
(SP)	PCL

- Das I-Bit (oder beim XIRQ-Interrupt das X-Bit) wird automatisch gesetzt, um weitere Interrupt-Anfragen zu sperren. Der Programmierer kann dies im Fall des I-Bits rückgängig machen. Es ist aber sehr problematisch, da dadurch der Programmablauf schwer voraussehbar wird.
- Da mehrere Interrupts gleichzeitig auftreten können, haben Interrupts eine Priorität. Es wird daher der Interrupt mit der höchsten Priorität ausgeführt. Dafür wird aus dem Speicher der Interrupt-Vektor des Interrupts mit der höchsten Priorität geholt.
- Der Interrupt-Vektor wird in den Programm-Zähler geladen, dadurch wird die Interrupt-Service-Routine an der durch den Interrupt-Vektor angegebenen Stelle begonnen.
- Ein Return from Interrupt-Befehl (RTI) in der Interrupt-Service-Routine bewirkt das Rückholen der Register und des Befehlszählers vom Stack.
- Die normale Programmbearbeitung wird fortgesetzt.

Der 68HC11 besitzt zwei Gruppen von Interrupts. Die eine Gruppe sind die nicht maskierbaren Interrupts, von denen als ein Beispiel der XIRQ-Interrupt in Tabelle 16-28 aufgelistet ist. Ein maskierbarer Interrupt ist der IRQ-Interrupt. Zusätzlich gibt es den Reset. Unter anderem kann ein Reset ausgelöst werden, indem der Eingang *Reset* auf 0 gesetzt wird. Das bewirkt einen Neustart des Prozessors mit einer Initialisierung der meisten Register.

Tabelle 16-28 Eigenschaften zweier Interrupts und des Reset des 68HC11.

Vektor-Special Bootstrap	Interrupt-Quelle	CCR-Maske	lokales Maskenbit
00EE-00F0	IRQ-Pin	I	keins
00F1-00F3	XIRQ-Pin	X	keins
BF40	RESET	keine	keins

Bei einem Reset werden das X-Bit und das I-Bit im CCR gesetzt, so dass keine Interrupts möglich sind. Wenn das Programm Stack-Pointer und die Interrupt-Vektoren initialisiert hat, können die beiden Bits durch die Software auf 0 gesetzt werden. Damit werden die Interrupts freigegeben. Das X-Bit kann danach nicht wieder gesetzt werden, so dass der XIRQ-Interrupt nicht maskierbar ist.

Der Ablauf bei einem Interrupt ist in Bild 16-12 verdeutlicht. Es ist dargestellt, wie ein IRQ-Interrupt während der Ausführung des Befehls LDAA unter der Adresse \$C001 im Hauptprogramm auftritt. Daraufhin wird der Inhalt des PC, der nach Ausführung des Befehls auf \$C004 zeigt, und der Inhalt der Register auf den Stack gerettet. Stattdessen wird der Interrupt-Vektor \$00EE des IRQ-Interrupts (vergl. Tabelle 16-28) in den PC geladen. An dieser Stelle im RAM muss der Anwender einen Sprung zur eigentlichen Interrupt-Service-Routine einsetzen. Man beachte, dass bereits bei \$00F1 der Interrupt-Vektor des XIRQ-Interrupts steht, so dass an dieser Stelle nur ein 3Byte-Befehl stehen kann. Die Interrupt-Service-Routine steht im Beispiel unter der Adresse \$0010. Nach deren Beendigung veranlasst der Befehl RTI das Zurückholen der Register und des PC, der damit auf \$C004 zeigt, so dass das Programm dort fortgesetzt werden kann.

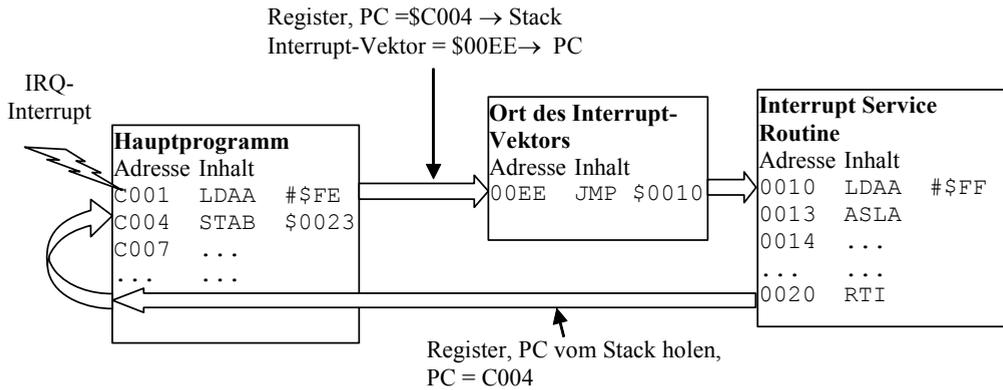


Bild 16-12 Vorgänge bei einem Interrupt.

16.9 Übungen

Aufgabe 16.1

Was ist der Vorteil und der Nachteil einer gemeinsamen Speicherung von Daten und Befehlen beim Von-Neumann-Rechner in demselben Speicher?

Aufgabe 16.2

- Zählen Sie die Adressierungsarten des 68HC11 auf.
- Erklären Sie die unterschiedlichen Ausführungszeiten der Adressierungsarten beim Befehl STAA des 68HC11.
- Was geschieht bei einem Interrupt?
- Erklären Sie die Begriffe Stack und Stack-Pointer.
- Welche Schritte führen die Befehle BSR und RTS beim Aufruf eines Unterprogramms aus.

Aufgabe 16.3

Schreiben Sie ein Programm, welches zwei Zahlen in ihren Speicherplätzen vertauscht. Die Zahlen sollen in Speicherplätzen stehen, deren Adressen in den Index-Registern X und Y stehen. Wie viele Zyklen benötigt Ihr Programm zur Ausführung? Wie lange dauert die Ausführung Ihres Programms bei einer Zyklus-Zeit von 0,5µs?

Aufgabe 16.4

Schreiben Sie ein Programmstück für den 68HC11, welches einen Block von variabler Länge (n Bytes ≤ 255) von einer Stelle im Speicher an eine andere verschiebt. Die Speicherbereiche sollen sich nicht überschneiden. Die Anzahl der zu verschiebenden Bytes soll im Register B stehen. In das Index-Register X soll die erste Adresse des zu verschiebenden Blocks geladen werden, in das Index-Register Y die erste Adresse des neuen Blocks.

Aufgabe 16.5

Schreiben Sie ein Programm, welches die Anzahl der Einsen im Speicherplatz \$C020 zählt. Die Anzahl der Einsen soll anschließend im Akkumulator stehen.

A Anhang

A.1 Die Abhängigkeitsnotation

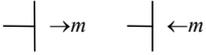
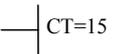
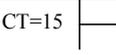
In dieser Tabelle werden die funktionsbeschreibenden Symbole der Abhängigkeitsnotation zusammengefasst. Diese Symbole werden innerhalb der Umrandung des Symbols angegeben. Sie beschreiben die allgemeine Funktion der Schaltung.

Symbol	Beschreibung
&	UND-Gatter
≥ 1	ODER Gatter
$= 1$	EXOR-Gatter
=	Äquivalenz-Gatter
2k	Eine gerade Anzahl der Eingänge muss auf 1 liegen
2k+1	Eine ungerade Anzahl der Eingänge muss auf 1 liegen
1	Ein Eingang muss auf 1 sein
\triangleleft oder \triangleright	Treiber-Ausgang, das Symbol ist in Richtung des Signalflusses orientiert.
\square	Schmitt-Trigger
X/Y	Kode-Wandler
MUX	Multiplexer
DMUX oder DX	Demultiplexer
Σ	Addierer
P-Q	Subtrahierer
CPG	Carry-Look-Ahead-Generator
π	Multiplizierer
COMP	Vergleicher, Komparator
ALU	Arithmetisch-logische-Einheit
SRG m	Schieberegister mit m Bits
CTR m	Zähler mit m Bits, Zykluslänge 2^m
CTR DIV m	Zähler mit Zykluslänge m
RCTR m	Asynchroner Zähler mit Zykluslänge 2^m
ROM	Read Only Memory
RAM	Schreib-Lese-Speicher
FIFO	First-In-First-Out-Speicher

In der folgenden Tabelle werden die logischen Symbole außerhalb der Umrandung zusammengefasst:

Nr	Symbol	Beschreibung
1		Logische Inversion eines Eingangs (externe 0 erzeugt interne 1)
2		Logische Inversion eines Ausgangs (interne 0 erzeugt externe 1)
3		Eingang, aktiv bei L, äquivalent zu Nr. 1 bei positiver Logik
4		Eingang, aktiv bei L, Signalfluss von rechts nach links
5		Ausgang, aktiv bei L, äquivalent zu 2 bei positiver Logik
6		Signalfluss von rechts nach links
7		Bidirektionaler Signalfluss
8		Dynamischer Eingang: aktiv bei positiver Flanke
9		Dynamischer Eingang: aktiv bei negativer Flanke
10		Nichtlogischer Eingang
11		Analoger Eingang an einem digitalen Symbol
12		Interne Verbindung
13		Invertierende interne Verbindung
14		Interne Verbindung: aktiv bei positiver Flanke

Die logischen Symbole der nächsten Tabelle liegen innerhalb der Umrandung des Symbols. Es werden dadurch Aussagen über den inneren logischen Zustand der Schaltung gemacht.

Symbol	Beschreibung	
	gepufferter Ausgang: Änderung erst bei Erreichen des ursprünglichen Zustands des Eingangs	
	Eingang mit Hysterese	
	Ausgang mit offenem Kollektor eines npn-Transistors oder vergleichbarer Ausgang	
	Ausgang mit offenem Emitter eines npn-Transistors oder vergleichbarer Ausgang	
	Tri-State-Ausgang	
	Enable-Eingang	
J, K, R, S, D, T	Flipflop-Eingänge: Übliche Bedeutung der Buchstaben	
	Eingänge, die Rechts-Shift bzw. Links-Shift in einem Schieberegister bewirken, $m \in \mathbb{N}$, $m = 1$ wird in der Regel nicht angegeben	
	Binärer Eingangsvektor mit den Wertigkeiten 0 bis n . n ist die Zweierpotenz der Wertigkeit des MSB	
	Setz-Eingang, der angegebene Wert wird geladen, wenn der Eingang aktiv ist	
	Ausgang geht auf 1, wenn das Register den angegebenen Wert annimmt	
	Ausgang mit konstantem Wert	
	Gruppe von Signalen, die einen einzigen logischen Eingang bilden	
	Interne Verbindung: aktiv bei positiver Flanke	

In dieser Tabelle wird die Bedeutung der Buchstaben in der Abhängigkeitsnotation zusammengefasst. Es sind zusätzlich die Seiten angegeben, auf denen genauere Beschreibungen der Abhängigkeiten oder Beispiele zu finden sind.

Abhängigkeit	Symbol	Eingang auf 1	Eingang auf 0	Seite
Adresse	A	Wählt Adresse	Adresse nicht gewählt	162
Kontrolle	C	aktiviert	unverändert	80
Enable	EN	aktiviert	Eingänge unwirksam, Tri-State-Ausgänge hoch- ohmig, OC-Ausgänge aus, andere Ausgänge auf 0	37
UND	G	UND mit anderen Eingän- gen	erzwingt 0	27
Mode	M	Modus gewählt	Modus nicht gewählt	135
Negation	N	Negiert Zustand	Kein Einfluss	29
Reset	R	Setzt Flipflop zurück	Kein Einfluss	78
Set	S	Setzt Flipflop	Kein Einfluss	78
ODER	V	erzwingt 1	Oder mit anderen Ein- gängen	28
Übertragung	X	bidirektionale Verbindung hergestellt	Verbindung offen	30
Verbindung	Z	erzwingt 1	erzwingt 0	29

Lade-Befehle

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
LDAA	ii → A	imm	86	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	0	-
	(00dd) → A	dir	96	dd	2	3								
	(hhll) → A	ext	B6	hhll	3	4								
	(ff + (X)) → A	ind,X	A6	ff	2	4								
	(ff + (Y)) → A	ind,Y	18 A6	ff	3	5								
LDAB	ii → B	imm	C6	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	0	-
	(00dd) → B	dir	D6	dd	2	3								
	(hhll) → B	ext	F6	hhll	3	4								
	(ff + (X)) → B	ind,X	E6	ff	2	4								
	(ff + (Y)) → B	ind,Y	18 E6	ff	3	5								
LDD	jjkk→D	imm	CC	jjkk	3	3	-	-	-	-	b	b	0	-
	(00dd)→A, (00dd+1)→B	dir	DC	dd	2	4								
	(hhll)→A, (hhll+1)→B	ext	FC	hhll	3	5								
	(ff+(X))→A, (ff+(X)+1)→B	ind,X	EC	ff	2	5								
	(ff+(Y))→A, (ff+(Y)+1)→B	ind,Y	18 EC	ff	3	6								
LDS	jjkk→S	imm	8E	jjkk	3	3	-	-	-	-	b	b	0	-
	(00dd)→SH, (00dd+1)→SL	dir	9E	dd	2	4								
	(hhll)→SH, (hhll+1)→SL	ext	BE	hhll	3	5								
	(ff+(X))→SH, (ff+(X)+1)→SL	ind,X	AE	ff	2	5								
	(ff+(Y))→SH, (ff+(Y)+1)→SL	ind,Y	18 AE	ff	3	6								
LDX	jjkk→X	imm	CE	jjkk	3	3	-	-	-	-	b	b	0	-
	(00dd)→XH, (00dd+1)→XL	dir	DE	dd	2	4								
	(hhll)→XH, (hhll+1)→XL	ext	FE	hhll	3	5								
	(ff+(X))→XH, (ff+(X)+1)→XL	ind,X	EE	ff	2	5								
	(ff+(Y))→XH, (ff+(Y)+1)→XL	ind,Y	CD EE	ff	3	6								
LDY	jjkk→Y	imm	18 CE	jjkk	4	4	-	-	-	-	b	b	0	-
	(00dd)→YH, (00dd+1)→YL	dir	18 DE	dd	3	5								
	(hhll)→YH, (hhll+1)→YL	ext	18 FE	hhll	4	6								
	(ff+(X))→YH, (ff+(X)+1)→YL	ind,X	1A EE	ff	3	6								
	(ff+(Y))→YH, (ff+(Y)+1)→YL	ind,Y	18 EE	ff	3	6								
CLRA	00 → A	inh	4F	-	1	2	-	-	-	-	0	1	0	0
CLRB	00 → B	inh	5F	-	1	2	-	-	-	-	0	1	0	0
CLR	00 → (hhll)	ext	7F	hhll	3	6	-	-	-	-	0	1	0	0
	00 → (ff + (X))	ind,X	6F	ff	2	6								
	00 → (ff + (Y))	ind,Y	18 6F	ff	3	7								

Arithmetische Befehle: Negation

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
NEG	00-(hhll) → A	ext	70	hhll	3	6	-	-	-	-	b	b	b	b
	00-(ff + (X)) → A	ind,X	60	ff	2	6								
	00-(ff + (Y)) → A	ind,Y	18 60	ff	3	7								
NEGA	00-(A) → A	inh	40	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
NEGB	00-(B) → B	inh	50	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b

Arithmetische Befehle: Addition

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
ABA	$(A) + (B) \rightarrow A$	inh	1B	-	1	2	-	-	b	-	b	b	b	b
ABX	$00: (B) + (X) \rightarrow X$	inh	3A	-	1	3	-	-	-	-	-	-	-	-
ABY	$00: (B) + (Y) \rightarrow Y$	inh	18 3A	-	2	4	-	-	-	-	-	-	-	-
ADCA	$(A) + ii + C \rightarrow A$	imm	89	ii	2	2	-	-	b	-	b	b	b	b
	$(A) + (00dd) + C \rightarrow A$	dir	99	dd	2	3								
	$(A) + (hhll) + C \rightarrow A$	ext	B9	hhll	3	4								
	$(A) + (ff + (X)) + C \rightarrow A$	ind,X	A9	ff	2	4								
	$(A) + (ff + (Y)) + C \rightarrow A$	ind,Y	18 A9	ff	3	5								
ADCB	$(B) + ii + C \rightarrow B$	imm	C9	ii	2	2	-	-	b	-	b	b	b	b
	$(B) + (00dd) + C \rightarrow B$	dir	D9	dd	2	3								
	$(B) + (hhll) + C \rightarrow B$	ext	F9	hhll	3	4								
	$(B) + (ff + (X)) + C \rightarrow B$	ind,X	E9	ff	2	4								
	$(B) + (ff + (Y)) + C \rightarrow B$	ind,Y	18 E9	ff	3	5								
ADDA	$(A) + ii \rightarrow A$	imm	8B	ii	2	2	-	-	b	-	b	b	b	b
	$(A) + (00dd) \rightarrow A$	dir	9B	dd	2	3								
	$(A) + (hhll) \rightarrow A$	ext	BB	hhll	3	4								
	$(A) + (ff + (X)) \rightarrow A$	ind,X	AB	ff	2	4								
	$(A) + (ff + (Y)) \rightarrow A$	ind,Y	18 AB	ff	3	5								
ADDB	$(B) + ii \rightarrow B$	imm	CB	ii	2	2	-	-	b	-	b	b	b	b
	$(B) + (00dd) \rightarrow B$	dir	DB	dd	2	3								
	$(B) + (hhll) \rightarrow B$	ext	FB	hhll	3	4								
	$(B) + (ff + (X)) \rightarrow B$	ind,X	EB	ff	2	4								
	$(B) + (ff + (Y)) \rightarrow B$	ind,Y	18 EB	ff	3	5								
ADDD	$(D) + jjkk \rightarrow D$	imm	C3	jjkk	3	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(D) + (00dd) : (00dd+1) \rightarrow D$	dir	D3	dd	2	5								
	$(D) + (hhll) : (hhll+1) \rightarrow D$	ext	F3	hhll	3	6								
	$(D) + (ff+(X)) : (ff+(X)+1) \rightarrow D$	ind,X	E3	ff	2	6								
	$(D) + (ff+(Y)) : (ff+(Y)+1) \rightarrow D$	ind,Y	18 E3	ff	3	7								

Arithmetische Befehle: Inkrement

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
INC	$(hhll) + 1 \rightarrow hhll$	ext	7C	hhll	3	6	-	-	-	-	b	b	b	-
	$(ff+(X)) + 1 \rightarrow ff+(X)$	ind,X	6C	ff	2	6								
	$(ff+(Y)) + 1 \rightarrow ff+(Y)$	ind,Y	18 6C	ff	3	7								
INCA	$(A) + 1 \rightarrow A$	inh	4C	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	-
INCB	$(B) + 1 \rightarrow B$	inh	5C	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	-
INS	$(SP) + 1 \rightarrow SP$	inh	31	-	1	3	-	-	-	-	-	-	-	-
INX	$(X) + 1 \rightarrow X$	inh	08	-	1	3	-	-	-	-	b	-	-	-
INY	$(Y) + 1 \rightarrow Y$	inh	18 08	-	2	4	-	-	-	-	b	-	-	-

Arithmetische Befehle: Subtraktion

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
SBA	$(A) - (B) \rightarrow A$	inh	10	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
SBCA	$(A) - ii - C \rightarrow A$	imm	82	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (00dd) - C \rightarrow A$	dir	92	dd	2	3	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (hh11) - C \rightarrow A$	ext	B2	hh11	3	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (ff+(X)) - C \rightarrow A$	ind,X	A2	ff	2	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (ff+(Y)) - C \rightarrow A$	ind,Y	18 A2	ff	3	5	-	-	-	-	b	b	b	b
SBCB	$(B) - ii - C \rightarrow B$	imm	C2	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (00dd) - C \rightarrow B$	dir	D2	dd	2	3	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (hh11) - C \rightarrow B$	ext	F2	hh11	3	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (ff+(X)) - C \rightarrow B$	ind,X	E2	ff	2	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (ff+(Y)) - C \rightarrow B$	ind,Y	18 E2	ff	3	5	-	-	-	-	b	b	b	b
SUBA	$(A) - ii \rightarrow A$	imm	80	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (00dd) \rightarrow A$	dir	90	dd	2	3	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (hh11) \rightarrow A$	ext	B0	hh11	3	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (ff+(X)) \rightarrow A$	ind,X	A0	ff	2	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(A) - (ff+(Y)) \rightarrow A$	ind,Y	18 A0	ff	3	5	-	-	-	-	b	b	b	b
SUBB	$(B) - ii \rightarrow B$	imm	C0	ii	2	2	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (00dd) \rightarrow B$	dir	D0	dd	2	3	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (hh11) \rightarrow B$	ext	F0	hh11	3	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (ff + (X)) \rightarrow B$	ind,X	E0	ff	2	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(B) - (ff + (Y)) \rightarrow B$	ind,Y	18 E0	ff	3	5	-	-	-	-	b	b	b	b
SUBD	$(D) - jjkk \rightarrow D$	imm	83	jjkk	3	4	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(D) - (00dd) : (00dd+1) \rightarrow D$	dir	93	dd	2	5	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(D) - (hh11) : (hh11+1) \rightarrow D$	ext	B3	hh11	3	6	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(D) - (ff+(X)) : (ff+(X)+1) \rightarrow D$	ind,X	A3	ff	2	6	-	-	-	-	b	b	b	b
	$(D) - (ff+(Y)) : (ff+(Y)+1) \rightarrow D$	ind,Y	18 A3	ff	3	7	-	-	-	-	b	b	b	b

Arithmetische Befehle: Dekrement

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
DEC	$(hh11) - 1 \rightarrow hh11$	ext	7A	hh11	3	6	-	-	-	-	b	b	b	-
	$(ff+(X)) - 1 \rightarrow ff+(X)$	ind,X	6A	ff	2	6	-	-	-	-	b	b	b	-
	$(ff+(Y)) - 1 \rightarrow ff+(Y)$	ind,Y	18 6A	ff	3	7	-	-	-	-	b	b	b	-
DECA	$(A) - 1 \rightarrow A$	inh	4A	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	-
DECB	$(B) - 1 \rightarrow B$	inh	5A	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	-
DES	$(SP) - 1 \rightarrow SP$	inh	34	-	1	3	-	-	-	-	-	-	-	-
DEX	$(X) - 1 \rightarrow X$	inh	09	-	1	3	-	-	-	-	b	-	-	-
DEY	$(Y) - 1 \rightarrow Y$	inh	18 09	-	2	4	-	-	-	-	b	-	-	-

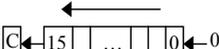
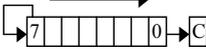
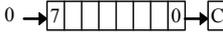
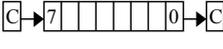
Bitmanipulations-Befehle

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
BSET	$(00dd) \vee mm \rightarrow 00dd$	dir	14	dd mm	3	6	-	-	-	-	b	b	0	-
	$(ff+(X)) \vee mm \rightarrow ff+(X)$	ind,X	1C	ff mm	3	7	-	-	-	-	b	b	0	-
	$(ff+(Y)) \vee mm \rightarrow ff+(Y)$	ind,Y	18 1C	ff mm	4	8	-	-	-	-	b	b	0	-
BCLR	$(00dd) \wedge \neg mm \rightarrow 00dd$	dir	15	dd mm	3	6	-	-	-	-	b	b	0	-
	$(ff+(X)) \wedge \neg mm \rightarrow ff+(X)$	ind,X	1D	ff mm	3	7	-	-	-	-	b	b	0	-
	$(ff+(Y)) \wedge \neg mm \rightarrow ff+(Y)$	ind,Y	18 1D	ff mm	4	8	-	-	-	-	b	b	0	-

Logische Befehle

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Op- code	Ope- rand	B	Z	Condition Code
							S X H I N Z V C
ANDA	$(A) \wedge ii \rightarrow A$	imm	84	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(A) \wedge (00dd) \rightarrow A$	dir	94	dd	2	3	
	$(A) \wedge (hhll) \rightarrow A$	ext	B4	hhll	3	4	
	$(A) \wedge (ff + (X)) \rightarrow A$	ind,X	A4	ff	2	4	
	$(A) \wedge (ff + (Y)) \rightarrow A$	ind,Y	18 A4	ff	3	5	
ANDB	$(B) \wedge ii \rightarrow B$	imm	C4	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(B) \wedge (00dd) \rightarrow B$	dir	D4	dd	2	3	
	$(B) \wedge (hhll) \rightarrow B$	ext	F4	hhll	3	4	
	$(B) \wedge (ff + (X)) \rightarrow B$	ind,X	E4	ff	2	4	
	$(B) \wedge (ff + (Y)) \rightarrow B$	ind,Y	18 E4	ff	3	5	
BITA	$(A) \wedge ii$	imm	85	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(A) \wedge (00dd)$	dir	95	dd	2	3	
	$(A) \wedge (hhll)$	ext	B5	hhll	3	4	
	$(A) \wedge (ff + (X))$	ind,X	A5	ff	2	4	
	$(A) \wedge (ff + (Y))$	ind,Y	18 A5	ff	3	5	
BITB	$(B) \wedge ii$	imm	C5	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(B) \wedge (00dd)$	dir	D5	dd	2	3	
	$(B) \wedge (hhll)$	ext	F5	hhll	3	4	
	$(B) \wedge (ff + (X))$	ind,X	E5	ff	2	4	
	$(B) \wedge (ff + (Y))$	ind,Y	18 E5	ff	3	5	
COM	$\neg (hhll) \rightarrow hhll$	ext	73	hhll	3	6	- - - - b b 0 1
	$\neg (ff + (X)) \rightarrow ff + (X)$	ind,X	63	ff	2	6	
	$\neg (ff + (Y)) \rightarrow ff + (Y)$	ind,Y	18 63	ff	3	7	
COMA	$\neg (A) \rightarrow A$	inh	43	-	1	2	- - - - b b 0 1
COMB	$\neg (B) \rightarrow B$	inh	53	-	1	2	- - - - b b 0 1
EORA	$(A) \text{ EXOR } ii \rightarrow A$	imm	88	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(A) \text{ EXOR } (00dd) \rightarrow A$	dir	98	dd	2	3	
	$(A) \text{ EXOR } (hhll) \rightarrow A$	ext	B8	hhll	3	4	
	$(A) \text{ EXOR } (ff + (X)) \rightarrow A$	ind,X	A8	ff	2	4	
	$(A) \text{ EXOR } (ff + (Y)) \rightarrow A$	ind,Y	18 A8	ff	3	5	
EORB	$(B) \text{ EXOR } ii \rightarrow B$	imm	C8	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(B) \text{ EXOR } (00dd) \rightarrow B$	dir	D8	dd	2	3	
	$(B) \text{ EXOR } (hhll) \rightarrow B$	ext	F8	hhll	3	4	
	$(B) \text{ EXOR } (ff + (X)) \rightarrow B$	ind,X	E8	ff	2	4	
	$(B) \text{ EXOR } (ff + (Y)) \rightarrow B$	ind,Y	18 E8	ff	3	5	
ORAA	$(A) \vee ii \rightarrow A$	imm	8A	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(A) \vee (00dd) \rightarrow A$	dir	9A	dd	2	3	
	$(A) \vee (hhll) \rightarrow A$	ext	BA	hhll	3	4	
	$(A) \vee (ff + (X)) \rightarrow A$	ind,X	AA	ff	2	4	
	$(A) \vee (ff + (Y)) \rightarrow A$	ind,Y	18 AA	ff	3	5	
ORAB	$(B) \vee ii \rightarrow B$	imm	CA	ii	2	2	- - - - b b 0 -
	$(B) \vee (00dd) \rightarrow B$	dir	DA	dd	2	3	
	$(B) \vee (hhll) \rightarrow B$	ext	FA	hhll	3	4	
	$(B) \vee (ff + (X)) \rightarrow B$	ind,X	EA	ff	2	4	
	$(B) \vee (ff + (Y)) \rightarrow B$	ind,Y	18 EA	ff	3	5	

Schiebe- und Rotations-Befehle

Be- fehl	Wirkung	Adr. - Art	Opco- de	Ope- rand	B	Z	Condition Code							
							S	X	H	I	N	Z	V	C
ASL =LSL	Arithmetic Shift Left Logical Shift Left 	ext	78	hhll	3	6	-	-	-	-	b	b	b	b
		ind,X	68	ff	2	6								
		ind,Y	18 68	ff	3	7								
ASLA =LSLA		inh	48	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
ASLB =LSLB		inh	58	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
ASLD =LSLD	Arithmetic Shift Left D Logical Shift Left D 	inh	05	-	1	3	-	-	-	-	b	b	b	b
ASR	Arithmetic Shift Right 	ext	77	hhll	3	6	-	-	-	-	b	b	b	b
		ind,X	67	ff	2	6								
		ind,Y	18 67	ff	3	7								
ASRA		inh	47	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
ASRB		inh	57	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
LSR	Logical Shift Right 	ext	74	hhll	3	6	-	-	-	-	0	b	b	b
		ind,X	64	ff	2	6								
		ind,Y	18 64	ff	3	7								
LSRA		inh	44	-	1	2	-	-	-	-	0	b	b	b
LSRB		inh	54	-	1	2	-	-	-	-	0	b	b	b
LSRD	Logical Shift Right D 	inh	04	-	1	3	-	-	-	-	0	b	b	b
ROL	Rotate Left 	ext	79	hhll	3	6	-	-	-	-	b	b	b	b
		ind,X	69	ff	2	6								
		ind,Y	18 69	ff	3	7								
ROLA		inh	49	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
ROLB		inh	59	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
ROR	Rotate Right 	ext	76	hhll	3	6	-	-	-	-	b	b	b	b
		ind,X	66	ff	2	6								
		ind,Y	18 66	ff	3	7								
RORA		inh	46	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b
RORB		inh	56	-	1	2	-	-	-	-	b	b	b	b

Absolut adressierter Verzweigungsbefehl

Befehl	Bedingung			Adr. - Art	Opcode	Operand	B	Z
	always	unbedingt	1 = 1					
JMP	always	unbedingt	1 = 1	ext	7E	hhll	3	3
				ind,X	6E	ff	2	3
				ind,Y	18 6E	ff	3	4

Relativ adressierte Verzweigungsbefehle (unbedingt)

Be- fehl	Bedingung			Adr. -Art	Opcode	Operand	B	Z
	always	unbe- dingt	1 = 1					
BRA	always	unbe- dingt	1 = 1	rel	20	rr	2	3
BRN	never		0 = 1	rel	21	rr	2	3

Relativ adressierte Verzweigungsbefehle (bedingt)

Be- fehl	Bedingung		Adr. -Art	Opcode	Operand	B	Z
BCS	carry set	einfach	C = 1	rel	25 rr	2	3
BCC	carry clear		C = 0	rel	24 rr	2	3
BMI	minus		N = 1	rel	2B rr	2	3
BPL	plus		N = 0	rel	2A rr	2	3
BEQ	zero		Z = 1	rel	27 rr	2	3
BNE	not equal zero		Z = 0	rel	26 rr	2	3
BVS	overflow set		V = 1	rel	29 rr	2	3
BVC	overflow clear		V = 0	rel	28 rr	2	3
BGE	greater equal	signed	N EXOR V = 0	rel	2C rr	2	3
BGT	greater		Zv(N EXOR V)=0	rel	2E rr	2	3
BLE	lower equal		Zv(N EXOR V)=1	rel	2F rr	2	3
BLT	lower		N EXOR V = 1	rel	2D rr	2	3
BHI	higher	unsigned	C v Z = 0	rel	22 rr	2	3
BHS	higer same		C = 0	rel	24 rr	2	3
BLO	lower		C = 1	rel	25 rr	2	3
BLS	lower same		C v Z = 1	rel	23 rr	2	3
BRSET	$\neg(00dd) \wedge mm = 00$		dir	12	dd mm rr	4	6
	$\neg(ff+(X)) \wedge mm = 00$		ind,X	1E	ff mm rr	4	7
	$\neg(ff+(Y)) \wedge mm = 00$		ind,Y	18 1E	ff mm rr	5	8
BRCLR	$(00dd) \wedge mm = 00$		dir	13	dd mm rr	4	6
	$(ff+(X)) \wedge mm = 00$		ind,X	1F	ff mm rr	4	7
	$(ff+(Y)) \wedge mm = 00$		ind,Y	18 1F	ff mm rr	5	8

Unterprogramm-Befehle

Be- fehl	Wirkung		Adr. - Art	Opcode	Operand	B	Z
	1	2					
BSR	(PCL) → Stack (SP)-1 → SP (PCH) → Stack (SP)-1 → SP	PC + (ssrr) → PC ss = sign extension	rel	8D	rr	2	6
JSR	(PCL) → Stack (SP)-1 → SP (PCH) → Stack (SP)-1 → SP	(00dd) → PC	dir	9D	dd	2	5
		(hhll) → PC	ext	BD	hhll	3	6
		(ff+(X)) → PC	ind,X	AD	ff	2	6
		(ff+(Y)) → PC	ind,Y	18 AD	ff	3	7
RTS	(SP)+1 → SP (Stack) → PCH	(SP)+1 → SP (Stack) → PCL	inh	39	-	1	5
PSHA	(A) → Stack	(SP)-1 → SP	inh	36	-	1	3
PSHB	(B) → Stack	(SP)-1 → SP	inh	37	-	1	3
PSHX	(X) → Stack	(SP)-2 → SP	inh	3C	-	1	4
PSHY	(Y) → Stack	(SP)-2 → SP	inh	18 3C	-	2	5
PULA	(SP)+1 → SP	(Stack) → A	inh	32	-	1	4
PULB	(SP)+1 → SP	(Stack) → B	inh	33	-	1	4
PULX	(SP)+2 → SP	(Stack) → X	inh	38	-	1	5
PULY	(SP)+2 → SP	(Stack) → Y	inh	18 38	-	2	6

Einige Befehle wie Multiplikation, Division, Steuerbefehle usw. sind nicht aufgeführt!

A.3 Lösungen der Aufgaben

Lösung Aufgabe 2.1

$$\text{a) } g(1110,101_2) = 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} = 14,625_{10}$$

$$\text{b) } g(10011,1101_2) = 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-4} = 19,8125_{10}$$

Lösung Aufgabe 2.2

a)

33:2 = 16	Rest 1	↑ ganzzahliger Anteil der Dualzahl
16:2 = 8	Rest 0	
8:2=4	Rest 0	
4:2=2	Rest 0	
2:2=1	Rest 0	
1:2=0	Rest 1	

0,125·2 = 0,25	+ 0	↓ gebrochener Anteil der Dualzahl
0,25·2=0,5	+ 0	
0,5·2=0	+ 1	

Daher ist $33,125_{10} = 100001,001_2$.

b)

45:2 = 22	Rest 1	↑ ganzzahliger Anteil der Dualzahl
22:2 = 11	Rest 0	
11:2=5	Rest 1	
5:2=2	Rest 1	
2:2=1	Rest 0	
1:2=0	Rest 1	

0,33·2 = 0,66	+ 0	↓ gebrochener Anteil der Dualzahl
0,66·2=0,32	+ 1	
0,32·2=0,64	+ 0	
0,64·2=0,28	+ 1	

Jetzt ist die Dualzahl bis auf 4 Stellen hinter dem Komma bekannt. Daher: $45,33_{10} \approx 101101,0101_2$.

Lösung Aufgabe 2.3

a) Das Zweierkomplement von 001010 ist 110110.

$$\begin{array}{rcccccc}
 & & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & & 21_{10} \\
 + & & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & & -10_{10} \\
 \hline
 \text{Übertrag} & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & & & \\
 \hline
 = & (1) & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & & 11_{10}
 \end{array}$$

Es gab die Überträge c_5 und c_6 , daher ist das Ergebnis richtig.

b) Das Zweierkomplement von 010111 ist 101001, das von 011011 ist 100101.

$$\begin{array}{rcccccc}
 & & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & & -23_{10} \\
 + & & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & & -27_{10} \\
 \hline
 \text{Übertrag} & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & & & \\
 \hline
 = & (1) & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & & 14_{10}
 \end{array}$$

Es gilt hier $c_5 = 0$ und $c_6 = 1$, daher ist das Ergebnis falsch.

Lösung Aufgabe 2.4

a) $110101 \cdot 010101 = 010001011001$

b) $1101110 : 110 = 10010, \overline{01}$

Lösung Aufgabe 2.5 z.B.: 000, 001, 011, 010, 110, 100

Lösung Aufgabe 2.6

$$\begin{aligned}
 120_{10} &= 78_{16} \\
 324_{10} &= 0011\ 0010\ 0100_{\text{BCD}} \\
 0100\ 0111\ 0110_{\text{BCD}} &= 476_{10} \\
 3A4_{16} &= 932_{10} \\
 F32_{16} &= 111100110010_2 \\
 2A1_{16} &= 673_{10} = 0110\ 0111\ 0011_{\text{BCD}}
 \end{aligned}$$

Lösung Aufgabe 3.1 Beweis durch eine Wahrheitstabelle:

Gleichung 3.10

x_1	x_0	$x_0 \vee x_1$	$x_0 \wedge (x_0 \vee x_1)$	x_0
0	0	0	0	0
0	1	1	1	1
1	0	1	0	0
1	1	1	1	1

Gleichung 3.11

x_1	x_0	$x_0 \wedge x_1$	$x_0 \vee (x_0 \wedge x_1)$	x_0
0	0	0	0	0
0	1	0	1	1
1	0	0	0	0
1	1	1	1	1

Lösung Aufgabe 3.2

$$\begin{aligned}
 y &= (x_0 \wedge x_1 \wedge x_2 \wedge \neg x_3) \vee (x_0 \wedge x_1 \wedge x_2 \wedge x_3) \vee (\neg x_0 \wedge \neg x_1 \wedge x_2 \wedge x_3) \\
 &\quad \vee (\neg x_0 \wedge \neg x_1 \wedge \neg x_2 \wedge x_3) \vee (x_0 \wedge \neg x_1 \wedge x_2 \wedge x_3) \vee (x_0 \wedge \neg x_1 \wedge \neg x_2 \wedge x_3)
 \end{aligned}$$

$$y = (x_0 \wedge x_1 \wedge x_2) \vee (\neg x_0 \wedge \neg x_1 \wedge x_3) \vee (x_0 \wedge \neg x_1 \wedge x_3)$$

$$y = (x_0 \wedge x_1 \wedge x_2) \vee (\neg x_1 \wedge x_3)$$

Die letzte Gleichung ist die gesuchte minimale Darstellung.

Lösung Aufgabe 3.3 Aufstellen der Wahrheitstabelle:

a	0	0	0	0	1	1	1	1
b	0	0	1	1	0	0	1	1
c	0	1	0	1	0	1	0	1
s_1	0	0	0	1	0	1	1	1
s_0	0	1	1	0	1	0	0	1

$$\text{KDNF für } s_0: \quad s_0 = (\neg a \wedge \neg b \wedge c) \vee (\neg a \wedge b \wedge \neg c) \vee (a \wedge \neg b \wedge \neg c) \vee (a \wedge b \wedge c)$$

$$\text{KDNF für } s_1: \quad s_1 = (\neg a \wedge b \wedge c) \vee (a \wedge \neg b \wedge c) \vee (a \wedge b \wedge \neg c) \vee (a \wedge b \wedge c)$$

$$\text{KKNF für } s_0: \quad s_0 = (a \vee b \vee c) \wedge (a \vee \neg b \vee \neg c) \wedge (\neg a \vee b \vee \neg c) \wedge (\neg a \vee \neg b \vee c)$$

$$\text{KKNF für } s_1: \quad s_1 = (a \vee b \vee c) \wedge (a \vee b \vee \neg c) \wedge (a \vee \neg b \vee c) \wedge (\neg a \vee b \vee c)$$

Lösung Aufgabe 3.4

$$s_1 = (b \wedge c) \vee (a \wedge c) \vee (a \wedge b) \quad \text{oder} \quad s_1 = (a \vee b) \wedge (a \vee c) \wedge (b \vee c)$$

Die Gleichungen für s_0 lassen sich nicht weiter vereinfachen, da sich alle Terme in mindestens 2 Variablen unterscheiden.

Lösung Aufgabe 3.5

$$\text{a) } a \leftrightarrow \neg b = ab \vee \neg a \neg b = \neg((\neg a \vee \neg b)(a \vee b)) = \neg(\neg ab \vee a \neg b) = \neg(\neg(a \leftrightarrow b))$$

$$\text{b) } f = a \leftrightarrow b \leftrightarrow c \Rightarrow \neg f = \neg(a \leftrightarrow b) \leftrightarrow c \Rightarrow \neg f = \neg a \leftrightarrow b \leftrightarrow c$$

$$\text{Wiederholen mit } b \text{ und } c: \quad \neg f = \neg a \leftrightarrow \neg b \leftrightarrow \neg c$$

Lösung Aufgabe 3.6

$$\begin{aligned} \text{a) } y_1 &= x_1 x_2 x_3 \vee \neg x_2 x_3 \\ &= x_1 x_2 x_3 \vee \neg x_2 x_3 x_1 \vee \neg x_2 x_3 \quad (\text{Absorptionsgesetz}) \\ &= x_1 x_3 \vee \neg x_2 x_3 \quad (\text{Zusammenfassung der Terme 1 und 2 nach Gl. 3.34}) \\ &= x_3(x_1 \vee \neg x_2) \quad (\text{Distributivgesetz}) \end{aligned}$$

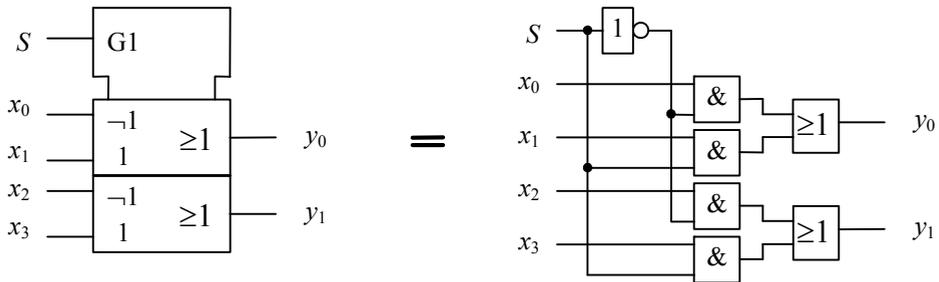
$$\begin{aligned} \text{b) } y_2 &= \neg x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 x_2 x_3 \vee x_1 x_2 x_3 \vee x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 x_2 \neg x_3 \\ &= \neg x_2 \neg x_3 \vee x_2 x_3 \vee x_2 \neg x_3 \quad (\text{Terme 1 und 4, 2 und 3 sowie 5 und 6 zusammengefasst}) \\ &= \neg x_2 \neg x_3 \vee x_2 x_3 \vee x_2 \neg x_3 \vee x_2 \neg x_3 \quad (\text{Absorptionsgesetz}) \\ &= \neg x_3 \vee x_2 \quad (\text{Terme 1 und 3, sowie 2 und 4 zusammengefasst}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c) } y_3 &= \neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg(x_1 \vee x_2) \vee x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 x_3 x_4 \\ &= \neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 \vee x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 x_3 x_4 \quad (\text{de Morgan}) \\ &= \neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 \vee x_1 \neg x_2 \neg x_3 \quad (\text{Term 4 kann wg. Term 2 weggelassen werden}) \\ &= \neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 \vee x_1 \neg x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 \neg x_3 \quad (\text{Absorptionsgesetz}) \\ &= \neg x_1 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 \vee \neg x_2 \neg x_3 \quad (\text{Terme 1 und 4 sowie 3 und 5 zusammengefasst}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{d) } y_4 &= \neg(\neg(\neg x_1 \neg x_2 \neg x_4) \neg(\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3)) \\ &= \neg x_1 \neg x_2 \neg x_4 \vee \neg x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3 \quad (\text{de Morgan}) \\ &= \neg x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3 \quad (\text{Absorptionsgesetz}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{e) } y_5 &= \neg(\neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg(x_1 \vee x_2 \vee x_3)) (x_1 \vee \neg x_2) \\ &= \neg(\neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee \neg x_1 \neg x_2 \neg x_3) (x_1 \vee \neg x_2) \quad (\text{de Morgan}) \\ &= \neg(\neg x_1 \neg x_3) (x_1 \vee \neg x_2) \quad (\text{Gleichung 3.34}) \\ &= (x_1 \vee x_3) (x_1 \vee \neg x_2) \quad (\text{de Morgan}) \\ &= x_1 \vee x_3 \neg x_2 \quad (\text{Distributivgesetz}) \end{aligned}$$

Lösung Aufgabe 3.7



Lösung Aufgabe 4.1

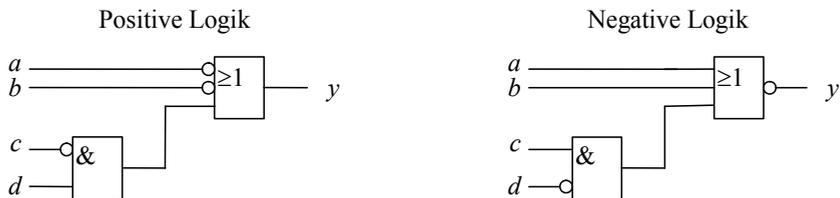
Z.B. durch Aufstellen der Wahrheitstabellen und Invertieren der Ein- und Ausgangsvariablen findet man:

Positive Logik	Negative Logik
UND	ODER
ODER	UND
Äquivalenz	Exklusiv-ODER
Exklusiv-ODER	Äquivalenz

Lösung Aufgabe 4.2

a) $y = \neg(ab) \vee \neg cd \vee a \neg bd = \neg a \vee \neg b \vee \neg cd \vee a \neg bd = \neg a \vee \neg b \vee \neg cd$

b)



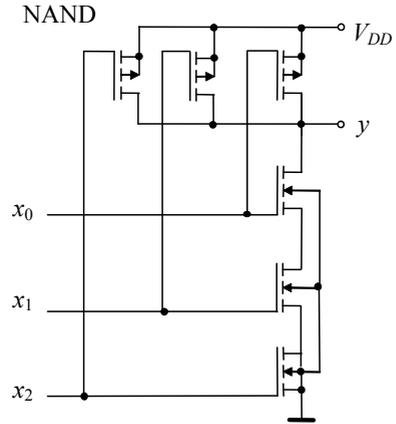
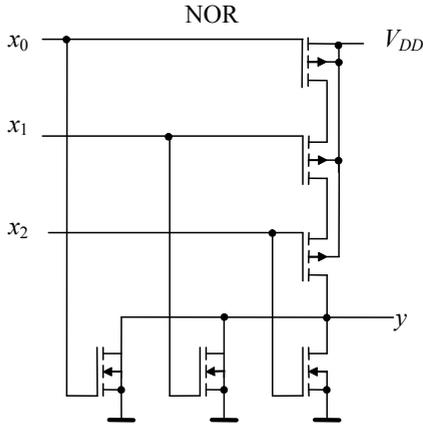
Lösung Aufgabe 4.3

Spannungspegel		
x_2	x_1	y
L	L	H
L	H	H
H	L	H
H	H	L

Positive Logik logisches NAND		
x_2	x_1	y
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Negative Logik logisches NOR		
x_2	x_1	y
1	1	0
1	0	0
0	1	0
0	0	1

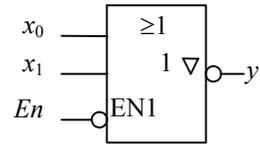
Lösung Aufgabe 5.1



Lösung Aufgabe 5.2

x_0	x_1	En	y
1	1	0	0
1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	0	1
d	d	1	hochohmig

a)



b)

Lösung Aufgabe 5.3

Es handelt sich um eine Kombination von NAND und NOR-Gatter:

$$y = \neg x_0 \vee \neg x_1 \vee \neg x_2 \neg x_3 \neg x_4 = \neg(x_0 x_1 (x_2 \vee x_3 \vee x_4))$$

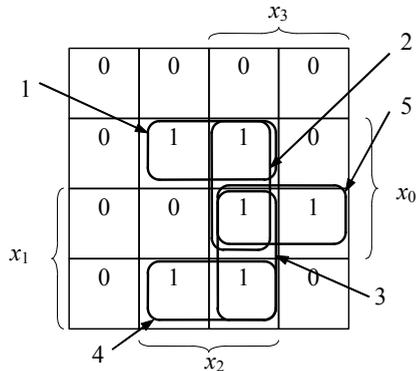
Lösung Aufgabe 5.4

Es handelt sich um ein Äquivalenz-Gatter:

$$s = \neg(x_0 x_1) \quad ; \quad y = \neg s \vee \neg x_0 \neg x_1 = x_0 x_1 \vee \neg x_0 \neg x_1 = x_0 \leftrightarrow x_1$$

Lösung Aufgabe 6.1

a)



- b) Implikanten: 1) $x_0x_2\bar{x}_1$ 2) $x_0x_2x_3$ 3) $x_1x_2x_3$ 4) $\bar{x}_0x_1x_2$ 5) $x_1x_0x_3$
 c) Kern-PI: 1, 4, 5. Absolut eliminierbare PI: 2, 3. Relativ eliminierbare PI: \emptyset
 d) Es gibt nur eine Lösung: $f = x_0x_2\bar{x}_1 \vee \bar{x}_0x_1x_2 \vee x_1x_0x_3$
 e) Lösung mit dem Quine-McCluskey-Verfahren

Dezimal	x_3	x_2	x_1	x_0	Gruppe	
5	0	1	0	1	2	✓
6	0	1	1	0		✓
11	1	0	1	1	3	✓
13	1	1	0	1		✓
14	1	1	1	0		✓
15	1	1	1	1	4	✓

Zusammenfassen der Terme in einer zweiten Tabelle:

Dezimal	x_3	x_2	x_1	x_0	Gruppe
5,13	-	1	0	1	2
6,14	-	1	1	0	
11,15	1	-	1	1	3
13,15	1	1	-	1	
14,15	1	1	1	-	

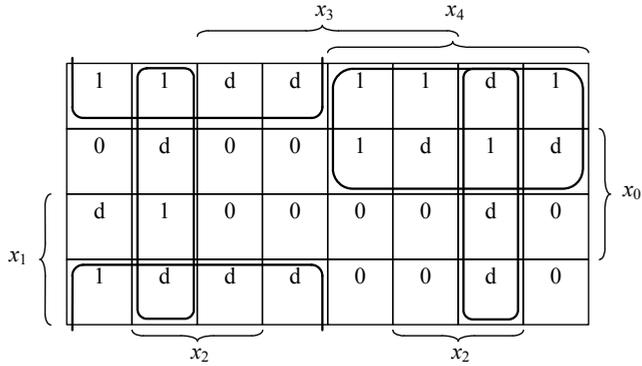
Keine weiteren Zusammenfassungen möglich, daher Eintragung in die Primimplikantentafel:

	5	6	11	13	14	15
5,13	⊗			⊗		
6,14		⊗			⊗	
11,15			⊗			⊗
13,15				×		×
14,15					×	×

Die Kernprimimplikanten 5,13; 6,14 und 11,15 decken alle Minterme ab. Daher besteht die minimale Form nur aus den Kern-Primimplikanten: $f = x_0x_2\bar{x}_1 \vee \bar{x}_0x_1x_2 \vee x_1x_0x_3$

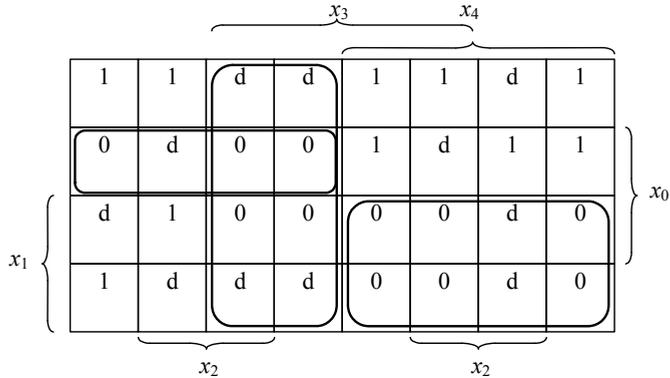
Lösung Aufgabe 6.2

a)



Lösung für eine minimale DNF: $y = \neg x_3 x_2 \vee \neg x_1 x_4 \vee \neg x_0 \neg x_4$

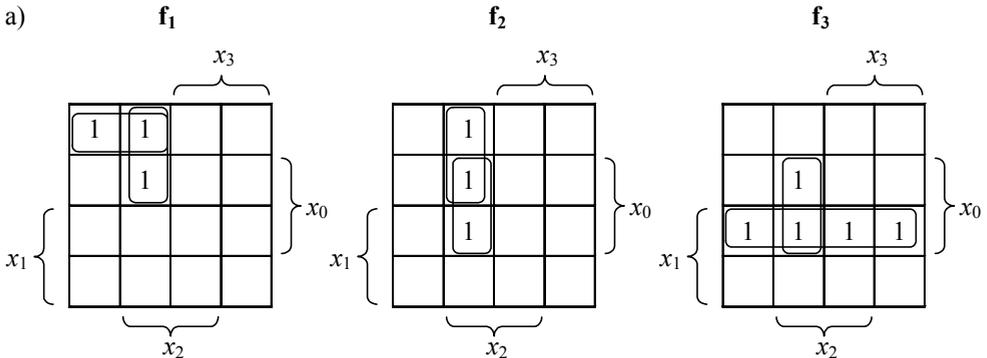
b)



Lösung für eine minimale KNF: $y = (\neg x_1 \vee \neg x_4)(\neg x_3 \vee x_4) \wedge (\neg x_0 \vee x_1 \vee x_4)$

Lösung Aufgabe 6.3

a)

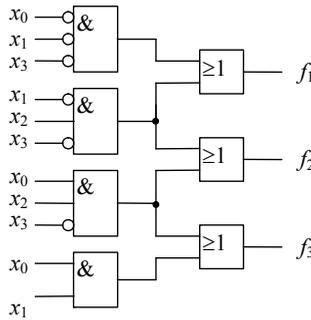


DNF der einzelnen Funktionen:

$$f_1 = \neg x_0 \neg x_1 \neg x_3 \vee \neg x_1 x_2 \neg x_3 \quad ; \quad f_2 = \neg x_1 x_2 \neg x_3 \vee x_0 x_2 \neg x_3 \quad ; \quad f_3 = x_0 x_2 \neg x_3 \vee x_0 x_1$$

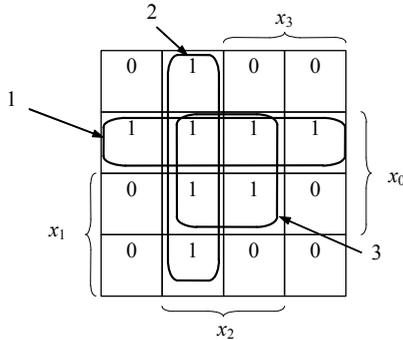
b) f_1 und f_2 sowie f_2 und f_3 haben einen gemeinsamen Term, er wird nur einmal realisiert.

c) Der Aufwand beträgt 7 Gatter mit insgesamt 17 Eingängen:



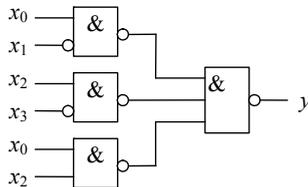
Lösung Aufgabe 6.4

Es wird zunächst die optimale DNF aufgestellt, indem das KV-Diagramm ausgewertet wird.



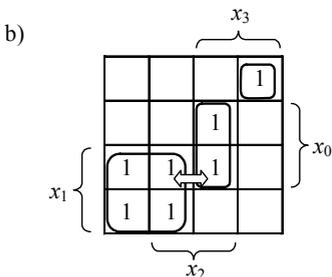
$y = x_0 \neg x_1 \vee x_2 \neg x_3 \vee x_0 x_2$ Durch Anwendung der De Morganschen Regel erhält man:

$$y = x_0 \neg x_1 \vee x_2 \neg x_3 \vee x_0 x_2 = \neg(\neg(x_0 \neg x_1) \vee \neg(x_2 \neg x_3) \vee \neg(x_0 x_2))$$

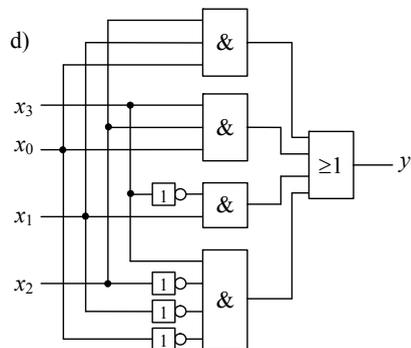


Lösung Aufgabe 6.5

a) $y = x_0 x_2 x_3 \vee x_1 \neg x_3 \vee \neg x_0 \neg x_1 \neg x_2 x_3$

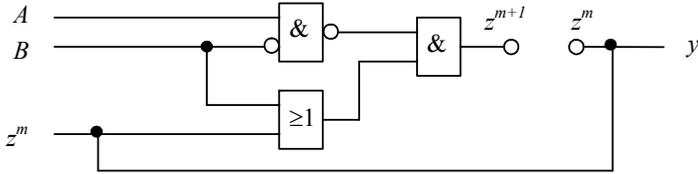


c) Der Hazard ist durch \leftrightarrow markiert



Lösung Aufgabe 7.1

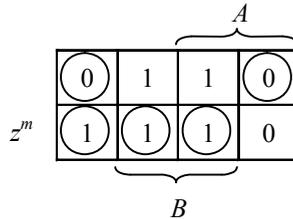
Die Rückkopplung des asynchronen Schaltwerks wird aufgetrennt:



1. aus der Schaltung liest man ab:

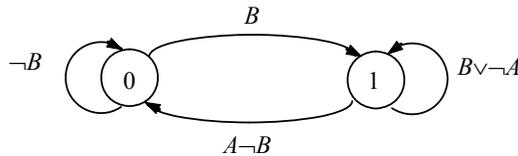
$$z^{m+1} = \neg(A \neg B)(B \vee z^m) = (\neg A \vee B)(B \vee z^m) = \neg AB \vee \neg Az^m \vee B \vee Bz^m$$

Daraus erhält man eine Zustandstabelle in KV-Diagrammform:

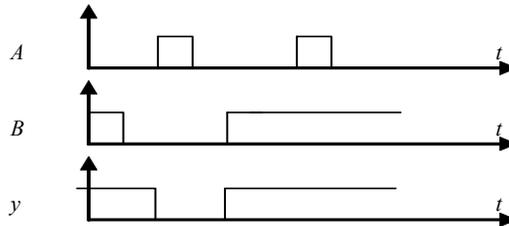


Ausabegleichung: $y = z^m$

2. Da $y = z^m$ ist, handelt es sich um ein Moore-Schaltwerk.
3. Für $A = B = 0$ ist die Schaltung bistabil.
4. Zustandsdiagramm:



5.



Lösung Aufgabe 7.2

1) Ablesen der Übergangsbedingungen aus dem Schaltbild:

$$z_1^{m+1} = \neg Cz_0^m \vee Cz_1^m \quad ; \quad z_0^{m+1} = \neg Cz_0^m \vee C\neg z_1^m$$

Zustandsfolgetabelle

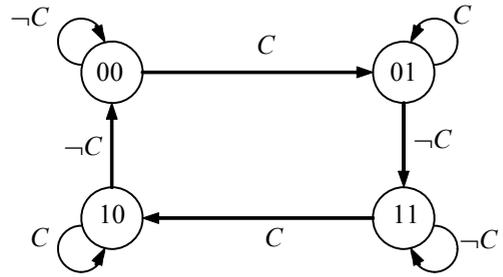
$$z_1^{m+1} z_0^{m+1}$$

00	01
11	01
11	10
00	10

$$z_1^m \left\{ \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right\} z_0^m$$

C

Zustandsdiagramm

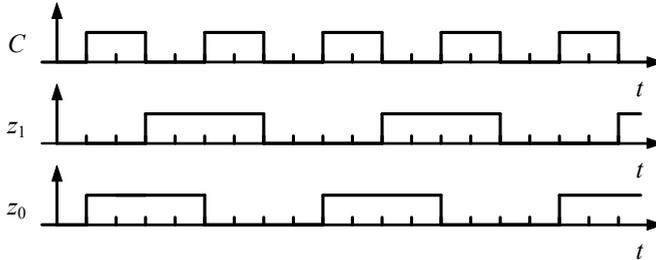


2) Hazardfreie Realisierung durch das Hinzufügen zweier redundanter Terme:

$$z_1^{m+1} = \neg C z_0^m \vee C z_1^m = \neg C z_0^m \vee C z_1^m \vee z_0^m z_1^m$$

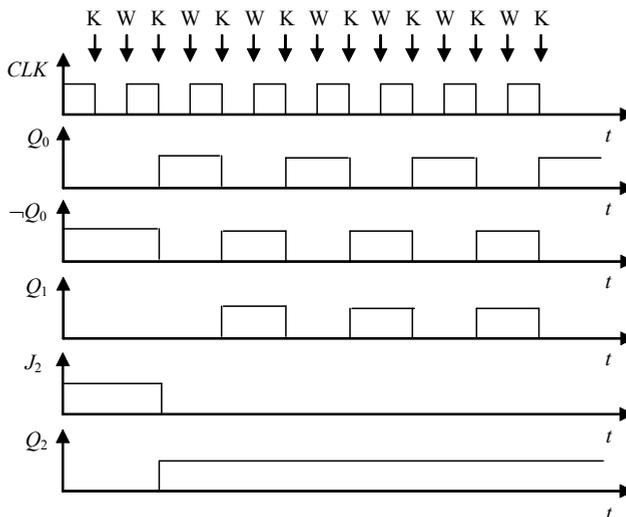
$$z_0^{m+1} = \neg C z_0^m \vee C \neg z_1^m = \neg C z_0^m \vee C \neg z_1^m \vee z_0^m \neg z_1^m$$

3) Aus dem Zustandsdiagramm kann man ein Zeitdiagramm ableiten, aus dem die Funktion deutlich wird:

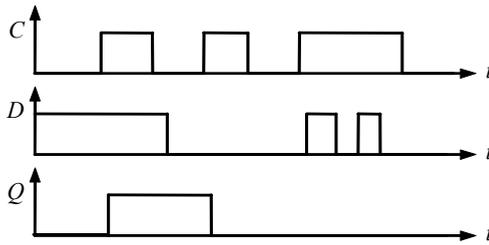


Das Schaltwerk durchläuft den Zyklus 01, 11, 10, 00, während der Takt zwei Impulse aufweist. Dadurch kann an den beiden Ausgängen z_1 und z_2 jeweils ein Signal der halben Frequenz abgegriffen werden.

Lösung Aufgabe 7.3

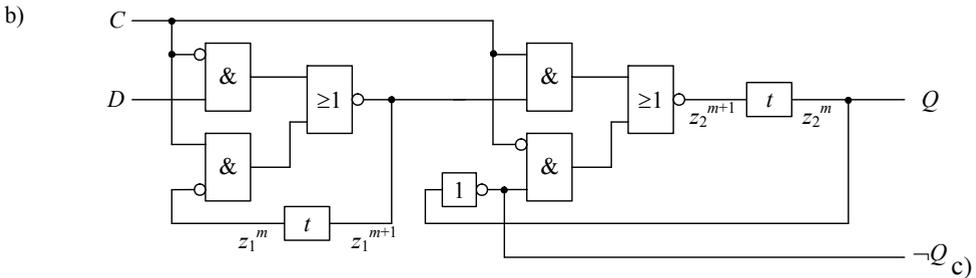


Lösung Aufgabe 7.4



Lösung Aufgabe 7.5

a) Es werden jeweils 2 Transistoren für ein Transmission-Gate sowie für einen Inverter benötigt: 12 Transistoren.



$$z_1^{m+1} = \neg((D \neg C) \vee (\neg z_1^m C)) = (\neg D \vee C)(z_1^m \vee \neg C) = \neg D z_1^m \vee \neg C \neg D \vee C z_1^m$$

$$z_2^{m+1} = \neg((\neg z_2^m \neg C) \vee (z_1^{m+1} C)) = \neg(\neg z_2^m \neg C) \neg (z_1^{m+1} C) = (z_2^m \vee C)(\neg z_1^{m+1} \vee \neg C)$$

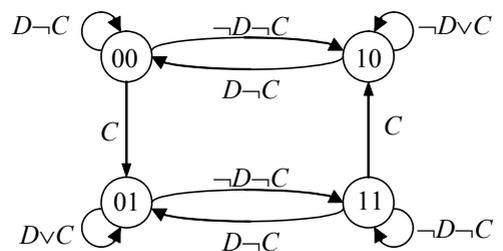
$$z_2^{m+1} = (z_2^m \vee C)(D \neg C \vee \neg z_1^m C \vee \neg C) = z_2^m D \neg C \vee \neg z_1^m z_2^m C \vee z_2^m \neg C \vee \neg z_1^m C = z_2^m \neg C \vee \neg z_1^m C$$

$$Q = z_2^m$$

d) Zustandsfolgetabelle

z_1^m	z_2^m	z_1^{m+1} z_2^{m+1}			
		$\neg D \neg C$	$\neg D C$	$D \neg C$	$D C$
0	0	10	01	01	00
0	1	11	01	01	01
1	1	11	10	10	01
1	0	10	10	10	00

e) Zustandsdiagramm (in den Kreisen: $z_1^m z_2^m$)



Da der Ausgang $Q = z_2^m$ ist, bezeichnet die rechte Ziffer in den Kreisen des Zustandsdiagramms den Ausgang Q . Das Flipflop ist in den Zuständen 01, 11 gesetzt und in den Zuständen 00, 10 zurückgesetzt. Es wird im Folgenden der Fall betrachtet, dass das Flipflop gesetzt ist und auf eine steigende Flanke wartet ($C = 0$). Es gibt 2 Möglichkeiten:

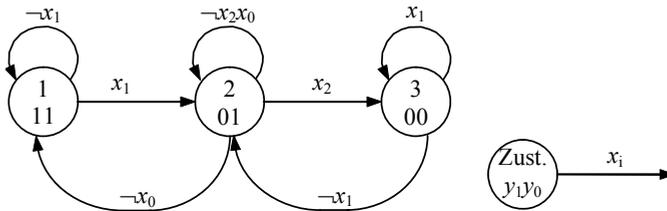
- 1) **Rücksetzen:** Wenn $D = 0$ ist, befindet sich das Flipflop im Zustand 11. Kommt nun eine steigende Flanke des Taktes ($C = 1$) so wechselt das Flipflop zum Zustand 10. In diesem Zustand bleibt das Flipflop, solange $C = 1$ ist, unabhängig von D , was für die Flankensteuerung charakteristisch ist.
- 2) **Flipflop bleibt gesetzt.** Wenn $D = 1$ ist, ist das Flipflop im Zustand 01. Kommt eine steigende Flanke, so bleibt das Flipflop in diesem Zustand und es wird weiterhin eine 1

gespeichert. Eine Änderung von D hat keinen Einfluss, wodurch die Flankensteuerung realisiert wird.

Wenn der Takt wieder auf 0 geht, beginnt wieder die Wartephase. Der Fall, dass eine 0 gespeichert wird, ist analog, nur befindet sich das Flipflop zu Anfang in einem der beiden oberen Zustände, je nachdem welchen Wert D hat.

Lösung Aufgabe 8.1

Beim Aufstellen des Zustandsdiagramms muss man sich zunächst überlegen, wie viele Zustände man benötigt, um das geforderte Verhalten zu erzielen. Da 0,1 und 2 Pumpen laufen können, kann man es mit 3 Zuständen versuchen.

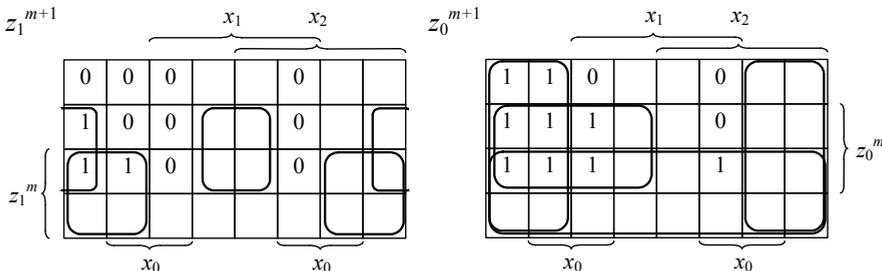


Im Bild sind die Zustände zunächst mit 1,2 und 3 bezeichnet. Durch Vergleich mit der Aufgabenstellung stellt man fest, dass sich das Schaltwerk richtig verhält.

Die Zustandsfolgetabelle kann aus dem Zustandsdiagramm abgelesen werden. Dazu ist aber eine Kodierung der Zustände nötig. Hier wählen wir die Zustände folgendermaßen Zustand 1: $z_1^m z_0^m = 11$, Zustand 2: $z_1^m z_0^m = 01$, Zustand 3: $z_1^m z_0^m = 00$

Man beachte, dass durch diese Wahl die Zustandsvariablen $z_i = y_i$ gilt. Es handelt sich daher um ein Moore-Schaltwerk, bei dem das Schaltnetz SN2 aus Durchverbindungen besteht. Man beachte auch, dass die Eingangsvariablenkombinationen $x_1 \neg x_0$, $x_2 \neg x_1$ und $x_2 \neg x_0$ nicht vorkommen können: daher erscheinen hier don't-cares (im Diagramm keine Eintragung). Das ist genauso für den „überflüssigen“ Zustand $z_1^m z_0^m = 10$.

$z_1^m z_0^m$	$z_1^{m+1} z_0^{m+1}$						$y_1 y_0$
0 0	0 1	0 1	0 0			0 0	00
0 1	1 1	0 1	0 1			0 0	01
1 1	1 1	1 1	0 1			0 1	11
1 0							10



Aus den KV-Diagrammen lesen wir ab: $z_0^{m+1} = z_1^m \vee \neg x_2 z_0^m \vee \neg x_1$ und $z_1^{m+1} = z_0^m \neg x_0 \vee \neg x_1 z_1^m$. Für die Ausgabegleichungen erhält man $y_0 = z_0^m$ und $y_1 = z_1^m$.

Lösung Aufgabe 8.2

a) Realisierung mit RS-FF: Ansteuerung eines RS-Flipflops abhängig von den alten und neuen Inhalten.

z^m	z^{m+1}	S	R	Beschreibung
0	0	0	d	Speichern oder Rücksetzen
0	1	1	0	Setzen
1	0	0	1	Rücksetzen
1	1	d	0	Speichern oder Setzen

Die Zustandsfolgetabelle 8-5 muss nun entsprechend der obigen Tabelle abgeändert werden.

$S_1 R_1$	$S_0 R_0$	z^m	
$S_1 R_1$	$S_0 R_0$	$S_1 R_1$	$S_0 R_0$
0d	10	0d	0d
10	d0	0d	01
d0	01	01	01
01	0d	01	0d

$\left. \begin{matrix} \text{---} \\ \text{---} \\ \text{---} \\ \text{---} \end{matrix} \right\} z_0^m$
 $\left. \begin{matrix} \text{---} \\ \text{---} \\ \text{---} \\ \text{---} \end{matrix} \right\} z_1^m$

Für die Ansteuerfunktionen der RS-Flipflops, die das Schaltnetz SN1 beschreiben, liest man aus dem KV-Diagramm ab:

$$S_0 = \neg r^m \neg z_1^m \quad ; \quad S_1 = \neg r^m z_0^m$$

$$R_0 = r^m \vee z_1^m = \neg(\neg r^m \neg z_1^m) = \neg S_0 \quad ; \quad R_1 = r^m \vee \neg z_0^m = \neg(\neg r^m z_0^m)$$

Die Ansteuerfunktionen für die Eingänge S_0, S_1, R_0, R_1 sind also mit der Realisierung mit JK-Flipflops identisch.

b) Realisierung mit JK-FF: Ansteuerung eines JK-Flipflops abhängig von den alten und neuen Inhalten.

z^m	z^{m+1}	J	K	Beschreibung
0	0	0	d	Speichern oder Rücksetzen
0	1	1	d	Wechseln oder Setzen
1	0	d	1	Wechseln oder Rücksetzen
1	1	d	0	Speichern oder Setzen

Die Werte aus dieser Tabelle werden in ein KV-Diagramm eingetragen, welches aus der Zustandsfolgetabelle entwickelt wird.

J_1K_1	J_0K_0	r^m		r^m	
		J_1K_1	J_0K_0	$M_1M_2M_3$	$M_1M_2M_3$
0d	1d	0d	0d	111	000
1d	d0	0d	d1	011	000
d0	d1	d1	d1	010	000
d1	0d	d1	0d	110	000

$\left. \begin{matrix} \text{---} \\ \text{---} \\ \text{---} \end{matrix} \right\} z_0^m$
 $\left. \begin{matrix} \text{---} \\ \text{---} \end{matrix} \right\} z_1^m$

Für die Ansteuerfunktionen der JK-Flipflops, die das Schaltnetz SN1 beschreiben, liest man aus diesem KV-Diagramm unter Ausnutzung der don't care-Terme ab:

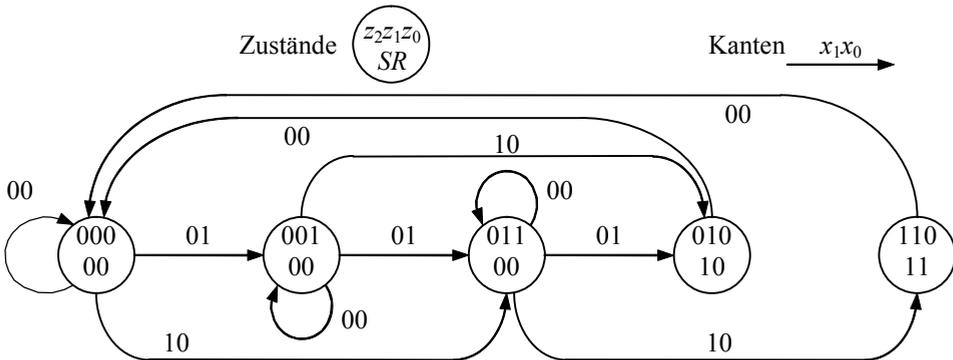
$$J_0 = \neg r^m \neg z_1^m \quad ; \quad J_1 = \neg r^m z_0^m$$

$$K_0 = r^m \vee z_1^m = \neg(\neg r^m \neg z_1^m) = \neg J_0 \quad ; \quad K_1 = r^m \vee \neg z_0^m = \neg(\neg r^m z_0^m) = \neg J_1$$

Für eine Realisierung mit D-Flipflops erhält man hier also das einfachste Netzwerk. In anderen Fällen kann das anders sein. Die Ansteuerfunktionen für die Ausgänge (SN2) sind bei allen Realisierungen gleich.

Lösung Aufgabe 8.3

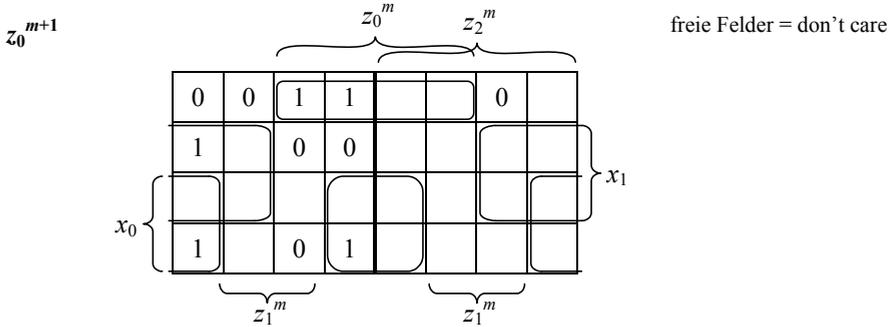
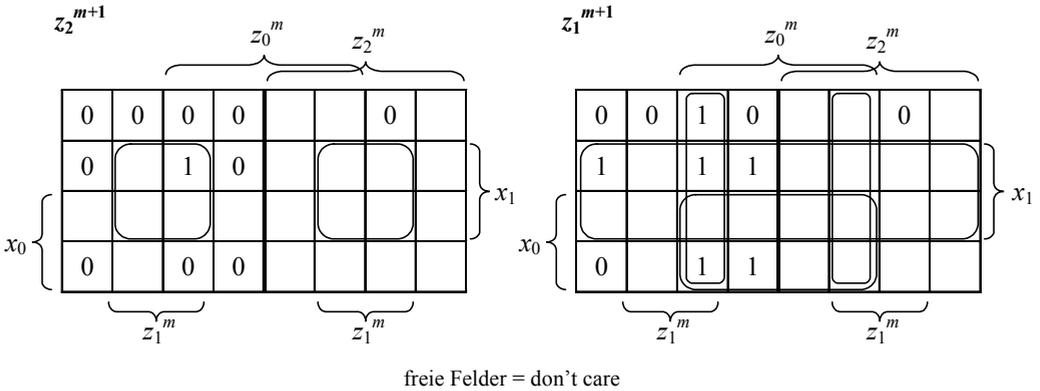
- a) In den Zuständen 010 und 110 gibt der Münzprüfer immer $M = (x_1, x_0) = (0,0)$ aus, denn dort ist $S = 1$, wodurch der Münzeinwurf gesperrt wird. In der Zustandsfolgetabelle können für die anderen M beliebige Folgezustände eingetragen werden.



Zustandsfolgetabelle (für die überzähligen Zustände 100, 101, 111 sind alle Eintragungen ddd):

z_2^m	z_1^m	z_0^m	$z_2^{m+1} \ z_1^{m+1} \ z_0^{m+1}$				S	R
			$\neg x_1 \neg x_0$	$x_1 \neg x_0$	$x_1 x_0$	$\neg x_1 x_0$		
0	0	0	0 0 0	0 1 1	d d d	0 0 1	0 0	
0	0	1	0 0 1	0 1 0	d d d	0 1 1	0 0	
0	1	1	0 1 1	1 1 0	d d d	0 1 0	0 0	
0	1	0	0 0 0	d d d	d d d	d d d	1 0	
1	1	0	0 0 0	d d d	d d d	d d d	1 1	

b) Realisierung mit D-Flipflops:



Übergangsfunktionen:

$$z_2^{m+1} = x_1 z_1^m$$

$$z_1^{m+1} = x_1 \vee x_0 z_0^m \vee z_0^m z_1^m$$

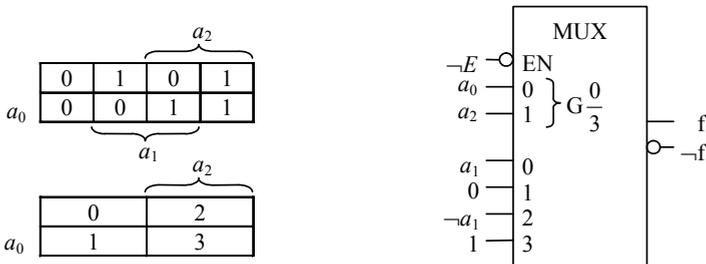
$$z_0^{m+1} = z_0^m \neg x_0 \neg x_1 \vee \neg z_0^m x_1 \vee x_0 \neg z_1^m$$

Ausgabefunktionen (direkt aus der Zustandsfolgetabelle abgelesen):

$$R = z_2^m \quad ; \quad S = z_1^m \neg z_0^m$$

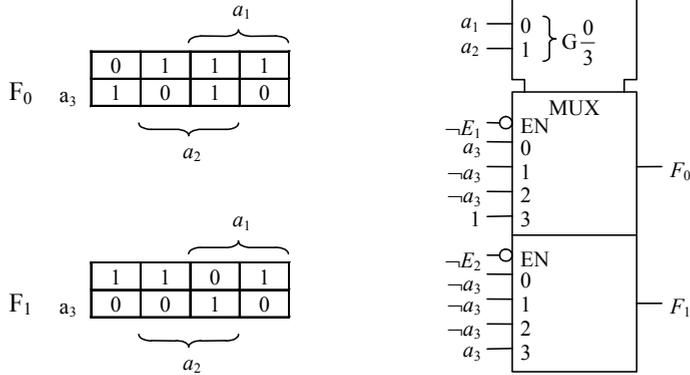
Lösung Aufgabe 9.1

Lösung für den Fall, dass an die Eingänge des Multiplexers a_0 mit der Wertigkeit 2^0 und a_2 mit der Wertigkeit 2^1 angeschlossen werden. Andere Lösungen sind denkbar.

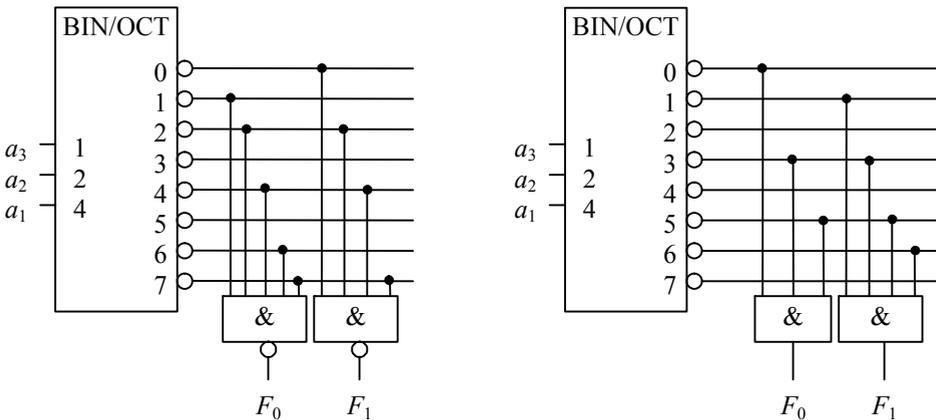


Lösung Aufgabe 9.2

a) Realisierung mit Multiplexern:

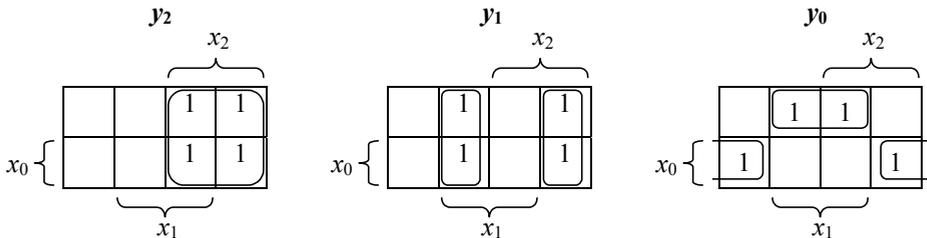


b) Zwei verschiedene Realisierungen mit einem Kodewandler (Dekodierer)



Lösung Aufgabe 9.3

Konstruktion von 3 Schaltnetzen für die 3 Ausgänge:



$$y_2 = x_2$$

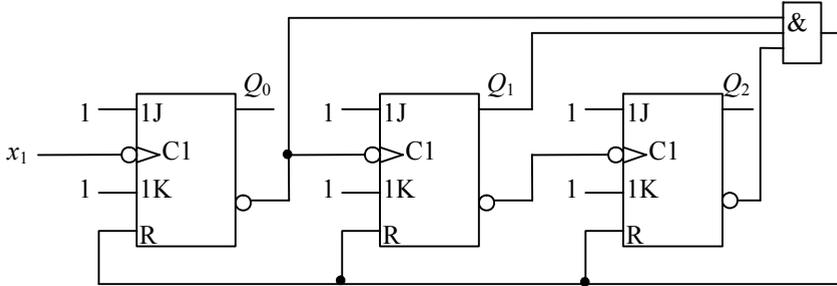
$$y_1 = x_1 \oplus x_2 \vee \neg x_1 x_2$$

$$y_0 = x_1 \oplus x_0 \vee \neg x_1 x_0$$

Lösung Aufgabe 10.1

1. Die Zählerschaltung ist ein synchroner Zähler, da das Eingangssignal an die Takteingänge aller Flipflops geht.
2. Es ist ein Aufwärtszähler (vergleiche Bild 10-10).
3. Q_2 hat $1/8$ der Frequenz des Eingangssignals x_1 , es ist also ein Teiler durch 8.

Lösung Aufgabe 10.2

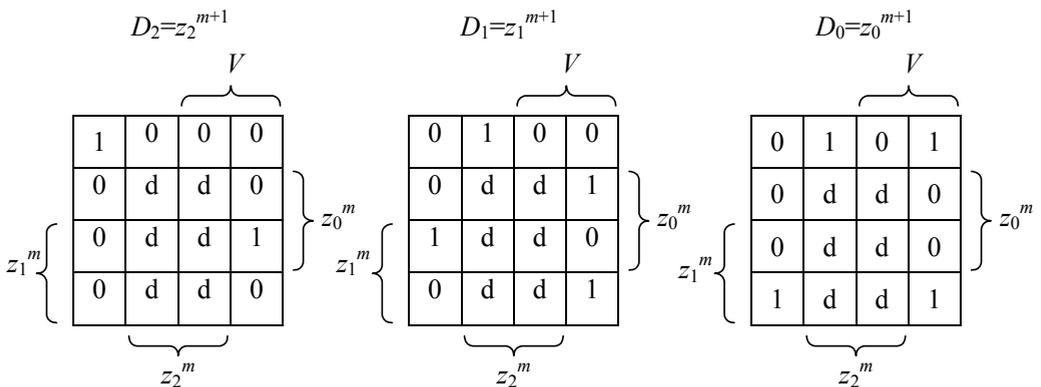


Lösung Aufgabe 10.3

Zunächst muss die Zustandsfolgetabelle mit dem gegebenen Code entworfen werden:

z_2^m z_1^m z_0^m	$V=1$ z_2^{m+1} z_1^{m+1} z_0^{m+1}	$V=0$ z_2^{m+1} z_1^{m+1} z_0^{m+1}
0 0 0	0 0 1	1 0 0
0 0 1	0 1 0	0 0 0
0 1 0	0 1 1	0 0 1
0 1 1	1 0 0	0 1 0
1 0 0	0 0 0	0 1 1

Dann stellt man die KV-Diagramme für die Ansteuerfunktionen der 3 D-Flipflops auf:



Ansteuergleichungen:

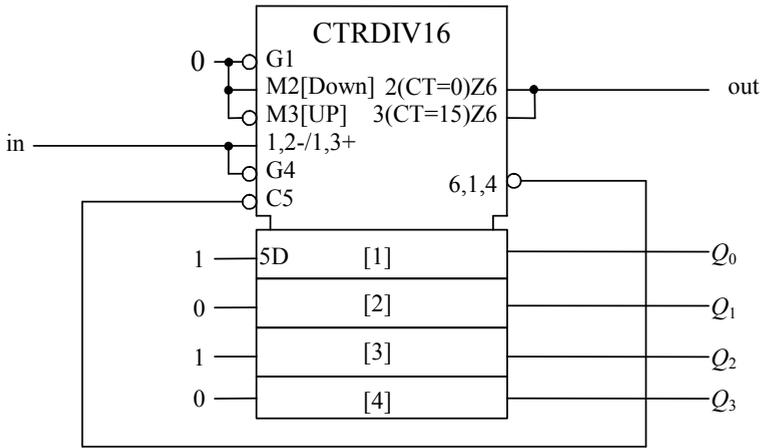
$$D_0 = z_0^{m+1} = (z_2^m \neg V) \vee (z_1^m \neg z_0^m) \vee (V \neg z_2^m \neg z_0^m)$$

$$D_1 = z_1^{m+1} = (z_2^m \neg V) \vee (z_0^m \neg z_1^m V) \vee (z_1^m z_0^m \neg V) \vee (z_1^m \neg z_0^m V)$$

$$D_2 = z_2^{m+1} = (\neg z_2^m \neg z_1^m \neg z_0^m \neg V) \vee (z_1^m z_0^m V)$$

Lösung Aufgabe 10.4

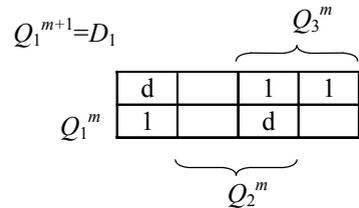
An die Eingänge für paralleles Laden muss die binäre 5 angelegt werden. $\neg RCO$ (vergl. Seite 129 ff.) muss mit $\neg LOAD$ verbunden werden, um den Zähler mit 5 zu laden, wenn er die 15 erreicht hat. Die Eingänge $\neg CTEN = 0$ und $D/\neg U = 0$ müssen für Aufwärtszählen programmiert werden. Alternativ ist eine Lösung mit Abwärtszählen möglich.



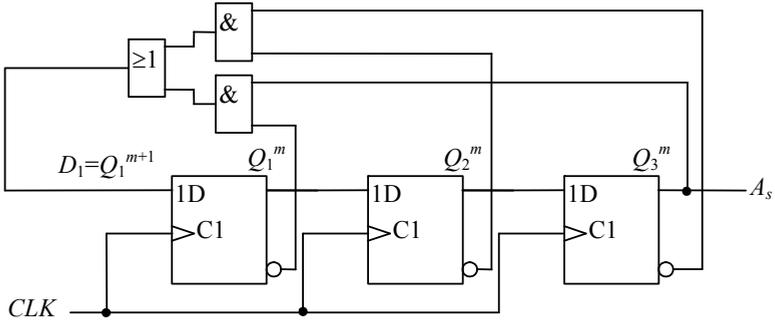
Lösung Aufgabe 11.1

Zuerst wird die Zustandsfolgetabelle konstruiert. Man beginnt, indem man in der Spalte Q_3^m die gewünschte Folge von oben nach unten einträgt. Das garantiert, dass die Folge aus dem seriellen Ausgang heraus geschoben wird. Dann kann man die Spalten Q_1^m und Q_2^m ausfüllen, indem man die Eintragungen aus der Spalte Q_3^m diagonal nach links oben überträgt. Daraus ergibt sich auch automatisch der Folgezustand Q_1^{m+1} , Q_2^{m+1} , Q_3^{m+1} . Die nicht benötigten Zustände 111 und 000 sind zunächst beliebig. Dann kann das KV-Diagramm für den Eingang des ersten Flipflops erstellt werden.

Q_1^m	Q_2^m	Q_3^m	Q_1^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_3^{m+1}
0	1	0	0	0	1
0	0	1	1	0	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	1
1	0	1	0	1	0
1	1	1	0	1	1
0	0	0	1	0	0

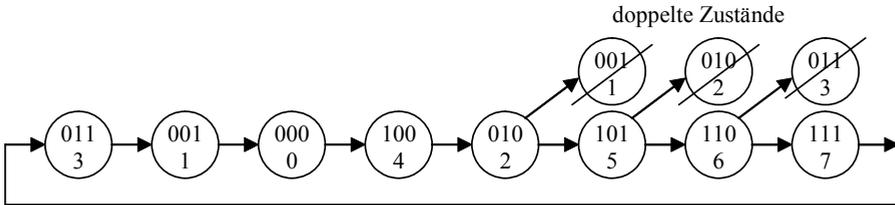


$$D_1 = Q_3^m \neg Q_1^m \vee \neg Q_3^m \neg Q_2^m$$



Aufgabe 11.2

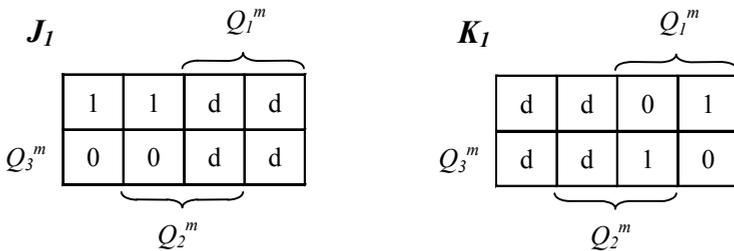
1. Ausgehend von den Zuständen 3,1,0,4,2 werden die möglichen Folgezustände ausprobiert. Das können jeweils nur zwei verschiedene sein, da ja nur eine 1 oder eine 0 in das linke Schieberegister geschoben werden kann. Schon im Zyklus vorhandene Zustände werden gestrichelt, da sie nicht zu einer maximal langen Folge führen. Man erhält die Folge 3,1,0,4,2,5,6,7...



2. Zustandsfolgetabelle:

Q_1^m	Q_2^m	Q_3^m	Q_1^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_3^{m+1}	J_1	K_1
0	0	0	1	0	0	1	d
0	0	1	0	0	0	0	d
0	1	0	1	0	1	1	d
0	1	1	0	0	1	0	d
1	0	0	0	1	0	d	1
1	0	1	1	1	0	d	0
1	1	0	1	1	1	d	0
1	1	1	0	1	1	d	1

- 3.



$$J_1 = \neg Q_3^m \quad ; \quad K_1 = Q_2^m Q_3^m \vee \neg Q_2^m \neg Q_3^m$$

Lösung Aufgabe 11.3

Die Rückkopplungen für eine maximal lange Pseudo-Zufallsfolge liegen an den Ausgängen Q_3^m und Q_4^m . Mit dem Registerinhalt 1111 beim Einschalten erhält man die folgenden Registerinhalte, indem man für das neue Bit 1 die EXOR-Verknüpfung von Bit 3 und 4 bildet und die alten Bit 1, 2, 3 nach 2, 3, 4 verschiebt.

m	Q_i^m
1	1111
2	0111
3	0011
4	0001

m	Q_i^m
5	1000
6	0100
7	0010
8	1001

m	Q_i^m
9	1100
10	0110
11	1011
12	0101

m	Q_i^m
13	1010
14	1101
15	1110
16	1111

Die erzeugte Folge ist daher: 111100010011010 usw.

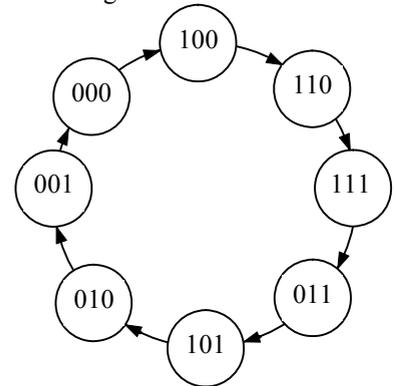
Lösung Aufgabe 11.4

a) $E_s = \neg(Q_1 \vee Q_2 \vee Q_3) \vee Q_2 Q_3 \vee Q_1 Q_3 = \neg Q_1 \neg Q_2 \neg Q_3 \vee Q_2 Q_3 \vee Q_1 Q_3$

b) Zustandsfolgetabelle

Q_1^m	Q_2^m	Q_3^m	$E_s = J_1 = K_1$	Q_1^{m+1}	Q_2^{m+1}	Q_3^{m+1}
0	0	0	1	1	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0	1
1	0	0	0	1	1	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	1	1	1
1	1	1	1	0	1	1

c) Zustandsdiagramm



Lösung Aufgabe 12.1

Ein 74181 kann als Komparator verwendet werden, wenn er als Subtrahierer geschaltet ist. Dafür muss $S = (0,1,1,0)$ und $M = 0$ und $c_0 = 1$ sein. Dann gilt für den Übertrag c_4 und den Ausgang $A_{x=y}$, wie man leicht feststellen kann, bei einer Differenz $x-y$:

$x = y$	$c_4 = 1, A_{x=y} = 1$
$x > y$	$c_4 = 1, A_{x=y} = 0$
$x < y$	$c_4 = 0, A_{x=y} = 0$

Lösung Aufgabe 12.2

Für $S = 0110$ und $M = 1$ erhält man nach Gleichung 12.26:

$t_i = \neg(\neg x_i y_i \vee x_i \neg y_i) = \neg(x_i \leftrightarrow y_i)$

Da $M=1$ ist, werden die $u_i=1$ und man erhält nach Gleichung 12.31 die Funktion:

$$\neg F_i = u_i \leftrightarrow t_i = \neg t_i = (x_i \leftrightarrow y_i)$$

Lösung Aufgabe 12.3

- a) Die Schaltung beruht darauf, dass die Addierer der höheren Stufen doppelt vorhanden sind. Der eine Addierer einer Stufe hat als Eingangs-Carry CI eine 1 der andere eine 0. Am Ausgang CO einer Stufe mit CI =0 wird das Signal Carry Generate G (vergl. Seite 146) erzeugt, am Ausgang CO einer Stufe mit CI =1 das Signal Carry Propagate P. In dem aus einem UND- und einem ODER-Gatter gebildeten Netzwerk wird der Übertrag $c_{i+1} = G_i + c_i P_i$ gebildet. Dieser Übertrag wählt am Auswahl-Eingang eines Multiplexers das richtige Ergebnis der nächsten Stufe aus. Für die Optimierung der Laufzeit ist es sinnvoll, die Breiten der niedrig-wertigen Stufen geringer zu wählen als die der Stufen für die hochwertigen Bit.
- b) Es werden die folgenden Abkürzungen verwendet:

Beschreibung	Formelzeichen
Gatterlaufzeit	t_p
Laufzeit des Übertrags c_i	t_{ci}
Breite der Stufe i	m_i
Laufzeit des Ausgangs $F_{i..m}$	$t_{Fi/m}$
Laufzeit eines Multiplexers	t_{Mux}
Laufzeit der Summe im Addierer der Stufe mit dem Ausgang $F_{i..m}$	$t_{i/m}$

Man erhält die Laufzeiten:

Signal	Laufzeit
$F_{0..3}$	$t_{F0/3} = (2m_1+1) t_p = 9 t_p$
c_1	$t_{c1} = 2m_1 t_p = 8 t_p$
$F_{4..8}$	$t_{F4/8} = \text{Max}\{t_{4/8}, t_{c1}\} + t_{Mux} = (\text{Max}\{11,8\}+2) t_p = 13 t_p$
c_2	$t_{c2} = \text{Max}\{2m_2 t_p, t_{c1}\} + 2 t_p = (\text{Max}\{10,8\}+2) t_p = 12 t_p$
$F_{9..15}$	$t_{F9/15} = \text{Max}\{t_{9/15}, t_{c2}\} + t_{Mux} = (\text{Max}\{15,12\}+2) t_p = 17 t_p$
c_3	$t_{c3} = \text{Max}\{2m_3 t_p, t_{c2}\} + 2 t_p = (\text{Max}\{14,12\}+2) t_p = 16 t_p$

Lösung Aufgabe 13.1

1. Ein RAM ist flüchtig, EEPROM und ROM sind nicht flüchtig
2. PROM, ROM, EEPROM sind Festwertspeicher
3. Programmiert werden können: ROM durch Masken, PROM einmal elektrisch, EPROM elektrisch und EEPROM elektrisch.
4. Ein ROM kann nicht gelöscht werden, ein EPROM kann durch UV-Licht gelöscht werden, ein EEPROM kann elektrisch gelöscht werden und ein Flash-EEPROM kann blockweise elektrisch gelöscht werden.
5. Siehe Text: statische und dynamische Speicherung.

Lösung Aufgabe 13.2

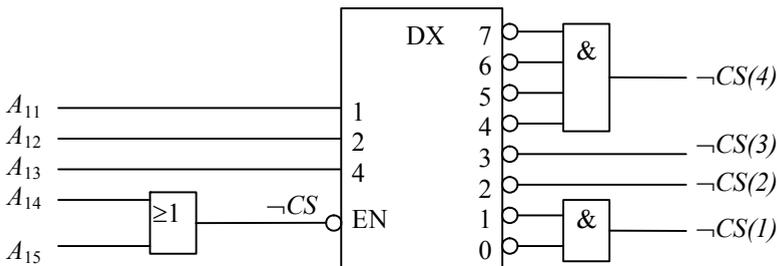
- Zunächst muss der Adressplan aufgestellt werden. Dazu werden die Speicherbereiche der Speicherbausteine lückenlos aneinandergereiht.

Baustein	Adresse (Hex)	Adressleitungen (binär)															
		15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1 (4K)	0 0 0 0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0 F F F	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2 (2K)	1 0 0 0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	1 7 F F	0	0	0	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
3 (2K)	1 8 0 0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	1 F F F	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
4 (8K)	2 0 0 0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	3 F F F	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1



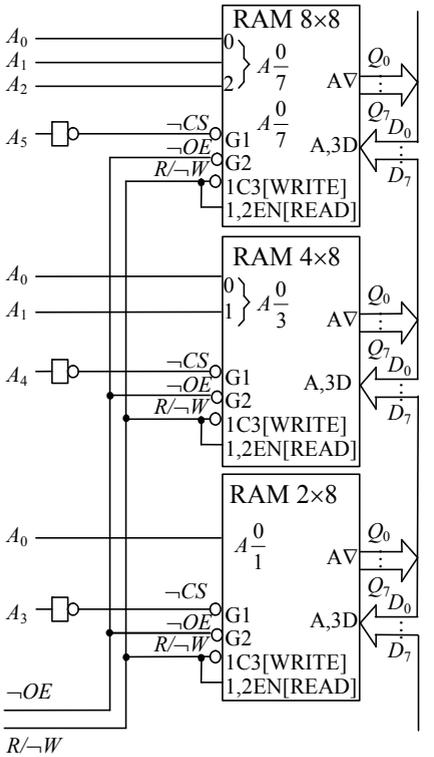
Dekodierer

- Im Adressplan sind die Bereiche der Adressleitungen, die als Eingänge an den Speichern anliegen, durch gestrichelte Kästen angedeutet. Der Demultiplexer muss als höchstwertige Eingangsleitung die höchstwertige Adressleitung haben, bei der sich ein Bit ändert. Das ist A_{13} . Damit ist sichergestellt, dass sich auch die höchsten Speicherplätze auswählen lassen. Als niederwertigste Eingangsleitung muss der Demultiplexer die Adressleitung haben, die am kleinsten Speicher nicht mehr anliegt. Das ist A_{11} .
- Der gesamte Speicherbereich von 16Kbyte wird durch den Demultiplexer in 8 Blöcke zu jeweils 2Kbyte aufgeteilt. Für den Speicherbaustein mit 8Kbyte müssen daher 4 Ausgänge des Demultiplexer logisch ODER verknüpft werden. Durch die zweimalige Inversion muss man ein UND-Gatter verwenden. Daraus ergibt sich folgender Anschlussplan:



Lösung Aufgabe 13.3

- Der größte Speicherbaustein verwendet die Adressleitungen A_0 bis A_2 . Daher stehen die Adressleitungen A_3 bis A_7 zur Auswahl der Bausteine zur Verfügung (Bild links).
- Adressplan s. rechts (Adressen außerhalb der angegebenen Bereiche führen zu Fehlern!).



Baustein	Adr. (Hex)	Adressleitungen (binär)							
		7	6	5	4	3	2	1	0
1 (2byte)	08	0	0	0	0	1	0	0	0
	09	0	0	0	0	1	0	0	1
2 (4byte)	10	0	0	0	1	0	0	0	0
	13	0	0	0	1	0	0	1	1
3 (8byte)	20	0	0	1	0	0	0	0	0
	27	0	0	1	0	0	1	1	1

Lösung Aufgabe 13.4

- $$\neg CS_1 = A_{10} \vee A_{11} \vee A_{12} = \neg(\neg A_{10} \neg A_{11} \neg A_{12})$$

$$\neg CS_2 = A_{10} A_{12} \vee A_{11} A_{12} \vee \neg A_{10} \neg A_{11} \neg A_{12} \quad (\text{KV-Diagramm})$$

$$\neg CS_3 = \neg(\neg A_{10} A_{11} A_{12} \vee A_{10} \neg A_{11} A_{12})$$
- Im unten gezeigten Adressschema sind die binären Speicher-Adressen in 1K-Schritte aufgeteilt. Der Adressbereich, der durch die Dekodierschaltung abgedeckt wird, ist markiert.
- Baustein 1 muss 1Kbyte, Baustein 2 4Kbyte und Baustein 3 2Kbyte Kapazität haben.
- Da die oberen 3 Adressleitungen nicht verwendet werden und eine lückenlose Dekodierung des unteren Speicherbereichs durchgeführt wird, handelt es sich um eine Teildekodierung.

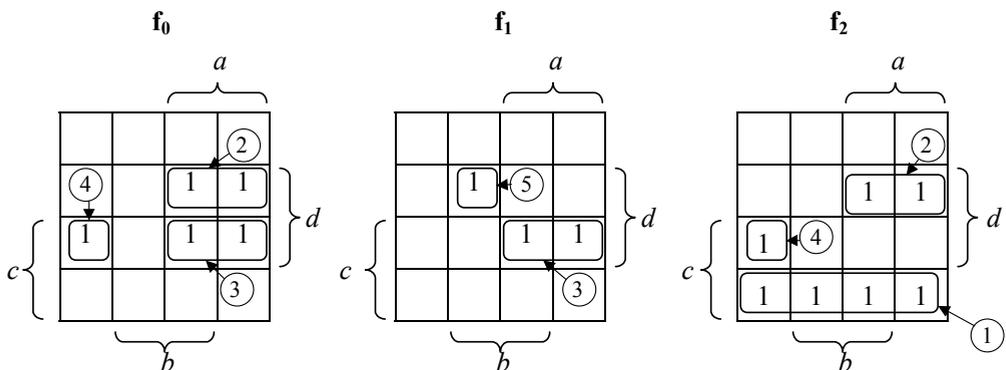
Baustein	Adresse (Hex)	Adressleitungen (binär)														
		15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1
1	0000	d	d	d	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	03FF	d	d	d	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	0400	d	d	d	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
		d	d	d	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
		d	d	d	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
		d	d	d	0	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
		d	d	d	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
		d	d	d	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
		d	d	d	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	13FF	d	d	d	1	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
3	1400	d	d	d	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
		d	d	d	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
		d	d	d	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	1BFF	d	d	d	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1

Lösung Aufgabe 14.1

Siehe Text und insbesondere Tabelle 14-2.

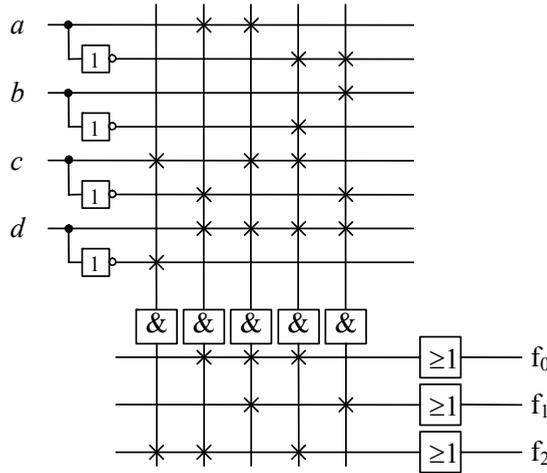
Lösung Aufgabe 14.2

Die 3 booleschen Funktionen werden in drei KV-Diagramme eingetragen. Dann wird eine Optimierung so durchgeführt, dass maximal 5 Produktterme entstehen. KV-Diagramme der 3 Funktionen:



Damit erhält man folgende 5 Produktterme:

$$P_1 = c-d \quad ; \quad P_2 = ad-c \quad ; \quad P_3 = adc \quad ; \quad P_4 = -a-bcd \quad ; \quad P_5 = -ab-cd$$

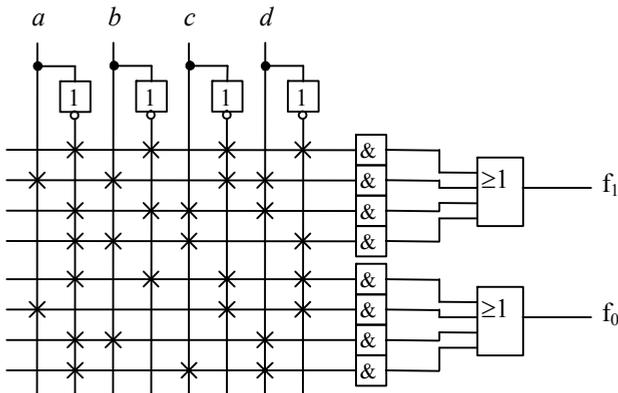


Lösung Aufgabe 14.3

Die Funktion f_0 wird so zusammengefasst, dass sie mit 4 Produkttermen realisiert werden kann. Bei f_1 ist das bereits der Fall.

$$f_0(a, b, c, d) = \neg a \neg b \neg c \neg d \vee a \neg c \neg d \vee \neg a b d \vee \neg a c d$$

$$f_1(a, b, c, d) = \neg a \neg b \neg c \neg d \vee a b \neg c d \vee \neg a \neg b c d \vee \neg a b c \neg d$$



Lösung Aufgabe 15.1

Die Entity ist eine Schnittstellenbeschreibung, während die Architektur die Funktion der Schaltung beschreibt.

Lösung Aufgabe 15.2

C und D haben den alten Wert von D. Die Werte von A und B sind vertauscht.

Lösung Aufgabe 15.3

a) Bei Prozessen mit Sensitivity-List nach der Sensitivity-List und vor dem Schlüsselwort `begin`, welches die sequentiellen Anweisungen einleitet. Bei Prozessen ohne Sensitivity-List nach dem Schlüsselwort `process` und vor dem Schlüsselwort `begin`, welches die sequentiellen Anweisungen einleitet.

b) In einer Architektur beginnt der Deklarationsteil nach dem ersten Auftreten des Schlüsselwortes `is` und vor dem Schlüsselwort `begin`, welches die nebenläufigen Anweisungen einleitet.

Lösung Aufgabe 15.4

$$F = AX \vee \neg ABY \vee \neg A \neg BZ$$

Lösung Aufgabe 16.1

Der Vorteil einer gemeinsamen Speicherung von Daten und Befehlen in demselben Speicher ist, dass der Speicherbereich flexibel aufgeteilt werden kann. Dadurch ist in der Regel ein kleinerer Speicher nötig. Nachteilig bei einer gemeinsamen Speicherhaltung von Daten und Programmen ist, dass Befehle und Daten über den gleichen Datenbus transportiert werden müssen. Dieser serielle Betrieb verlangsamt die Arbeitsweise des Prozessors. Alternativ werden daher bei manchen Prozessoren getrennte Speicher für Daten und Befehle verwendet (sog. Harvard-Architektur).

Lösung Aufgabe 16.2 siehe Text.

Lösung Aufgabe 16.3

LDAA	\$0,X	;1. in Akku A laden,	4 Zyklen
LDAB	\$0,Y	;2. in Akku B laden,	5 Zyklen
STAA	\$0,Y	;1. Zahl in Platz der 2.,	5 Zyklen
STAB	\$0,X	;2. Zahl in Platz der 1.,	4 Zyklen

Das Programm benötigt 18 Zyklen. Die Ausführung des Programms dauert $9\mu\text{s}$.

Lösung Aufgabe 16.4

	ORG	\$C000	;Programmstart
	LDAB	#\$03	;Es sollen 3Bytes verschoben werden
	LDX	#\$C020	;Quell-Adresse definieren
	LDY	#\$C030	;Ziel-Adresse definieren
ANFANG	LDAA	\$0,X	;Datum in Akku A
	STAA	\$0,Y	;Datum in Zieladresse speichern
	INX		;Quell-Adresse inkrementieren
	INY		;Ziel-Adresse Inkrementieren
	DECB		;Zähler dekrementieren
	BNE	ANFANG	;wiederholen, wenn B größer 0

Lösung Aufgabe 16.5

	ORG	\$C000	;Programmstart
	LDAB	#\$08	;Anzahl der Bits
	CLRA		;Akku A null setzen
ANFANG	ASL	\$C020	;MSB ins Carry schieben
	BCC	WEITER	;überspringen, wenn Carry = 0
	INCA		;Akku A hochzählen, wenn Carry = 1
WEITER	DECB		;B dekrementieren
	BNE	ANFANG	;Nächstes Bit, wenn B größer 0

A.4 Literatur

Allgemein (alle Kapitel)

- [1] Schiffmann, W.; Schmitz, R.: Technische Informatik
Band 1 Grundlagen der digitalen Elektronik. Berlin: Springer, 5.Auflage. 2004.
- [2] Schiffmann, W.; Schmitz, R.: Technische Informatik
Band 2 Grundlagen der Computertechnik. Berlin: Springer, 5.Auflage. 2005.
- [3] Pernards, P.: Digitaltechnik 1
Heidelberg: Hüthig, 4. Auflage. 2001.
- [4] Borucki, L.: Digitaltechnik
Stuttgart, Wiesbaden: Teubner, 5. Auflage. 2000.
- [5] Urbanski, K.; Woitowitz, R.: Digitaltechnik
Berlin, Heidelberg: Springer, 4. Auflage. 2004.
- [6] Tocchi, R.; Widmer, N. und Moss, G.: Digital Systems, Principles and Applications.
Englewood Cliffs: Prentice-Hall, 9. Auflage. 2004.

Codierung (Kapitel 2)

- [7] Grams, T.: Codierungsverfahren
Mannheim: BI. 1986.
- [8] Werner, M.: Information und Codierung
Braunschweig, Wiesbaden: Vieweg. 2002.
- [9] Schneider-Obermann, H.: Kanalcodierung
Braunschweig, Wiesbaden: Vieweg. 1998.

Schaltalgebra (Kapitel 3)

- [10] DIN 19226 Teil 3

Schaltungstechnik (ab Kapitel 4)

- [11] Lichtberger, B.: Praktische Digitaltechnik
Heidelberg: Hüthig, 3. Auflage. 1997.
- [12] Millman, J.; Grabel, A.: Microelectronics
New York: McGraw-Hill, 2.Auflage. 1988.
- [13] Kühn, E.: Handbuch TTL- und CMOS-Schaltungen
Heidelberg: Hüthig, 4. Auflage. 1993.
- [14] Klar, H.: Integrierte Digitale Schaltungen MOS/BICMOS
Berlin, Heidelberg: Springer: 2. Auflage. 1996.

- [15] Groß, W.: Digitale Schaltungstechnik
Braunschweig, Wiesbaden: Vieweg. 1994.
- [16] Kang, S.-M.; Leblebici Y.: CMOS Digital Integrated Circuits: Analysis and Design
New York: McGraw-Hill. 1996.
- [17] Fabricius, E.D.: Modern Digital Design and Switching Theory
Boca Raton: CRC Press. 1992.
- [18] Bitterle, D.: GALs - Über 50 Schaltungen für die praktische Anwendung
München: Franzis'. 1994.

Schaltwerke (Kapitel 7 und 8)

- [19] Wuttke, H.; Henke, K.: Schaltsysteme
München: Pearson Studium. 2003.

Speicher (Kapitel 13)

- [20] MOS-Memory, Data Book
Hrsg.: Texas Instruments, Houston. 1993.
- [21] Rhein, D.; Freitag, H.: Mikroelektronische Speicher
Wien, New York: Springer. 1992.
- [22] Prince, B.: Semiconductor Memories
Chichester: John Wiley, 2. Auflage. 1991.

Programmierbare Logikbausteine (Kapitel 14)

- [23] Auer, A.: PLD
München: Franzis'. 1993.
- [24] Bolton, M.: Digital Systems Design with Programmable Logic.
Wokingham: Addison-Wesley. 1990.
- [25] Bitterle, D.: GALs- Programmierbare Logikbausteine in Theorie und Praxis
München: Franzis'. 1993.
- [26] F. Kesel und R. Bartholomä: Entwurf von digitalen Schaltungen und Systemen mit HDLs und FPGAs. München: Oldenbourg. 2006.
- [27] <http://direct.xilinx.com/bvdocs/publications/ds077.pdf>
- [28] <http://www.altera.com/literature/ds/m3000a.pdf>
- [29] Auer, A.; Rudolf, D.: FPGA
Heidelberg: Hüthig. 1995.
- [30] Seals, R.C.; Whapshott, G.F.: Programmable Logic
New York: McGraw-Hill. 1997.
- [31] Beenker, F.P.M. et al: Testability Concepts for Digital ICs
Dordrecht: Kluwer Academic Publishers. 1995.

VHDL (Kapitel 15)

- [32] Bleck, A.; Goedecke, M.; Huss, S.; Waldschmitt, K.: Praktikum des modernen VLSI-Entwurfs
Stuttgart: Teubner. 1996.
- [33] Naylor, D.; Johnes, S.: VHDL: A Logic Synthesis Approach
London: Chapman & Hall. 1997.
- [34] Bhasker, J.: Die VHDL-Syntax
Toronto: Prentice Hall. 1996.
- [35] Reifschneider, N.: CAE-gestützte IC-Entwurfsmethoden
München: Prentice-Hall. 1998.
- [36] Reichard, J.; Schwarz, B.: VHDL-Synthese
München: Oldenbourg, 3. Auflage 2003.
- [37] Hunter, D.R.M. und Johnson, T.T.: Introduction to VHDL
London: Chapman and Hall. 1996.
- [38] DIN 66256
- [39] Molitor, P.; Ritter, J.: VHDL - eine Einführung
München: Pearson Studium. 2004.

Mikroprozessor (Kapitel 16)

- [40] Flick, Th. und Liebig, H.: Mikroprozessortechnik und Rechnerstrukturen
Berlin, Heidelberg, New York:: Springer, 7. Auflage, 2005.
- [41] Alexandridis, N.: Microprocessor System Design Concepts
Rockville: Computer Science Press. 1984.
- [42] Scholze, R.: Einführung in die Mikrocomputertechnik
Stuttgart, Wiesbaden: Teubner. 1993.
- [43] Kleitz, W.: Digital and Microprocessor Fundamentals
Upper Saddle River: Prentice Hall. 1997.
- [44] Black, D.J.: Technician's Guide to the 68HC11 Microcontroller
Australia: Delmar. 2001.
- [45] Rose, M.: Mikroprozessor 68HC11. Architektur und Applikation
Heidelberg: Hüthig. 1994.
- [46] Cady, F.M.: Software and Hardware Engineering- Motorola MC68HC11
Oxford, New York: Oxford University Press. 1997.
- [47] Simulator Wookie, Assembler as11m, Editor Notespad
<http://www.msoe.edu/eecs/ce/ceb/resources/>
- [48] M68HC11 Reference Manual, Motorola
http://e-www.motorola.com/files/microcontrollers/doc/ref_manual/M68HC11RM.pdf

- [49] Walrabe, A.: Mikrocontroller-Praxis. Einstieg mit dem MC68HC11
München, Wien: Hanser. 1997.

Links

1. Xilinx Programmable Logic Devices, FPGA & CPLD
<http://www.xilinx.com/>
2. VHDL-Online Main Frame
<http://www.vhdl-online.de/>
3. Texas Instruments
<http://www.ti.com/>
4. Mikrocomputertechnik (Simulator Wookie)
<http://www.netzmafia.de/skripten/mikrocomputer/index.html>
5. Intel
<http://www.intel.com/>
6. HDL Page - VHDL, Verilog, Synthesis Beginner Information
<http://www.angelfire.com/electronic/in/vlsi/vhdl.html>
7. VHDL-Archiv der Uni Hamburg
<http://tech-www.informatik.uni-hamburg.de/vhdl/>

A.5 Sachwortregister

- 7
- 7-Segment-Dekoder 195
- A**
- Abhängigkeitsnotation 26
- Addition 5,152,253
- Addition von Festkommazahlen 6
- ganzzahlige Addition 5
- Adressbus 160,234
- Adressierungsarten 246
- Adress-Register 236
- Adress-Zugriffszeit 168
- Akkumulator 243
- Amplitudenbedingung 31
- analoge Systeme 1
- Analoger Demultiplexer 119
- Analoger Multiplexer 119
- Analogschalter 43
- Ansteuerkennlinie 40
- Ansteuertabelle 98
- Antifuse 192
- Architecture 224
- arithmetisches Schieben 258
- Arithmetisch-log.-Einheit (ALU) .. 149,233
- Array 221
- ASIC 189
- Assembleranweisungen 266
- Assemblerprogramm 246
- Assemblierung 246
- Asynchrone Rückwärtszähler 123
- Asynchrone Schaltwerke 71
- asynchroner Setz- /Rücksetzeingang 89
- Asynchrone Zähler 121
- Auffrischen 175
- Ausgabefunktion 74,95
- Ausgangs-Block 27
- Ausgangsorientierte Kodierung 101
- Ausgangstreiber 42
- Automat 93
- Auxiliary-Carry-Flag 244
- B**
- BCD/Dezimal-Code-Umsetzer 115
- BCD-Arithmetik 257
- Bedingte Sprünge 261
- Befehlsausführung 240
- Befehlscode 246
- Befehls-Dekoder 236
- Befehlsregister 236
- Befehlssatz des 86HC11 248
- Befehlszähler 236, 243
- Bereichüberschreitung 8
- Betrieb im Grundmodus 71
- Betriebsart 240
- Betriebsartensteuerung 238
- Bibliothekszelle 215
- bidirektionale Schnittstellen 38
- Binäre Kodierung 101
- Binärfunktion *Siehe* Schaltfunktion
- Binärzahl 4
- Bit 4,220
- Bitmanipulations-Befehle 259
- Bit-organisierte Speicher 159
- Boolean 220
- Boolesche Algebra 15
- Bootprogramm 239
- Bus 38, 230
- C**
- Carry Generate 143
- Carry Propagate 143
- Carry 8,141
- Carry-Look-Ahead Addierer 143,207
- Carry-Look-Ahead-Generator 146
- CAS before RAS refresh 176
- Channeled Gate-Array 214
- Character 220
- Clear 83
- Clock-Skew 85,107
- CMOS-Inverter 40
- CMOS-Technologie 39,82,84
- Code 114
- Codes 3
- 8-4-2-1-Code 12
- Aiken-Code 12
- Alphanumerische Codes 13
- ASCII-Code 13
- BCD-Code 12
- Binärcode 4
- gewichteter Code 4
- Graycode 11

Hexadezimalcode.....	10
Morse-Code.....	3
Oktalcode.....	11
zyklischer Gray-Code.....	12
Code-Umsetzer.....	111, 114
Condition-Code-Register.....	244, 257
CPLD.....	210
CPU.....	237

D

Daisy-Chain.....	210
Datenbus.....	160,234, 237
Datenleitung.....	160
Datenübertragungstrecke.....	117
DDR-RAM.....	176
Dedicated Routing.....	209
Dekodierung.....	3,180
Dekrement.....	256
Delay-Locked Loop.....	206
Demultiplexer.....	115
Dezimaläquivalent.....	17
Dezimalzahl.....	4
D-Flipflop.....	80
Digitale Speicher.....	159
digitale Systeme.....	2
Digitaler Signalprozessor.....	235
Digitalzähler.....	87,121
Direct.....	247
Disjunktion.....	153
Disjunktive Normalform.....	53
Division.....	10,258
don't care.....	59
Double Data Rate DRAM.....	176
DRAM.....	171
Dualität.....	20,25
Dual-Port-RAM.....	177
Dynamisches RAM.....	171

E

Early Write.....	169
EAROM.....	165
ECL.....	48
EDIF-File.....	210
EEPROM.....	165,193
EEPROM-Zelle.....	192
Eimerkettspeicher.....	131,159,176
einflankengesteuertes D-Flipflop.....	107
Eingangskapazität.....	50
Einschwingvorgänge.....	108

einstellige Schaltfunktion.....	15
elektronischer Kopierschutz.....	204
Emitter-gekoppelte Logik.....	48
Enable.....	37, 47,111
Enhanced Page Mode.....	173
Entflechtungsaufwand.....	191
Entity.....	223
Entwurfswerkzeug.....	219
EPLD.....	210
EPROM.....	164,193
EPROM-Zelle.....	192
Erasable Programmable Logic Device.....	210
Execute Cycle.....	242
EXOR-Abhängigkeit.....	29
Extended.....	247

F

Fan-Out.....	41
Fast Page Mode-DRAM.....	173
Fehlerfortpflanzung.....	35
Feldeffekttransistor.....	39
Festkomma-Arithmetik.....	5
Festplatte.....	159
Festwertspeicher.....	159
Fetch Cycle.....	241
Field Program. Gate Array (FPGA).....	205
Finite State Machine.....	93
FIFO.....	176
Fixkommazahlen . <i>Siehe</i> Festkommazahlen	
Flag.....	178
flankengesteuertes D-Flipflop.....	83
Flipflop.....	78
Floating-Gate-MOSFET.....	164
Flüchtige Speicher.....	159
Frequenzteiler.....	87,121,136
Funktionsbündel.....	115, 117
Fusible-Link.....	163,192

G

GAL.....	201
Gate-Array.....	214
Gatterlaufzeit, Gatterverzögerung ...	76,124
General Purpose Routing.....	209
Generic Array Logic (GAL).....	201
Generic.....	223
Gesetze der Booleschen Algebra.....	20
Absorptionsgesetz.....	20
Assoziativgesetz.....	20
De Morgansche Theoreme.....	20

Distributivgesetz.....	20
Existenz komplementärer Elemente ...	20
Existenz der neutralen Elemente	20
Kommutativgesetz.....	20
Shannonscher Satz.....	24
Gewicht	4
Grundverknüpfungen	17

H

Halbkundendesign-ASIC	189
Halbleiterspeicher.....	159
Hazard	66,93
Verknüpfungshazard	66, 67, 68
HDL.....	219
Hidden Refresh.....	175

I

I ² L.....	48
Immediate.....	247
Implikant	54, 67
Absolut eliminiert. Primimplikanten ..	56
Kern-Primimplikanten	55
Primimplikant.....	55,61
Primimplikantentafel	62
Relativ eliminiert. Primimplikanten ..	56
Indexed.....	248
indizierte Adressierung	243
inhaltsadressierte Speicher	159
Inherent	247
Inkrement	256
Integer	220
Integrierte Injektions-Logik	48
Interrupt.....	237, 268
Interrupt-Eingang	240
Interrupt-Service-Routine.....	268
Inversionskreise.....	26,32,64
Inverter	15
invertierte Funktion	25
IO-Block.....	205, 208
IO-Routing	209
IRQ-Interrupt.....	240, 269

J

JEDEC-Format	204
JK-Flipflop	86,98
Johnson-Zähler	136

K

Kanonische disjunktive Normalform	21
Kanonische konjunktive Normalform.....	22
Karnaugh-Veitch-Diagramm.....	53
KDNF.....	21
Kippintervall	81, 89, 92,107,132
KKNF.....	22
Klassifizierung von Hazards	68
Kommentare.....	267
Komparator	154, 155
komplementärer Ausgang	36
Komplement-Array	195
Komplementdarstellung	6
Bereichsüberschreitung	8
Einerkomplement	6
Subtraktion	8
Zweierkomplement.....	7
konfigurierbarer Logik-Block	205
Konjunktion.....	153
Konjunktive Normalform.....	53
Konstante.....	221,267
Kontroll-Block	27
kooperierende Schaltwerke	233
kritischer Lauf	77
kundenspezifische integr. Schaltung	189

L

Lade-Befehle	252
Latch-Up	45
Late Write.....	169
Lauf	77
Laufzeit	32,76,108
Gatterlaufzeit.....	66,76
Laufzeiteffekte in Schaltnetzen.....	66
Leitungskapazität	50
Leitwerk	233, 235
Lese-Zyklus-Zeit.....	168
LIFO.....	177
Lineare Dekodierung.....	185
Local Routing.....	209
Logic Array Block.....	211
Logische Operationen	258
logisches Schieben	258
Look-Up Table	207

M

Makrozelle.....	211
Mapping	244
Maschinenbefehle.....	234

Maschinenprogramm.....	234, 266
Maschinensprache	240
Massenspeicher	159
Master-Slave-Flipflop.....	86
Maxterm	22,56,115
Mealy-Automat	71,97,98
mehrwertiges Logiksystem.....	230
Mikrocontroller	234, 237
Mikroprogramm	236
Mikroprozessor.....	234, 237
Minterm	22
Mnemonic.....	240, 246, 266
Mod-6-Zähler im Gray-Code	127
Modulo-5-Binär-Zähler	197
Modulo-6-Zähler	122
Modulo-8-Binärzähler	121
Moebius-Zähler	136
Moore-Schaltwerk	71,95
MOSFET	39
MSB.....	142
MSI.....	189
Multiplexer	111
Multiplikation	9,258

N

nebenläufige Anweisung	224
Negation	153
negative Logik.....	32
Netzliste.....	210
Non Volatile RAM	165
NOR-Flipflop	72
NOVRAM	165
Null-Flag	244

O

Object-Code.....	266
ODER-Abhängigkeit	28
Offener Kollektor	36
OLMC	201
One-Hot-Kodierung.....	101
Opcod	236
Open Collector	36
Open-Drain-Ausgang	36
Operationscode.....	236, 240
Operationswerk	233, 235
Operator.....	15,222
Ortsadressierte Speicher	159
OTP	163
Output Logic Macro Cell.....	201

Overflow.....	8
Overloading	223

P

Package.....	220
PCB	189
Peripheriezelle	217
Place and Route	210
Pointer	178
Port	223
positive Logik.....	32
Power down mode.....	176
Preset	83
Produktterm.....	55
Produkttermfreigabe.....	204
Program-Counter	236
Programmable Logic Array (PLA).....	194
Programmierbare Logikbausteine	189
Programmierbare Logik-ICs (PLD)	192
Programmiermodus	204
Programmierung von PLD-Bausteinen	204
PROM.....	163,193
Prozess.....	225
pseudo-zufällig	138
Pseudo-Zufallsfolgen.....	138
Pufferspeicher.....	109
Pufferung.....	85
Puls-Akkumulator	239

Q

Quantisierung	2
Quine-McCluskey-Verfahren.....	60

R

Race.....	77
RAM.....	166
RAM-Speicherzelle	167
RAS only refresh.....	175
Rauschen	31
Real.....	220
Realisierung von Schaltnetzen	189
Realisierung von Schaltwerken	189
Record	221
reflexiver Übergang.....	75
Refresh	171
Relativ	248
Reset	239
Rest.....	4

Ripple-Carry-Addierer	142
ROM.....	160,193
Rotieren	258
RS-Flipflop mit Takteingang.....	79
RS-Latch.....	79
rückgekoppelte Schieberegister.....	135
Rückkopplung	71,95
Rückkopplungsbedingung.....	109
Rücksetzen	78

S

Schaltfunktion	15,53
AND	17
Antivalenz	18
Äquivalenz	18,23
Disjunktion	18
Exklusiv-Oder	18
Identität	18
Implikation	18
Inhibition	18
Komplement	18
Konjunktion.....	17
NAND	18
Negation	15
NOR	18
NOT.....	15
ODER	17
OR	17
UND	17
Schaltmatrix	209
Schaltnetz	53
Schaltsymbol	15, 26
Schaltvariable	15
Schaltverhalten	50
Schaltzeiten	33
Abfallzeit.....	33
Anstiegszeit	33
Signallaufzeit.....	33
Verzögerungszeit.....	33
Schieberegister 74194	133
Schieberegister	83, 85,131
Schreib/Lese-Speicher.....	159
SDRAM.....	176
Selektionseingänge.....	111
Sensitivity-List	226
Sequencer	196
sequentielle Anweisungen.....	226
Serieller Zugriff.....	159
Serienaddierer.....	141

Setzen	78
Sicherheitsbit.....	204
Signal.....	1,220
Signed.....	261
Sign-Flag	244
Software	219
Source-Code.....	266
Spaltendekoder	163
Spaltenleitung.....	160
Spannungspegel.....	32
Speicher-Befehle	250
Speicherkapazität	159
Sprungbefehle	237, 259
SRAM	166,205
SSI	189
stabiler Zustand	74
Stack.....	236, 263, 268
Stack-Pointer	236,243
Standardbauelement	189
Standardzellen-ASIC.....	217
statische Verlustleistung.....	51
Statisches RAM.....	166
Steuerbus	160,234
Steuerzeichen	13
Störabstand.....	35
Strukturbeschreibung	224
Struktureller Entwurf	229
Subtraktion	6,153,255
synchrone Schaltwerke.....	71,93
Synchrone Zähler	124
Synchrone DRAM	176
Synchrone Mealy-Schaltwerk.....	109

T

Takt	33
Taktflanke	83
Taktfrequenz	33
taktpegelgesteuertes Flipflop.....	80
Taktperiode	33
Taktversatz	85,132
TDMA	117
Teildekodierung	183
Test.....	191, 204
Testen von Nachrichtenkanälen	139
T-Flipflop	88
Three-State-Ausgang.....	37
Toggle-Flipflop	88
Totem-Pole-Ausgang	36
Transferbefehle	249
Transistor-Transistor-Logik	45

Laststrom	47
Tri-State-Gatter	46
Transmission-Gate	43,82,111,119
Tristate-Ausgang	37, 44
TTL	45
Typen	220
Typkonvertierung	223

U

Übergangsfunktion	74,94
Übertrag	8,141
Übertragungs-Abhängigkeit	29
Übertragungskennlinie	34
Umwandlung Binär nach Dezimal	4
Umwandlung Dezimal nach Binär	4
Umwandlung ODER/UND-Schaltnetz	65
Umwandlung UND/ODER-Schaltnetz	64
UND-Abhängigkeit	27,112
ungepuffertes D-Flipflop	81
unkritischer Lauf	77
Unsigned	261
Unterprogramm	263
Unterprogrammaufruf	263
Untertypen	221

V

Variable	221,267
Verbindungs-Abhängigkeit	29
Vereinfachte Schreibweise	21
Vergleicher	154
Verhaltensbeschreibung	224
Verlustleistung	51
VHDL	219
VHDL-File	220
Vier-Bit-Dualzähler	125
Volladdierer	141
Volldekodierung	181
Vollkonjunktion	22
Vollkundendesign-ASIC	190, 217
Vollständigkeit	19
Von-Neumann-Rechner	233
Vorzeichen-Flag	244

W

Wahlfreier Zugriff	159
Wahrheitstabelle	15
Wait-Anweisung	226
Wertdiskretes Signale	2

Wertigkeit	112
Wertkontinuierliche Signale	1,31
Wired-And	36
Wired-Or	36
Wirkintervall	81, 85, 89,107,132
Wort	4
Wortleitung	160
Wort-organisierte Speicher	159
Write cycle time	170

X

XIRQ-Interrupt	240, 269
----------------------	----------

Z

Zahlenbereich	7
Zeichen	3
Zeichenvorrat	3
Zeilendekoder	163
Zeilenleitung	160
Zeitdiskrete Signale	2
Zeitkontinuierliche Signale	2
zentrale Verbindungsmatrix	210
Zero-Flag	244
Zustandsdiagramm	75,98,101
Zustandsfolgetabelle	74,94,98,102
zustandsgesteuertes Flipflop	80,87
Zustandsgleichung	74
Zustandsgröße	71
Zustandskodierung	100
Zustandsvektor	233
Zweierkomplement	252
zweiflankengesteuertes Flipflop	85,107
Zweikomponentenübergang	76
Zweistellige Schaltfunktion	16,18
zweistufiges Schaltwerk	63
Zwischenspeicher-Flipflop	86